



جمهورية مصر العربية
وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني
الإدارة المركزية لشئون الكتب

الرياضيات

الصف الأول الإعدادي

الفصل الدراسي الأول

تأليف

جمال فتحي عبد الستار

إشراف علمي

مستشار الرياضيات

إشراف تربوي وتعديل ومراجعة

مركز تطوير المناهج والمواد التعليمية

غير مصرح بتداول هذا الكتاب خارج وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني

طبعة ٢٠١٩ - ٢٠٢٠

مقدمة

يسعدنا أن نقدم كتاب الرياضيات لأبنائنا وبناتنا تلاميذ الصف الأول الإعدادي على أمل أن يكون محققا لما سعيينا من أجله من سهولة المعلومات ووضوح الأسلوب وتحقيق الهدف بإعداد جيل قادر على التفكير العلمي والابتكار. إن طموحات العقل الإنساني وتعلقاته قد تجاوزت حدود الأرض لتخترق أفلاك الفضاء الخارجي فتنتقل إلينا الأقمار الصناعية وشبكات المعلومات أحدث ما يدور فيه صباح ومساء. وبفضل التقدم التكنولوجي أصبحت مصادر التعلم كثيرة ومتنوعة ووسائل المعرفة أكثر عدداً وأكبر تنوعاً والوسائل المعينة في التدريس أكبر أثراً وأكثر تعقيداً وأعلى قيمة.

لم تكن جمهورية مصر العربية بحضارتها لتتخلف عن مواكبة ما يشهده العالم من تقدم سريع في اكتشافات العلم وتطور هائل في تكنولوجيا التعلم فلعلك تتابع ما يحدث في تعليمنا من تطوير وما أدخل إلى مدارسنا من وسائل تعليمية متطورة.

وقد روعي في تأليف هذا الكتاب

- التعرف على الرياضيات التي تستخدم الرموز بدلا من الأعداد ، لأن دراسة الأعداد غير كافية لحل المشكلات الواقعية .
- استخدام الصور والأشكال وتوظيف الألوان في توضيح المفاهيم الرياضية وخواص الأشكال.
- التكامل والربط بين الرياضيات والمواد الدراسية الأخرى.
- تصميم المواقف التعليمية بما يساعد على أساس التعلم النشط ومهارات حل المشكلات.
- عرض الدروس بحيث يصل التلميذ بنفسه إلى المعلومات.
- تضمين الكتاب قضايا واقعية وأنشطة ومواقف تعليمية مرتبطة بمشكلات البيئة والصحة والسكان إضافة إلى قضايا تنمية القيم مثل حقوق الإنسان والمساواة والعدالة وتنمية مفاهيم الانتماء إلى الوطن.
- وفي الجزء الخاص بالأنشطة والتدريبات : يوجد أسئلة تقويمية لكل درس ، وتمارين متنوعة على كل وحدة ، واختبار في نهاية كل وحدة ، ونشاط خاص ، ونماذج امتحانات عامة تساعد على مراجعة المقرر كاملاً .

وقد اشتمل هذا الكتاب على 4 وحدات.

الوحدة الأولى: الأعداد التيسية - وتهدف إلى عرض خصائص الأعداد وطرق تمثيلها وإجراء العمليات الحسابية عليها وإدراك العلاقات بينها.

الوحدة الثانية- الجبر - وتعرض معنى الحدود والمتادير الجبرية وإجراء العمليات عليها

الوحدة الثالثة: الهندسة والقياس - وتدور حول رسم أشكال هندسية ذات بعدين وثلاثة أبعاد مع وضوح خواصها وتحليل العلاقات بينها.

الوحدة الرابعة : الاحصاء ويهدف إلى الإحاطة بجمع البيانات وتنظيمها وعرضها للإجابة عن تساؤلات معينة. وإصدار أحكام على التفسيرات والنتيوات التي يمكن الوصول إليها من تحليل بيانات معينة

وقد روعي في شرح موضوعات الكتاب تبسيط المعلومة إلى أقصى قدر مستطاع مع تنوع

المؤلف

التمارين وإعطاء الدارسين الفرصة للتفكير والابتكار.

الرموز الرياضية المستخدمة

لكل رمز من الرموز الرياضية الأتية مدلوله وكيفية توظيفه

يُقْرَأُ	الرمز
المجموعة \sim تساوي	$\sim = \{ \dots, \dots, \dots \}$
فاي (المجموعة الخالصة التي لا تحتوي على أي عنصر)	\emptyset أو $()$
عنصر من أو ينتمي إلى	\ni
ليس عنصرا في أو لا ينتمي إلى	\notin
محتواة في أو جزئية من	\supset
غير محتواة في أو ليست جزئية من	$\not\supset$
تقاطع المجموعتين \sim ، \sim هي المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين معا	$\sim \cap \sim = \{ \dots : \dots \}$
اتحاد المجموعتين \sim ، \sim هو المجموعة التي تشمل كل العناصر الموجودة في المجموعتين أو كليهما	$\sim \cup \sim = \{ \dots : \dots \}$
مجموعة الأعداد الطبيعية (٠ ، ١ ، ٢ ، ...)	\mathbb{N}
مجموعة الأعداد الصحيحة (... ، ٢ ، ١ ، ٠ ، -١ ، -٢ ، ...)	\mathbb{Z}
مجموعة الأعداد الصحيحة الموجبة (١ ، ٢ ، ٣ ، ...)	\mathbb{N}^+
مجموعة الأعداد الصحيحة السالبة (... ، -٣ ، -٢ ، -١)	\mathbb{Z}^-
أقل من أو يساوي	\geq
أكبر من أو يساوي	\leq
لا تساوي	\neq

يُقرأ	الرمز
القيمة المطلقة للعدد P	$ P $
الزوج المرتب P, B	(P, B)
القوة النونية للعدد P «أس n »	$P \times P \times \dots \times P$ إلى n من العوامل = P^n
الجذر التربيعي للعدد P	\sqrt{P}
بوازي	\parallel
عمودي على	\perp
مثلث	\triangle
بما أن	\therefore
إذن	\therefore
زاوية قائمة	\rightangle
القطعة المستقيمة P, B	\overline{PB}
الشعاع P, B	\overrightarrow{PB}
الخط المستقيم P, B	\longleftrightarrow_{PB}
زاوية	\sphericalangle
تطابق	\equiv

الوَحْدَةُ الْأُولَى : الأَعْدَادُ النَّسَبِيَّةُ

٢	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَجْمُوعَةُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٥	الدَّرْسُ الثَّانِي : مَقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٧	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : جَمْعُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
٩	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١١	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : طَرَحُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٢	الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٣	الدَّرْسُ السَّابِعُ : خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الطَّرْبِ فِي مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ
١٥	الدَّرْسُ الثَّامِنُ : قِسْمَةُ الأَعْدَادِ النَّسَبِيَّةِ

الوَحْدَةُ الثَّانِيَّةُ : الجَبْرُ


١٨	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : الأَحْدُودُ وَالْمَقَابِيرُ الجَبْرِيَّةُ
١٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : الأَحْدُودُ الْمُتَسَابِغَةُ
٢٠	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : ضَرْبُ الأَحْدُودِ الجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا
٢٣	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : جَمْعُ المَقَابِيرِ الجَبْرِيَّةِ وَطَرَحُهَا
٢٤	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : ضَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ
٢٦	الدَّرْسُ السَّادِسُ : ضَرْبُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
٣٠	الدَّرْسُ السَّابِعُ : قِسْمَةُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ
٣١	الدَّرْسُ الثَّامِنُ : قِسْمَةُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
٣٣	الدَّرْسُ التَّاسِعُ : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ العَاِمِلِ المُشْتَرَكِ الأَعْلَى

الوَحْدَةُ الثَّلَاثِيَّةُ : الإِخْصَاءُ

٣٥	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَقَابِيِسُ النِّزَاعَةِ المَرَكِزِيَّةِ : المَتَوَسُّطُ الحِسابِي
٣٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : الوَسِيطُ
٣٩	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : المَنَوَالُ

الوَحْدَةُ الرَّابِعَةُ : الِهَنْدَسَةُ وَالْقِيَاسُ

٤٣	الدَّرْسُ الْأَوَّلُ : مَفَاهِيمُ هَنْدَسِيَّةٌ
٤٩	الدَّرْسُ الثَّانِي : التَّنَاطُقُ
٥٠	الدَّرْسُ الثَّلَاثُ : تَطَابُقُ المُتَعَلِّقَاتِ
٥٦	الدَّرْسُ الرَّابِعُ : التَّوَازِي
٦٢	الدَّرْسُ الْخَامِسُ : إِتْسَاعَاتُ هَنْدَسِيَّةٌ



محمد بن أحمد أبو الريحان البيروني
(ولد سنة ٣٦٢ هـ / ٩٧٣ م)

كَتَبَ الْبَيْرُونِيُّ وَهُوَ مِنْ مَشَاهِيرِ الرَّيَاضِيِّينَ الْعَرَبِ أَنَّ
صُورَ الْحُرُوفِ وَأَرْقَامِ الْحِسَابِ تَخْتَلِفُ فِي الْهِنْدِ بِاخْتِلَافِ
الْمَحَلَّاتِ وَأَنَّ الْعَرَبَ أَخَذُوا أَحْسَنَ مَا عِنْدَهُمْ فَهَذَّبُوا
بَعْضَهَا وَكَوَّنُوا مِنْ ذَلِكَ سِلْسِلَتَيْنِ عُرِفَتَا إِخْدَامًا:
الأرقام الهنديَّة
٠ . ٩ . ٨ . ٧ . ٦ . ٥ . ٤ . ٣ . ٢ . ١
وُتُسْتَحْدَمُ فِي الْمَشْرِقِ الْعَرَبِيِّ وَهِيَ مِنْ أَصْلِ هِنْدِيٍّ
الأرقام الأندلسيَّة (الغباريَّة)
٠ . ٩ . ٨ . ٧ . ٦ . ٥ . ٤ . ٣ . ٢ . ١
وُتُسْتَحْدَمُ فِي الْمَغْرِبِ الْعَرَبِيِّ وَالْأَنْدَلِيسِ

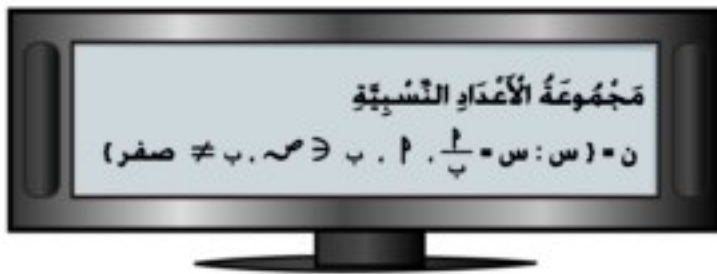
محتويات الوحدة

- الدرس الأول : مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الثاني : مقارنة وترتيب الأعداد النسبية
 - الدرس الثالث : جمع الأعداد النسبية
 - الدرس الرابع : خواص عقلية الجمع في مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الخامس : طرح الأعداد النسبية
 - الدرس السادس : ضرب الأعداد النسبية
 - الدرس السابع : خواص عقلية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية
 - الدرس الثامن : قسمة الأعداد النسبية
- تطبيقات على الأعداد النسبية

مجموعة الأعداد النسبية

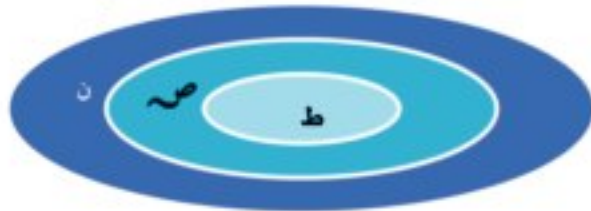
- $2 = \frac{2}{1} \leftarrow \frac{2}{p}$. $2 \in \mathbb{M}$
- $\text{صفر} = \frac{\text{صفر}}{1} \leftarrow \frac{p}{p}$. $\text{صفر} \in \mathbb{M}$
- $1 = \frac{1}{1} \leftarrow \frac{1}{p}$. $1 \in \mathbb{M}$
- $1\frac{3}{4} = \frac{7}{4} \leftarrow \frac{p}{q}$. $1\frac{3}{4} \notin \mathbb{M}$
- $1,25 = \frac{5}{4} \leftarrow \frac{p}{q}$. $1,25 \notin \mathbb{M}$

تعلّم أنّ



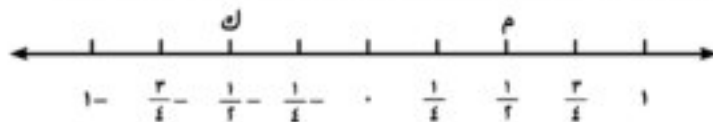
يُكتَبُ العَدَدُ النَّسِيبِيُّ عَلَى الصُّورَةِ $\frac{p}{q}$. حَيْثُ q . q أَعْدَادٌ صَّحِيحَةٌ . $q \neq \text{صفر}$

مجموعة الأعداد الصحيحة مجموعة جزئية من الأعداد النسبية. أي أنّ $\mathbb{M} \supset \mathbb{Z}$ مجموعة جزئية من \mathbb{N}



$$\mathbb{N} \subset \mathbb{M} \subset \mathbb{Z}$$

وَيُمْكِنُ تَمَثُّلُ مَجْمُوعَةِ الأَعْدَادِ النَّسِيبَةِ عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ.



تَمَثِّلُ النُّقْطَةُ $ك$ مُنْتَصَفَ المَسَافَةِ بَيْنَ 1 . 0 العَدَدِ النَّسِيبِيِّ $\frac{1}{2}$ وَيَقْرَأُ العَدَدُ النَّسِيبِيُّ مُوجِبٌ يَضْفُ
تَمَثِّلُ النُّقْطَةُ $م$ مُنْتَصَفَ المَسَافَةِ بَيْنَ $1-0$. 0 العَدَدِ النَّسِيبِيِّ $-\frac{1}{2}$ وَيَقْرَأُ العَدَدُ النَّسِيبِيُّ سَالِبٌ يَضْفُ

مثال ١

اكتب الأعداد الآتية على الصورة $\frac{أ}{ب}$

٢٤٠ (ج)

٠,١٥ (ب)

$|٩ \frac{١}{٣} - |$ (أ)

الحل

$$\frac{٢٨}{٣} = ٩ \frac{١}{٣} = |٩ \frac{١}{٣} - |$$

$$\frac{٣}{٢} = \frac{١٥}{١٠٠} = ٠,١٥$$

$$\frac{٢}{٥} = \frac{٤}{١٠} = \frac{٤٠}{١٠٠} = ٢٤٠$$

مثال ٢

اكتب الأعداد الآتية على صورة أعداد عشرية و نسبة مئوية .

$\frac{٢٥}{٨}$ (ج)

$|٢ \frac{١}{٤} - |$ (ب)

$\frac{١٦}{٢٥}$ (أ)

الحل

$$٢٦٤ = ٠,٦٤ = \frac{٦٤}{١٠٠} = \frac{٤ \times ١٦}{٤ \times ٢٥} = \frac{١٦}{٢٥}$$

$$٢٢٢٥ = ٢,٢٥ = \frac{٩}{٤} = |٢ \frac{١}{٤} - |$$

$$٢٣١٢,٥ = ٢,١٢٥ = ٢ \frac{١}{٨} = \frac{٢٥}{٨}$$



الأشكال المختلفة للعدد النسبي

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{3}{5}$ ، $\frac{7}{8}$ كعدد عشري مُنتهِ:

$$\dots = 1,40 = 1,4 = \frac{14}{10} = \frac{7}{5} \qquad \dots = 0,750 = 0,75 = \frac{75}{100} = \frac{3}{4}$$

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{3}{5}$ ، $\frac{7}{8}$ على صورة نسبية مكويّبة:

$$\times 140 = \frac{140}{100} = \frac{20 \times 7}{20 \times 5} = \frac{7}{5} \qquad \times 75 = \frac{75}{100} = \frac{25 \times 3}{25 \times 4} = \frac{3}{4}$$

• كتابة أعداد نسبية مثل $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{11}$ كعدد عشري دائري غير مُنتهِ:

$$0,1\dot{8} = 0,181818\dots = \frac{2}{11} \qquad 0,3\dot{3} = 0,3333\dots = \frac{1}{3}$$

وَضَعُ النُّقْطَةَ فَوْقَ الرَّقْمِ مَعْنَاهُ أَنَّ العَدَدَ دَائِرِيًّا

يُقْرَأُ ٠,٣ دائري

فمثلاً:

لكتابة العدد $\frac{1}{3}$ كعدد عشري دائري غير منته باستخدام الآلة الحاسبة، ندخل العدد $\frac{1}{3}$ على الآلة الحاسبة ثم نضغط على علامه [=] فنحصل على ٠,٣٣٣٣٠٠٠ كما ظهر بالآلة.

ولكتابة العدد $0,3\dot{3}$ على صورة عدد نسبي باستخدام الآلة الحاسبة ندخل العدد ٠,٣٣٣٣٠٠٠ ونكرر العدد ٣ حتي آخر الشاشة الموجودة ثم نضغط على علامه [=] فنحصل على العدد النسبي $\frac{1}{3}$

$$\frac{1}{3} = 0,3\dot{3} \quad \underline{\text{أي أن:}}$$

مثال: لكتابة العدد ٠,١٤٥ على صورة عدد نسبي، ندخله بالآلة الحاسبة على الصورة ٠,١٤٥٥٠٠٠

ونكرر العدد ٤٥ حتي آخر الشاشة ثم نضغط على [=]

$$\frac{14}{100} = 0,14\dot{5} \quad \text{أي أن:} \quad \frac{14}{100} = 0,14\dot{5}$$

مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ



خَطُّ الأَعْدَادِ

إِذَا كَانَتِ النُّقْطَةُ الَّتِي تُعْمَلُ الأَعْدَادُ النَّسْبِيَّةِ «أ» تَقَعُ عَلَى بَسَارِ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ «ب» فَلَيْنَ

أ < ب
أَكْبَرُ مِنْ

أ

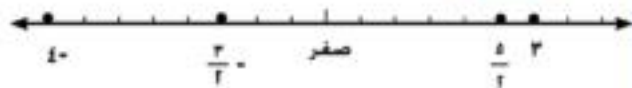
أ > ب
أَقْلُ مِنْ

التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ للأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - صَفْرٌ . ٢ . $\frac{1}{2}$ - هُوَ : ٣ - $\frac{1}{2}$. صَفْرٌ . ٢ .
التَّرْتِيبُ التَّنَازُلِيُّ للأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - صَفْرٌ . ٢ . $\frac{1}{2}$ - هُوَ : ٢ - صَفْرٌ . $\frac{1}{2}$. ٣ -

مثال ١

مَثَلِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ ٣ - $\frac{2}{3}$. $\frac{5}{7}$. صَفْرٌ . ٤ - عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ ثُمَّ رَتَّبَهَا تَصَاعُدِيًّا

الحل



التَّرْتِيبُ التَّصَاعُدِيُّ هُوَ : ٤ - $\frac{2}{3}$. صَفْرٌ . $\frac{5}{7}$. ٣ -

يُمْكِنُكَ تَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ
حَسَبَ مَوْضِعِهَا عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ

مثال ٣

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ - $\frac{2}{3}$ - أَمْ - $\frac{2}{4}$ ؟

الحل

٣.٢.٢ . لِتَمَقَامَاتِ ٣ . ٤ هُوَ ١٢

$$\frac{8}{12} = \frac{4 \times 2}{4 \times 3} = \frac{2}{3} -$$

$$\frac{6}{12} = \frac{2 \times 3}{3 \times 4} = \frac{2}{4} -$$

$$\frac{8}{12} > \frac{6}{12} \leftarrow$$

الأَعْدَادُ النَّسْبِيَّةِ - $\frac{2}{3}$ - أَكْبَرُ مِنْ - $\frac{2}{4}$

مثال ٤

أَيُّهُمَا أَكْبَرُ $\frac{4}{5}$ أَمْ $\frac{2}{3}$ ؟

الحل

٣.٢.٢ . لِتَمَقَامَاتِ ٥ . ٧ هُوَ ٣٥

$$\frac{28}{35} = \frac{4 \times 7}{5 \times 7} = \frac{4}{5}$$

$$\frac{21}{35} = \frac{3 \times 7}{5 \times 5} = \frac{3}{5}$$

$$\frac{28}{35} > \frac{21}{35} \leftarrow$$

الأَعْدَادُ النَّسْبِيَّةِ $\frac{2}{3}$ أَكْبَرُ مِنَ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ $\frac{4}{5}$

مثال ٤

اكتب ثلاثة أعداد نسبية تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$

الحل

يلزم لذلك توحيد مقامى العددين النسبيين أولاً :

م . م . م للمقامات ٣ ، ٥ هو ١٥

$$\frac{2}{3} \cdot \frac{4}{5} \text{ يقع بين العددين } \frac{11}{15} \text{ العدد النسبي} \left\{ \begin{array}{l} \frac{12}{15} = \frac{3 \times 4}{3 \times 5} = \frac{4}{5} \\ \frac{10}{15} = \frac{5 \times 2}{5 \times 3} = \frac{2}{3} \end{array} \right.$$

لأن $\frac{12}{15} > \frac{11}{15} > \frac{10}{15}$

ولكى نوجد ثلاثة أعداد محصورة بينهما :

نضرب بسط ومقام العددين $\frac{12}{15}$ و $\frac{10}{15}$ فى ٢

$$\text{الأعداد الثلاثة المطلوبة هي :} \left\{ \begin{array}{l} \frac{24}{30} = \frac{2 \times 12}{2 \times 15} = \frac{12}{15} \\ \frac{20}{30} = \frac{2 \times 10}{2 \times 15} = \frac{10}{15} \end{array} \right.$$

$$\frac{23}{30} \cdot \frac{22}{30} \cdot \frac{21}{30}$$

$$\text{لأن : } \frac{24}{30} > \frac{23}{30} > \frac{22}{30} > \frac{21}{30} > \frac{20}{30}$$

ويمكن ايجاد المزيد من الأعداد النسبية المحصورة بين العددين

(أوجد ثلاثة أعداد نسبية أخرى تقع بين $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{5}$)

لذلك يمكن القول أنه :

لاى عددين نسبيين مختلفين يوجد عدد لا نهائى من الأعداد النسبية المحصورة بينهما. (تسمى هذه الخاصية كثافة الأعداد النسبية .)

جَمْعُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّالِثُ

تَمَثُّيلُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ يُسَاعِدُكَ عَلَى جَمْعِهَا:

اتَّبِعِ الأَخْطَوَاتِ الثَّلَاثَةَ
أ . ب . ج لِإِجَادَةِ نَتِيجِ
 الجَمْعِ

مثال ١

$$\frac{3}{8} + \frac{5}{8} =$$

$$\frac{3}{8} + \frac{5}{8} = \frac{3}{8} + \frac{5}{8} = 1$$

١ أكْمِلْ:

..... = () + $\frac{3}{4}$

[أ]

..... = + ()

[ب]

..... = () + ()

[ج]

..... = () +

[د]

٢ اسْتَخْدِمِ خَطَّ الأَعْدَادِ فِي جَمْعِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الأَتِيَةِ :

[ج] - $(\frac{1}{4}) + \frac{3}{4}$

[ب] - $\frac{5}{3} + \frac{1}{3}$

[أ] - $(\frac{3}{8}) + \frac{5}{8}$

مثال ٢

أحسب قيمة كل مما يأتي في أبسط صورة:

$$(2\frac{1}{3} -) + 3\frac{1}{2} \text{ [ب]}$$

$$(\frac{3}{2} -) + \frac{4}{5} - [أ]$$

الحل

$$12 = 3, 4 \text{ للمقامات } \text{ب.ع.ع} \text{ [ب]}$$

$$10 = 2, 5 \text{ للمقامات } \text{ب.ع.ع} \text{ [أ]}$$

$$(2\frac{4 \times 1}{4 \times 3} -) + 3\frac{3 \times 1}{3 \times 2} = (2\frac{1}{3} -) + 3\frac{1}{2}$$

$$(\frac{5 \times 3}{5 \times 2} -) + (\frac{2 \times 4}{2 \times 5} -) = (\frac{3}{2} -) + \frac{4}{5} -$$

$$(2\frac{4}{12} -) + 3\frac{3}{12} =$$

$$(\frac{15}{10} -) + \frac{8}{10} - =$$

$$\frac{11}{12} = (2\frac{4}{12} -) + 2\frac{10}{12} =$$

$$\frac{23}{10} - =$$

مثال ٣

أحسب قيمة كل يأتي في أبسط صورة :

$$(\frac{1}{3} -) + \frac{1}{5} \text{ (ب)}$$

$$(\frac{3}{4} -) + 1\frac{5}{8} \text{ (أ)}$$

الحل

$$8 = 4, 8 \text{ للمقامات } \text{أ.م.م} \text{ (أ)}$$

$$(\frac{3 \times 2}{4 \times 2} -) + 1\frac{5}{8} = (\frac{3}{2} -) + 1\frac{5}{8}$$

$$(\frac{6}{8} -) + 1\frac{5}{8} =$$

$$1\frac{11}{8} =$$

$$15 = 3, 5 \text{ للمقامات } \text{ب.م.م} \text{ (ب)}$$

$$(\frac{5 \times 1}{5 \times 3} -) + \frac{3 \times 1}{3 \times 5} = (\frac{1}{3} -) + \frac{1}{5}$$

$$(\frac{5}{15} -) + \frac{3}{15} =$$

$$\frac{8}{15} - =$$

أَكْمِلْ

هَلْ نَاتِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ؟

[أ] $\frac{3}{4} + \frac{1}{3} = \dots$

هَلْ تَنَائُرُ عَمَلِيَّةُ الْجَمْعِ بِتَبْدِيلِ الْعَدَدَيْنِ؟

[ب] $\frac{1}{5} + \frac{2}{5} = \dots$

$\dots = (\frac{2}{5} -) + \frac{1}{5} ،$

هَلْ تَنَائُرُ عَمَلِيَّةُ الْجَمْعِ بِدَمْجِ عَدَدَيْنِ مَعًا؟

[ج] $\dots = \frac{1}{3} + (\quad) = \frac{1}{3} + (\frac{1}{3} + \frac{5}{3} -)$

$\dots = \dots + \frac{2}{3} - = (\frac{1}{3} + \frac{1}{3}) + \frac{5}{3} - ،$

هَلْ تَتَغَيَّرُ قِيَمَةُ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ عِنْدَ إِضَافَةِ الصَّفْرِ؟

[د] $\dots = \text{صفر} + \frac{1}{3} = \dots$

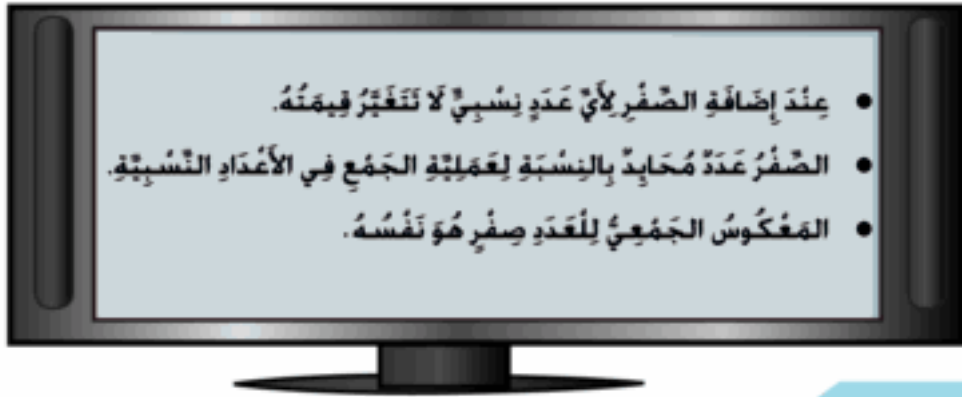
$\dots = (\frac{1}{3} -) + \text{صفر} ،$

