

# امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة لعام الدراسي ٢٠١٩/٢٠١٨ - الدور الأول

## المادة: الجبر والهندسة الفراغية (باللغة الفرنسية) نموذج

التاريخ : ٢٠١٩ / ٧ / ٣

## زمن الإجابة : ساعتان

**عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
والمتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة**



مجموع الدرجات

الطبقة  
المائية

رقم المراقبة

## مجموع الدرجات بالحروف: إمضاءات المراجعين:

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلی الطالب مسؤولية المراجعة  
والمتأكد من ذلك قبل تسليمها للكراسة



المدارس \_\_\_\_\_: رقم الجلوس: \_\_\_\_\_  
الادارة: \_\_\_\_\_ المحافظة: \_\_\_\_\_  
\_\_\_\_\_ - ١ -

**توقيع الملاحظين بصحبة البيانات :  
ومطابقة عدد صفحات كراسة الإحابة  
عند استلامها من الطالب .**

## تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.

- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.

- تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤليتك.

- زمن الاختبار (ساعتان).

- الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.

عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفك فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، ولا تستخدم مزيل الكتابة .

عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة

أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من

إجابة سوف يتم تقديرها .

- ١
- ٢
- ٣
- ٤
- ٥

- ٦
- ٧

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن (A) أو (B) فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت:

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

### الإجابة الصحيحة مثلاً

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

**ملحوظة :**

في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم

تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

$i^2 = -1$  ; les racines cubiques de l'unité sont  $(1; \omega \text{ et } \omega^2)$ .

$(\bar{i}, \bar{j} \text{ et } \bar{k})$  sont les vecteurs unitaires de base.

**مع أطيب التمنيات بالتوفيق والنجاح**

- ٨
- ٩
- ١٠

١ Si  $Z = (1 + \sqrt{3} i)^n$  et  $|Z| = 8$ ; alors la détermination principale de l'argument du nombre  $Z$  est .....

- a)  $\frac{\pi}{2}$
- b)  $\frac{\pi}{3}$
- c)  $\frac{\pi}{6}$
- d)  $\pi$

إذا كان  $z = (1 + \sqrt{3}i)$ ,

$$z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$$

فإن السعة الأساسية للعدد  $z$

هي .....

- ب)  $\frac{\pi}{3}$
- أ)  $\frac{\pi}{2}$
- ج)  $\frac{\pi}{6}$

2 Si les deux plans:  $3x - y + 2z + 4 = 0$  et  $x + 2y + kz = 2$  sont perpendiculaires ; alors  $k = \dots$

a)  $-4$

b)  $\frac{2}{3}$

c)  $\frac{1}{2}$

d)  $-\frac{1}{2}$

إذا كان المستويان :  
نـ ٣ - صـ ٢ عـ ٤ = صفر ،

دـ ٢ + صـ ٢ عـ ٢ = عـ

نـ ٣ + صـ ٢ عـ ٤ = صفر فإن  $k = \dots$

١)  $\frac{2}{3} - 4$

٢)  $-\frac{1}{2}$

٣)  $\frac{1}{2}$

٤)  $-\frac{1}{2}$

- 3 Sans développer le déterminant résoudre l'équation:

$$\begin{vmatrix} 1 & x & x \\ x & 1 & x \\ x & x & 1 \end{vmatrix} = 0$$

بدون فك المحدد حل المعادلة :

$$\begin{vmatrix} s & s \\ s & 1 \\ s & s \end{vmatrix} = \text{صفر}$$

④ Démontrez que les deux droites

$$\vec{r}_1 = (3; -1; 2) + k_1(4; 1; 3) \text{ et}$$

$$\vec{r}_2 = (0; 4; -1) + k_2(1; -1; 2)$$

non coplanaires.

أثبت أن المستقيمين :

$$\vec{r}_1 = (3, 1, 4) + k_1(2, 1, -3)$$

$$\vec{r}_2 = (0, 4, -1) + k_2(1, -1, 2)$$

نسمة مترافقان.

٥ Le nombre de façons par lequel on peut constituer un groupe de sept membres parmi 9 filles et 5 garçons de sorte que le groupe constitué contient uniquement trois garçons est égal à .....

- (a) 136      (b) 3084  
(c) 1260      (d) 1287

عدد طرق اختيار فريق مكون من 7 أفراد  
من 9 بنات، 5 أولاد إذا كان الفريق  
يحتوي على 3 أولاد فقط

- يساوي .....  
(١) ١٣٦      (٢) ٣٠٨٤  
(٣) ١٢٦٠      (٤) ١٢٨٧

٦ La valeur de  $C_{50}^4 + \sum_{r=1}^6 C_{56-r}^3$

est égale à .....

$$\text{قيمة: } ٥٤ + \sum_{r=1}^6 C_{56-r}^3$$

يساوي .....

