

تعليمات مهمة

- ١ - عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.
 - ٢ - عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
 - ٣ - تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسئوليتك.
 - ٤ - زمن الاختبار (ساعتان).
 - ٥ - الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.
- عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :
- اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.
- اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.
- إن الأسئلة مترجمة للإيضاح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.
- استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، ولا تستخدم مزبل الكتابة .
- عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها .

- ٦ عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن (A) أو (B) فقط.
 - ٧ عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت:
- ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.
- مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً

- الإجابة الصحيحة مثلاً
- (a)
 - (b)
 - (c)
 - (d)

- في حالة ما إذا أجبنا إجابة خطأ، ثم قمنا بالشطب وأجبنا إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.
- وفي حالة ما إذا أجبنا إجابة صحيحة ، ثم قمنا بالشطب وأجبنا إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.
- ملحوظة :

في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

$i^2 = -1$; les racines cubiques de l'unité sont $(1; \omega$ et $\omega^2)$.

$(\vec{i} , \vec{j}$ et $\vec{k})$ sont les vecteurs unitaires de base.

مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح

① Si $Z = \omega^x$ où x est un nombre entier positif ; alors $|Z| = \dots\dots\dots$

Ⓐ 1

Ⓑ ω

Ⓒ x

Ⓓ ω^2

إذا كان $\omega = \epsilon^s$

حيث s عدد صحيح موجب

فإن $|\epsilon| = \dots\dots\dots$

Ⓐ ω

Ⓑ ω^2

Ⓒ 1

Ⓓ s

2) Soient les angles directeurs

d'une droite : θ_x ; θ_y et θ_z ; alors

$$\sin^2 \theta_x + \sin^2 \theta_y + \sin^2 \theta_z = \dots\dots\dots$$

إذا كانت زوايا اتجاه مستقيم هي

θ_x ، θ_y ، θ_z ،

$$\dots\dots = \sin^2 \theta_x + \sin^2 \theta_y + \sin^2 \theta_z$$

(a) -2

(b) -1

(ب) ١ -

(أ) ٢ -

(c) 1

(d) 2

(د) ٢

(ج) ١

③ Si

$$L_1: x = 2k_1 - 1; y = k_1 + 1; z = k_1 - 1$$

et

$$L_2: x = ak_2 - 1; y = 2k_2 + 1; z = bk_2 - 2$$

sont parallèles ;

alors $a + b = \dots\dots\dots$

Ⓐ 4

Ⓑ 6

Ⓒ $\frac{2}{9}$

Ⓓ -2

إذا كان

$$L_1: x = 2k_1 - 1, y = k_1 + 1, z = k_1 - 1$$

$$L_2: x = ak_2 - 1, y = 2k_2 + 1, z = bk_2 - 2$$

متوازيين فإن $a + b = \dots\dots\dots$

Ⓐ 4

Ⓑ 6

Ⓒ $\frac{2}{9}$

Ⓓ -2

④ Dans le développement de $(\frac{1}{x} + x^2)^{15}$ selon les puissances croissantes de x , trouvez la valeur du terme constant puis trouvez la valeur de x qui rend les deux termes médians égaux.

في مفكوك $(\frac{1}{x} + x^2)^{15}$ حسب قوى x المتصاعدة أوجد قيمة الحد الخالي من x ثم أوجد قيمة x التي تجعل الحدين الأوسطين متساويين.

٥ $e^{\pi i} - e^{-\pi i} = \dots\dots\dots$

أ -2

ب 0

ج 1

د 2

$\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{2} = \dots\dots\dots$

أ -٢

ب صفر

ج ٢

د ٢

6) Trouver les différentes formes de l'équation du plan passant par les points:

$(1; 0; 0)$, $(0; 2; 0)$ et $(0; 0; 3)$.