مَاذَا نُلَاحِظُ؟

[هـ] $\dots = (\frac{9}{8} -) + \frac{9}{8} = \dots$

بِأَيِّ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ $\frac{1}{3}$ ، $\frac{2}{5}$ ، $\frac{4}{9}$ يَكُونُ:

مِثَالٌ	اسْتِخْدَامُ الرُّمُوزِ	الْخَاصِّيَّةُ
إِذَا كَانَ $\frac{1}{3}$ ، $2 \geq \frac{1}{3}$ نَقِيَانٌ $\dots = 2 + \frac{1}{3} = \dots$	$\geq \frac{2 \cdot 3 + 1 \cdot 3}{3 \cdot 3} = \frac{7}{3} = \frac{2}{3} + \frac{1}{3}$	١- الْإِنْفِلَاقُ
	$\frac{1}{3} + \frac{2}{5} = \frac{2}{5} + \frac{1}{3}$	٢- الْإِبْتِدَالُ
	$(\frac{4}{9} + \frac{2}{5}) + \frac{1}{3} = \frac{4}{9} + (\frac{2}{5} + \frac{1}{3})$ $\frac{4}{9} + \frac{2}{5} + \frac{1}{3} =$	٣- الدَّمْجُ
	$\frac{1}{3} = \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{3}$	٤- الْعَدَدُ الْمُحَايِدُ الْجَمْعِيُّ
	لِكُلِّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ $\frac{1}{3}$ مَعْكُوسٌ جَمْعِيٌّ - $\frac{1}{3}$ حَيْثُ $\frac{1}{3} + (\frac{1}{3} -) = \text{صَفْرًا}$	٥- وُجُودُ الْمَعْكُوسِ الْجَمْعِيِّ



مثال ١

اخبب قيمة كل مما يأتي مع ذكر الخاصية:

$$\begin{aligned} \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) & , & \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} & \text{(أ)} \\ \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} & , & \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) & \text{(ب)} \\ \frac{5}{12} + \frac{5}{12} - & , & \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} & \text{(ج)} \end{aligned}$$

الحل

$$\frac{2}{10} = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \text{ (أ)}$$

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right)$$

خاصية الإبدال

$$\frac{2}{10} = \frac{5}{10} + \left(\frac{7}{10}\right) = \left(\frac{7}{10}\right) + \frac{5}{10} \therefore$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{2}{8} + \frac{4}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \text{ (ب)}$$

$$\frac{3}{8} = \frac{6}{8} = \frac{5}{8} + \frac{1}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8}$$

خاصية الدمج

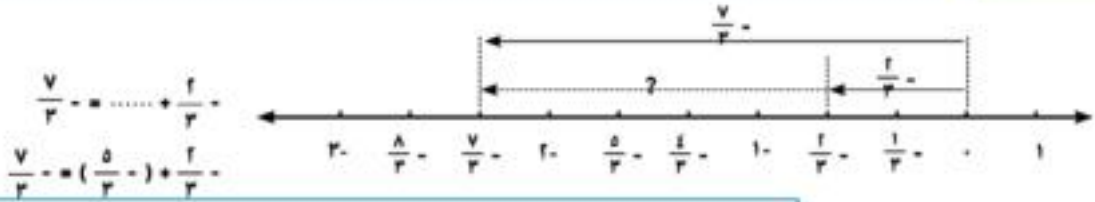
$$\frac{3}{8} = \left(\frac{2}{8} + \frac{3}{8}\right) + \frac{1}{8} = \frac{2}{8} + \left(\frac{3}{8} + \frac{1}{8}\right) \therefore$$

$$\text{صفر} = \frac{4-4}{5} = \left(\frac{4}{5}\right) + \frac{4}{5} \text{ (ج)}$$

خاصية المعكوس الجمعي

$$\text{صفر} = \frac{5+5}{12} = \frac{5}{12} + \frac{5}{12}$$

طَرَحُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ



عَمَلِيَّةُ الطَّرْحِ $(\frac{a}{s} - \frac{b}{p})$ هِيَ عَمَلِيَّةٌ جَمْعُ المَطْرُوحِ مِنْهُ $\frac{b}{p}$ مَعَ المَعكُوسِ الجَمْعِيِّ لِمَطْرُوحِ $\frac{a}{s}$ أَي أَنَّ: $\frac{a}{s} - \frac{b}{p} = \frac{a}{s} + \frac{p}{p} - \frac{b}{p}$

مثال ١

احسب قيمة كلِّ مما يأتي في أبسط صورة:

$$[ب] \quad 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3}$$

$$[أ] \quad \frac{13}{4} - \frac{9}{2}$$

الحل

$$[ب] \quad \text{لِمَقَامَاتِ } 1, 3 \text{ نَلْمَقِّمَاتُ } 1 = 1 \cdot 3$$

$$(2\frac{5}{1}) - (3\frac{2}{3}) = 2\frac{5}{1} - 3\frac{2}{3}$$

$$5\frac{9}{3} - (3\frac{2}{1}) + 3\frac{2}{3} =$$

$$1\frac{1}{3} - 5\frac{2}{3} =$$

$$[أ] \quad \text{لِمَقَامَاتِ } 4, 2 \text{ نَلْمَقِّمَاتُ } 4 = 4$$

$$(\frac{13}{4}) - (\frac{9}{2}) = \frac{13}{4} - \frac{9}{2}$$

$$\frac{5}{4} = (\frac{13}{4}) - \frac{18}{4} =$$

مثال ٢

احسب ناتج كلِّ مما يأتي في أبسط صورة:

$$[ب] \quad \left| \frac{1}{5} \right| - 20\%$$

$$[أ] \quad 0,2 - \frac{4}{15}$$

الحل

$$[أ] \quad \frac{1}{15} = \frac{2}{30} = \frac{6-8}{30} = \frac{2}{10} - \frac{4}{15} = 0,2 - \frac{4}{15}$$

$$[ب] \quad \frac{1}{20} = \frac{4-5}{20} = \frac{1}{5} - \frac{1}{4} = \left| \frac{1}{5} \right| - 25\%$$

الدَّرْسُ السَّادِسُ ضَرْبُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

لِضَرْبِ عَدَّتَيْنِ نِسْبِيَّيْنِ يُلْزَمُ ضَرْبُ بَسْطَيْهِمَا أَوَّلًا لِتَحْصُلِ عَلَى بَسْطِ حَاصِلِ الضَّرْبِ ثُمَّ ضَرْبُ مَقَامَيْهِمَا تَابِعًا لِتَحْصُلِ عَلَى مَقَامِ حَاصِلِ الضَّرْبِ.
أَكْمِلْ:

$$\frac{2}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 1} = \frac{1}{3} \times \frac{2}{1} \quad , \quad \frac{4}{5} = \frac{2 \times 2}{2 \times 5} = \frac{2}{5} \times \frac{2}{1}$$

ضَرْبُ عَدَّتَيْنِ
نِسْبِيَّيْنِ



مثال ١

أوجد الناتج في كل مما يلي:

$$\frac{4}{5} \times \frac{2}{7} \text{ (ب)}$$

$$\frac{4}{3} \times \frac{2}{5} \text{ (أ)}$$

$$\frac{1}{9} \times \frac{2}{9} \text{ (ج)}$$

الحل

$$\frac{8}{15} = \frac{4 \times 2}{3 \times 5} = \frac{4}{3} \times \frac{2}{5} \text{ (أ)}$$

$$\frac{12}{30} = \frac{4 \times 3}{5 \times 7} = \frac{4}{5} \times \frac{3}{7} \text{ (ب)}$$

$$\frac{2}{81} = \frac{2}{9} = \frac{1 \times 2}{9 \times 9} = \frac{1}{9} \times \frac{2}{9} \text{ (ج)}$$

الدرس السابع

خواص عملية الضرب في مجموعة الأعداد النسبية

هل حاصل الضرب عدد نسبي؟

١ اضرب: $\frac{2}{4} \times \frac{2}{3} = \dots$

٢ أكمل الجدول الآتي:

×			×
.....	$\frac{3}{5}$	$\frac{1}{2}$
.....	$\frac{1}{3}$	$\frac{4}{5}$

هل تتأثر عملية الضرب بتبديل العددين؟

٣ أكمل:

هل تتأثر عملية الضرب بدمج عددين نسبيين؟

[أ] $\frac{2}{60} = \frac{1}{3} \times \frac{2}{20} = \frac{1}{3} \times \left[\left(\frac{3}{4} \right) \times \left(\frac{2}{5} \right) \right]$

$\frac{2}{60} = \frac{2}{12} \times \frac{1}{5} = \left[\frac{1}{3} \times \left(\frac{3}{4} \right) \right] \times \frac{1}{5}$

هل تتغير قيمة العدد النسبي عند ضربه في الواحد؟

[ب] $\dots = \left(\frac{7}{8} \right) \times 1$ ، $\dots = 1 \times \frac{3}{5}$

ماذا تلاحظ؟

[ج] $\dots = \left(\frac{3}{5} \right) \times \frac{5}{3}$ ، $\dots = \frac{9}{5} \times \frac{5}{9}$

ماذا تلاحظ؟

[د] $\frac{2}{14} = \frac{2}{7} \times \frac{1}{2} = \left[\left(\frac{3}{4} \right) + \left(\frac{1}{4} \right) \right] \times \frac{1}{2}$

$\frac{2}{14} = \frac{2}{14} + \frac{2}{14} = \left(\frac{3}{4} \times \left(\frac{1}{2} \right) \right) + \frac{3}{4} \times \frac{1}{2}$

٤ اكتب مثالاً لكل خاصية من خواص عمليّة الضرب في مجموعة الأعداد النسبية :

لأي أعداد نسبية $\frac{a}{9}$ ، $\frac{b}{5}$ ، $\frac{p}{7}$ يكون :

الخاصية	استخدام الرموز	مثال
١- الإنغلاق	$\frac{a}{9} \times \frac{b}{5} = \frac{a \times b}{9 \times 5} \Rightarrow n$	إذا كان $\frac{1}{4} - \frac{1}{3} \Rightarrow n$ فإن $\frac{1}{4} - \frac{1}{3} = \frac{1}{12} = n$
٢- الإبدال	$\frac{a}{9} \times \frac{b}{5} = \frac{b}{5} \times \frac{a}{9}$	
٣- الدمج	$\frac{a}{9} \times (\frac{b}{5} \times \frac{p}{7})$ $(\frac{a}{9} \times \frac{b}{5}) \times \frac{p}{7} =$ $\frac{a}{9} \times \frac{b}{5} \times \frac{p}{7} =$	
٤- العدد المحايد الضربي	$\frac{a}{9} = \frac{a}{9} \times 1 = 1 \times \frac{a}{9}$	
٥- وجود المعكوس الضربي	لكل عدد نسبي $\frac{a}{9} \neq$ صفر معكوس ضربي $\frac{9}{a}$ حيث $1 = \frac{9}{a} \times \frac{a}{9}$	
٦- توزيع الضرب على الجمع	$(\frac{a}{9} + \frac{b}{5}) \times \frac{p}{7}$ $(\frac{a}{9} \times \frac{p}{7}) + (\frac{b}{5} \times \frac{p}{7})$	

- عند ضرب الواحد في أي عدد نسبي لا تتغير قيمته هذا العدد النسبي
- عند ضرب الصفر في أي عدد نسبي يكون حاصل الضرب صفرًا
- الواحد عدد محايد بالنسبة لعمليّة الضرب في الأعداد النسبية
- لا يوجد معكوس ضربي للعدد صفر لأن $\frac{p}{صفر}$ ليس له معنى

قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

قِسْمَةُ عَدَدَيْنِ
نِسْبِيَّيْنِ

لِقِسْمَةِ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{r}{p}$ عَلَى الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{s}{q}$.
نَضْرِبُ $\frac{r}{p}$ فِي الْمَعْكُوسِ الطَّرِيقِيِّ لِلْعَدَدِ $\frac{s}{q}$ وَهُوَ $\frac{q}{s}$.

أَكْمَلْ

$$\frac{\dots}{\dots} = \frac{\dots}{\dots} = \frac{5}{1} \times \frac{r}{p} = \frac{5}{q} + \frac{r}{p}$$



مثال ١

أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي:

$$[أ] - \left(\frac{r}{p} - \right) + \frac{5}{q}$$

$$[ب] - \left(2\frac{1}{2} - \right) + 3\frac{r}{q}$$

الحل

المَقْسُومُ سَالِبٌ . وَالْمَقْسُومُ عَلَيْهِ سَالِبٌ . فَإِنَّ خَارِجَ الْقِسْمَةِ يَكُونُ مُوجِبًا

$$[أ] - \left(\frac{r}{p} - \right) + \frac{5}{q} = \left(\frac{r}{p} - \right) \times \frac{5}{q} = \frac{r \times 5}{p \times q} = \frac{5r}{pq}$$

$$[ب] - \left(2\frac{1}{2} - \right) + 3\frac{r}{q} = \frac{9}{2} + \frac{15}{2} = \frac{24}{2} = 12$$

$$\frac{1}{9} \times \frac{15}{2} = \frac{15}{18} = \frac{5}{6}$$

$$\frac{3 \times 5}{2 \times 4} = \frac{15}{8}$$

$$\frac{5}{3} = \frac{15}{9}$$

$$\frac{15}{8}$$

مثال ٢

إِذَا كَانَ $p = \frac{r}{q} = b$. $\frac{5}{r} - = b$. فَأَوْجِدْ فِي أَبْسِطِ صُورَةِ قِيَمَةِ الْمِقْدَارِ: $\frac{p - q}{p + q}$

الحل

$$\frac{\frac{13}{2}}{\frac{5}{2}} = \frac{\frac{10}{2} + \frac{3}{2}}{\left(\frac{10}{2} - \right) + \frac{3}{2}} = \frac{\left(\frac{r \times 5}{r \times r} \right) + \frac{r}{q}}{\left(\frac{r \times 5}{r \times r} - \right) + \frac{r}{q}} = \frac{\left(\frac{5}{r} - \right) - \frac{r}{q}}{\left(\frac{5}{r} - \right) + \frac{r}{q}} = \frac{p - q}{p + q}$$

$$\frac{13}{5} - = \left(\frac{5}{5} - \right) \times \frac{13}{2} = \frac{13}{2}$$

تطبيقات على الأعداد النسبية :

مثال ١

أوجد عدداً نسبياً يقع عند مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{17}{1}$ ، $\frac{9}{4}$

الْحَلُّ

$$\text{العدد الأصغر} = \frac{9}{4} ، \text{العدد الأكبر} = \frac{17}{1}$$

$$\left[\left(\frac{17}{1} - \right) + \frac{9}{4} \right] \frac{1}{2} + \frac{9}{4} = \left(\frac{9}{4} - \frac{17}{1} \right) \frac{1}{2} + \frac{9}{4}$$

$$\frac{7}{12} \times \frac{1}{2} + \frac{9}{4} =$$

$$\frac{11}{24} = \frac{7}{24} + \frac{54}{24} = \frac{7}{24} + \frac{9}{4} =$$

$$24 = 24 ، 4 \text{ للمقامات } ، 4 \cdot 3 = 12$$

$$\therefore \text{العدد النسبي} \frac{11}{24} \text{ يقع بين } \frac{17}{1} ، \frac{9}{4}$$

مثال ٢

أوجد عدداً نسبياً يقع عند ثلث المسافة بين : $1 - \frac{1}{2}$ ، $0 - \frac{5}{1}$ (من جهة الأصغر)

الْحَلُّ

$$\text{العدد الأصغر} = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} ، \text{والعدد الأكبر} = 0 - \frac{5}{1} = -\frac{5}{1}$$

$$\frac{4}{1} \times \frac{1}{3} + \frac{9}{1} = \left[\left(\frac{9}{1} - \right) - \frac{5}{1} - \right] \frac{1}{3} + \frac{9}{1} =$$

$$\frac{2}{9} + \frac{9}{1} =$$

$$\frac{23}{18} = \frac{4 + 17}{18} =$$

$$\therefore \text{العدد} \frac{23}{18} \text{ يقع عند ثلث المسافة بين } 1 - \frac{1}{2} ، 0 - \frac{5}{1} \text{ من جهة } \left(\frac{9}{1} - \right)$$

هل يوجد عدد آخر يقع عند ثلث المسافة بين العددين $1 - \frac{1}{2} ، 0 - \frac{5}{1}$ ؟ (من جهة الأصغر)

مثال ٣

أوجد عدداً نسبياً يقع عند ربع المسافة بين $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{3}$ (من جهة الأصغر)

الحل

$$\text{العدد الأصغر} = \frac{1}{3} ، \text{العدد الأكبر} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore \text{العدد الذي يقع في } \frac{1}{4} \text{ المسافة بين } \frac{1}{3} ، \frac{1}{2} \text{ من جهة } \frac{1}{3}$$

$$\frac{3}{8} = \left(\frac{1}{3} - \frac{1}{2} \right) \frac{1}{4} + \frac{1}{3} =$$

الْوَحْدَةُ الثَّانِيَّةُ الْجَبْرُ



محمد بن موسى الخوارزمي
عالم عراقي مسلم

الْعَرَبُ هُمُ: أَوَّلَ مَنْ اسْتَعْمَلَ كَلِمَةَ جَبْرٍ وَأَوَّلَ
مَنْ أَلْفَ فِيهِ هُوَ مُحَمَّدُ بْنُ مُوسَى الْخَوَارِزْمِيُّ
(أبو الجبر) فِي عَصْرِ الْقَامُونِ فَهُوَ عَلِيمٌ
مُسْلِمٌ عِرَاقِيٌّ (وُلِدَ حَوْلَ السَّنَةِ ٧٨١ - تُوُفِيَ بَعْدَ
٢٣٢ هـ - أَيَّ بَعْدَ ٨٤٧ م) وَبِطَرِيقِ الْخَوَارِزْمِيِّ بِسْتِخْدَامِ
الْأَعْدَادِ الْعَرَبِيَّةِ الَّتِي غَيَّرَتْ مَفْهُومَنَا عَنِ الْأَعْدَادِ
كَمَا أَنَّهُ أَنْخَلَ مَفْهُومَ الْعَدَدِ صَفِيرٍ.

مُحْتَوَيَاتُ الْوَحْدَةِ

- الدرّس الأول : الحُدُودُ وَالْمَقَابِيرُ الْجَبْرِيَّةُ
- الدرّس الثاني : الحُدُودُ الْمُتَشَابِهَةُ
- الدرّس الثالث : ضَرْبُ الحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا
- الدرّس الرابع : جَمْعُ الْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرَحُهَا
- الدرّس الخامس : ضَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ
- الدرّس السادس : ضَرْبُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ مَكُونٍ مِنْ حَدِّينِ فِي مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدرّس السابع : قِسْمَةُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ
- الدرّس الثامن : قِسْمَةُ مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارِ جَبْرِيٍّ آخَرَ
- الدرّس التاسع : التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَاوِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ الحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

• الرِّبَاضِيَّاتُ هِيَ لَعْنَةُ الرُّمُوزِ فَتُسْتَخْدِمُ الرُّمُوزَ الْمُخْتَلِفَةَ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْأَشْيَاءِ أَوْ أَعْدَادٍ وَتَتَعَامَلُ مَعَهَا بِطُرُقٍ مَشَابِهَةٍ لِلطَّرِيقِ الَّتِي نَتَّبِعُهَا مَعَ الْأَعْدَادِ قَمُلاً:

• طُولُ الْمُسْتَطِيلِ = ٥ سم .

• سَعَةُ الرَّجَاجَةِ = ٧ لِيْتْرًا .

• طُولُ ضَلْعِ الْمُرْتَبِعِ = س

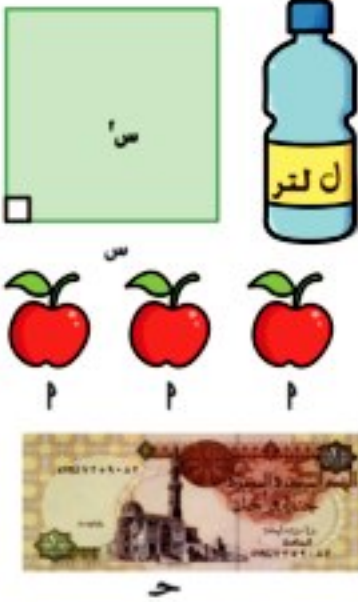
• مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ = س × س = س^٢

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٢ يُعْبَرُ عَنْ ثَلَاثِ ثَمَاحَاتٍ

تَعْنِي: ٢ × ٢ = ٤ + ٢ + ٢ وَتُكْتَبُ ٢ وَتُسَمَّى **حَدًّا جَبْرِيًّا**

• إِذَا كَانَ الرَّمْزُ الْجَبْرِيُّ ٣ يُعْبَرُ عَنْ جَنِيهِينِ قَبْلَ أَنْ يُفْضَلَ جَنِيهِينِ يَعْني

(٣ -) + (٣ -) = ٢ - × ٢ وَتُكْتَبُ ٢ - وَتُسَمَّى **حَدًّا جَبْرِيًّا**



الحَدُّ الْجَبْرِيُّ هُوَ مَا تَكُونُ مِنْ حَاصِلِ ضَرْبِ عَامِلَيْنِ أَوْ أَكْثَرَ.

الحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٢ = ١ × ٢ مُكَوَّنٌ مِنْ عَامِلَيْنِ : ١ (عَامِلٌ عَدَدِيٌّ) ، ٢ (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

الحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٧ = ٧ × س × س مُكَوَّنٌ مِنْ ٣ عَوَامِلٍ :

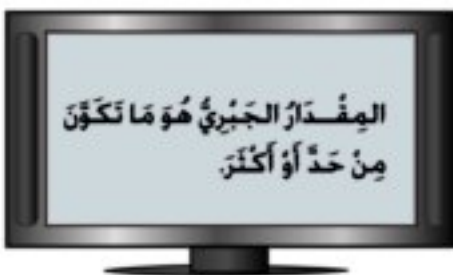
٧ (عَامِلٌ عَدَدِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ) ، س (عَامِلٌ جَبْرِيٌّ).

يَكُونُ الحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٣ مِنَ الدَّرَجَةِ الْأُولَى لِأَنَّ الرَّمْزَ ٢ يُسَاوِي ١

يَكُونُ الحَدُّ الْجَبْرِيُّ ٧ مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّانِيَةِ لِأَنَّ الرَّمْزَ س يُسَاوِي ٢

إِذَا جَمَعْنَا الحَدَّيْنِ ٢ ، ٧ س^٢ قَبْلَ أَنْ نَسَمِّي **مُقَدَّرًا جَبْرِيًّا**

إِذَا طَرَحْنَا ٢ - مِنْ ٧ + ٢ س^٢ قَبْلَ أَنْ نَسَمِّي ٧ + ٢ س^٢ - ٢ - مُقَدَّرًا جَبْرِيًّا.



يَكُونُ المُقَدَّرُ الْجَبْرِيُّ ٤ س^٢ - س + ٥ مِنَ الدَّرَجَةِ الثَّالِثَةِ لِأَنَّ الرَّمْزَ س هُوَ أَعْلَى دَرَجَةٍ لِلْحُدُودِ الْمَكُونَةِ لَهُ.

الحدود المتشابهة

الدرس الثاني

تتشابه الحدود إذا تشابهت الرموز الجبرية المكوّنة يعواميلها وتساوت فيها أسس هذه الرموز.

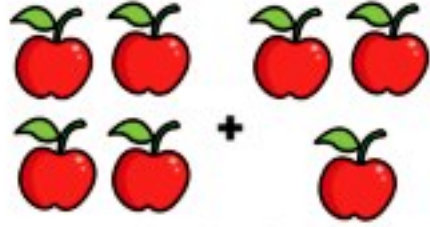


+



$$3a + 4b$$

الحدود الجبرية $3a$ ، $4b$ غير متشابهة



$$7c = 4c + 3c$$

الحدود الجبرية $4c$ ، $3c$ متشابهة

في عمليتي جمع وطرح الحدود المتشابهة
نجمع ونطرح معاملات الحدود. أما العوامل
الجبرية فتظل كما هي.

مثال ١

المقدار الجبري يحتوي على حدود
متشابهة لذلك نستخدم خواص
الإبدال والتوزيع لأن الحدود غير
المتشابهة لا نجمع.

اختصر المقدار الجبري الآتي إلى أبسط صورة:

$$9a - 4b - 5c + 7b + 3a$$

الحل

$$\text{المقدار} = (9a - 5c) + (7b - 4b) + (3a)$$

$$= (9a - 5c) + (3b) + (3a)$$

$$= 12a + 3b - 5c$$

مثال ٢

في الشكل المقابل: اكتب المقدار الجبري الذي
يعبر عن مجموع مساحات المستطيلات.