(a)  $C_{56}^4$

(b)  $C_{56}^2$

(c)  $C_{55}^4$

(d)  $C_{55}^3$

(ب)  $٥٦^٥٦$

(د)  $٥٠٠^٥٠٠$

(ج)  $٥٤^٥٤$

7 Si  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4y = 0$  est l'équation d'une sphère du centre  $M$  et la longueur de son rayon  $r$ ; alors

- a)  $M(1; -2; 0)$ ;  $r = \sqrt{5}$  unité
- b)  $M(-1; 2; 0)$ ;  $r = \sqrt{5}$  unité
- c)  $M(1; -2; 0)$ ;  $r = 5$  unités
- d)  $M(-1; 2; 0)$ ;  $r = 5$  unités

إذا كانت:  $s^2 + c^2 + u^2 - 2s + 4c = 0$

هي معادلة كرة مركزها  $M$ ,

طول نصف قطرها  $r$  فإن فإن

(1)  $M(1, -2, 0)$ ,  $r = \sqrt{5}$  وحدة

(ب)  $M(-1, 2, 0)$ ,  $r = \sqrt{5}$  وحدة

(ج)  $M(1, -2, 0)$ ,  $r = 5$  وحدات

(د)  $M(-1, 2, 0)$ ,  $r = 5$  وحدات

٨) Répondez à une question seulement (a) ou (b):

a) Mettez le nombre  $Z = \frac{8}{1+\sqrt{3}i}$  sous la forme trigonométrique puis trouvez ses deux racines carrées sous la forme exponentielle

b) Résoudre l'équation suivante dans  $\mathbb{C}$ :

$$(x-1)^6 - 9(x-1)^3 + 8 = 0$$

أجب عن أحد السؤالين التاليين فقط:

$$\text{نـ(أ)} \quad \text{ضع العدد } = \frac{8}{\sqrt[3]{-1+i}}$$

في الصورة المثلثية ثم أوجد جذر يهـ  
التربيعـين في الصورة الأسيـة.

(ب) حل المعادلة الآتـية في  $\mathbb{C}$ :

$$(x-1)^6 - 9(x-1)^3 + 8 = 0 \quad \text{صـفر}$$



٩)  $e^{\pi i} - e^{-\pi i} = \dots$

- (a) -2      (b) 0  
(c) 1      (d) 2

$\underline{e^{\pi i}} - \underline{e^{-\pi i}} = \dots$

- (١) صفر      (٢) ٢  
(٣) ١      (٤) د

١٠ Trouver les différentes formes de l'équation du plan passant par les points:

(1 ; 0 ; 0), (0 ; 2 ; 0) et (0 ; 0 ; 3).

أوجد الصور المختلفة لمعادلة

المستوى الذي يمر بالنقط:

(١، صفر، صفر)، (صفر، ٢، صفر)،

(صفر، صفر، ٣)

- ١١) Etudier la possibilité de résoudre le système suivant puis trouver la solution générale (si elle existe).

$$\begin{pmatrix} 2 & -4 & -9 \\ -1 & 2 & 3 \\ -3 & 6 & 9 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix}$$

ابحث قابلية حل النظام الآتي ثم أوجد الحل العام (إن وجد) :

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 9-4-2 \\ 3-2-1 \\ 9-6-3 \end{pmatrix}$$



١٢ Si  $Z = \omega^x$  où  $x$  est un nombre entier positif ; alors  $|Z| = \dots$

a) 1

c)  $x$

b)  $\omega$

d)  $\omega^2$

إذا كان  $u = \omega^s$

حيث  $s$  عدد صحيح موجب

فإن  $|u| = \dots$

ب) ١

د) ٣

ج) ٦

(13) Soient les angles directeurs

d'une droite :  $\theta_x$  ;  $\theta_y$  et  $\theta_z$  ; alors

$$\sin^2 \theta_x + \sin^2 \theta_y + \sin^2 \theta_z = \dots$$

(a) -2

(b) -1

(c) 1

(d) 2

إذا كانت زوايا اتجاه مستقيم هي :

$$\theta_s, \theta_c, \theta_u$$

$$\text{فإن } \sin^2 \theta_s + \sin^2 \theta_c + \sin^2 \theta_u = \dots$$

(b) -1

(d) 2

(ج)