أوجد الصور المختلفة لمعادلة

المستوى الذي يمر بالنقط:

$(1, 0, 0)$ ، $(0, 2, 0)$ ، $(0, 0, 3)$ ،

$(3, 0, 0)$

7) Etudier la possibilité de résoudre le système suivant puis trouver la solution générale (si elle existe).

$$\begin{pmatrix} 2 & -4 & -9 \\ -1 & 2 & 3 \\ -3 & 6 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$

ابحث قابلية حل النظام الآتي ثم أوجد الحل العام (إن وجد):

$$\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} س \\ ص \\ ع \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 & -4 & -9 \\ -1 & 2 & 3 \\ -3 & 6 & 9 \end{pmatrix}$$

8 Si $Z = (1 + \sqrt{3}i)^n$ et $|Z| = 8$; alors la détermination principale de l'argument du nombre Z est

(a) $\frac{\pi}{2}$

(b) $\frac{\pi}{3}$

(c) $\frac{\pi}{6}$

(d) π

إذا كان $z = (1 + \sqrt{3}i)^n$ ،

$|z| = 8$

فإن السعة الأساسية للعدد z

هي

(ب) $\frac{\pi}{3}$

(أ) $\frac{\pi}{2}$

(د) π

(ج) $\frac{\pi}{6}$

٩) Si les deux plans: $3x - y + 2z + 4 = 0$ et $x + 2y + kz = 2$ sont perpendiculaires ; alors $k = \dots\dots\dots$

(a) -4

(b) $\frac{2}{3}$

(c) $\frac{1}{2}$

(d) $-\frac{1}{2}$

إذا كان المستويان :

$3x - y + 2z + 4 = 0$ ،

$x + 2y + kz = 2$ متعامدين فإن $k = \dots\dots\dots$

(أ) $-\frac{2}{3}$

(ب) $\frac{1}{2}$

⑩ Sans développer le déterminant résoudre l'équation:

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix} = 0$$

بدون فك المحدد حل المعادلة :

$$\text{صفر} = \begin{vmatrix} س & س & ١ \\ س & ١ & س \\ ١ & س & س \end{vmatrix}$$

11) Démontrez que les deux droites

$$\vec{r}_1 = (3; -1; 2) + k_1(4; 1; 3) \text{ et}$$

$$\vec{r}_2 = (0; 4; -1) + k_2(1; -1; 2)$$

non coplanaires .

أثبت أن المستقيمين :

$$\vec{r}_1 = (3, -1, 2) + k_1(4, 1, 3) \text{ و}$$

$$\vec{r}_2 = (0, 4, -1) + k_2(1, -1, 2)$$

متخالفان .

12 Le nombre de termes dans le développement de : $(x + y)^{2019} + (x - y)^{2019}$ après la simplification est

(a) 1010

(b) 1009

(c) 2020

(d) 2019

عدد حدود المفكوك :

$${}^{2019} (س + ص) + {}^{2019} (س - ص)$$

بعد التبسيط هو

(ب) 1009

(أ) 1010

(د) 2019

(ج) 2020

13) Si $\overrightarrow{AB} = -3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$ et $\overrightarrow{BC} = \vec{j} + 5\vec{k}$;

alors $\|\overrightarrow{AC}\| = \dots\dots\dots$

(a) 13

(b) 12

(c) 10

(d) 9

إذا كان

$$\overrightarrow{AB} = -3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$$

$$\overrightarrow{BC} = \vec{j} + 5\vec{k}$$

فإن $\|\overrightarrow{AC}\| = \dots\dots\dots$

(a) 13

(b) 12

(c) 10

(d) 9

14 Si $\vec{A} \perp \vec{B}$; $\vec{A} \perp \vec{C}$; $\vec{B} = (2 ; 3 ; 2)$;

$\vec{C} = (1 ; 2 ; 1)$ et $\|\vec{A}\| = 4\sqrt{2}$;

alors $\vec{A} = \dots\dots$

(a) $(2 ; 3 ; 1)$

(b) $(-4 ; 0 ; 4)$

(c) $(4 ; 4 ; 0)$

(d) $(0 ; -4 ; 4)$

إذا كان $\vec{A} \perp \vec{B}$ ، $\vec{A} \perp \vec{C}$ ،

$\vec{B} = (2, 3, 2)$ ، $\vec{C} = (1, 2, 1)$ ،

$\|\vec{A}\| = 4\sqrt{2}$

فإن $\vec{A} = \dots\dots\dots$

(أ) $(1, 3, 2)$

(ب) $(-4, 0, 4)$

(ج) $(4, 4, 0)$

(د) $(0, -4, 4)$

15) Répondez à une question seulement (a) ou (b):

a) Si $A(0; 0; 1)$, $B(1; 0; 0)$ et $C(0; 1; 0)$ trouvez un vecteur unitaire orthogonal au plan ABC.