الحل

$$\text{مجموع المساحات} = 3س + 2س + 9س + 6$$

$$= 3س + 11س + 6 = 14س + 6$$

الدَّرْسُ الثَّالِثُ ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا

ب	ب	ب	ب
		ب	ب
			ب
			ب
			ب
			ب

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ ب فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ ب نَكْتَبُ:

$$(ب \times ب) \times (٣ \times ٥) = ب \times ٣ \times ب \times ٥ = ب ٣ \times ب ٥$$

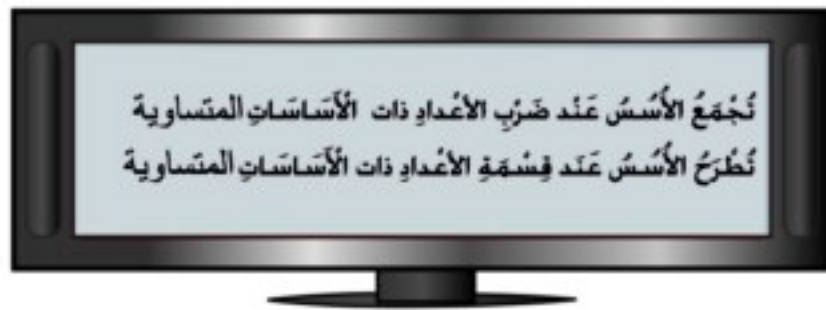
$$= ب ١٥$$

أَيُّ أَتْنَا نَضْرِبُ الْمُعَامِلَاتِ ثُمَّ نَضْرِبُ الرُّمُوزَ

عِنْدَ ضَرْبِ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٥ س' فِي الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س" نَكْتَبُ:

$$٥ س' \times ٣ س" = (٣ \times ٥) \times (س' \times س")$$

$$= ١٥ س'''$$



أَكْمِلْ:

$$\frac{س \times س \times س \times س \times س}{س \times س \times س} = \frac{س^٥}{س^٣}$$

[جـ]

$$[أ] س' \times س'' = (س \times س) \times (س \times س \times س)$$

$$س^{-٥} = س' = س^{-١}$$

$$س^{-١} = س' = س^{-١}$$

$$س^{-١} = \frac{س^{-١}}{٥} = \frac{س^{-١}}{٥}$$

[د]

$$[ب] ٢- س' \times ٥- س'' = (٥- \times ٢-) \times (س' \times س'')$$

$$= ١٠ س'''$$

مثال ١

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَّةِ:

$$[جـ] ٣- ب' \times \frac{١}{٤} ب$$

$$[أ] \frac{١}{٤} ص' \times ٢ ص'$$

$$[ب] \frac{٢}{٤} س' \times \frac{١}{٤} س''$$

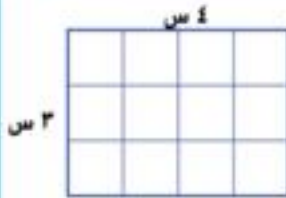
الحل

$$(أ) \quad ١ص = ١+١ ص = ١ص \times ٢ = ١ص \times ٢$$

$$(ب) \quad ١ص = ١+١ ص = ١ص \times ٢ = ١ص \times ٢$$

$$(ج) \quad ١ص = ١+١ ص = ١ص \times ٢ = ١ص \times ٢$$

مثال ٢



مُسْتَقْبِل طَوْلُهُ ٤ م وَعَرْضُهُ ٣ م مِنَ السَّنِيْمَتَاتِ. احْسِبْ مَسَاحَتَهُ

الحل

مَسَاحَةُ الْمُسْتَقْبِلِ = الطُّوْلُ \times الْعَرْضُ = ٤ م \times ٣ م = ١٢ م^٢ سم^٢

مثال ٣

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الْقِسْمَةِ الْآتِيَةِ:

$$(ب) \quad \frac{٤٢٣}{٢٧}$$

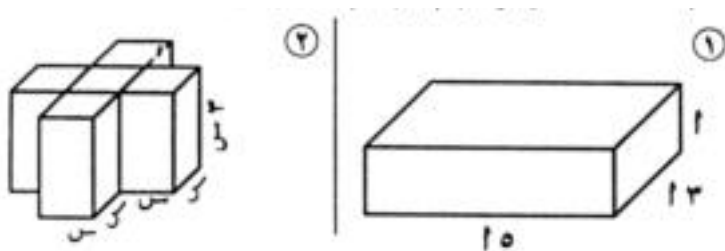
$$(أ) \quad \frac{٢٤}{٨}$$

الحل

$$(أ) \quad \frac{٢٤}{٨} = ٣$$

$$(ب) \quad \frac{٤٢٣}{٢٧} = ١٥٦$$

مثال ٤ : احسب المساحة الكلية وحجم الجسم فيما يأتي :



الحل

الشكل عبارة عن متوازي مستطيلات

١- المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مجموع مساحتي القاعدتين

المساحة الجانبية = محيط القاعدة \times ع = $2 \times (15 + 3) \times 4 = 116 \text{ أ}^2$

مساحة القاعدتين = $2 \times \text{الطول} \times \text{العرض} = 2 \times 15 \times 3 = 90 \text{ أ}^2$

\therefore المساحة الكلية للشكل = $116 \text{ أ}^2 + 90 \text{ أ}^2 = 206 \text{ أ}^2$

حجم الجسم = الطول \times العرض \times الارتفاع = $15 \times 3 \times 4 = 180 \text{ أ}^3$

٢- الشكل عبارة عن ٥ متوازي مستطيلات (٤ علي الأجناب وواحد في المركز)

المساحة الجانبية للشكل = مساحة الأوجه الظاهرة وهي عبارة عن ١٢ وجه وكل وجه بعديه هما ٣ س ، ٣ س

المساحة الجانبية للشكل = $12 \times 3 \times 3 \text{ س} = 36 \text{ س}^2$

كل قاعدة للشكل تتكون من ٥ مربعات مساحة كل منهم س^2

مساحة القاعدة = $2 \times 5 \times 2 \text{ س} = 20 \text{ س}^2$

المساحة الكلية = $36 \text{ س}^2 + 20 \text{ س}^2 = 56 \text{ س}^2$

حجم الجسم = حجم متوازي المستطيلات $\times 5$

= $3 \times 3 \times 3 \times 5 = 135 \text{ س}^3$

مثال ٥

وَضِعَتْ ثَلَاثُ كُرَاتٍ مِثَالَةً وَمَتَاسَةً دَاخِلَ صَنْدُوقٍ عَلَى شَكْلِ مِثَالَةٍ مِثَالَةٍ بِحَيْثُ تَمَاسُ جَوَانِبِهِ مِنَ الدَّاخِلِ إِحْسِبْ النِّسْبَةَ بَيْنَ حَجْمِ الكُرَاتِ الثَّلَاثِ وَسَعَةِ الصَّنْدُوقِ



الحل

يَفَرِّضُ أَنْ يَضْفُ قَطْرَ الكُرَةِ، وَأَبْعَادُ الصَّنْدُوقِ

هي: ٦، ٢، ٢.

النِّسْبَةُ = $\frac{\text{حجم الكرات الثلاثة}}{\text{حجم الصندوق}}$

$$\frac{\frac{4}{3} \text{ ط}^3 \times 3}{6 \times 2 \times 2} = \frac{\frac{4}{3} \text{ ط}^3}{24}$$

$$\frac{\text{ط}}{6} = 0.52 \quad \therefore \text{تَسْقُلُ الكُرَاتِ الثَّلَاثَةُ أَكْثَرَ مِنْ يَضْفِ الصَّنْدُوقِ.}$$

الدرس الرابع جمع المقادير الجبرية وطرحها

جمع المقادير الجبرية أو طرحها لا يختلف عن جمع أو طرح الحدود الجبرية وذلك بجمع الحدود المتشابهة في المقادير كل على حدة.

مثال ١

اجمع المقادير الجبرية الآتية:

$$٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

الحل

الطريقة الأفيئة

$$\text{المقدار} = ٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

$$= (٢ \text{ س} + ٧ \text{ ص}) + (٤ \text{ ص} - ٥ \text{ ع}) + (-٢ \text{ ع})$$

$$= (٢ + ٧) \text{ س} + (٤ - ٥ - ٢) \text{ ع} + ١١ \text{ ص}$$

$$= ٩ \text{ س} - ٣ \text{ ع} + ١١ \text{ ص}$$

الطريقة الرأسية

$$٢ \text{ س} - ٥ \text{ ع} + ٧ \text{ ص}$$

$$٧ \text{ ص} + ٤ \text{ ص} - ٢ \text{ ع}$$

$$\hline ٩ \text{ س} - ٣ \text{ ع} + ١١ \text{ ص}$$

مثال ٢

اطرح المقدار الجبري: $٣٠ - ٥٠ب + ٤٠ب'$ من المقدار الجبري $٣٠ - ٢٠ب - ٢٠ب'$

الحل

الطريقة الأفيئة

$$\text{المقدار} = ٣٠ - ٢٠ب - ٢٠ب' - (٣٠ - ٥٠ب + ٤٠ب')$$

$$= ٣٠ - ٢٠ب - ٢٠ب' - ٣٠ + ٥٠ب - ٤٠ب'$$

$$= (٣٠ - ٣٠) + (٥٠ب - ٢٠ب) + (-٢٠ب' - ٤٠ب')$$

$$= ٣٠ - ٣٠ب - ٦٠ب'$$

الطريقة الرأسية

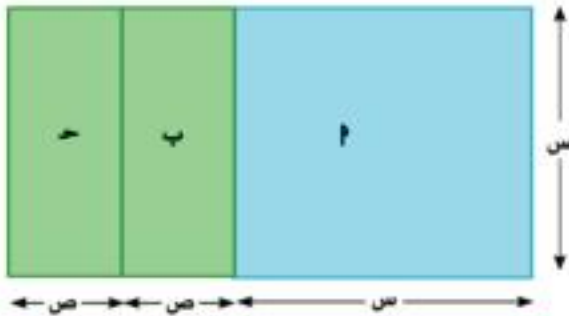
عبر إشارات حدود المقدار الثاني

$$٣٠ - ٢٠ب - ٢٠ب'$$

$$- (٣٠ - ٥٠ب + ٤٠ب')$$

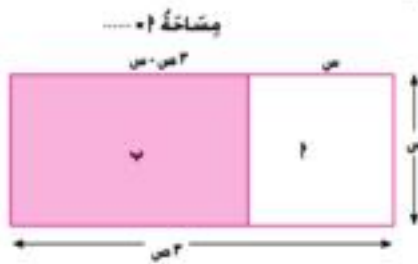
$$\hline ٣٠ - ٣٠ب - ٦٠ب'$$

ضَرْبُ حَدِّ جَبْرِيٍّ فِي مِقْدَارِ جَبْرِيٍّ



مساحة ب
مساحة ب ح معا =

$$\frac{س + ٢ ص}{س} \times \dots$$



$$\frac{٣ ص - س}{س} \times \dots$$

١ الشَّكْلُ التَّالِي مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ ١ ، ٢ ، ٣ . ح .

أَبْعَادُ الْمُسْتَطِيلِ هِيَ: س ، س + ٢ ص مِنْ الْوَحْدَاتِ.
مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = س × (س + ٢ ص) وَحَدَاتٍ مُرَبَّعَةٍ.

١ [أ] مَا مِسَاحَةُ الْأَجْزَاءِ الثَّلَاثَةِ ١ ، ٢ ، ٣ ؟
مساحة ١
مساحة ٢
مساحة ٣
مساحة ١ ، ٢ ، ٣ معا =

[ب] اكْمِلْ : س (س + ٢ ص) = +

٢ الشَّكْلُ التَّالِي مُسْتَطِيلٌ مُقْسَمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ ١ ، ٢ .

أَبْعَادُ الْمُسْتَطِيلِ هِيَ : س ، ٣ ص مِنْ الْوَحْدَاتِ
١ [أ] مِسَاحَةُ ١ ، ٢ معا =

[ب] مِسَاحَةُ ب = س (٣ ص - س)
..... =

مثال ١

أَجْرِ عَمَلِيَّاتِ الضَّرْبِ الْآتِيَّةِ:

$$(١) ٣(١ - ١)$$

$$(ب) ٢(٢ + ب + ٥)$$

الحل

$$(٢) ٣(١ - ١) = ٣ - ٣ = ٠$$

$$(ب) ٢(٢ + ب + ٥) = ٤ + ٢ب + ١٠$$

مثال ٢

أختصر :

$$5(1-2s) - (1-s)^3 + (1-s)^5$$

الحل

$$5(1-2s) + (1-s)^3 - (1-s)^5$$

$$= 5 - 10s + 3 + 3s^2 - 5s^3 - s + s^3 - 5s^5 + 10s^4 - 5s^3$$

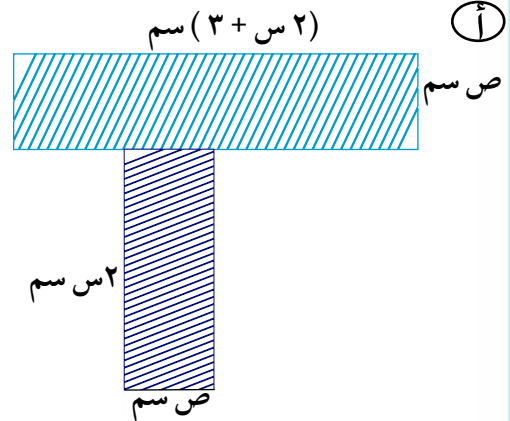
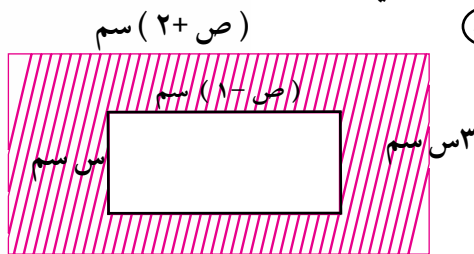
$$= 2 - 9s + 3s^2 - 9s^3 + 10s^4 - 5s^5$$

$$= 2 - (1 \times 9) + (1) 2 =$$

$$9 = 2 - 9 + 2 =$$

مثال ٣

أوجد مساحة المنطقة المظللة في كل مما يأتي :



الحل

بقسمة الشكل الهندسي إلى مستطيلين

$$أ- \text{مساحة الشكل} = \text{ص} (2+3) + \text{ص} \times 2 =$$

$$= 2\text{ص} + 3\text{ص} + 2\text{ص} =$$

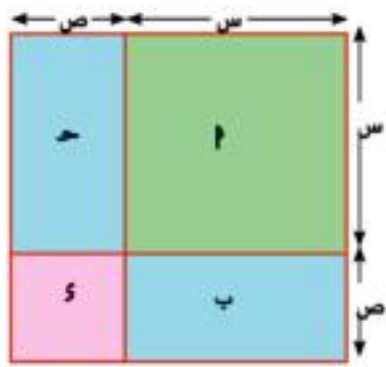
$$= (3\text{ص} + 4\text{ص}) \text{سم}^2 =$$

$$ب- \text{مساحة الشكل} = 3\text{ص} (2+\text{ص}) - \text{ص} (1-\text{ص}) =$$

$$= 3\text{ص} + 3\text{ص}^2 - 6\text{ص} + \text{ص} + \text{ص}^2 =$$

$$= (2\text{ص} + 7\text{ص}) \text{سم}^2 =$$

الدَّرْسُ الثَّانِي **ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ**

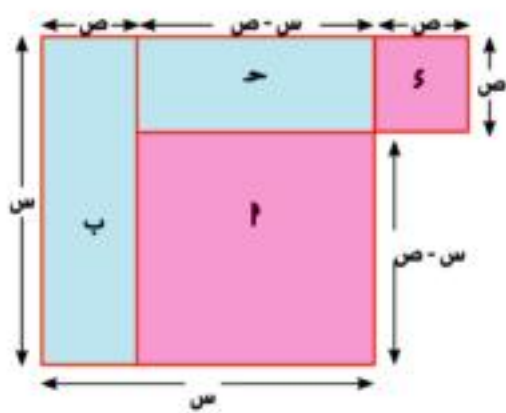


١ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ $س . ح . ب . س$
 طَوَّلُ ضِلْعِ الْمُرْتَبِعِ = $س + ص$
 مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ = $(س + ص) (س + ص)$
 = $(س + ص) (س + ص)$

أَكْمِلْ

مِسَاحَةُ $س$ + مِسَاحَةُ $ح$ =
 مِسَاحَةُ $ب$ + مِسَاحَةُ $س$ =
 مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ =

..... = $(س + ص)$
 مُرْتَبِعٌ وَمِقْدَارٌ فِي حَدَّيْنِ = مُرْتَبِعُ الْحَدِّ الْأَوَّلِ \times 2 \times الْحَدِّ الثَّانِي \times مُرْتَبِعُ الْحَدِّ الثَّانِي.



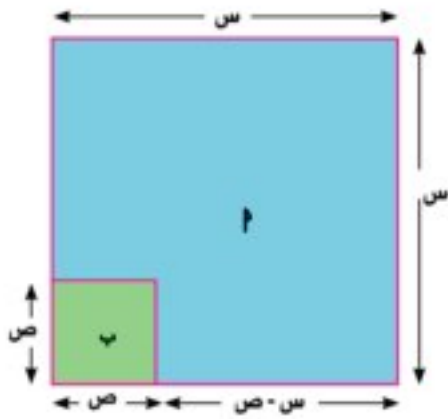
٢ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُكَوَّنٌ مِنْ أَرْبَعَةِ أَجْزَاءٍ $س . ح . ب . س$
 مِسَاحَةُ الْمُرْتَبِعِ الْمُكَوَّنِ مِنَ الْأَجْزَاءِ $س . ح . ب . س$
 = $س \times س$ = $س^2$ وَحَدَاتٍ مُرْتَبِعَةٍ.
 الْمِسَاحَةُ الْكُلِّيَّةُ لِلشَّكْلِ = $س^2 + ص^2$

أَكْمِلْ:

مِسَاحَةُ $پ$ =
 مِسَاحَةُ $س$ + مِسَاحَةُ $ح$ =
 مِسَاحَةُ $ب$ + مِسَاحَةُ $ح$ + مِسَاحَةُ $س$ =

..... = $(س - ص)$
 $س^2 + ص^2 = (س - ص)^2 +$

٣ في الشكل المقابل:



- إذا قُطِعَ المُرَبَّعُ الصَّغِيرُ ب الذي مِباحته ص' من المُرَبَّعِ الكَبِيرِ ب الذي مِباحته س' فَإِنَّ مِسَاحَةَ الجُزءِ المُتَبَقِّي = س' - ص'

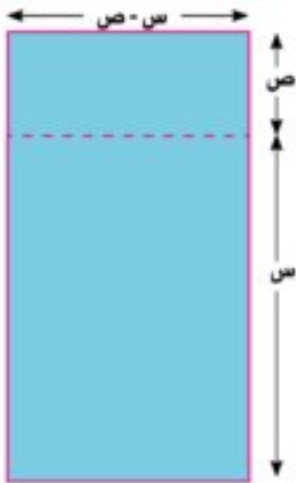
- إذا قُطِعَ الجُزءُ المُتَبَقِّي إلى جُزأين وأعيد ترتيب الجُزأين ليكوَنا مُسْتَطِلاً فَإِنَّ:

أَكْمِلْ:

(أ) مِسَاحَةُ المُسْتَطِيل = (س + ص) (س - ص)

..... =

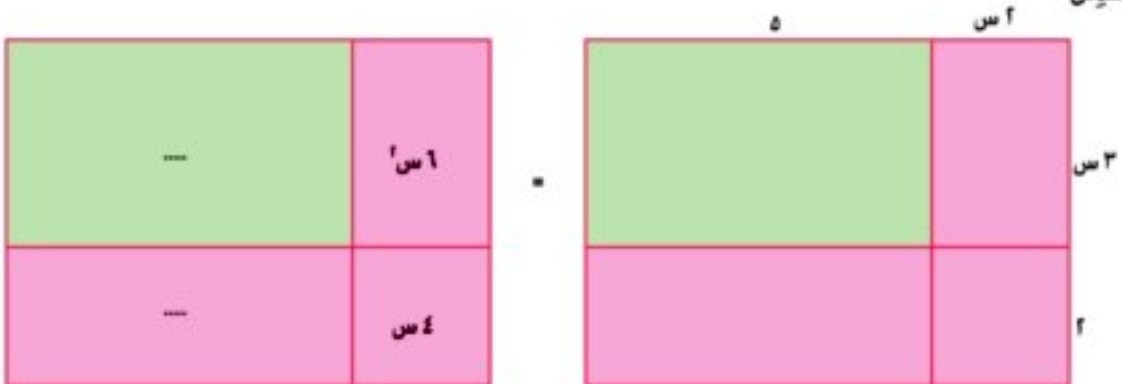
(ب) س' - ص' =



٤ الشكل التالي يوضح:

حاصل ضرب المقدار الجبري (٢ + س + ٣) في المقدار الجبري (٢ س + ٥) كِمِسَاحَةِ مُسْتَطِيل:

أَكْمِلْ



..... + + + = (٢ + س + ٣) (٢ س + ٥)

..... + + =

الضرب الأفقي

$$(2 + س) (2 + س) = (2 + س) 2 + (2 + س) 2 = 4 + 2س + 4 + 2س = 8 + 4س$$

$$\dots + \dots + \dots + \dots =$$

$$\dots + \dots + \dots =$$

الضرب بصيغة النظير



$$1 \cdot 0 + (\dots + \dots) + 1س =$$

$$\dots + \dots + 1س =$$

الضرب الرأسى

$$2 + س$$

$$2 + س$$

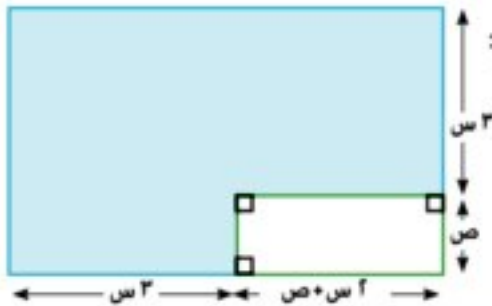
$$4 + 2س$$

$$\dots + \dots$$

$$\dots + \dots + 1س$$

٥ أكمل:

- | | | | |
|---------|---------------------------|--------------------|-----------------------------|
| = | (٥ + س) (٥ - س) (ص) | 1٤ + + 1س٣ = | (٧ + س) (٢ + س٣) (أ) |
| = | (٤ + س) (٤ - س) (و) | = | (٧ - س) (٢ - س٣) (ب) |
| = | 1 (٢ + س + ص) (ز) | = | (٧ + س) (٢ - س٣) (جـ) |
| = | 1 (٢ - س - ص) (حـ) | = | (٧ - س) (٢ + س٣) (د) |



١ أوجد مساحة الجزء المظلل في المَسْتطِيلِ المُقَابِلِ:

الحل

المساحة	القَرْنُ	الطَوَّلُ	
(٥س + ص) (٣س + ص)	٣س + ص	٥س + ص	المُسْتطِيلُ
(٢س + ص) (ص)	ص	٢س + ص	المُسْتطِيلُ الصغير

$$\text{مساحة الجزء المظلل} = \dots - \dots = \dots$$

٧ باستخدام طرق الضرب السابقة أوجد: (٢س + ص) (١ + ص)

مثال ١

فم بإجراء عمليات الضرب الآتية:

$$(ح) (م - ٧٧)$$

$$(أ) (٣ص + ٢س)$$

$$(ب) (٥ب - ٥ب) (ب + ٥ب)$$

الحل

$$(أ) (٣ص + ٢س) = (٣ص + ٢س) + ٢ \times ٣ص \times ٢س + (٢س)^2$$

$$= ٩ص + ١٢س + ٤س$$

$$(ب) (٥ب - ٥ب) (ب + ٥ب) = (٥ب - ٥ب) + ٥ب \times ٥ب - ٥ب \times ٥ب - ٥ب$$

$$(ح) (م - ٧٧) = (م - ٧٧) + ٢ \times م \times ٧٧ - (٧٧)^2$$

$$= م - ١٤٩ + ١٥٤م$$

مثال ٢

اضرب ثم أوجد القيمة العددية عندما $س = ٢$ ، $ص = ١$

$$(ح) (٣ص + ٢س) (٥ص + ٢س)$$

$$(أ) (٩س + ٣س) (٢س + ٢س)$$

$$(ب) (٣ص + ١ص) (١ص + ١ص)$$

الحل

$$(أ) (٩س + ٣س) (٢س + ٢س) = (٩س + ٣س) + ١١س \times ٢س + ١٨س = ٢س$$

$$= ٤٤ = ١٨ + ٢٢ + ٤ = ١٨ + ٢ \times ١١ + (٢)^2$$

$$(ب) (٣ص + ١ص) (١ص + ١ص) = (٣ص + ١ص) + ٤ص \times ١ص + ٣ص = ١ص$$

$$= ٨ = ٣ + ١ \times ٤ + (١)^2$$

$$(ح) (٣ص + ٢س) (٥ص + ٢س) = (٣ص + ٢س) + ٥ص \times ٢س + ١٠ص + ٤س = ١ص = ٢$$

$$= ٢ = (١)^2 \times ٢ + ١ \times ٢ \times ٥ + (٢)^2 \times ٢ =$$

$$= ٢٠ = ٢ + ١٠ + ٨ =$$

الدَّرْسُ السَّابِعُ قِسْمَةُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ



الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ.

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = س¹ + ٢ س ص

طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطِيلِ

$$\text{طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ} = \frac{\text{س}^1 + ٢ \text{س ص}}{\text{س}}$$

$$\dots + \dots = \frac{\text{س}^1}{\text{س}} + \frac{٢ \text{س ص}}{\text{س}}$$

١ أَكْمِلْ: (من الشكل السابق):

- [أ] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س¹ + س ص = $\frac{\text{س}^1 + \text{س ص}}{\dots}$
- [ب] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ ٢ س ص = $\frac{٢ \text{س ص}}{\dots}$
- [ج] طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س ص = $\frac{\text{س ص}}{\dots}$
- [د] طَوَّلُ ضَلْعِ الْمُرَبَّعِ الَّذِي مِسَاحَتُهُ س¹ = $\frac{\text{س}^1}{\dots}$

٢ الشَّكْلُ التَّالِي مُسْتَطِيلٌ مُكَوَّنٌ مِنْ ثَلَاثَةِ أَجْزَاءٍ

مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ = ٢ ٢ ب + ٢ ٦ ح + ٥ ١٢ س ، طَوَّلُ الْمُسْتَطِيلِ = مِسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلِ ÷ عَرْضُ الْمُسْتَطِيلِ



$$\dots + \dots + \dots = \frac{\dots}{٢ ٢}$$

$$\dots + \dots + \dots = \frac{\dots}{٢ ٢} + \frac{\dots}{٢ ٢} + \frac{\dots}{٢ ٢}$$

مثال

أوجد خارج القسمة في كل مما يلي:

$$(١) \frac{١٤ه١ + ٢٦ه١}{٥ه٢}$$

$$(ب) \frac{١٨م١ - ٩م١}{٣م١}$$

الحل

$$(١) ١٣ه١ + ٧ه١ = \frac{١٤ه١}{٥ه٢} + \frac{٢٦ه١}{٥ه٢} = \frac{١٤ه١ + ٢٦ه١}{٥ه٢}$$

$$(ب) ٦م١ - ٣م١ = \frac{١٨م١ - ٩م١}{٣م١}$$

س ³	س ²	س
6	س ²	

قَسْمَةُ مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى مَقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ
فِي الشَّكْلِ الْمُعَادِلِ : نَمُودَج لِقِطْعَةِ أَرْضٍ مُسْتَطِيلَةِ الشَّكْلِ
مَسَاحَتِهَا (س² + 5س + 6) مِترًا وَعَرْضُهَا (س + 2) مِتر
أَوْجَد طُولَهَا

لِإِجَادِ طُولِ الْمُسْتَطِيلِ نَوْجِدُ خَارِجَ قَسْمَةِ

$$س^2 + 5س + 6 \text{ عَلَى } س + 2$$

الْحَل :

(1) نَرْتَبُ حُنُودَ كِلَا مِنَ الْمَقْسُومِ وَهُوَ (س² + 5س + 6) وَالْمَقْسُومِ عَلَيْهِ وَهُوَ (س + 2)

تَرْتِيبًا تَنَازُلِيًّا حَسَبَ قُوَى س

(2) نَقْسِمُ س² عَلَى س فَيَكُونُ النَّاتِجُ س

س + 2	س ² + 5س + 6	
س + 2	س ² + 2س	←
	3س + 6	←
	3س + 6	←
	0	

(طُولِ الْمُسْتَطِيلِ)

∴ خَارِجُ الْقَسْمَةِ = س + 3

مِثَال 1

أَوْجَدُ خَارِجَ قَسْمَةِ س³ + 3س + 1 عَلَى س + 1

الْحَل :

س + 1	س ³ + 3س + 1	
س + 1	س ³ + س	←
	2س + 1	←
	2س + 2	←
	-1	
	-1	
	0	

∴ خَارِجُ الْقَسْمَةِ = س² - 2س - 1

مثال ٢

أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار $٣س٢ - ٢س - ٥س + ك$ يقبل القسمة على $٢س - ٣$

الحل :

$$\begin{array}{r}
 ٣س٢ - ٢س - ٥س + ك \\
 \underline{٢س٣^+ - ٣س٢^-} \\
 ٢س٢ - ٥س - ٥س + ك \\
 \underline{٢س٣^+ - ٢س٢^-} \\
 ٢س - ٥س + ك \\
 \underline{٣س^+ - ٢س^+} \\
 ٣ - ك
 \end{array}$$

∴ $٣ - ك = ٠ \rightarrow ك = ٣$

مثال ٣

مستطيل مساحته $٨أ٣ب + ١٢أ٢ب - ٨أ٢ب$

وطوله $٤أ٢ب$ من السنتيمترات أوجد عرضه إذا كانت $أ = ١$ ، $ب = ٢$

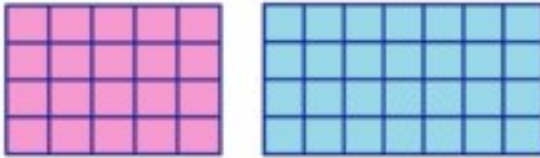
الحل

$$\begin{array}{r}
 ٨أ٣ب + ١٢أ٢ب - ٨أ٢ب \\
 \underline{٤أ٢ب} \\
 ٤أ٣ب + ٣أ٢ب - ٢أ٢ب
 \end{array}$$

∴ عرض المستطيل $٢أ٢ب + ٣أ٢ب - ٢أ٢ب = ٣$ ، وعند $أ = ١$ ، $ب = ٢$

∴ عرض المستطيل $٤ = ٢ - ١٢ + ٤ = ١٤$ سم

الدَّرْسُ التَّاسِعُ التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى



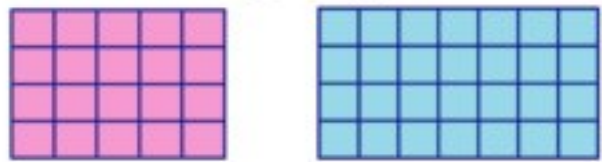
ارْتَسِمُ مُسْتَطِيلًا بُعْدَاهُ ٧ . ٤ مِنْ الْوَحْدَاتِ عَلَى وَرَقِ مَرْتَعَاتٍ. وَمُسْتَطِيلًا آخَرَ بُعْدَاهُ ٥ . ٤ مِنْ الْوَحْدَاتِ. أَوْجِدْ مَجْمُوعَ مَسَاحَتَي الْمُسْتَطِيلَيْنِ بِطَرِيقَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ.