**14** Si

$$L_1: x = 2k_1 - 1; \quad y = k_1 + 1; \quad z = k_1 - 1$$

et

$$L_2: x = ak_2 - 1; \quad y = 2k_2 + 1; \quad z = bk_2 - 2$$

sont parallèles ;

alors  $a + b = \dots$

a) 4

b) 2

c) 6

d) -2

إذا كان  
لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_1 + 1, \quad l = k_2 - 1$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 1$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

الدور الأول ٢٠١٩/٢٠١٨ نسخة لـ:  $s = k_1 - 1, \quad c = k_2 + 1, \quad l = k_2 - 2$

- 15 Dans le développement de  $\left(\frac{1}{x} + x^2\right)^{15}$  selon les puissances croissantes de  $x$ , trouvez la valeur du terme constant puis trouvez la valeur de  $x$  qui rend les deux termes médians égaux.

في مفكوك  $(\frac{1}{x} + x^2)^{15}$  حسب قوى س التصاعدية أوجد قيمة الحد الحالي من س ثم أوجد قيمة س التي تجعل الحدين الأوسطين متساوين.

١٦ Le nombre de termes dans le développement

de :  $(x + y)^{2019} + (x - y)^{2019}$  après la simplification est .....

- a 1010
- b 1009
- c 2020
- d 2019

عدد حدود المفكوك :

٢٠١٩  
(س + ص) + (س - ص)

بعد التبسيط هو .....

١٠١٠ ٢٠١٩

٢٠٢٠ ٢٠١٩

١٧ Si  $\overrightarrow{AB} = -3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$  et  $\overrightarrow{BC} = \vec{j} + 5\vec{k}$  ;

alors  $\|\overrightarrow{AC}\| = \dots \dots \dots$

a) 13

b) 12

c) 10

d) 9

إذا كان  $\overline{AB} = \vec{b} - \vec{a} = \sqrt{(-3)^2 + 3^2 + 7^2} = \sqrt{61}$

$\overline{BC} = \vec{c} - \vec{b} = \sqrt{0^2 + 1^2 + 5^2} = \sqrt{26}$

فإن  $\|\overline{AC}\| = \sqrt{61 + 26} = \sqrt{87}$

١٣ أ)  $\overline{AB}$

٩ د)  $\overline{BC}$

١٨) Si  $\overrightarrow{A} \perp \overrightarrow{B}$ ;  $\overrightarrow{A} \perp \overrightarrow{C}$ ;  $\overrightarrow{B} = (2; 3; 2)$ ;

$$\overrightarrow{C} = (1; 2; 1) \text{ et } \|\overrightarrow{A}\| = 4\sqrt{2};$$

alors  $\overrightarrow{A} = \dots$

a)  $(2; 3; 1)$

b)  $(-4; 0; 4)$

c)  $(4; 4; 0)$

d)  $(0; -4; 4)$

إذا كان  $\overrightarrow{b} \perp \overrightarrow{c} \perp \overrightarrow{a}$ ,

$$\text{نسبة } \overrightarrow{b} = (2, 3, 1), \text{ و } \overrightarrow{c} = (1, 2, 1)$$

$$\|\overrightarrow{b}\|^2 = 4^2 + 3^2 + 1^2 = 26$$

$$\text{نسبة فإن } \overrightarrow{a} = \dots$$

أ)  $(1, 3, 2)$

ب)  $(-4, \text{ صفر}, 4)$

ج)  $(4, 4, \text{ صفر})$

د)  $(\text{صفر}, -4, 4)$

**(19) Répondez à une question seulement (a) ou (b):**

a) Si  $A(0; 0; 1)$ ,  $B(1; 0; 0)$  et  $C(0; 1; 0)$  trouvez un vecteur unitaire orthogonal au plan ABC.

b) Si les deux sphères:

$$(x + 1)^2 + (y - 4)^2 + (z - k)^2 = 25$$

$$\text{et } (x - 3)^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 16$$

sont tangentes extérieurement,  
trouvez la valeur de  $k$ .

أجب عن أحد السؤالين التاليين فقط:

(أ) إذا كان  $\begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}$  (صفر، صفر، 1) ،

ب  $\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$  (صفر، صفر، 1) ،

ج  $\begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}$  (صفر، 1، صفر)

أوجد: متجه وحدة عمودي على  
المستوى 1 ب ج

(ب) إذا كانت الكرتان:

$$(x + 1)^2 + (y - 4)^2 + (z - k)^2 = 25$$

$$(x - 3)^2 + y^2 + (z - 3)^2 = 16$$

متمامتين من الخارج أوجد قيمة  $k$