b) Si les deux sphères:

$$(x + 1)^2 + (y - 4)^2 + (z - k)^2 = 25$$

$$\text{et } (x - 3)^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 16$$

sont tangentes extérieurement,

trouvez la valeur de k .

أجب عن أحد السؤالين التاليين فقط:

(أ) إذا كان P (صفر، صفر، ١) ،

ب (١، صفر، صفر)،

ج (صفر، ١، صفر)

أوجد : متجه وحدة عمودي على

المستوى P ب ج

(ب) إذا كانت الكرتان :

$$(س + ١)^2 + (ص - ٤)^2 + (ع - ك)^2 = ٢٥ ،$$

$$(س - ٣)^2 + ص^2 + (ع - ٣)^2 = ١٦$$

متماستين من الخارج أوجد قيمة ك

16) Le nombre de façons par lequel on peut constituer un groupe de sept membres parmi 9 filles et 5 garçons de sorte que le groupe constitué contient uniquement trois garçons est égal à

(a) 136

(b) 3084

(c) 1260

(d) 1287

عدد طرق اختيار فريق مكون من ٧ أفراد من ٩ بنات، ٥ أولاد إذا كان الفريق يحتوي على ٣ أولاد فقط يساوي

(ب) ٣٠٨٤

(أ) ١٣٦

(د) ١٢٨٧

(ج) ١٢٦٠

17) La valeur de $C_{50}^4 + \sum_{r=1}^6 C_{56}^{3-r}$
est égale à

(a) C_{56}^4

(b) C_{56}^2

(c) C_{55}^4

(d) C_{55}^3

قيمة: $\sum_{r=1}^6 C_{56}^{3-r} + C_{50}^4$

يساوي

(ب) C_{56}^{06}

(أ) C_{56}^{06}

(د) C_{50}^{00}

(ج) C_{50}^{00}

18) Si $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y = 0$ est l'équation d'une sphère du centre M et la longueur de son rayon r ; alors

- (a) $M (1; -2; 0)$; $r = \sqrt{5}$ unité
(b) $M (-1; 2; 0)$; $r = \sqrt{5}$ unité
(c) $M (1; -2; 0)$; $r = 5$ unités
(d) $M (-1; 2; 0)$; $r = 5$ unités

إذا كانت :

س^٢ + ص^٢ + ع^٢ - ٢س + ٤ص = صفر

هي معادلة كرة مركزها م ،

طول نصف قطرها هو فإن

(أ) م (١، -٢، ٠) ، $r = \sqrt{5}$ وحدة

(ب) م (-١، ٢، ٠) ، $r = \sqrt{5}$ وحدة

(ج) م (١، -٢، ٠) ، $r = 5$ وحدات

(د) م (-١، ٢، ٠) ، $r = 5$ وحدات

19 Répondez à une question seulement (a) ou (b):

a) Mettez le nombre $Z = \frac{8}{1+\sqrt{3}i}$ sous la forme trigonométrique puis trouvez ses deux racines carrées sous la forme exponentielle

b) Résoudre l'équation suivante dans \mathbb{C} :

$$(x - 1)^6 - 9(x - 1)^3 + 8 = 0$$

أجب عن أحد السؤالين التاليين فقط:

(أ) ضع العدد $\frac{8}{1+\sqrt{3}i}$ = ع

في الصورة المثلثية ثم أوجد جذريه التريبعيين في الصورة الأسية .

(ب) حل المعادلة الآتية في \mathbb{C} :

$$(s-1)^6 - 9(s-1)^3 + 8 = 0$$