الطَّرِيقَةُ الثَّانِيَّةُ



مَسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلَيْنِ $(5 + 7) \times 4 = \dots = \dots \times 4 = \dots$

الطَّرِيقَةُ الْأُولَى



مَسَاحَةُ الْمُسْتَطِيلَيْنِ $(5 \times 4) + (7 \times 4) = \dots = \dots + \dots = \dots$

لَاخِظْ أَنْ

$(5 \times 4) + (7 \times 4) = (5 + 7) \times 4$ مِثَالٌ لِخَاصِّيَّةِ تَوْزِيعِ الضَّرْبِ عَلَى الْجَمْعِ. بَيِّنْهَا
 $(5 + 7) \times 4 = (5 \times 4) + (7 \times 4)$ مِثَالٌ لِلتَّحْلِيلِ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْحَدَّيْنِ:
 (5×4) . (7×4) . وَهُوَ ٤. يُسَمَّى ٤ . $(5 + 7)$ عَامِلًا الْمَقْدَارِ ٤ . $(5 + 7)$.

بِصِفَةِ عَامَّةٍ: $٢ + ٣ = ٥$. $٢(٣ + ٥) = ١٤$

مِثَال ١

حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْمَقْدَارِ

: $٣(٤ + ٥) - ٢(٤ + ٥)$.

الْحَلُّ

ع. م. ٢. لِلْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ هُوَ $(٤ + ٥)$.

لِإِجَادِ الْعَامِلِ الْآخِرِ لِلْمَقْدَارِ نَقْسِمُ كُلَّ حَدٍّ مِنْ حُدُودِ الْمَقْدَارِ عَلَى ع. م. ١

الْمَقْدَارُ $٣(٤ + ٥) - ٢(٤ + ٥)$.

$(٤ + ٥) (٣ - ٢) = ١٠$

مِثَال ١

حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمَشْتَرَكِ الْأَعْلَى لِلْمَقْدَارِ

الْجَبْرِيِّ: $٣س^٣ - ٩س^٢ + ١٢س$.

الْحَلُّ

الْعَامِلُ الْمَشْتَرَكُ الْأَعْلَى لِلْمَقْدَارِ الْجَبْرِيِّ هُوَ

$٣س$.

الْمَقْدَارُ $٣س^٣ - ٩س^٢ + ١٢س$.

$= ٣س(س^٢ - ٣س + ٤)$



فريدريك جاوس

(1805 - 1855)

تَطَوَّرَتْ أَسَالِيبُ وَنَظَرِيَّاتُ وَتَطْبِيقَاتُ عِلْمِ الإِخْصَاءِ عَلَى
يَدِ عَدَدٍ كَثِيرٍ مِنَ الْعُلَمَاءِ الَّذِينَ بَحَثُوا نَظَرِيَّاتِهِ وَبَنَوْهَا عَلَى
أَسَاسِ عِلْمِيَّةِ سَلِيمَةٍ وَمِنْ بَيْنِ هَؤُلَاءِ الْعُلَمَاءِ الرِّبَاضِيِّينَ
فَرِيدْرِيكُ جَاوِسُ الأَلْمَانِيِّ.

مُحْتَوَّيَاتُ الْوَحْدَةِ

الدرس الأول: مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي
الدرس الثاني: الوسيط
الدرس الثالث: المنوال

مقاييس النزعة المركزية

بالنظر في الظواهر التي حولنا والقيم التي تأخذها العناصر المختلفة لهذه الظواهر. نلاحظ أن أغلب قيم هذه الظواهر قريبة من بعضها البعض أى أنها تتجمع حول قيمة معينة مثل أطوال طلاب فصلك (بالسم) نجد أن هناك طولاً يتوسط تقريباً جميع الأطوال وكذا أوزان طلاب فصلك وغير ذلك من الظواهر. وهناك عدة مقاييس احصائية، تقيس نزعة البيانات الاحصائية نحو المركز وهى المتوسط الحسابى والوسيط والمنوال.

المتوسط (الوسط) الحسابى:

مثال ١:

يذهب أحمد إلى مدرسته فى الأيام من الأحد إلى الخميس ويأخذ مصروفه من والده فى تلك الأيام كالاتى ١، ٤، ٧، ٣، ٥ من الجنيهاً. فما قيمة المصروف الذى يمكن أن يأخذه أحمد بشكل ثابت طوال هذه الأيام مع الحفاظ على جملة ما كان يأخذه بالشكل السابق.

الحل:

$$\text{مجموع ما يأخذه أحمد} = ٦ + ٤ + ٧ + ٣ + ٥ = ٢٥$$

$$\text{عدد أيام ذهابه للمدرسة} = ٥$$

$$\text{المصروف اليومي} = \frac{٢٥}{٥} = ٥ \text{ جنيهاً}$$

هذه القيمة (٥ جنيهاً) تعرف بأنها المتوسط (الوسط) الحسابى للقيمة ١، ٤، ٧، ٣، ٥.

أى أن:

$$\frac{\text{مجموع هذه القيم}}{\text{عددها}} = \text{الوسط الحسابى لمجموعة من القيم}$$

ملاحظة:

فى المثال السابق نلاحظ أن الوسط الحسابى هو القيمة التى لو أخذها أحمد فى جميع الأيام تتحقق العلاقة:

$$٥ + ٣ + ٧ + ٤ + ٦ = ٥ + ٥ + ٥ + ٥ + ٥$$

مثال ٢:

أوجد قيمة s إذا كان الوسط الحسابي للقيم الآتية: ٨، s ، ٧، ٥ هو ٦
الحل:

مجموع القيم = الوسط الحسابي لهذه القيم \times عددها

$$\therefore 8 + s + 7 + 5 = 6 \times 4$$

$$\therefore 20 + s = 24$$

$$\therefore s = 24 - 20 = 4$$

٢- الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

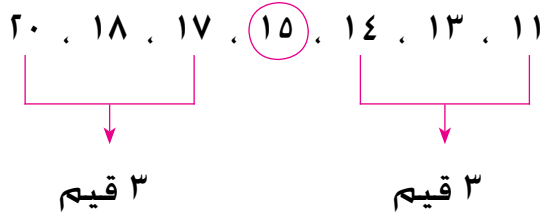
يعرف الوسيط لمجموعة من البيانات بأنه القيمة التي تقع في وسط المجموعة تماماً إذا ما رتبت هذه المجموعة تصاعدياً أو تنازلياً.
أى أنه القيمة التي تقسم مجموعة من البيانات إلى قسمين بحيث يكون عدد القيم الأكبر منه يساوى عدد القيم الأصغر منه.

مثال:

في مجموعة مدرسية مكونة من سبعة طلاب كان درجاتهم في أحد الاختبارات كالآتي ١٣، ١٧، ١٥، ١١، ١٨، ٢٠، ١٤.
فما هي الدرجة الوسيطة لهؤلاء الطلاب؟

الحل:

ترتيب الدرجات تصاعدياً:



الدرجة الوسيطة = ١٥

ترتيب الوسيط:

أ) إذا كان عدد القيم أو المفردات (ن) فردياً فتكون القيمة التي ترتيبها $\frac{1+n}{2}$ هي القيمة الوسيطة وذلك بعد ترتيب البيانات تصاعدياً أو تنازلياً

في المثال السابق: عدد القيم = ٧

$$\text{ترتيب الوسيط} = \frac{1+7}{2} = 4$$

ب) إذا كان عدد القيم زوجياً:

$$\text{فإن ترتيب الوسيط} = \frac{n}{2} ، \frac{n}{2} + 1$$

لاحظ أن:

- * إذا كان n عدداً فردياً (لا يقبل القسمة على ٢) فإن $(n+1)$ عدداً زوجياً ويقبل القسمة على ٢.
- * بصفة عامة قيمة الوسيط \neq ترتيب الوسيط
- * ترتيب الوسيط دائماً عدداً صحيحاً موجباً. أما قيمة الوسيط قد تكون كسراً أو عدد سالب حسب القيم المعطاة.

وقيمة الوسيط في هذه الحالة هي المتوسط الحسابي لهاتين القيمتين كما في المثال الآتي:
أوجد قيمة وترتيب الوسيط للقيم:

$$٩ ، ٢ ، ٥ ، ٦ ، ١ ، ٣$$

الترتيب: ١ ، ٢ ، ٣ ، ٥ ، ٦ ، ٩

ترتيب الوسيط: $\frac{1}{2}$ ، $\frac{1}{2} + ١$ أى الثالث، الرابع

$$\boxed{٤} = \frac{٣+٥}{٢} = \text{قيمة الوسيط}$$

٣- المنوال

الدرس الثالث

يعرف المنوال لمجموعة من البيانات بأنه القيمة الأكثر شيوعاً "تكراراً" فى المجموعة.
والمنوال كمقياس للنزعة المركزية يصلح بصفة خاصة لحالة البيانات الكمية والوصفية.

مثال ١:

البيانات الآتية تمثل أعمار مجموعة من الأشخاص:

٣٣، ٢٠، ٣٠، ٢٥، ٣٣، ٤٨، ٣٣، ٢٥، ٣٣، ٢٠.

أوجد المنوال لهذه الأعمار.

الحل:

المنوال = ٣٣.

مثال ٢:

إذا كانت تقديرات مجموعة من الطلاب فى أحد الاختبارات هي:

ب - أ - ج - ب - ج - ب - ج - ب - أ - ع

أوجد منوال هذه المجموعة.

الحل:

منوال هذه المجموعة هو التقدير "ب".

لاحظ أن:

★ إذا كانت البيانات المعطاة جميعها مختلفة، فإن هذه البيانات ليس لها منوال.

مثل ٢٣، ٢٥، ٤٨، ٥٧، ١٩، ٣٣، ٣٢.

★ بعض القيم "البيانات" لها أكثر من منوال.

مثل: ٩، ٧، ٧، ٧، ٥، ٥، ٤، ٤، ٤، ٣، ٢

لها منوالان: ٧، ٤ وتسمى مجموعة ذات منوالين، وسوف نكتفى فى دراستنا بالبيانات وحيدة المنوال.



إقليدس

(٢٦٥-٣٢٥ ق.م)

إقليدس عالم رياضيات يوناني عاش في مدينة الإسكندرية
ويعتبر رائد علم الهندسة وله بعض المبرهنات التي ذكرت على
اسمها ومنها «ما قدم بدون دليل يمكن رفضه بدون دليل»

ومن التعاريف التي وضعها:

النقطة هي ما لا يكون لها جزء.

المستقيم هو طول ليس له عرض.

ومن مسلماته:

المستقيم يمكن أن يرسم من نقطة إلى نقطة أخرى

القطعة المستقيمة المحدودة يمكن أن تمتد إلى خط مستقيم

كل الزوايا القائمة يساوي بعضها بعضا.

محتويات الوحدة

الدرس الأول : مفاهيم هندسية

الدرس الثاني : التطابق

الدرس الثالث : تطابق المثلثات

الدرس الرابع : التوازي

الدرس الخامس : إنشآت هندسية

مَفَاهِيمٌ هَنْدَسِيَّةٌ



الْقِطْعَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ

ضَعِ نُقْطَتَيْنِ عَلَى وَرَقَةٍ بِيضَاءَ وَهِيَ الَّتِي تُمَثِّلُ مَا نُسَمِّيه بِالْمُسْتَوَى فِي الْهَنْدَسَةِ.
صِلِ النُّقْطَتَيْنِ بِاسْتِخْدَامِ الْمِسْطَرَّةِ. تَحْضُلْ عَلَى قِطْعَةٍ مُسْتَقِيمَةٍ.
تُسَمَّى النُّقْطَتَانِ ا، بَ طَرَفِي الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ وَتُرْمَزُ لَهَا بِالرَّمْزِ ا بَ أَوْ بَ ا



الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ

ضَعِ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ ا بَ وَمَدِّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ ا وَمِنْ جِهَةِ بَ فَتَجِدُ أَنَّهُ لِأَيِّ نُقْطَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ يُوْجَدُ حَطٌّ مُسْتَقِيمٌ وَاحِدٌ يَمُرُّ بِهِمَا وَتُرْمَزُ لَهُ بِالرَّمْزِ ا بَ أَوْ بَ ا

الْحَطُّ الْمُسْتَقِيمُ يَفْعُ عَلَيْهِ عَدَدٌ غَيْرُ نِهَائِيٍّ مِنَ النُّقْطِ وَالسُّهُمَانِ يُشِيرَانِ إِلَى أَنَّ الْحَطَّ الْمُسْتَقِيمَ مُمْتَدُّ مِنْ جِهَتَيْهِ بِلاَ حُدُودٍ

السُّعَاعُ

ضَعِ الْمِسْطَرَّةَ عَلَى الْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ ا بَ وَمَدِّ حَطًّا مِنْ جِهَةِ بَ فَتَجِدُ أَنَّ الْقِطْعَةَ الْمُسْتَقِيمَةَ ا بَ وَمَجْمُوعَةَ النُّقْطِ عَلَى تَسَارِ الْقِطْعَةِ بَ تُسَمَّى سُّعَاعًا وَتُرْمَزُ لَهُ بِالرَّمْزِ ا بَ حَيْثُ ا نُقْطَةٌ يَدَائِيَّةُ السُّعَاعِ وَلَا يَتَعَيَّنُ لَهُ نُقْطَةٌ نِهَائِيَّةٌ فَالسُّعَاعُ لَا يَتَحَدَّدُ لَهُ طَوَّلٌ.

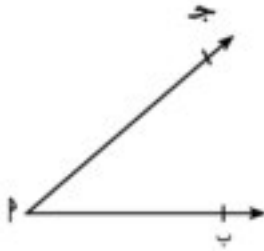
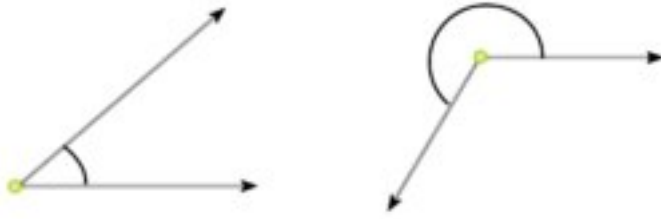
وَمِنْ ذَلِكَ تَرَى أَنَّ:



$$ا ب > ب ا \quad ا ب > ب ا \quad ا ب > ب ا \quad ا ب > ب ا$$

الرَّأْيَةُ

فِي حَالَةِ دَوْرَانِ شُعَاعٍ مِنْ وَضْعٍ إِلَى وَضْعٍ آخَرَ حَوْلَ نَقْطَةٍ بِدَأْءِ الشُّعَاعِ تَنْشَأُ زَاوِيَةٌ.



إِذَا كَانَتْ ١, ٢, ٣ ثَلَاثَ نَقَطٍ لَيْسَتْ عَلَى اسْتِثْقَامَةٍ وَاحِدَةٍ فَإِنَّ ١, ٢, ٣ ج. يَكُونَانِ الرَّأْيَةَ ١, ٢, ٣ وَيُرْمَزُ لَهَا بِالرَّمْزِ \angle ١, ٢, ٣ أ. \angle ١, ٢, ٣

الرَّأْيَةُ مِنَ اتِّحَادِ شُعَاعَيْنِ لِهَمَا نَقْطَةُ الْبِدَائِيَةِ نَفْسِهَا. نَقْطَةُ بَدَائِيَةِ الشُّعَاعَيْنِ تُسَمَّى رَأْسَ الرَّأْيَةِ. يُسَمَّى كُلُّ مِنَ الشُّعَاعَيْنِ ضَلْعَ الرَّأْيَةِ.



- تُجَرِّى الرَّأْيَةُ الْمُسْتَوَى إِلَى ثَلَاثِ مَجْمُوعَاتٍ مِنَ النَّقْطِ:
- الرَّأْيَةُ.
- دَاخِلُ الرَّأْيَةِ.
- خَارِجُ الرَّأْيَةِ.

أَنْوَاعُ الرَّأْيَاتِ:

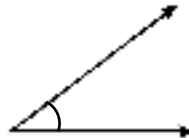
تُصَنَّفُ الرَّأْيَاتُ حَسَبَ قِيَاسِهَا وَذَلِكَ عَلَى التَّحْوِ التَّالِي:

الرَّأْيَةُ الْقَائِمَةُ



مِنَ الرَّأْيَةِ الَّتِي قِيَاسُهَا ٩٠°

الرَّأْيَةُ الْحَادَّةُ



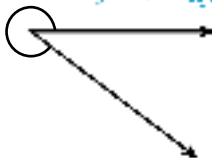
صَفْرٍ > قِيَاسُ الرَّأْيَةِ الْحَادَّةِ > ٩٠°

الرَّأْيَةُ الصُّفْرِيَّةُ



مِنَ الرَّأْيَةِ الَّتِي قِيَاسُهَا صَفْرٌ° وَتُشَقُّ بِضَلْعَيْهَا

الرَّأْيَةُ الْمُنْعَكِسَةُ



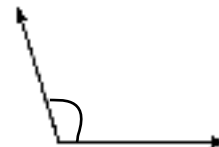
١٨٠° > قِيَاسُ الرَّأْيَةِ الْمُنْعَكِسَةِ > ٣٦٠°

الرَّأْيَةُ الْمُسْتَقِيمَةُ



مِنَ الرَّأْيَةِ الَّتِي قِيَاسُهَا ١٨٠° وَيَكُونُ ضَلْعَاهَا عَلَى اسْتِثْقَامَةٍ وَاحِدَةٍ

الرَّأْيَةُ الْمُنْفَرِجَةُ



٩٠° > قِيَاسُ الرَّأْيَةِ الْمُنْفَرِجَةِ > ١٨٠°

بعض العلاقات بين الزوايا

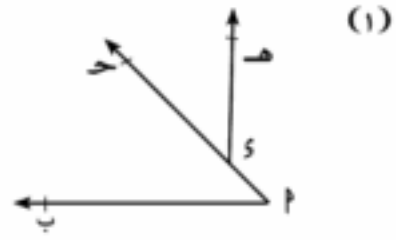
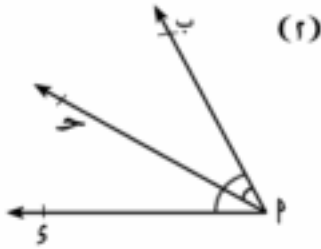
الزاويتان المتجاورتان

يُقَالُ لزاويتَيْن أَنَّهُمَا مُتَجَاوِرَتَانِ إِذَا اشْتَرَكْنَا فِي رَأْسٍ وَضَلْعٍ وَكَانَ الضَّلْعَانِ الْآخَرَانِ فِي جِهَتَيْنِ مُخْتَلِفَتَيْنِ مِنَ الضَّلْعِ الْمُشْتَرَكِ.

∠ ب س ∠ ح ب س مُتَجَاوِرَتَانِ .



وبلاحظ أن :



∠ ب ح ∠ ب س غير متجاورتين
لأن الضلعين ح ب و س في جهة
واحدة من الضلع المشترك ب

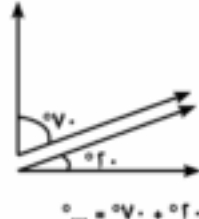
∠ ب ح ∠ ح س غير متجاورتين
لعدم اشتراكهما في الرأس

الزاويتان المتتامتان

ارْتَسُمَ زاوِيتَيْنِ قِيَّاسَاهُمَا 20° ، 70°

ارْتَسُمَ زاوِيتَيْنِ قِيَّاسَاهُمَا 25° ، 65°

مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجْجَادِ نَائِجِ جَمْعِ كُلِّ رُؤْجٍ مِنَ الرُّوَايَا؟



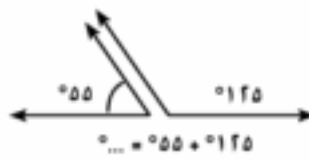
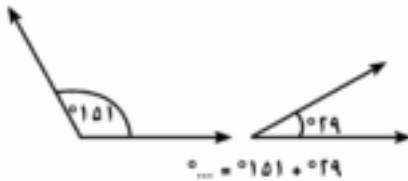
الزاويتان المتتامتان هما زاويتان مجموع قياسيهما 90°

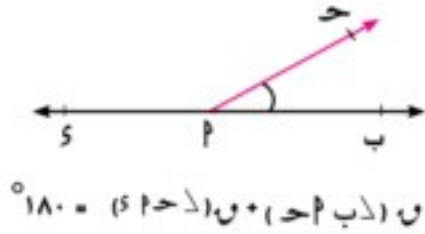
الزاويتان المتكاملتان

ارْتَسُمَ زاوِيتَيْنِ قِيَّاسَاهُمَا 55° ، 125°

ارْتَسُمَ زاوِيتَيْنِ قِيَّاسَاهُمَا 151° ، 29°

مَاذَا نُلَاحِظُ عِنْدَ إِجْجَادِ نَائِجِ جَمْعِ كُلِّ رُؤْجٍ مِنَ الرُّوَايَا؟

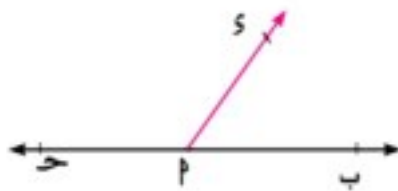
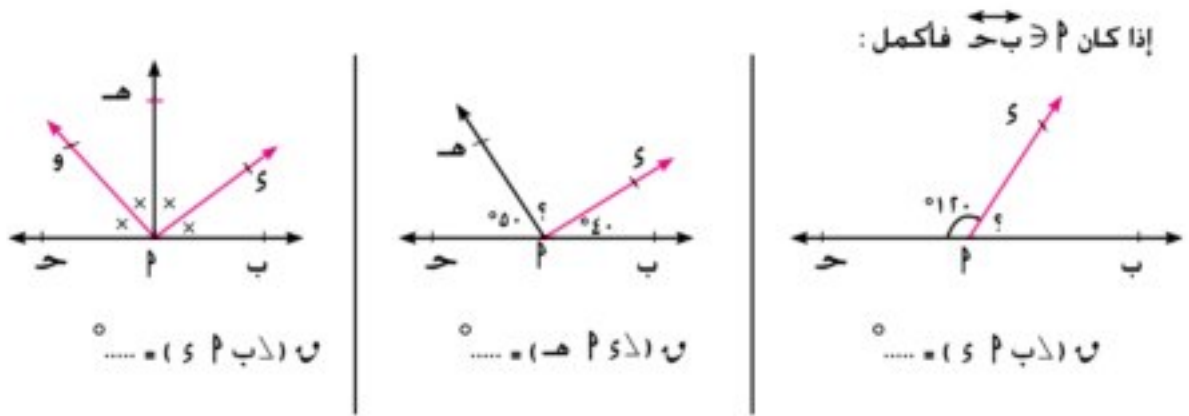




الزَاوِيَتَانِ الْمُتَجَاوِرَتَانِ الْحَادِيَتَانِ مِنْ تَقَاطُعِ مُسْتَقِيمٍ وَسَعَاعٍ
نُقْطَةً يَدَايِنُو تَقَعُ عَلَى هَذَا الْمُسْتَقِيمِ مُتَكَامِلَتَانِ

تدريب :

في كل من الأشكال الآتية :



ارْسُمُ زَاوِيَتَيْنِ مُتَجَاوِرَتَيْنِ ب $P \supseteq S, S \supseteq P$ ح مجموع قياسيهما 180°
كرر ذلك عدة مرات . ما العلاقة بين $P \supseteq B, P \supseteq S$

$P \supseteq B, P \supseteq S$ ح على استقامة واحدة

إذا كانت الزاويتان المتجاورتان متكاملتين فإن الضلعين المتطرفين لهما على استقامة واحدة

مثال ١

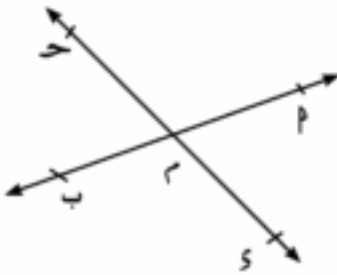


$\vec{P} \cdot \vec{B}$ ، $\vec{P} \cdot \vec{S}$ ليسا على استقامة واحدة
لأن $\angle (P \cdot B \cdot S) + \angle (S \cdot P \cdot B) \neq 180^\circ$



$\vec{P} \cdot \vec{B}$ ، $\vec{P} \cdot \vec{S}$ على استقامة واحدة
لأن $\angle (P \cdot B \cdot S) + \angle (S \cdot P \cdot B) = 180^\circ$

الزاويتان المتقابلتان بالرأس :

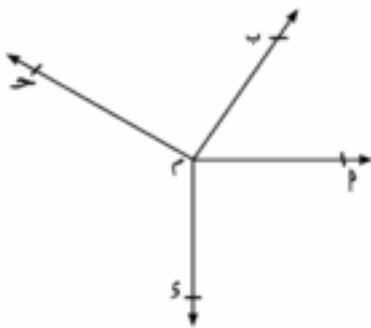


ارسم $\vec{P} \cdot \vec{B}$ ، $\vec{S} \cdot \vec{C}$ يتقاطعان في م

ثم قس الزوايا $\angle (P \cdot M \cdot C)$ ، $\angle (C \cdot M \cdot B)$ ، $\angle (B \cdot M \cdot S)$ ، $\angle (S \cdot M \cdot P)$
ماذا تلاحظ ؟

إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متقابلتين بالرأس تكونان متساويتين في القياس.

الزوايا المتجمعة حول نُقْطَةٍ



من نقطة مثل م ارسم $\vec{P} \cdot \vec{M}$ ، $\vec{M} \cdot \vec{B}$ ، $\vec{M} \cdot \vec{C}$ ، $\vec{M} \cdot \vec{S}$

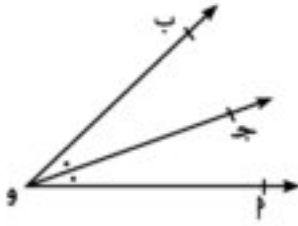
قس الزوايا المتجاورة الناتجة.

$\angle (P \cdot M \cdot B) + \angle (B \cdot M \cdot C) + \angle (C \cdot M \cdot S) + \angle (S \cdot M \cdot P) = \dots$

كرر ذلك عدة مرات (ماذا تلاحظ؟)

مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نُقْطَةٍ = 360°

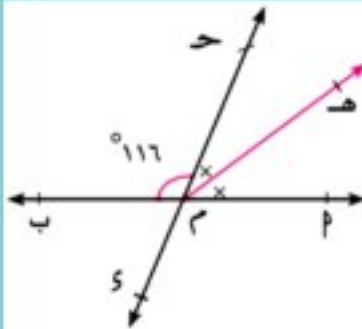
منصف الزاوية :



الشكل المقابل :

و جـ يقسم ΔP و ب إلى زاويتين لهما نفس القياس
ويسمى و جـ بمنصف ΔP و ب

مثال ٢



في الشكل المقابل :

ك نقطة تقاطع المستقيمين ΔP ، ΔS

، ك ه ينصف ΔP ، و ($\Delta ب ك ه$) = 116°
أوجد: و ($\Delta م ك ه$) ، و ($\Delta م ك ه$) ، و ($\Delta م ك ه$)

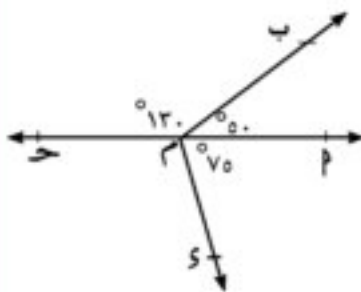
الحل :

$$\text{و (} \Delta م ك ه \text{)} = 180^\circ - 116^\circ = 64^\circ$$

$$\text{و (} \Delta م ك ه \text{)} = \text{و (} \Delta ب ك ه \text{)} = 116^\circ \text{ بالتقابل بالرأس}$$

$$\text{و (} \Delta م ك ه \text{)} = \frac{1}{2} \text{ و (} \Delta م ك ه \text{)} = \frac{64}{2} = 32^\circ$$

مثال ٣



في الشكل المقابل :

أكمل :

$$(1) \text{ و (} \Delta م ك ه \text{)} = \dots$$

(2) يقعان على استقامة واحدة

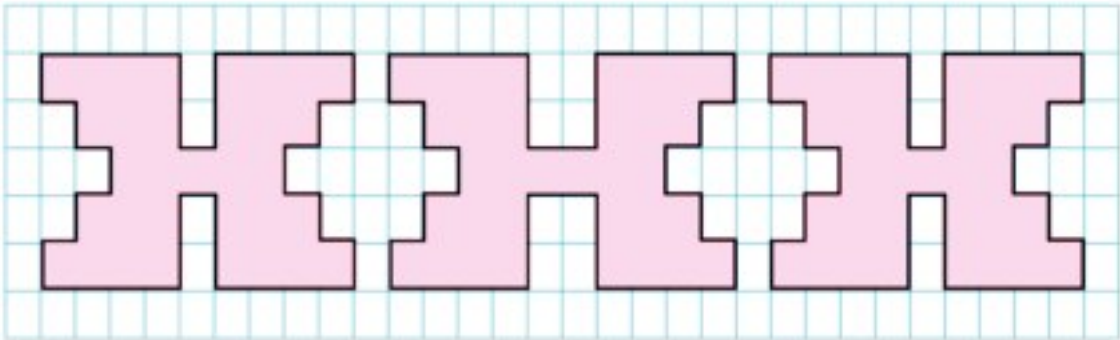
الحل :

$$(1) \text{ و (} \Delta م ك ه \text{)} = 360^\circ - (75^\circ + 120^\circ + 50^\circ) = 105^\circ$$

(2) $\Delta م ك ه$ ، $\Delta م ك ه$ يقعان على استقامة واحدة.

التطابق

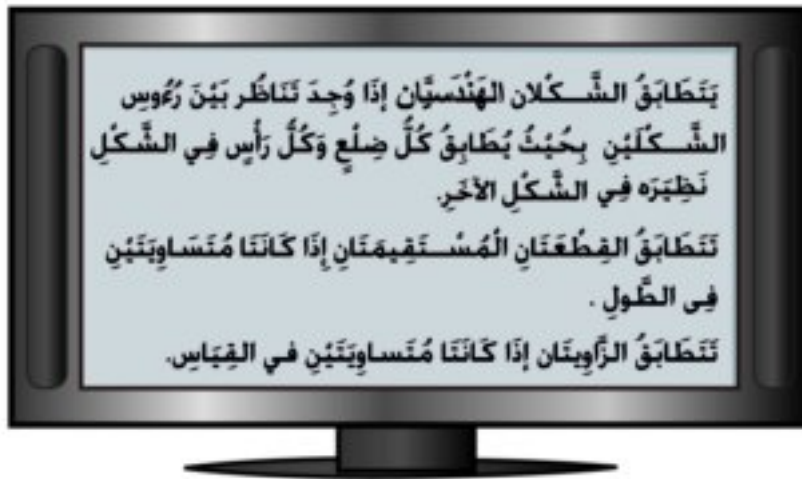
الدرس الثاني



شكل (٣)

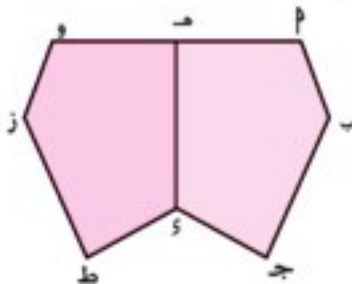
شكل (٢)

شكل (١)



رُسِمَ الشَّكْلُ (١) عَلَى وَرَقِ شَفَافٍ
وَحَاوَلَ تَطْبِيقَهُ عَلَى الشَّكْلِ (٢)،
وَالشَّكْلُ (٣) نَمَّ أَكْمَلُ:
الشَّكْلُ (٣) وَالشَّكْلُ (١) ...
مَتَطَابِقَانِ أَمَا الشَّكْلُ (٢) ...
وَالشَّكْلُ (٣) غَيْرُ مَتَطَابِقَيْنِ.

المُضَلَّعُ P ب ج د هـ يُطَابِقُ المِضَلَّعَ و ز ط هـ ، المُضَلَّعَانِ لهُمَا نَفْسُ
التَّرْتِيبِ عِنْدَ كِتَابَةِ رُءُوسِهِمَا المَتَطَابِقَةِ:
أَكْمَلُ:



P ب = ، = س هـ ...

ب ج = ، = هـ د ...

ج د = لَاحِظْ أَنَّ $\overline{د هـ}$ ضَلْعٌ مُشْتَرَكٌ لِلْمُضَلَّعَيْنِ.

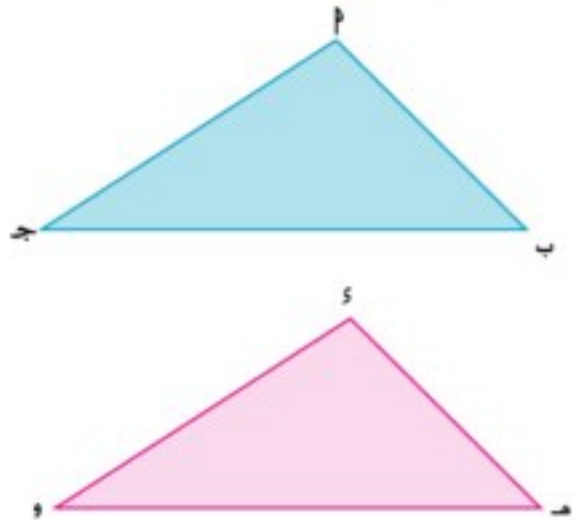
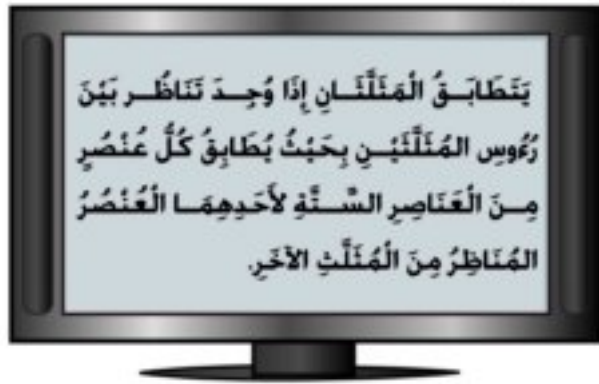
و (P د) = و (W د) ، و (د هـ) = و (هـ د) = و (د)

و (د ب) = و (د ز) ، و (ب هـ) = و (ز هـ) = و (ب)

و (د ج) = و (د ح) = و (د)

تَطَابُقُ الْمَثَلَّثَاتِ

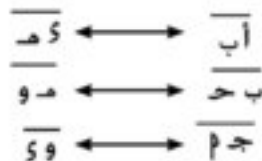
تَعْلَمُ أَنَّ لِأَيِّ مَثَلَّثٍ ثَلَاثَةَ أَضْلَاحٍ وَثَلَاثَ زَوَائِبَا. وَهِيَ تُعْرَفُ بِالْعُنَاصِرِ السَّيِّئِ لِلْمَثَلَّثِ.



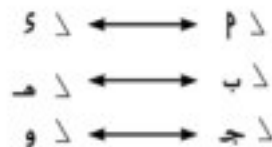
انْقُلْ عَلَى وَرَقٍ شَافِيٍّ الْمَثَلَّثَ پ ب ج وَضَعْهُ عَلَى الْمَثَلَّثِ س هـ و سَتَجِدُ لِكُلِّ عُنْصُرٍ فِي Δ پ ب ج عُنْصُرًا يُنَاطِرُهُ فِي Δ س هـ و وَعَبَّرْ عَنِ ذَلِكَ كَمَا يَلِي:



تَنَاظُرُ الْأَضْلَاحِ



تَنَاظُرُ الزَّوَائِبَا



يُسْتَخْدَمُ الرَّمْزُ ≡ لِدَلَالَةٍ عَلَى عَمَلِيَّةِ التَّطَابُقِ وَيُقْرَأُ «يُطَابِقُ» أَي أَنَّ Δ پ ب ج ≡ Δ س هـ و وَيُقْرَأُ الْمَثَلَّثُ أ ب ج يُطَابِقُ الْمَثَلَّثَ س هـ و

يُمْكِنُ كِتَابَةُ الْمَثَلَّثَيْنِ بِتَفْسِيسِ التَّعَابُرِ بِسِتِّ طُرُقٍ:

Δ پ ب ج ≡ Δ س هـ و

Δ ج ب پ ≡ Δ و هـ س

⋮

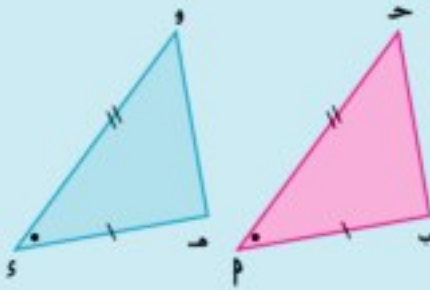
⋮

عِنْدَ كِتَابَةِ الْمَثَلَّثَيْنِ الْمُتَطَابِقَيْنِ يَجِبُ أَنْ يَكُونَ لَهُمَا نَفْسُ التَّرْتِيبِ فِي كِتَابَةِ رُؤُوسِهِمَا الْمُتَنَاطِرَةِ

تَطَابُقُ مُثَلَّثَانِ

لِلإثباتِ تَطَابُقِ مُثَلَّثَيْنِ فَإِنَّهُ لَيْسَ مِنَ الضَّرُورِيِّ إِثْبَاتُ تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ السَّيِّئَةِ مِنْ أَحَدِهِمَا مَعَ نَظَائِرِهَا مِنَ الْمُثَلَّثِ الْآخَرِ بَلْ يَكْفِي إِثْبَاتُ تَطَابُقِ ثَلَاثَةِ عَنَاصِرٍ فِي أَحَدِهِمَا مَعَ نَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرِ. أَحَدُهَا ضَلْعٌ عَلَى الْأَقْلِ وَيَالْتَالِي تَكُونُ الْعَنَاصِرُ الثَّلَاثَةُ الْآخَرَى فِي أَحَدِهِمَا مُطَابِقَةً لِنَظَائِرِهَا فِي الْمُثَلَّثِ الْآخَرِ.

نشاط (١) :

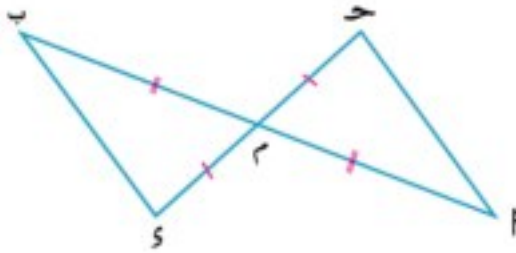


- ارسم المثلث \triangle ب ج د ، المثلث \triangle هـ و س والذين فيهما:
 \angle ح (ب ج د) = \angle ح (هـ و س) ، \angle ب = \angle هـ ، \angle د = \angle و
 قس: $\overline{ب ج د} \parallel \overline{هـ و س}$ و $\overline{س ح} \parallel \overline{هـ و ح}$ ، ماذا نلاحظ؟

- كَرَّرَ الْعَمَلِ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ طُولِ الضلعين وقياس الزاوية المحصورة بينهما.
 حَرِّكِ الْمُثَلَّثَ هـ و و تَحَقَّقْ أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ ب ج د
 هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَن يَكُونَ الْمُثَلَّثُ ب ج د \equiv الْمُثَلَّثُ هـ و ؟
 الحالة الأولى :

ينتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان والزاوية المحصورة بينهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال



في الشكل المقابل :

$$\overline{ب ج د} \parallel \overline{هـ و س} \text{ ، } \angle$$

$$\angle$$

هل \triangle ب ج د \equiv \triangle هـ و س ؟ ولماذا ؟

الحل :

$$\text{من الشكل : } \angle$$

$$\text{بالتقابل بالرأس } \angle$$

فيكون: \triangle ب ج د \equiv \triangle هـ و س ؟ (تطابق ضلعان والزاوية المحصورة)

نشاط (٢) :

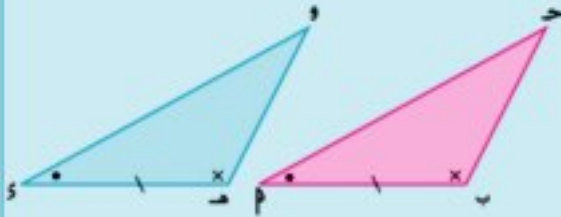
• ارسم المثلث \triangle ب ج هـ ، المثلث \triangle س هـ و اللذين فيهما:

$$\triangle$$
 ب ج هـ = \triangle س هـ و (ب ج هـ) = (س هـ و)

$$\triangle$$
 ب ج هـ = \triangle س هـ و (ب ج هـ) = (س هـ و)

قيس: \triangle ب ج هـ ، \triangle س هـ و ، \triangle ب ج هـ و \triangle س هـ و

\triangle س هـ و . ماذا تلاحظ ؟



• كرِّر العَمَل السَّابِق بِتَغْيِير قِيَاسِي الزَّاوِيَتَيْنِ وَالضَّلْعِ الْمُرْسُومِ بَيْنَ رَأْسَيْهِمَا.

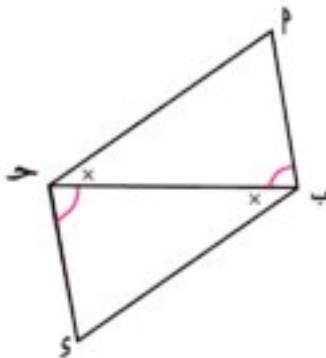
حَرِّكِ الْمُثَلَّثَ س هـ و وَتَحَقَّقْ أَنَّهُ يَنْطَبِقُ عَلَى الْمُثَلَّثِ ب ج هـ

هَلْ هَذَا يَكْفِي لِأَنَّ يَكُونُ الْمُثَلَّثُ ب ج هـ = الْمُثَلَّثَ س هـ و ؟

• الحالة الثانية :

يتطابق المثلثان إذا تطابق زاويتان والضلع المرسوم بين رأسيهما في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

تدريب



في الشكل المقابل :

أكمل :

$$\triangle$$
 ب ج هـ \equiv

(ولماذا ؟)

ومن نتائج التطابق :

$$\triangle$$
 ب ج هـ = \triangle س هـ و (.....)

$$\triangle$$
 ب ج هـ =

$$\triangle$$
 ب ج هـ =

نشاط (٣) :

• ارسم المثلث P ب ج . المثلث s ه و اللذين فيهما:

$$P = s \text{ ، } s = h \text{ ، } h = b \text{ ، } b = j \text{ ، } j = o \text{ ، } o = w \text{ ، } w = s$$

قيس: ΔP ، Δs ، $\Delta ب$ ، $\Delta ج$ ، $\Delta ه$ ، $\Delta و$ ، $\Delta ج$ ، $\Delta و$

ماذا تلاحظ؟



• كَرِّرِ الْعَمَلِ السَّابِقَ بِتَغْيِيرِ طُولِ كُلِّ ضَلْعٍ مِنْ أَضْلَاعِ أَحَدِ الْمَثَلِيْنِ.

حَرِّكِ الْمَثَلَتِ s ه و وَتَحَقَّقْ أَنَّهُ يُنْطَبِقُ عَلَى الْمَثَلَتِ P ب ج

هَلْ هَذَا كَيْفِي لِأَنَّ الْكُؤْنَ الْمَثَلَتِ P ب ج = الْمَثَلَتِ s ه و ؟

• الحالة الثالثة :

يتطابق المثلثان إذا تطابق كل ضلع في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

$$P = s \text{ ، } s = b \text{ ، } b = j \text{ ، } j = o \text{ ، } o = w \text{ ، } w = s$$

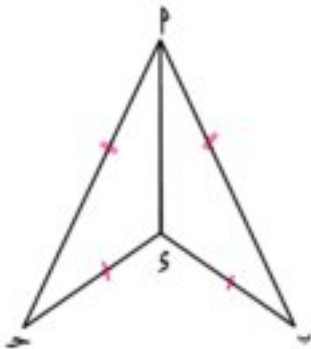
تحقق من أن: \overleftrightarrow{SP} ينصف ΔP

الحل :

$$\Delta P = s \equiv \Delta s = b \text{ ؟ (تطابق الأضلاع)}$$

فيكون: $\Delta (س ب ج) = \Delta (س ب ج) = \Delta (س ب ج)$

أي أن: \overleftrightarrow{SP} ينصف ΔP



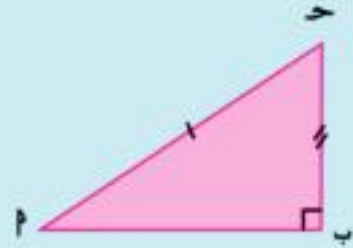
(من نتائج التطابق)

نشاط (٤) :

• ارسم المثلث $\triangle هـ ب ج$ القائم الزاوية في $ب$. المثلث $\triangle و س هـ$ حيث $\angle س = ٥٠^\circ$ و $\angle ب = ٥٠^\circ$

و $هـ ب = ج س$. $\triangle هـ ب ج$

قيس: $\angle هـ ب ج$ و $\angle و س هـ$ و $\angle و ب هـ$ و $\angle و س هـ$. ماذا تلاحظ؟



• كرر العمل السابق بتغيير طولَي وتر وأحد ضلعي الزاوية القائمة في أحد المثلثين.

حرك المثلث $\triangle و س هـ$ و تحقق أنه ينطبق على المثلث $\triangle ب ج هـ$

هل هذا يكفي لأن يكون المثلث $\triangle ب ج هـ \equiv$ المثلث $\triangle و س هـ$ ؟

• الحالة الرابعة :

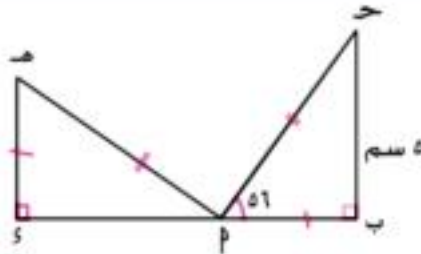
يتطابق المثلثان القائمات الزاوية إذا تطابق وتر وأحد ضلعي القائمة في أحد المثلثين مع نظائرها في المثلث الآخر.

مثال

في الشكل المقابل :

ادرس حالة التطابق ثم استنتج :

$\triangle و س هـ$. طول $\overline{س ب}$



الحل :

$\triangle و ب هـ \equiv \triangle هـ س ب$ (تطابق وتر وضلع في مثلثين قائما الزاوية)

$\angle و ب هـ = \angle هـ س ب = ٥٦^\circ$ (من نتائج التطابق)

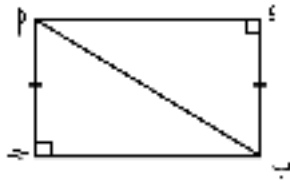
$س ب = ب هـ = ٥ سم$

تدريب :

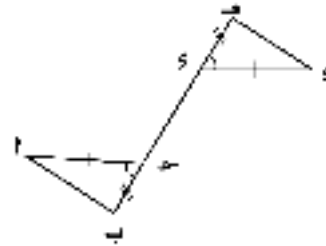
في الأشكال التالية :

العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبينة عليها هذه العلامات.

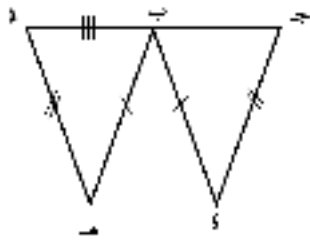
اذكر أزواج المثلثات المتطابقة . وأزواج المثلثات غير المتطابقة (مع ذكر السبب) :



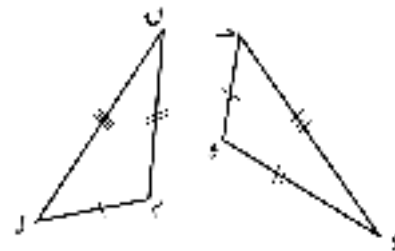
(1)



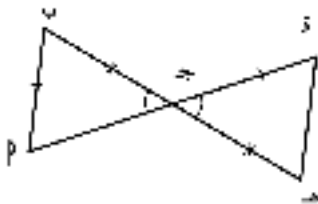
(2)



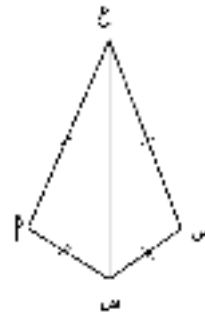
(3)



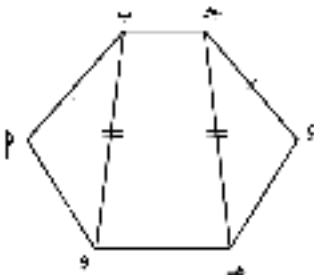
(4)



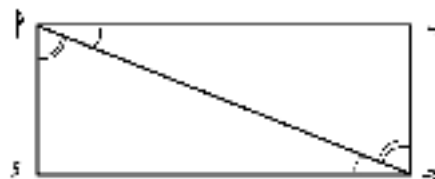
(5)



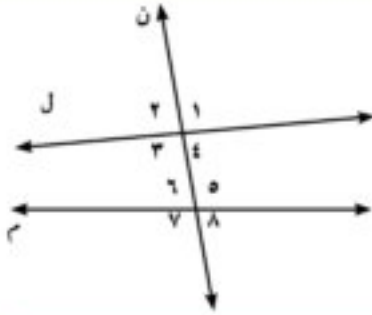
(6)



(7)



(8)



ارْضُمُ مُسْتَقِيمَيْنِ «ل» . «م» ثُمَّ ارْضُمُ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا «ن» قَاطِعًا لَهُمَا. كَمَا بِالشَّكْلِ:

- يَنْتُجُ مِنْ ذَلِكَ ثَمَانِيَةَ زَوَايَا مُخْتَلِفَةٍ يُمْكِنُ تَصْنِيفُهَا إِلَى عِدَّةِ أَزْوَاجٍ مِنَ الزَوَايَا وَهِيَ (مْتَبَادِلَةٌ - مَتَنَظِرَةٌ - دَاخِلَةٌ).

أنشطة :

١ أكمل:

٣ . ٥ زَاوِيَتَانِ مُتَبَادِلَتَانِ .

..... ٤ زَاوِيَتَانِ مَتَبَادِلَتَانِ .

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل . م مَتَوَازِيَانِ
لَا حِظْ الْعِلَاقَةَ بَيْنَ أَزْوَاجِ الزَوَايَا الْمَتَبَادِلَةِ.

٢

١ . ٥ زَاوِيَتَانِ مَتَنَظِرَتَانِ:

وبالمثل : ٤ زَاوِيَتَانِ مَتَنَظِرَتَانِ .

عَجِّنْ أَزْوَاجَ الزَّوَايَا الْمُتَنَظِرَةِ الْأُخْرَى

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل . م مَتَوَازِيَانِ
لَا حِظْ الْعِلَاقَةَ بَيْنَ أَزْوَاجِ الزَوَايَا الْمَتَنَظِرَةِ.

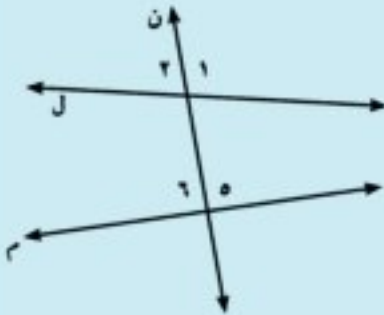
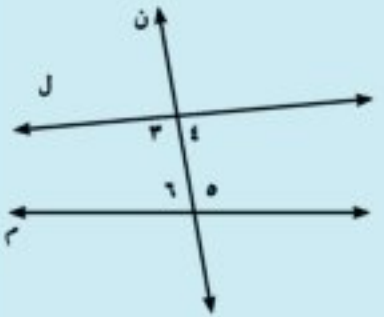
٣

٤ . ٥ زَاوِيَتَانِ دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.

وبالمثل : ٥ دَاخِلَتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ
مِنَ الْقَاطِعِ.

- وَفِي حَالَةِ الْمُسْتَقِيمَانِ ل . م مَتَوَازِيَانِ

لَا حِظْ الْعِلَاقَةَ بَيْنَ مَجْمُوعِ أَيِّ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ
وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ.



اسْتِخْدَامُ الْأَدَوَاتِ الْهَنْدَسِيَّةِ أَوْ الْحَايِسِ الْإِلَيِّ فِي عَمَلِ الْأَنْشِطَةِ الْآتِيَةِ:

نشاط (1) :



مِنْ نَقْطَةٍ خَارِجٍ ح' ب . ارْضُم ح' س يُوَازِي ب
 . ارْضُم و' قاطِعًا ب . ح' س فِي س . ص عَلَى التَّرْتِيبِ.

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ مُتَبَادِلَتَيْنِ

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ مُتَنَاظِرَتَيْنِ

- عَيْنِ قِيَاسِ زَاوِيَتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ ثُمَّ اجْمَعُهُمَا.

ارْضُم أَوْضَاعًا مُخْتَلِفَةً لِلْقَاطِعِ و' . (مَاذَا تَلَاخِظُ؟)

- إذا قطع مستقيمين مستقيمين متوازيين فإن :
- كل زاويتين متبادلتين متساويتان في القياس.
- كل زاويتين متناظرتين متساويتان في القياس.
- كل زاويتين داخلتين وفي جهة واحدة من القطع متكاملتان.

تدريب

في كل من الأشكال الآتية : إذا كان $ب // ح$ فأكمل :

(1)

و (ب ح) = °
 ° =

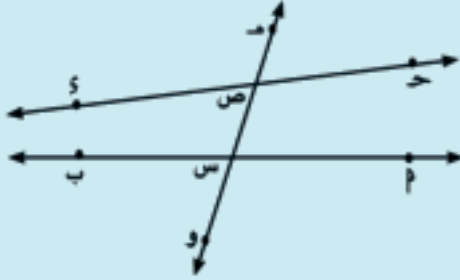
(2)

و (ب ح) = °
 ° =

(3)

و (ب ح) = °
 ° =

نشاط (٢) :



[أ] ارسم p ب ، c s كما بالشكل ثم ارسم m و n قاطعاً لهما في s ، c على الترتيب.

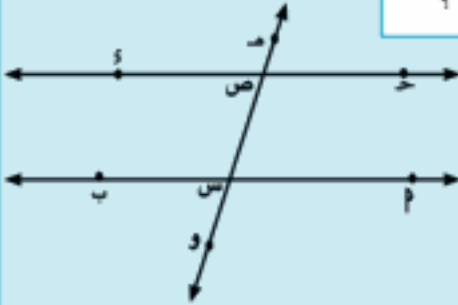
عين قياس الزاويتين المتبايلتين

ح ص س . ب س ص.

أبر c s حول النقطه s حتى يكون $(\angle$ ح ص س) = $(\angle$ ب س ص).

اخترتوازي c مع p ب يرسم n ن يمر بالنقطه s يوازي p ب

هل n ينطبق على c ؟



عين مرة أخرى قياس الزاويتين المتبايلتين

ح ص س . ب س ص.

[ب] كرر العمل السابق في [أ] بالنسبة إلى:

(١) الزاويتين المتناظرتين.

(٢) الزاويتين الداخليتين المرسومتين في جهة واحدة من القاطع

(ماذا تلاحظ ؟)

● يتوازي المستقيمان إذا قطعهما مستقيم ثالث وحدثت إحدى الحالات الآتية:

- زاويتان متبادلتان متساويتان في القياس.

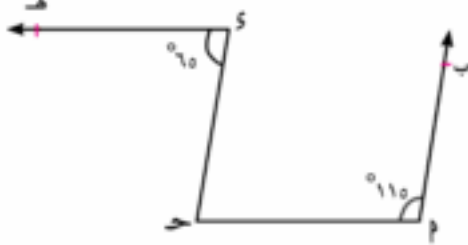
- زاويتان مناضرتان متساويتان في القياس.

- زاويتان داخلتان وفي جهة واحدة من القاطع متكاملتان.

مثال

في الشكل المقابل :

إذا كان $\vec{P} \parallel \vec{S}$ فهل $\vec{M} \parallel \vec{H}$. ولماذا ؟



الحل

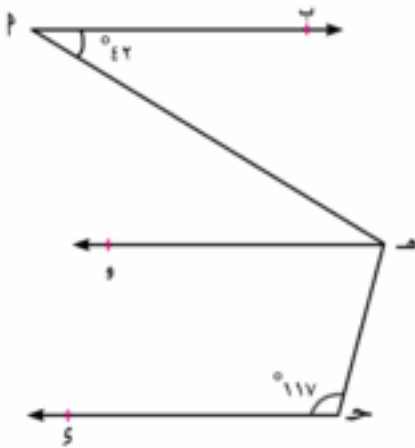
و (Δ ح) = $180^\circ - 115^\circ = 65^\circ$ لأن

أي أن : و (Δ ح) = و (Δ س) = 65°

فيكون : $\vec{M} \parallel \vec{H}$

تدريب

في الشكل المقابل :



$\vec{P} \parallel \vec{S}$ و $\vec{H} \parallel \vec{M}$

و (Δ م) = 42° . و (Δ ح) = 117°

عين و (Δ م ح)

الحل :

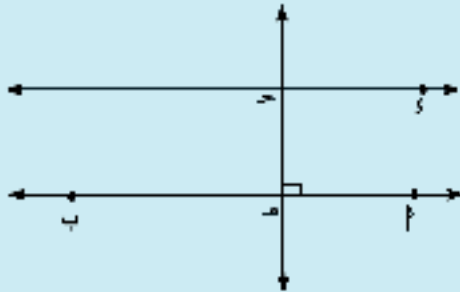
و (Δ م ح) = و (Δ م) + و (Δ ح) (.....)

$$\begin{array}{r} \circ \quad \quad \quad \circ \\ \dots + \dots = \\ \circ \quad \quad \quad \circ \\ \dots = \end{array}$$

لأن

نشاط (٣) :

من نقطة ح خارج l أرسم حـ s يوازي l ب وارنسم أيضًا مستقيمةً تمرُّ بالنقطة ح عموديًا على l ب وتَقَطِّعُ في هـ كما بالشكل التالي.



أوجد قياس \angle ح هـ

استنتج العلاقة بين \angle ح هـ ، \angle ح د هـ

ارسم أوضاعًا مختلفةً لأيٍّ من \angle ح هـ أو \angle ح د هـ .

(ماذا تلاحظ؟)

- المستقيم العمودي على أحد مستقيمين متوازيين في المستوى يكون عموديًا على الآخر.
- إذا كان كل من مستقيمين عمودي على ثالثا في المستوى كان المستقيمان متوازيين.

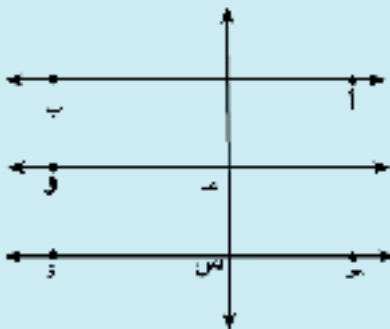
نشاط (٤) :

ارسم l ب يوازي s ح ثم ارسم هـ و يوازي l ب . ارسم مـ س عموديًا على s ح وتَقَطِّعُ في س.

أوجد قياس \angle و هـ س

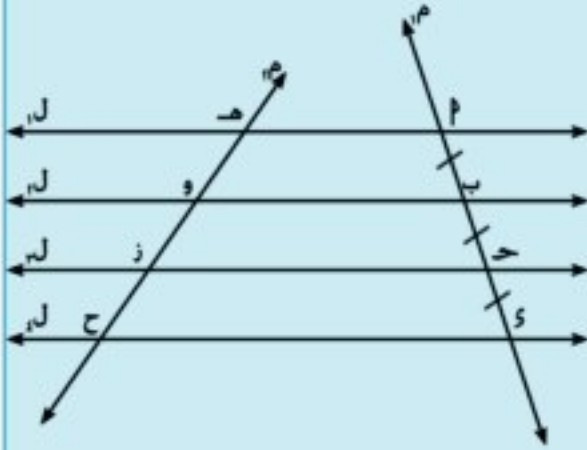
هل هـ و يوازي s ح ؟ اذكر السبب.

ارسم أوضاعًا مختلفةً لأيٍّ من مـ س أو s ح . (ماذا تلاحظ؟)



إذا وازى مستقيمان مستقيما ثالثا كان هذان المستقيمان متوازيين.

نشاط (٥) :



ارسم عدة مستقيمت متوازية ل١, ل٢, ل٣, ل٤ .
ثم ارسم المستقيم م, قاطعًا لها في م, ب, ج, س,
بحيث م = ب = ج = س

ارسم المستقيم ن, قاطعًا آخر
لهذه المستقيمت المتوازية ويقطعها

في ه, و, ز, ح

هل ه = و = ز = ح ؟

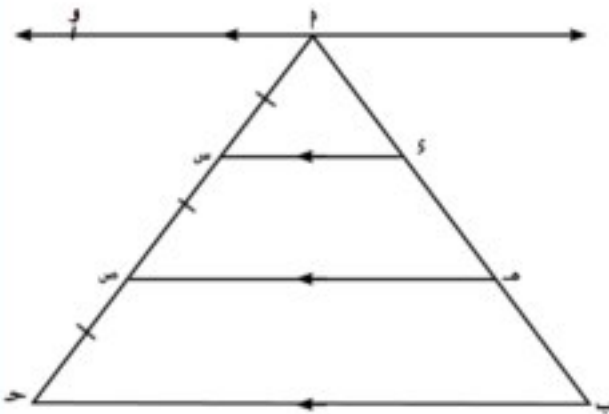
ارسم أوضاعًا مختلفة للقاطع م,

ماذا تلاحظ ؟

● إذا قطع مستقيم عدة مستقيمت متوازية . وكانت أجزاء القاطع المحصورة بين هذه المستقيمت المتوازية متساوية في الطول . فإن الأجزاء المحصورة بينها لأي قاطع آخر تكون متساوية في الطول.

تدريب

في الشكل المقابل :



م و س // ن ب // م س // م س // م س

م س = س ن = ن م . م س = ١٢ سم

فاوجد طول م س

الحل :

م و س // ن ب // م س // م س // م س

م س = س ن = ن م .

فيكون : م س = س ن = ن م

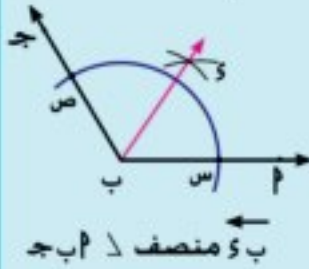
أي أن : م س = ن ب = ١/٣ م س

أنشطة :

1) إِنشَاءُ مَنَصِّفٍ لِزَاوِيَةٍ مَعْلُومَةٍ :

المُعْطَيَاتُ: Δ ب ج زاوية معلومةالمطلوب: رَسْمُ مَنَصِّفٍ Δ ب ج «بِاسْتِخْدَامِ الْفِرْجَارِ»

خُطُواتِ الْعَمَلِ:



1) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفِرْجَارِ عِنْدَ زَاوِيَةِ ب وَنَقِّحُ مَنَاسِبَةً نَرْسُمُ

قَوْسًا يَقْطَعُ ب م فِي س ، ب ج فِي ص

2) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفِرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَنَقِّيسُ الْفَتْحَةَ أَوْ فَتْحَةَ

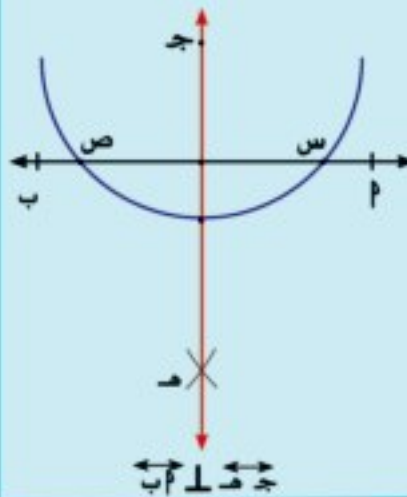
مَنَاسِبَةً نَرْسُمُ قَوْسَيْنِ يَتَقَاطِعَانِ فِي S

3) نَرْسُمُ ب S فَيَكُونُ هُوَ مَنَصِّفٌ Δ ب جأَكْمَلُ: ب S هُوَ ثَمَانِلٌ لِلزَاوِيَةِ Δ ب ج

2) إِنشَاءُ عَمُودٍ عَلَى مُسْتَقِيمٍ مَارٌّ بِنُقْطَةٍ لَا تَنْتَمِي إِلَى الْمُسْتَقِيمِ :

المُعْطَيَاتُ: \overleftrightarrow{AB} مُسْتَقِيمٌ مَعْلُومٌ ، ج \notin \overleftrightarrow{AB} المطلوب: رَسْمُ مُسْتَقِيمٍ ج د عَمُودِيٍّ عَلَى \overleftrightarrow{AB}

خُطُواتِ الْعَمَلِ:



1) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفِرْجَارِ عِنْدَ النُّقْطَةِ ج وَنَقِّحُ مَنَاسِبَةً نَرْسُمُ

قَوْسًا مِنْ دَائِرَةٍ يَقْطَعُ \overleftrightarrow{AB} فِي نَقْطَتَيْ س ، ص.

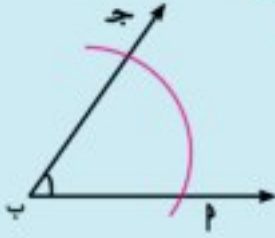
2) نَرْكُزُ بِسِنَّ الْفِرْجَارِ عِنْدَ كُلِّ مِنْ س ، ص وَنَقِّحُ مَنَاسِبَةً أَكْبَرِمِنْ

نصف طول س ص نَرْسُمُ قَوْسَيْنِ مِنْ دَائِرَةٍ يَتَقَاطِعَانِ فِي د.

3) نَرْسُمُ ج د فَيَكُونُ ج د عَمُودِيًّا عَلَى \overleftrightarrow{AB}

أَكْمَلُ: ج د هُوَ ثَمَانِلٌ لِلْقِطْعَةِ الْمُسْتَقِيمَةِ س ص

٣ إنشَاء زاوية مطابقة (مساوية في القياس) لزاوية معلومة



المُعْطَيَات: $\angle B$ زاوية معلومة

المطلوب: رَسْم $\angle S$ و بحيث $\angle S = \angle B$ و $\angle S = \angle B$ «بدون استخدام المنقلة»

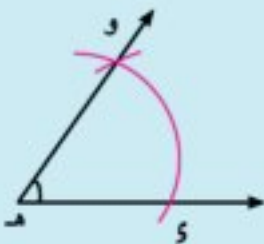
خُطُواتِ العَمَل:

١ ترسم شعاعاً بدايته هـ ليمثل احدى ضلعي الزاوية المراد رسمها.



٢ نركز بسن الفرجار عند ب ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاعين بـ \overleftarrow{P} و \overleftarrow{J} عند P . جـ على الترتيب وبنفس الفتحة نركز بسن الفرجار عند هـ . ونرسم قوساً من دائرة يقطع الشعاع عند S

٣ نركز بسن الفرجار عند P ثم نفتح الفرجار فتحة تساوي \overleftarrow{J} . ثم نركز بسن الفرجار عند S وبنفس الفتحة السابقة نرسم قوساً يقطع القوس الأول في و



٤ نرسم هـ و فتكون $\angle S = \angle B$ و $\angle S = \angle B$
(حيث الرمز \equiv يقرأ تطابق)

٤ تنصيف قطعة مستقيمة

المُعْطَاة: \overline{AB} قطعة مستقيمة معلومة
المطلوب: تنصيف \overline{AB}

حُطُواتِ العَمَل:



١ نرسم القطعة المستقيمة \overline{AB}



٢ نركز بسنُّ الفرجار عند النقطة أ،
ونفتح الفرجار فتحة مناسبة أكبر من
نصف طول \overline{AB} تقريباً ثم نرسم
قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين
من \overline{AB} .

٣ نركز بسنُّ الفرجار عند ب وبنفس الفتحة
السابقة نرسم قوسين من دائرة في
جهتي \overline{AB} يتقاطعان مع القوسين
السابقين في نقطتي د، هـ.



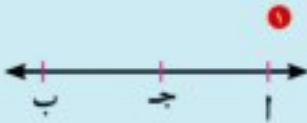
٤ نرسم \overleftrightarrow{CD} فيقطع \overline{AB} في جـ
فتكون نقطة جـ منتصف \overline{AB}

٥ إنشاء عمودٍ على مستقيمٍ ما زُ بنقطةٍ تنتمي إلى المستقيم

المُعْطَاَتُ: \overleftrightarrow{AB} مستقيم معلوم، $Z \in \overleftrightarrow{AB}$
المطلوب: رسم عمودٍ على \overleftrightarrow{AB} من نقطة Z .

حُطُواتِ العَمَلِ:

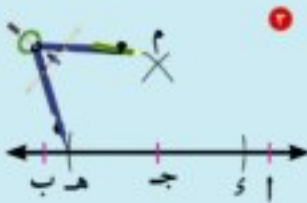
١ نرسم \overleftrightarrow{AB} ، ونحدد النقطة $Z \in \overleftrightarrow{AB}$



٢ نركز بسنَّ الفرجار عند Z وبفتحة مناسبة نرسم قوسين من دائرة في جهتين مختلفتين من النقطة Z يقطعان \overleftrightarrow{AB} في النقطتين S ، H



٣ نركز بسنَّ الفرجار عند كل من S ، H وبفتحة مناسبة أكبر من طول ZS نرسم قوسين فيتقاطعان القوسان في نقطة M .



٤ نرسم \overline{MZ} فيكون $\overline{MZ} \perp \overleftrightarrow{AB}$



تدرب

ارسم المثلث $أ ب ج$ حاد الزوايا ومختلف الأضلاع، ارسم محور تماثل لكل ضلع من أضلاعه " لاتمح الأقواس " هل محاور التماثل تتقاطع في نقطة واحدة.

ناقش

- أ إذا كان $د ه و$ مثلثاً منفرج الزاوية في $ه$ أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- ب إذا كان $س ص ع$ مثلثاً قائم الزاوية في $ص$ أين تتقاطع محاور تماثل أضلاعه؟
- ج قس أطوال القطع المستقيمة الواصلة بين نقطة تقاطع محاور التماثل ورؤوس المثلث في كل حالة ماذا تلاحظ؟

يستخدم الفرجار ذو السنين لقياس البعد بين نقطتين.

٦ رسم مستقيم من نقطة معلومة مواز لمستقيم معلوم

المُعْطَيَات: مستقيم $أ ب$ معلوم، $ج د$ $أ ب$

المطلوب: رسم مستقيم من نقطة $ج$ يوازي $أ ب$

خُطَوَات العَمَل:

١ نرسم المستقيم $أ ب$ ، $ج د$ $أ ب$

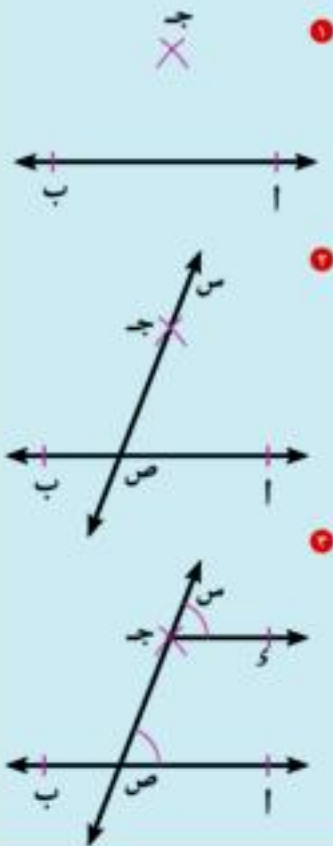
٢ نرسم المستقيم $س ص$ يمر بالنقطة $ج$ ويقطع $أ ب$ في $ص$

٣ نرسم عند $ج$ الزاوية $س ج د$ في وضع تناظر

مع $\triangle أ ص س$ بحيث يكون

$\triangle س ج د \equiv \triangle س ص أ$ كما في النشاط السابق

فيكون $ج د // أ ب$



الأنشطة والتدريبات



الوحدة الأولى : الأعداد النسبية

مجموعة الأعداد النسبية

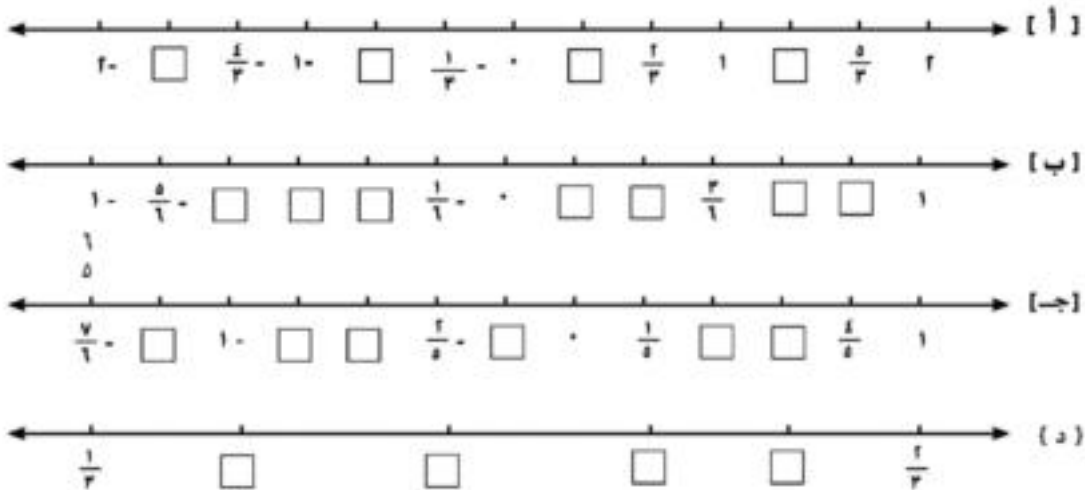
الدرس الأول

تمرين (١-١)

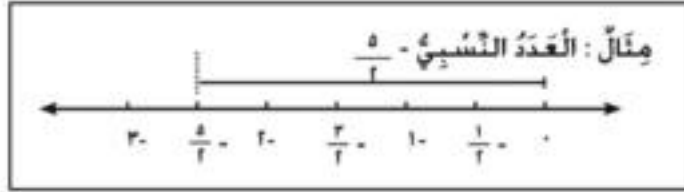
١ استخدم خط الأعداد في كتابة العدد المقابل للعدد النسبي المكتوب في الجدول :

$\frac{7}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{6}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{7}{2}$
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{2}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{7}{2}$	$\frac{5}{2}$	$\frac{4}{2}$	$\frac{3}{2}$	$\frac{1}{2}$			
										$\frac{1}{2}$		

٢ أكمل الأعداد النسبية على خط الأعداد :



٣ اسْتُخِذَ السُّهُمُ لِلتَّعْبِيرِ عَنِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الْآتِيَةِ عَلَى حِطِّ الْأَعْدَادِ:



- [أ] $\frac{1}{3}$ [ب] $\frac{1}{7}$ [ج] $\frac{4}{5}$
 [د] $3\frac{1}{7}$ [هـ] $1\frac{1}{5}$

٤ ضَعُ عَلَامَةَ (√) أَمَامَ الْعِبَارَةِ الصَّحِيحَةِ وَعَلَامَةَ (X) أَمَامَ الْعِبَارَةِ غَيْرِ الصَّحِيحَةِ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ:

- () [أ] الْعَدَدُ $\frac{1}{3}$ ، عَدَدٌ طَبِيعِيٌّ.
 () [ب] الْعَدَدُ $\frac{1}{3}$ ، عَدَدٌ صَحِيحٌ.
 () [ج] الْعَدَدُ $12\frac{5}{1}$ ، عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
 () [د] الْعَدَدُ ١,٥ ، عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
 () [هـ] الصَّفْرُ لَيْسَ عَدَدًا نِسْبِيًّا مُوجِبًا وَلَيْسَ عَدَدًا نِسْبِيًّا سَالِبًا.
 () [و] الصَّفْرُ هُوَ عُنْصُرٌ مِنْ عُنْصُرِ مَجْمُوعَةِ أَعْدَادِ الْعَدِّ.

٥ [أ] إِمَّاذَا يُكْتَبُ فِي تَعْرِيفِ الْعَدَدِ النَّسْبِيِّ $\frac{p}{q}$ أَنْ $b \neq \text{صفر}$ ؟

[ب] أَيُّ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ $\frac{7}{15}$ ، $\frac{7}{10}$ يُكْتَبُ عَلَى صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ مُنْتَوٍ ؟

[ج] اكْتُبِ الْأَعْدَادَ النَّسْبِيَّةَ الْآتِيَةَ عَلَى صُورَةِ عَدَدٍ عَشْرِيٍّ : (١) $\frac{1}{11}$ (٢) $3\frac{1}{15}$

[د] أَوْجِدْ : $1 - 3\frac{1}{7}$ ، $1 - \frac{5}{8}$ ، $1 - 0,٣٧$ ، $1 - 0,٢$ ، $1 - \frac{1}{7}$

٦ اكْتُبِ الْأَعْدَادَ الْآتِيَةَ عَلَى الصُّورَةِ $\frac{p}{q}$:

- [أ] ٠,٤ [ج] ٣٠٪ [هـ] $8\frac{1}{7}$
 [ب] ٠,٧٥ [د] صفر [و] ٠,٠١

٧ اكْتُبِ الْأَعْدَادَ الْآتِيَةَ عَلَى صُورَةِ أَعْدَادٍ عَشْرِيَّةٍ ، نِسْبِيٍّ وَمُتَوِّئَةٍ :

- [أ] $\frac{1}{7}$ [ج] $7\frac{2}{11}$
 [ب] $2\frac{1}{7}$ [د] $\frac{2}{10}$

مُقَارَنَةُ وَتَرْتِيبُ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (١-٢)

١ ضع العَلَامَةَ المُنَاسِبَةَ (< = >):

- [أ] $\frac{1}{7} < \frac{1}{5}$ صفر
- [ب] $\frac{2}{4} < \frac{1}{4}$ صفر
- [ج] $\frac{1}{7} < 5$ صفر
- [د] $\frac{1}{7} < 5$ صفر
- [هـ] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ مُوجِبٌ صفر
- [و] عَدَدٌ نِسْبِيٌّ سَالِبٌ صفر
- [ز] $|\frac{3}{7}| < \frac{1}{7}$ صفر
- [حـ] $|\frac{15}{7}| < \frac{1}{7}$ صفر

٢ مثلُ مَجْمُوعَاتِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الآتِيَةِ عَلَى خَطِّ الأَعْدَادِ ثُمَّ اكْتُبْ عَنَاصِرَهَا فِي تَرْتِيبٍ تَصَاعُدِيٍّ:

- [أ] { ٣, ٢, ١, ٠ } [ب] { $\frac{1}{7}$, $\frac{1}{7}$, صفر, $\frac{1}{7}$ }
- [جـ] { $\frac{1}{4}$, $\frac{1}{7}$, $\frac{1}{7}$ } [د] { ٣, ٥, ٥, ٤, ٦, ٥ }

٣ أَكْبَرُهَا أَكْبَرُ (وَضِّحْ إِجَابَتَكَ)

- [أ] $\frac{4}{7}$ أم $\frac{1}{7}$ ؟ [ب] $\frac{4}{8}$ أم $\frac{5}{9}$ ؟
- [جـ] $\frac{7}{15}$ أم $\frac{11}{15}$ ؟ [د] $\frac{8}{7}$ أم $\frac{11}{7}$ ؟

٤ اكْتُبْ عَدَدًا نِسْبِيًّا مُنَاسِبًا فِي لِكُلِّ مِمَّا يَلِي :

- [أ] $\frac{2}{8} < \frac{1}{8}$ [ب] $\frac{1}{7} < \frac{1}{7}$
- [جـ] $\frac{1}{8} < \frac{1}{8}$ [د] $\frac{2}{12} < \frac{1}{7}$

٥ اكْتُبِ العَدَدَ النَّسْبِيَّ الَّذِي يُسَاوِي $\frac{2}{8}$ وَمَجْمُوعَ حَدِيثِهِ ٢٤ ؟٦ [أ] اكْتُبْ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{2}{4}$ و $\frac{3}{7}$ بِحَيْثُ يَكُونُ وَاحِدٌ مِنْهُمَا صَاحِبًا[ب] اكْتُبْ أَرْبَعَةَ أَعْدَادٍ نِسْبِيَّةٍ تَقَعُ بَيْنَ $\frac{5}{9}$ و $\frac{5}{6}$

١ بَيِّنْ أَيْمَا مِنْ نَتَائِجِ جَمْعِ الأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ الآتِيَةِ مُوَجَّبٌ وَأَيُّهَا سَمَالِبٌ :

$$\begin{array}{ll} \left(\frac{1}{4}\right) + \frac{3}{4} - [أ] & \left(\frac{2}{3}\right) + \frac{1}{3} - [د] \\ \left(\frac{2}{5}\right) + \frac{1}{5} - [ب] & \left(\frac{1}{10}\right) + \frac{10}{100} - [و] \end{array}$$

٢ أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا تَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةَ :

$$\begin{array}{ll} \left(\frac{2}{8}\right) + \frac{3}{10} - [أ] & \frac{2}{11} + \frac{9}{12} - [ج] \\ \frac{25}{8} + \frac{1}{4} [ب] & \left(\frac{39}{100}\right) + \frac{19}{10} [د] \end{array}$$

٣ أَحْسِبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا تَأْتِي فِي أَبْسِطِ صُورَةَ : هَلْ نَتَائِجُ الْجَمْعِ عَدَدٌ نَسْبِيٌّ ؟

$$\begin{array}{ll} \left(5\frac{1}{1}\right) + 8\frac{2}{3} [أ] & \left(4\frac{1}{12}\right) + 8\frac{1}{3} - [د] \\ \frac{2}{8} + 15\frac{1}{2} - [ب] & \left(9\frac{5}{8}\right) + 4 [هـ] \\ \frac{2}{8} + \frac{1}{4} [ج] & 13\frac{2}{5} + 20 [و] \end{array}$$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين :

$$\begin{array}{ll} (أ) ناتج جمع $\frac{6}{5} + \frac{1}{5}$ يساوى..... [١ ، ١- ، $\frac{7}{5}$ ، $\frac{7}{5}$] & (ب) $\frac{3}{4} + 50\% = \dots\dots$ \\ (ج) $\frac{2}{5} + 25\% = \dots\dots$ & [$\frac{3}{4}$ ، $\frac{5}{4}$ ، 150% ، 75%] \end{array}$$

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

خَوَاصُّ عَمَلِيَّةِ الْجَمْعِ فِي مَجْمُوعَةِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

تمرين (١ - ٤)

١ اكتب خاصية جمع الأعداد النسبية المُستخدَمة في كلِّ مما يأتي :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } & \frac{7}{7} + \frac{9}{11} = \frac{9}{11} + \frac{7}{7} \\ \text{[ب] } & \left[\left(\frac{1}{3} \right) + \frac{1}{3} \right] + \frac{1}{3} = \left(\frac{1}{3} \right) + \left[\left(\frac{1}{3} \right) + \frac{1}{3} \right] \\ \text{[ج] } & \left(\frac{2}{4} - \right) + \frac{2}{4} = \text{صفر} \\ \text{[د] } & \frac{2}{4} - = \left(\frac{2}{4} - \right) + \text{صفر} \end{aligned}$$

٢ اكتب كلًّا مما يأتي :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } & \text{صفر} + \frac{4}{5} \\ \text{[ب] } & \text{صفر} + \left(\frac{7}{10} - \right) \\ \text{[ج] } & \frac{2}{4} + \left[\left(\frac{1}{4} - \right) + \frac{1}{4} \right] \\ \text{[د] } & \left(\frac{2}{1} + \frac{2}{1} - \right) + \frac{4}{1} \end{aligned}$$

٣ اكتب المعكوس الجمعي لكلِّ من الأعداد النسبية الآتية :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } & \frac{2}{5} \quad \text{[ج] } \text{صفر} \\ \text{[ب] } & \frac{4}{9} - \quad \text{[د] } ٦ - \\ \text{[هـ] } & ٢,٣ - \quad \text{[و] } ٥,٤١ \end{aligned}$$

٤ اكمل

$$\begin{aligned} \text{[أ] } & \left[\left(11 \frac{1}{7} - \right) + 11 \frac{1}{7} \right] + - = \left(11 \frac{1}{7} - \right) + 14 \frac{1}{7} \\ \text{[ب] } & - + \left[\left(\frac{2}{22} - \right) + \frac{2}{22} \right] = \left(\frac{17}{22} - \right) + \frac{2}{22} \end{aligned}$$

٥ استخدِمْ خَوَاصَّ جَمْعِ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ فِي تَسْهِيلِ إِجْرَاءِ الْعَمَلِيَّاتِ الْآتِيَةِ فِي أَبْسِطِ صُورَةِ :

$$\begin{aligned} \text{[أ] } & \left(11 \frac{1}{4} - \right) + 7 \frac{1}{4} \\ \text{[ب] } & \frac{2}{4} + \frac{4}{5} + \frac{2}{3} \\ \text{[ج] } & 7 \frac{2}{8} + 13 \frac{1}{8} - \end{aligned}$$

تمرين (١ - ٥)

(١) ضَعْ عَلامَةَ (✓) أَمَامَ العِبارةِ الصَّحيحةِ وَعَلامَةَ (X) أَمَامَ العِبارةِ غَيرِ الصَّحيحةِ :

$$\begin{array}{ll} \text{[جـ]} \text{ صفر} - \left(\frac{13}{5}\right) = \frac{13}{5} & \text{[أ]} \left(\frac{3}{4}\right) + \frac{9}{11} = \left(\frac{3}{4}\right) - \frac{9}{11} \\ \text{[د]} \frac{1}{5} + \frac{3}{4} = \frac{1}{5} - \frac{3}{4} & \text{[ب]} 7\frac{1}{12} + 3\frac{1}{6} = (7\frac{1}{12}) - 3\frac{1}{6} \end{array}$$

(٢) احسب قيمة كلِّ ممَّا يأتي في أبسط صورة :

$$\begin{array}{lll} \text{[أ]} \left(\frac{1}{7}\right) - 1\frac{3}{4} & \text{[جـ]} \text{صفر} - \left(\frac{17}{4}\right) & \text{[ها]} \frac{9}{5} - \frac{3}{5} \\ \text{[ب]} \left(\frac{5}{8}\right) - 1\frac{7}{8} & \text{[د]} 3\frac{1}{6} - 1\frac{2}{3} & \text{[و]} 12\frac{1}{11} - 2\frac{1}{11} \end{array}$$

(٣) أكمل ما يأتي :

(أ) إذا كان $s + \frac{1}{4} = 0$ فإن $s = \dots\dots$

(ب) المعكوس الجمعي للعدد صفر هو $\dots\dots$

(ج) $1 = \dots\dots - \frac{1}{4}$

(د) ناتج جمع $\frac{1}{6} + \frac{2}{6}$ يساوي المعكوس الجمعي للعدد $\dots\dots$

(هـ) باقى طرح $\frac{3}{5}$ من $\frac{2}{5}$ يساوى $\dots\dots$

(٤) إذا كانت $أ + ب = \frac{5}{4}$ ، $ب + ج = \frac{3}{4}$ ، $أ + ج = \frac{1}{4}$

فأوجد قيمة :

(١) $أ + ٢ب + ج$

(٢) $ب$

ضرب الأعداد النسبية

الدرس السادس

تمرين (١-٦)

١ احسب قيمة كل مما يأتي:

[د] $(5\frac{1}{1}) \times 4\frac{1}{1}$

[أ] $\frac{1}{1} \times \frac{3}{0}$

[هـ] $\frac{0}{8} \times \frac{1}{1}$

[ب] $(\frac{0}{1}) \times \frac{3}{8}$

[و] $(4\frac{1}{0}) \times 3\frac{1}{8}$

[جـ] $(\frac{1}{1}) \times \frac{4}{0}$

٢ أوجد الناتج في كل مما يلي:

[جـ] $(1\frac{1}{10}) \times \frac{0}{1}$

[أ] $\frac{4}{0} \times 1\frac{1}{1}$

[د] $\frac{1}{17} \times 2\frac{1}{1}$

[ب] $1\frac{1}{1} \times \frac{1}{2}$

٣ أوجد ناتج ما يلي:

[جـ] $(3\frac{1}{0}) \times 2\frac{1}{2}$

[أ] $(\frac{4}{1}) \times | \frac{1}{1} |$

[د] $(8\frac{1}{1}) \times 4\frac{1}{1}$

[ب] $| \frac{0}{1} | \times | 1\frac{1}{1} |$

٤ إذا كانت أ = $\frac{3}{4}$ ، ب = $\frac{12}{1}$ ، ج = $\frac{1}{1}$

فأوجد القيمة العددية لما يأتي:

(٢) أ - ب - ج

(١) أ + ب + ج + ٣

٥ إذا كانت أ = $\frac{1}{1}$ ، ب = $\frac{3}{4}$ فأوجد في أبسط صورة قيمة كل من:

(٢) أ + ب

(١) أ + ب + $\frac{1}{1}$

تمرين (٧-١)

١ اكتب خاصية ضرب الأعداد النسبية المُستخدمة في كُلِّ مَقَامٍ يأتي :-

$$\left[\text{أ} \right] \left(\frac{1}{7} - \right) \times \frac{2}{3} = \frac{2}{3} \times \frac{1}{7} -$$

$$\left[\text{ب} \right] 1 = \left(\frac{5}{7} - \right) \times \frac{3}{5} -$$

$$\left[\text{ج} \right] \frac{5}{10} - \times \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{7} \right) = \left(\frac{1}{2} \times \frac{5}{7} \right) \times \frac{5}{10} -$$

$$\left[\text{د} \right] \frac{5}{4} = 1 \times \frac{5}{4}$$

$$\left[\text{هـ} \right] 0,8 \times \text{صفر} = \text{صفر}$$

٢ اكْمِلْ :

$$\left[\text{أ} \right] \dots \times \frac{4}{5} - = \left(\frac{4}{5} - \right) \times \frac{1}{3}$$

$$\left[\text{ب} \right] \dots + 2 \times \frac{1}{7} = \left(\frac{1}{7} + 2 \right) \frac{1}{7}$$

$$\left[\text{ج} \right] \dots = \frac{3}{7} \times \frac{1}{3}$$

$$\left[\text{د} \right] 1 = \dots \times \frac{4}{11}$$

\left[\text{هـ} \right] العَدَدُ النَّسَبِيُّ الَّذِي لَيْسَ لَهُ مَعْكَوسٌ ضَرْبِيٌّ هُوَ

٣ أوجد قيمة س في كُلِّ مَقَامٍ يأتي :

$$\left[\text{أ} \right] \frac{5}{7} = س \times \frac{5}{7}$$

$$\left[\text{ب} \right] س \times \frac{7}{3} = \text{صفر}$$

$$\left[\text{ج} \right] س \left[\left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{1}{7} \right] = \left(\frac{3}{5} - \right) \times 5 + \frac{1}{7} \times س$$

$$\left[\text{د} \right] س \times \frac{17}{7} = 1$$

$$\left[\text{هـ} \right] س = \frac{3}{5} - \times \frac{7}{3}$$

٤ اسْتخدِمْ خَاصِيَّةَ تَوْزِيعِ الضَّرْبِ عَلَى الجَمْعِ فِي تَسْهِيلِ إِجْرَاءِ العَمَلِيَّاتِ الآتِيَةِ:

$$\left[\text{أ} \right] 16 \times \frac{4}{9} + 11 \times \frac{4}{9}$$

$$\left[\text{ب} \right] 9 \times \frac{5}{11} + 3 \times \frac{5}{11}$$

$$\left[\text{ج} \right] \left(\frac{3}{5} - \right) + \left(\frac{3}{5} - \right) \times 5 + 8 \times \frac{3}{5}$$

$$\left[\text{د} \right] \frac{15}{9} \times \left(\frac{3}{5} - \right) + \frac{15}{9} \times \frac{18}{5}$$

قِسْمَةُ الْأَعْدَادِ النَّسْبِيَّةِ

الدَّرْسُ الثَّامِنُ

تمرين (٨-١)

١ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} \frac{2}{5} + \frac{4}{5} \text{ [أ]} & \text{صفر} + \frac{2}{5} \text{ [د]} \\ \left(\frac{15}{5} - \right) + \frac{8}{7} \text{ [ب]} & \frac{5}{7} + \frac{4}{5} - \text{ [هـ]} \\ \left(\frac{4}{5} - \right) + 14 - \text{ [جـ]} & \left(7 - \right) + \frac{2}{8} \text{ [و]} \end{array}$$

٢ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} 5\frac{1}{7} + 2\frac{1}{5} - \text{ [أ]} & 1\frac{1}{14} + 4\frac{2}{7} - \text{ [جـ]} \\ \left(3\frac{1}{8} - \right) + 2\frac{2}{4} - \text{ [ب]} & \left(15 - \right) + 1\frac{1}{4} \text{ [د]} \end{array}$$

٣ احسب قيمة كل مما يأتي مع وضع الناتج في أبسط صورة:

$$\begin{array}{ll} \left(\frac{2}{5} - \right) \times \left(\frac{9}{20} + \frac{18}{5} - \right) \text{ [أ]} & \left[1 - \frac{1}{4} + 1 \right] \text{ [جـ]} \\ 1\frac{1}{9} + \left(4\frac{2}{3} \times 1\frac{2}{3} - \right) \text{ [ب]} & \left(\frac{9}{14} - \right) + \left[\left(\frac{5}{5} - \right) \times \frac{12}{20} - \right] \text{ [د]} \end{array}$$

٤ إذا كان $s = \frac{2}{7}$ ، $v = -\frac{1}{4}$ ، $e = 2$ فأوجد في أبسط صورة القيمة العددية لكل من:

$$\text{[أ] } (s + e) + (v - e)$$

$$\text{[ب] } \frac{s \cdot v}{e}$$

تطبيقات على الأعداد النسبية

تمرين (١-٩)

١ حوِّط الإجابة الصحيحة:

- [أ] إذا كان $٣ \times \frac{١}{٢} = \frac{١}{٢}$ فإن ب = ...
- [ب] إذا كان $\frac{٣}{٢} - ٤ = ١$ فإن $\frac{٣}{٢} + \frac{٣}{٢} = \dots$
- [ج] إذا كان ٤س - ص = ١١ ، ص = ٣س فإن س = ...
- [د] إذا كان $\frac{٣}{٢} = ١$ فإن ٢س - ٢ص = ...
- [أ] صفّر . ب . $\frac{١}{٢}$.
- [ب] ١٠ . $\frac{٢٢}{٣}$. س .
- [أ] $\frac{١}{١١}$. $\frac{٧}{١١}$. $\frac{١١}{٧}$.
- [أ] ١ . ٢ . ٣ . صفّر

٢ أوجد عددًا نسبيًا يقع عند منتصف المسافة بين:

- [أ] $\frac{٤}{٩}$ ، $\frac{٣}{٨}$
- [ب] $\frac{٢}{٤}$ ، $\frac{٧}{١١}$
- [ج] $\frac{١٣}{٣٥}$ ، $\frac{١١}{٩}$
- [د] $\frac{٩}{٤٢}$ ، $\frac{٣٧}{١١٠}$
- [هـ] $\frac{٥}{١}$ ، $\frac{٢}{٥}$
- [و] $\frac{٨}{٣}$ ، $\frac{٢}{٧}$

٣ [أ] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ثلث المسافة بين: $\frac{٣}{٤}$ ، $\frac{٤}{٧}$ (من جهة الأصغر)

[ب] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند ربع المسافة بين: $\frac{٧}{٨}$ ، $\frac{١}{٩}$ (من جهة الأصغر)

[ج] أوجد عددًا نسبيًا يقع عند خمس المسافة بين: $\frac{٢}{٥}$ ، $\frac{١}{٣}$ (من جهة الأصغر)

[د] أوجد عددًا نسبيًا يقع بين $\frac{٢}{٤}$ ، $\frac{١}{٣}$

[هـ] أوجد عددًا نسبيًا يقع بين $\frac{١}{٩}$ ، $\frac{١}{٥}$

٤ ينساب الماء خلال أنبوب بمعدل $\frac{٣}{٤}$ لتر في الدقيقة، ما عدد الدقائق التي يملاؤها ٤

خزانات مياه سعة الواحد ٣٩ لترا؟



١ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة غير الصحيحة :

- () أ] كُلُّ عَدَدٍ صَحِيحٍ هُوَ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
- () ب] كُلُّ عَدَدٍ نِسْبِيٍّ لَهُ مَعْكُوسٌ صَرِيٌّ.
- () جـ] المَعكُوسُ الصَرِيُّ لِلعَدَدِ النِّسْبِيِّ عَدَدٌ صَحِيحٌ.
- () د] الصُّفْرُ عَدَدٌ نِسْبِيٌّ.
- () هـ] الأعدادُ النِسْبِيَّةُ $\frac{11}{11}$ ، $\frac{15}{10}$ ، $\frac{3}{4}$ تُمَثِّلُ بِنُقْطَةٍ وَاحِدَةٍ عَلَى حَظِّ الأَعْدَادِ.
- () و] $\frac{1}{5}$ مَعْكُوسٌ صَرِيٌّ لِلعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{5}{4}$.
- () ز] $\frac{3}{3}$ هُوَ المَعكُوسُ الجَمْعِيُّ لِلعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{3}{3}$ حيث س \neq ٣.
- () حـ] $(\frac{3}{5} + \frac{1}{7})$ مَعْكُوسٌ صَرِيٌّ لِلعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{35}{31}$.

٢ حَوِّطِ الإجابة الصحيحة:

- (أ] إذا كَانَ س = $\frac{1}{5} + 5 = \frac{1}{5} + 5$ قِيَانٌ س = ...
- (ب] إذا كَانَ ٥ = ٢ ب ، ٤٥ = ٢ ب ، ١ قِيَانٌ ب = ...
- (جـ] إذا كَانَ $\frac{س}{ص} = \frac{1}{3}$ قِيَانٌ $\frac{س^3}{ص^2} = ...$
- (د] إذا كَانَ $\frac{3}{7}$ س = ٤٢ قِيَانٌ $\frac{5}{7}$ س = ...

٣ أكْمِلْ بِتَنَفِيسِ التَّسْلُوسِ:

- (أ] $\frac{3}{4}$ ، ، ، ، $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{4}$ ، ٦
- (ب] $\frac{1}{8}$ ، ، ، ، ٢ ، ٤ ، ٠ ، ٨

٤ إذا كَانَ س = $-\frac{1}{3}$ ، ص = $\frac{2}{4}$ ، ع = ٣٠ ، أوجدِ القيمةَ العَدَدِيَّةَ كَلِّ وَمَا بَأْي:

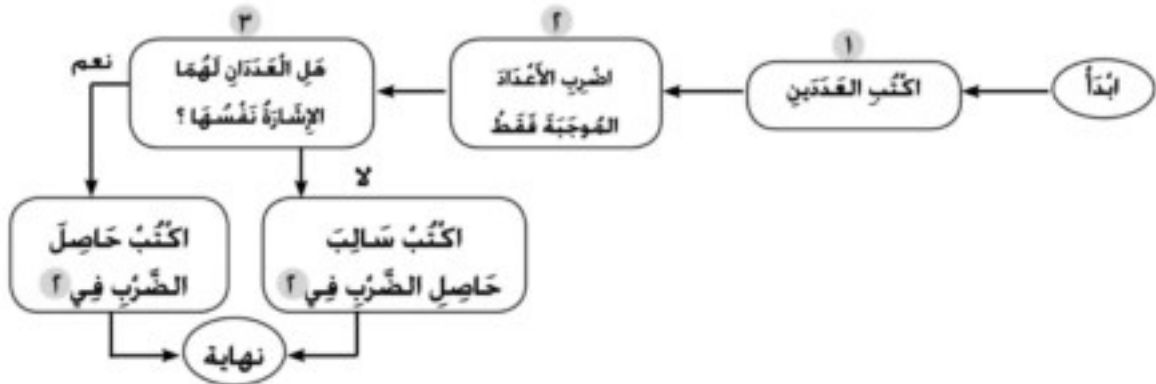
- (أ] س ص ع
- (ب] س ص + ص ع
- (جـ] $\frac{س}{ص} - ع$
- (د] $\frac{س}{ص} - \frac{س}{ع}$

أنشطة الوحدة

- اسْتخدِم برنامِج الجَدَاوِل الحِسَابِيَّة (إكسيل) في إيجَاد حَاصِلِ ضَرْبِ عَدَدَيْنِ صَحِيحَيْنِ: • اَضْطَعْ عَلَى زرِّ ابْدَأ (start) في سَربِطِ المَهَامِ
- مِنْ قَائِمَةِ بَرَامِج (programs) وَاخْتَرِ Microsoft Excel
- نَسْتطِيعُ إِجْرَاءَ بَعِيْنَةَ نَلْقَائِيَّةِ (Autofill) بِنَسْخِ الصَّبْغَةِ مِنْ خَلِيَّةِ C_1 إِلَى قَدَى « C_8 »

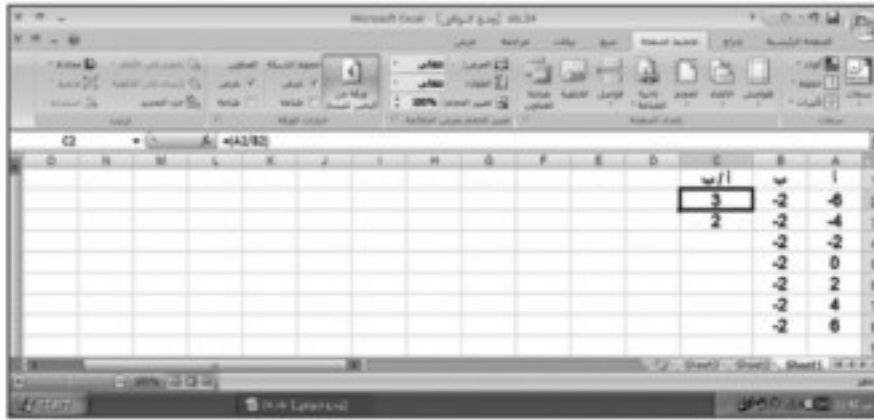
ب	أ	ب
1	1	1
2	2	3
3	-2	2
4	-2	1
5	-2	0
6	-2	-1
7	-2	-2
8	-2	-3

- (أ) اكْمِلِ الجَدَاوِلَ الحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ ١٥ بِفِيْمِ أُخْرَى لِالأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ P ، ب
- (ب) احْفَظِ العَمَلِ فِي المَلَفِ الحَاصِرِ بِكَ
- خَرِطَةُ سَبِيلِ العَمَلِيَّاتِ تُسَاعِدُكَ فِي إيجَادِ حَاصِلِ ضَرْبِ الأَعْدَادِ الصَّحِيحَةِ :



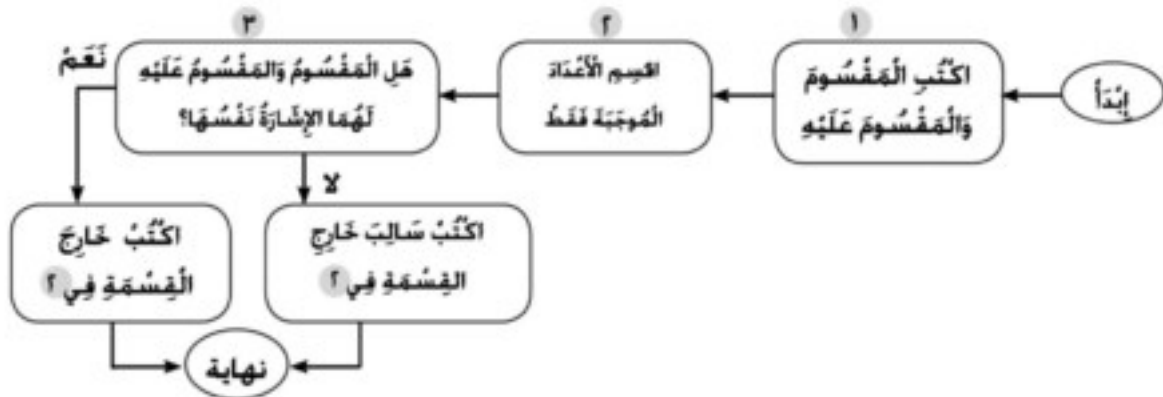
نشاط ٢

استخدم برنامج الجداول الحسابية (إكسيل) في إيجاد خارج قسمه عددين صحيحين: تستطيع إجراء وتعيين تلقائية (Autofill) بنسخ الصيغة من خلية c_7 إلى مدى $c_8 : c_9$



- أ] أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بفتح آخرى للأعداد الصحيحة ب . ٢
ب] احفظ العمل في الملف الخاص بك

خريطة سير العمليات تساعدك في إيجاد خارج قسمه عددين صحيحين:



اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ

١ أكْمِل :

[أ] المَعكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ

[ب] لِإِجَادِ خَارِجٍ فِيسَمُو - $\frac{7}{11}$ عَلَى $\frac{2}{1}$ يَجِبُ أَنْ نُضْرِبَ ×

[ج] صَفْرًا + (١٤ -) =

[د] $(\frac{2}{4} -) \times \frac{1}{3}$ =

[هـ] هَا الْعَدَدُ النِّسْبِيُّ الَّذِي يَقَعُ عِنْدَ مُنْتَصَفِ الْمَسَافَةِ بَيْنَ $\frac{1}{5}$ ، $\frac{4}{5}$ هُوَ

[و] $\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} + 2 \times \frac{1}{3} = (\frac{1}{3} + 2) \times \frac{1}{3}$ ×

٢ أَوْجِدْ قِيَمَةَ س الَّتِي تَجْعَلُ الْعِبَارَةَ الرِّبَاضِيَّةَ الْأَتِيَّةَ صَحِيحَةً :

[أ] $\frac{5}{3} - \frac{2}{5} = س$

[ب] $\frac{2}{3} - = س \times 3\frac{1}{3}$

[ج] المَعكُوسُ الضَّرْبِيُّ لِعَدَدِ النِّسْبِيِّ $\frac{1}{3}$ هُوَ س

[د] س [$(\frac{1}{3} -) \times \frac{1}{2} + \frac{2}{2} \times \frac{1}{2} = [(\frac{1}{3} -) + \frac{2}{2}] \times س$]

٣ احْسَبْ قِيَمَةَ كُلِّ مِمَّا يَأْتِي :

[أ] $(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}) \times \frac{2}{4}$

[ب] $(\frac{9}{15} -) + \frac{2}{5}$

[ج] $2\frac{1}{2} + 3\frac{1}{2} -$

[د] $\frac{12}{10} \times 2 - \frac{12}{10} \times \frac{14}{11} + \frac{12}{10} \times \frac{7}{11}$

[هـ] $[(\frac{4}{5} -) + \frac{1}{1}] \times (\frac{2}{7} + \frac{1}{1})$

٤ [أ] يَنْسَابُ الْمَاءُ خِلَالَ أَنْبُوبٍ بِمَعْدَلِ $2\frac{1}{3}$ لِتْرِ فِي الدَّقِيقَةِ . مَا عَدَدُ الدَّقِيقَاتِ الَّتِي يُمَلَأُ فِيهَا ٣ خَرَّاتَاتٍ

مِيَاهٍ سَعَةً الْوَاحِدِ ٢٠ لِتْرًا ؟

[ب] مَا عَدَدُ قِطْعِ السِّلْكِ الَّتِي يُمَكِّنُ تَفْسِيْمَهُ كُلِّ مِثْلِهَا بِالنِّسَابِ إِلَى $3\frac{2}{4}$ مِثْرٍ مِنْ قِطْعَةٍ طَوَّلُهَا

١٠ مِثْرًا . هَلْ تُوجَدُ قِطْعَةٌ بَاقِيَةٌ ؟ وَمَا طَوَّلُهَا ؟

5 ضع العلامّة المُناسِبَة (<، =، >) :

$6\frac{1}{7} \square 1\frac{13}{7} - 1$ [د]	$4 - \square 3\frac{1}{7}$ [أ]
$44\frac{5}{8} \square \frac{392}{9}$ [هـ]	$4 \square 3\frac{1}{7}$ [ب]
$15\frac{2}{3} - \square \frac{214}{14} - 1$ [و]	صفر $\square \frac{7}{3}$ [جـ]

6 [أ] إذا كان $s = \frac{2}{7}$ ، $v = -\frac{1}{4}$ ، $e = -2$ ، فما وجد القيمة العدديّة لكلّ ممّا يأتي :

(1) $s - e + v$ (2) $\frac{e}{v} - \frac{s}{v}$ (3) $\frac{1}{s - v}$

[ب] أوجد ناتج حاصل ضرب: $\frac{1}{1} \times \frac{2}{3} \times \frac{4}{5} \times \frac{6}{7} \times \frac{8}{9} \times \dots \times \frac{99}{100}$

ما ناتج حاصل الضرب إذا كان آخر عدوّ نسبيّ $\frac{1}{n}$ ؟

الوحدة الثانية : الجبر

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

الْحُدُودُ وَالْمَقَادِيرُ الْجَبْرِيَّةُ

تمرين (٢ - ١)

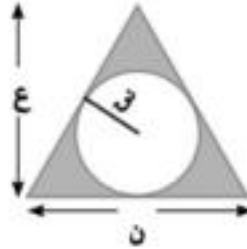
١ أكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ:

الْحَدُّ الْجَبْرِيُّ	مُتَقَابِلُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ	تَرْجَمَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ
٧ -	٧ -	صفر
٢ ب' ب'	٢	٢ = ٢ + ١
٣		
٧ ب' ب' ح'		
٨ - س' ب'		
س' ص'		

٢ أكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ:

الْمُقَدَّرُ الْجَبْرِيُّ	عَدَدُ حُدُودِ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ	اسْمُ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ	تَرْجَمَةُ الْمُقَدَّرِ الْجَبْرِيِّ
٣ - ٥ ب'	١	مُقَدَّرٌ نَوْ عَدِّ وَاحِدٍ	١
٣ س' + ص'	٢	مُقَدَّرٌ نَوْ حَتَمَيْنِ	٢
٥ س' - ٧ س' + ٤		مُقَدَّرٌ ثَلَاثِي	
٢ ب' ب' ٣٠ ب' ب' - ١ ب' ب'			
س' ص' - ٣ س' ص'			
٦ ب' - ٣٠ ب' ٢٠ ب' ٢٠ ب' ٢٠ ب'			

- ٣ [أ] رتب المقدار الجبري $٧ب + ٥ + ٢ب - ٣ب + ١ب$ حسب أسس المتنازلة.
 [ب] رتب المقدار الجبري $٥س + ٧ - ١س + ٣س$ حسب أسس المتصاعديّة.



مساحة الدائرة = $\pi ر^٢$

٤ في الشكل المقابل:

اكتب المقدار الجبري الذي يُعبّر عن مساحة المنطقة المظللة ثم اذكر درجته.

٥ أكمل ما يأتي:

- (أ) إذا كان الحدان الجبريان $٢ب + ١ب$ ، $٣ب + ١ب$ من الدرجة التاسعة، فإن $ن = \dots$ ، $م = \dots$
 (ب) إذا كانت درجة الحد الجبري $٣س + ١ص$ هي درجة الحد الجبري $٢س + ١ص$ فإن $م = \dots$
 (ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص$ هي \dots
 (د) معامل الحد الجبري ٣٢ هو \dots ودرجته هي \dots

٦ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

- (أ) درجة الحد الجبري $س + ١ص$ تساوي درجة الحد الجبري \dots
 [$س + ١ص$ ، $س + ٢ص$ ، $س + ٣ص$ ، $س + ٤ص$]
 (ب) عدد عوامل الحد الجبري $س$ هو \dots
 [٣ ، ٢ ، ١ ، ٠]
 (ج) درجة المقدار الجبري $٢س + ٣ص$ هي \dots
 [الأولى، الثانية، الثالثة، الرابعة]

تمرين (٢-٢)

١ اكْمِلِ الْجَدْوَلَ التَّالِيَّ

الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ شَبْرُ الْمُتَشَابِهَةِ	الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ الْمُتَشَابِهَةُ	الْحُدُودُ الْجَبْرِيَّةُ
	٢ - س . س	٢ - س . س . ص . ص
٢ - ب . ب		٢ - ب . ب . ب . ب
		س' . س' . س' . ص' . ص' . ص' . ص'
		٣ - ب . ب . ب . ب . ب . ب

٢ اخْتَصِرْ كُلًّا مِنَ الْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ :

[أ] ٢ - س - ٥ - ص + س + ٢ ص
[ب] ٧ + ب + ٦ - ب + ٩ + ١١

٣ اكتبْ كُلًّا مِنَ الْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ الَّتِي تُعَبِّرُ عَنْ مَجْمُوعِ الْمَسَاحَاتِ لِكُلِّ شَكْلِ:

[أ]	[ب]	[ج]												
<table border="1"> <tr> <td>١</td> <td>س٣</td> </tr> <tr> <td>س</td> <td>س٣</td> </tr> </table>	١	س٣	س	س٣	<table border="1"> <tr> <td>س</td> <td>س٢</td> </tr> <tr> <td>٢</td> <td>س٤</td> </tr> </table>	س	س٢	٢	س٤	<table border="1"> <tr> <td>س٢</td> <td>س٥</td> </tr> <tr> <td>٦</td> <td>س١٥</td> </tr> </table>	س٢	س٥	٦	س١٥
١	س٣													
س	س٣													
س	س٢													
٢	س٤													
س٢	س٥													
٦	س١٥													

٤ اخْتَصِرْ كُلًّا مِنَ الْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْآتِيَةِ:

[أ] ٥ - س - ٣ - س + ١ - ٤ - ٧ - س' - ٦ - س - ١
[ب] ٦ - س' - ص - ٣ - س + ٢ - س' - ٥ - س' + ص + ٢ - س' + ص'
[ج] ٤ + ب - ٥ - ٣ + ٥ - ٦ + ٦ - ١
[د] ٥ - س' - ٢ - س + ٨ - ٧ - س - ٣ + س'

ضَرْبُ الْحُدُودِ الْجَبْرِيَّةِ وَقِسْمَتُهَا

الدَّرْسُ الثَّلَاثُ

تمرين (٢ - ٣)

١ أجر عمليّات الضرب والقسم الآتية:

$$\begin{aligned} \text{[د]} & ٩س٥ص٤ + ١س٢ص١ \\ \text{[هـ]} & ٨م١ن٢ + (-٤م١ن٤) \\ \text{[و]} & -٢٢ب٢ب١ + (-٤ب٢ب٢) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} & ٥س٢ص٤ \times ٢س١ص١ \\ \text{[ب]} & ٥ب٢ب١ \times (-٢ب١ب٢) \\ \text{[جـ]} & ٨ص٥ \times (-٧ص٤) \end{aligned}$$

٢ أجر عمليّات الضرب الآتية:

$$\begin{aligned} \text{[د]} & ٣س٢ \times \frac{١}{١}س١ \\ \text{[هـ]} & \frac{٤ك١}{٢} \times \frac{١ك١}{٧} \\ \text{[و]} & (-٣٧) \times \frac{١}{٤} \times \frac{١}{٢} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} & ٢ \frac{٢}{٢} \times ٢ \frac{٢}{٢} \\ \text{[ب]} & ٢١ \times ٢ \frac{٢}{٢} \\ \text{[جـ]} & \frac{٨ب١}{١٠} \times \frac{١٥ب١}{٢} \end{aligned}$$

٣ أكمل:

$$\begin{aligned} \text{[د]} & ١٤ب٧ \times \dots = ٩٨ب٧ \\ \text{[هـ]} & ٣ب١ \times ٢ب١ = ٦ب١ \\ \text{[و]} & ٤٢س٤ص٥ = ٢س١ص٢ \times ٢س١ص٢ \times \dots \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{[أ]} & ١٢ب٢ب١ \times \dots = ٣٦ب١ب١ \\ \text{[ب]} & ٢٣ \times \dots = ٩ب١ \\ \text{[جـ]} & ٤ح٢س٢ = ٢ح١س٢ \times \dots \end{aligned}$$

٤ اختر الإجابة الصحيحة من بين القوسين:

$$(١) \text{ أ } ٢ \times \text{ أ } ٢ = \text{ ب } \dots \dots$$

$$[٢ب١، -٢ب١، ٢ب١، -٢ب١]$$

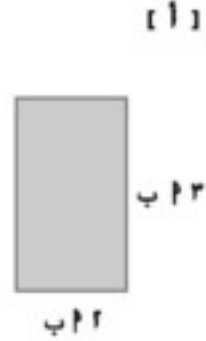
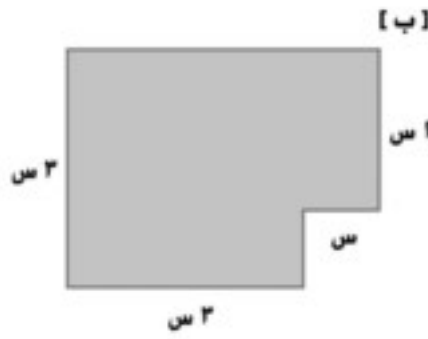
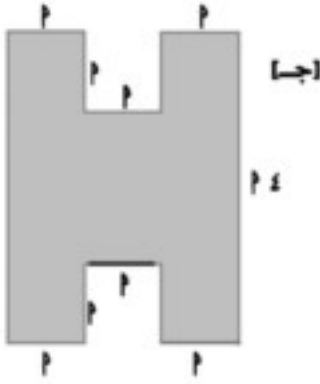
$$(٢) \text{ أ } ٢ \div \text{ ب } = \text{ صفر } \dots$$

$$[٢ب١، ٢ب١، صفر، ليس لها معنى]$$

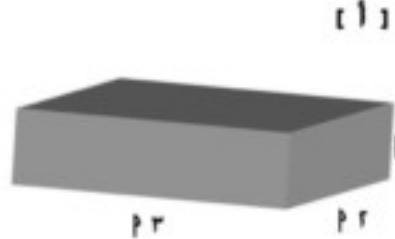
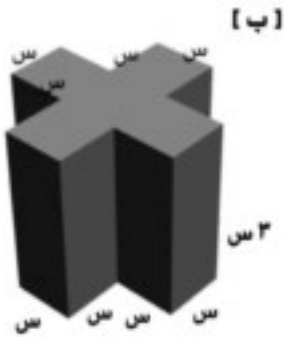
$$(٣) \text{ أ } ١٠ \div \text{ ب } = \dots \dots$$

$$[٥ب١، ٢ب١، ١٠ب١، ١٠ب١]$$

٥ احسب مُجِيطَ وَمِسَاحَةَ كُلِّ شَكْلِ مِنَ الْأَشْكَالِ الْآتِيَةِ:



٦ احسب الْمِسَاحَةَ الْكُلِّيَّةَ وَحَجْمَ كُلِّ مُجَسِّمٍ :



٧ وضعت ثلاث كرات متماثلة ومتماسية داخل صندوق على شكل متوازي مستطيلات

بحيث تلامس الكرات جميع أوجه الصندوق المقابلة لكل كرة.

احسب النسبة بين حجم الكرات الثلاث وسعة الصندوق

[علماً بأن حجم الكرة = $\frac{4}{3} \pi r^3$ ، ط = ١٤، ٣]

جَمْعُ الْمَقَادِيرِ الْجَبْرِيَّةِ وَطَرَحُهَا

الدَّرْسُ الرَّابِعُ

تمرين (٢ - ٤)

١ أوجد مجموع كل من:

[ج] $3س - ٤س - ٢س - ٤س + ٧$

[أ] $٢ - ٣س + ٥س + ٢ص - ٢$

[د] $٢٣ - ٢٢ - ٢١ - ٢٠ - ١٩ - ١٨ - ١٧ - ١٦ - ١٥ - ١٤ - ١٣ - ١٢ - ١١ - ١٠ - ٩ - ٨ - ٧ - ٦ - ٥ - ٤ - ٣ - ٢ - ١$

[ب] $٢٠ص + ٣ - ١ص - ١٠ص + ٥٠ص + ٦ - ١٠ص + ٣٠ص$

٢ أوجد مجموع كل من المقادير الآتية:

[ج] $٢٠ع - ٥س + ٢ص - ٤ع + ١$

[ب] $٢ + ٥ - ٧ - ٣ - ٢$

[أ] $٢ + ٣س - ٤ص + ٢$

$٣ + ٤ - ٧ + ٥$

$٥ - ٣ + ٤ - ٢$

$٣ + ٧ + ٥$

$٢ - ٥ + ٤ - ٤ - ١$

$٣ + ٣ + ٢$

٣ اطرخ:

[ج] $٥ + ٣ - ٢ + ٣ + ٢ + ٢$

[أ] $٥ - ٢س + ٢$

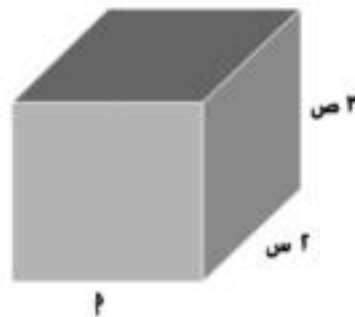
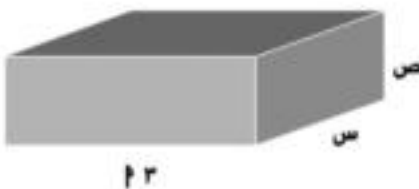
[د] $٢ - ٤س + ٧ + ٣س - ٤س + ٢$

[ب] $٢ + ٦ص - ٧ + ٢س - ٥ص + ٢$

٤ [أ] ما زنتاة س - ٥س - ١ عن ٣س + ٢س - ٣

[ب] $٨ - ٢٢ - ٢٣ - ٢٤ - ٢٥ - ٢٦ - ٢٧ - ٢٨ - ٢٩ - ٣٠$

٥ في الشكل التالي: احسب المساحة الكلية للمجسمين معًا.



١ الشَّكْلُ الْمُقَابِلُ مُسْتَطِيلٌ بَعْدَهُ س. ص + ٢ س مُقَسَّمٌ إِلَى جُزْأَيْنِ.



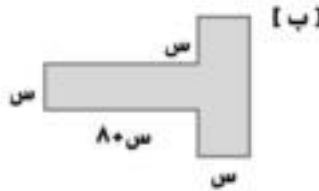
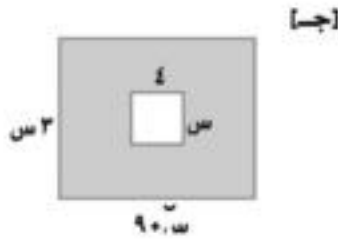
[أ] أوجد مجموع مساحتي الجزأين.

[ب] أوجد حاصل ضرب بعدي المستطيل.

[ج] قارن الإجابات في (أ) ، (ب) .

مَا الْخَاصِيَّةُ الْمُسْتَحْتَمَةُ الَّتِي يُوَضِّحُهَا الشَّكْلُ؟

٢ أوجد مساحة كل شكل من الأشكال الآتية:



٣ أجرِ عمليَّاتِ الضَّرْبِ الآتية:

[ز] $(٢ - ٢) ٢$

[ح] $(٢ - ٧) - (٣ - ٧)$

[د] $(٣ + ص) - (٣ + ص)$

[هـ] $(٣ - ٢) - (٣ - ٢)$

[و] $٧ - ٢ - ٣ - ٢$

$٣ - ٣ \times$

.....

[أ] $٤ (٣ - ٣)$

[ب] $٣ ص (٣ + ٥)$

[ج] $٢ ص - ٥ - ٣$

٢×٢

.....

٤ أوجد ناتج عمليات الضرب الآتية :

[ج] $(٢ - ٤) - (٢ - ٤)$

[أ] $\frac{١}{٢} س (١ س - ٩ س - ٣ ص)$

[ب] $٢ س (٢ س - ٣ س + ص)$

٥ اختصر المقدار الجبري: $٣ (١ - ٢ س) - (٥ س - ٣) + (٣ + س) (٣ + س)$ ثم أوجد القيمة العددية

للمقدار عندما $س = ٢$

الدَّرْسُ السَّادِسُ

ضَرْبُ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ مُكَوَّنٍ مِنْ حَدَّيْنِ فِي مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ آخَرَ

تمرين (٢ - ٦)

١ أجز عمليّات الضرب الآتية:

- [أ] (٤س + ١) (٢س + ٣)
 [ب] (٤س - ٢) (١ + ٢س)
 [جـ] (٢س - ٨) (٢س - ٧)
 [د] (٧ - ٢س)
 [هـ] (٣س + ٧)
 [و] (٧ - ٢س) (٧ - ٢س)
 [ز] (٢س - ٦) (٢س + ٦)
 [حـ] (٩ + ٢س) (٩ - ٢س)

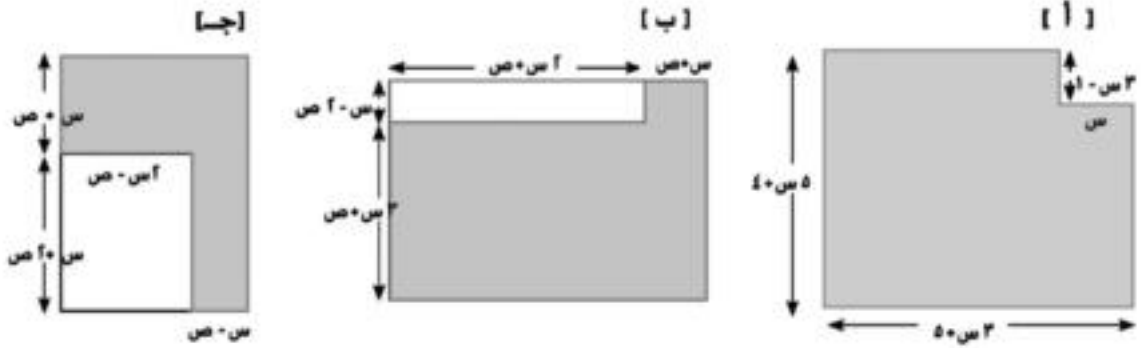
٢ اختصر لأبسط صورة:

- [أ] ٣ (٥ - ٢) (٢ + ٢)
 [ب] ٣ (٢ - ٥) (٣ + ٢)
 [جـ] ٣س (٢س + ٤)
 [د] ٤ (س - ٢)
 [هـ] (٥س - ٢س) - (٢س + ٥س)
 [و] (٢س + ٣) (٣س - ٥) - (٢س + ٣)

٣ خوّط الإجابة الصحيحة:

- [أ] إذا كان (٢س + ١) = ٤س + ١ + كس + ص = ٤س + ١ + كس + ص = ...
 [ب] إذا كان (س - ٢) (٢س + ١) = ٢س + ١ + كس + ص - ص = ٢س + ١ + كس + ص - ص = ...
 [جـ] إذا كان (س - ٣) (٣س + ١) = ٣س + ١ + كس + ص = ٣س + ١ + كس + ص = ...

٤ اكتب مقدارًا جبريًا يعبر عن محيط ومساحة كل جزء مظلّل في الأشكال الآتية:



٥ اضرب ثم أوجد القيمة العددية للمقدار عندما $s = 1$. $s = 2$

- (أ) $(2s + 7)(s + 4)$ (ب) $(3s + 2)(s + 3)$
 (ج) $(3s + 4)(s + 4)$ (د) $(3s + 2)^2$

٦ أجرِ عمليات الضرب الآتية:

- (أ) $(2s + 1)(s + 5)$ (ب) $(4s + 2)(3s + 2) - (2s - 1)$
 (ج) $(7b + 2)(2b - 5) + 1$ (د) $4s^2 + s - 5$

$$\frac{x + 1}{x + 1}$$

٧ (أ) أكمل إذا كان: $(2s - 8) = 12s + 6s - 1$

فإن: $(2s - 8) = \dots$

(ب) أوجد ناتج كل مما يأتي:

- (١) $(41)'$ على الصورة $(1 + 40)'$
 (٢) $(49)'$ على الصورة $(1 - 50)'$
 (٣) 201×199 على الصورة $(1 + 200)(1 - 200)$

قِسْمَةٌ مِقْدَارٍ جَبْرِيٍّ عَلَى حَدِّ جَبْرِيٍّ

الدَّرْسُ السَّابِعُ

تمرين (٢-٧)

الرُّمُوزُ فِي الْحُدُودِ وَالْمَقَابِيرِ الْجَبْرِيَّةِ الْأَتِيَةِ تَمَثَّلُ أَعْدَادًا لَا تَسَاوِي الصُّفْرَ.

١ اكْمَلْ:

$$\dots\dots = \frac{1^{\text{ب}}}{1} \times \frac{9^{\text{ب}}}{1^{\text{ب}}} \times \frac{18}{1} = \frac{1^{\text{ب}} 9^{\text{ب}} 18}{1^{\text{ب}} 1} \quad [ا]$$

$$\dots\dots + \dots\dots = \frac{1^{\text{ب}} 9^{\text{ب}} - 1^{\text{ب}} 9^{\text{ب}}}{1^{\text{ب}} 3^{\text{ب}}} + \frac{1^{\text{ب}} 15}{1^{\text{ب}} 3^{\text{ب}}} = \frac{1^{\text{ب}} 9^{\text{ب}} - 1^{\text{ب}} 9^{\text{ب}} - 1^{\text{ب}} 15}{1^{\text{ب}} 3^{\text{ب}}} \quad [ب]$$

$$\dots\dots - \dots\dots = \frac{8^{\text{س}}}{4^{\text{س}}} - \frac{12^{\text{س}}}{4^{\text{س}}} = \frac{8^{\text{س}} - 12^{\text{س}}}{4^{\text{س}}} \quad [ج]$$

$$\dots\dots + \dots\dots - \frac{16^{\text{ص}}}{8^{\text{ص}}} = \frac{16^{\text{ص}} + 12^{\text{ص}} - 16^{\text{ص}}}{8^{\text{ص}}} \quad [د]$$

٢ أَوْجِدْ خَارِجَ الْقِسْمَةِ فِي كُلِّ مَقَابِيرٍ:

$$\frac{18^{\text{ص}} - 42^{\text{ص}}}{6^{\text{ص}}} \quad [د] \quad \frac{18^{\text{ب}}}{2^{\text{ب}}} \quad [ا]$$

$$\frac{42^{\text{س}} - 18^{\text{س}} - 42^{\text{س}}}{1^{\text{س}}} \quad [هـ] \quad \frac{18^{\text{م}} + 32^{\text{م}}}{2^{\text{م}}} \quad [ب]$$

$$\frac{32^{\text{و}} - 48^{\text{و}} + 72^{\text{و}}}{8^{\text{و}}} \quad [و] \quad \frac{48^{\text{س}} - 80^{\text{س}}}{8^{\text{س}}} \quad [ج]$$

١ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي

$$(١) \text{ ٢س}^٢ + ١٣س + ١٥ \text{ على } ٥ +$$

$$(٢) \text{ ٣س}^٢ - ٤س + ١ \text{ على } ١ -$$

$$(٣) \text{ ٣س}^٢ + ٢س - ٣ - \text{ على } ٣س - ٢ - ١$$

$$(٤) \text{ ٤س}^٤ + ٤٩س - ١٨س^٢ \text{ على } ٢س^٢ - ٧س +$$

$$(٥) \text{ ٤س}^٤ + ٣س^٢ + ٢ \text{ على } ١ + ٢س$$

$$(٦) \text{ ٢٧س}^٢ - ٣ \text{ على } ٣س -$$

٢ (١) أوجد قيمة ك التي تجعل المقدار $٣س^٢ - ٢س^٣ - ٢٥س + ك$

$$\text{ يقبل القسمة على } ٢س + ٤س + ٣$$

(٢) مستطيل مساحة سطحه $(٢س^٢ + ٧س - ١٥)$ فإذا كان طوله $(٥س + ٥)$ فأوجد :

عرضه ثم أحسب محيطه إذا كانت $٣س =$ سم

التَّحْلِيلُ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى

تمرين (٢ - ٩)

١ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ٣ س^١ + ٦ س
[ب] ٨ ص^٢ - ٤ س^١
[ج] ٥ ص - ١٠
- [د] ٣٥ م^٢ + ١٠ م^١
[هـ] ٤٩ ب^١ - ٧ ب^٢
[و] ٣ س^١ + ١٢ س - ٦

٢ حَلِّلْ بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] ١٢ م^١ ب^٢ + ١٨ م^٢ ب^١
[ب] ٩ م^١ هـ^١ - ٦ م^٢ هـ^٢ + ١٢ م^١ هـ^١
[ج] ١٨ م^١ ب^١ ح^١ - ٦ م^١ ب^١ ح^١ + ٣٠ م^١ ب^١ ح^١ - ٢٤ م^١ ب^١ ح^١
[د] ٢ س^١ - ٤ س^١ + ٦ س^١ + ٢ س^٢
[هـ] ٣ س (ب + م) + ٧ (ب + م)
[و] (س + ٤) س^١ + (س + ٤) ص^١
[ز] ٣ س^١ (س - ٧) + ٢ س (س - ٧) + ٥ (س - ٧)
[حـ] ٢٤ م^١ (أ + س + ص) - ٢٣ (أ + س + ص) - ٧ (أ + س + ص)

٣ أَوْجِدْ نَاتِجَ مَا يَلِي بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ الْأَعْلَى:

- [أ] $١٨ \times ٧ - ٣٥ \times ٧ + ١٢٣ \times ٧$
[ب] $١٥ \times ٨ - ١٥ \times ١٨ + ١٥ \times ٦$

١ حَوِّطِ الإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

[أ] إِذَا كَانَ $p = 2$ صفر $b = 5$ ، $c = 2$ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُضَدَّارِ:

[٨ ، ٦ ، ٢ ، ٠]

$p + b + c$ يَسَاوِي ...

[ب] إِذَا كَانَ كَمَرٌ أَرْبَعِيٌّ قَمُضَانٍ سِجَّتِيهَا قَائِلٌ كَمَرٌ ٤٠ قَمِيصًا يَسَاوِي ...

[١٠ س ، $\frac{س}{٤٠}$ ، $\frac{س}{٢}$ ، $\frac{س}{٤}$]

[١٤٠ ، ٧٢ ، ٦٨ ، ٣٥]

[ج] إِذَا كَانَ $\frac{p}{b} = 70$ فَإِنَّ $\frac{p}{b}$ =

[د] $7س + ١٤ص + ٧س + ١٤ص + ٧س + ١٤ص + ٧س + ١٤ص$

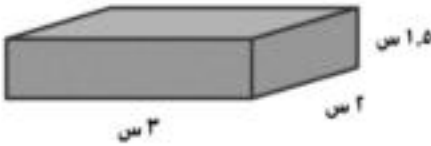
[٧ (.....)]

[هـ] $٣س + ١٥س + ٥س + ١٥س + ٣س + ١٥س + ٣س + ١٥س$

[٥٥س]

[و] $\frac{١}{٧} + \frac{١}{٧} + \frac{١}{٧} + \frac{١}{٧}$

[$\frac{٣س}{٧}$]



[ز] حَجْمُ مُتَوَازِيِ الْمُسْتَحْطِيبَاتِ الْمَقَابِلِ يَسَاوِي ...

[١.٥ س ، ٢ (٥س) ، ١ (٥س) ، ٩ (٥س) ، ٢ (٤.٥س)]

[حـ] إِذَا كَانَتْ س = ٤ ، ص = ٦ ، ع = ٢٤ فَإِنَّ ...

[س = $\frac{ع}{ص}$ ، س = $\frac{ص}{ع}$ ، س = ص ، س = ع + ص]

٢ أَكْمِلْ:

[أ] دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ $٣س + ص$ هِيَ وَمُعَامِلُهُ هُوَ

[ب] $١٢ + ٦ = ١٨$ ، $٣ + ٦ = ٩$ ، + =

[جـ] س (١ + ٦) - ص (١ + ٦) = (١ + ٦) (.....)

[د] $٤(٢ + ٦) + ٢(٢ + ٦) = ٢٠$ ، =

[هـ] $٧ + ٧ + ٨ + ٨ + ٩ + ٩ + ٨ + ٨ + ٧ + ٧ = ٩٠$ ، =

[و] $(١ + ٢٠)(١ - ٢٠) = ٤٠٠ -$ ، =

[ز] الْحَدُّ السَّابِعُ فِي السُّمِّيَّةِ: $\frac{١}{١٠٠٠} + \frac{١}{١٠٠} + \frac{١}{١٠} + \frac{١}{١٠٠٠٠} + \frac{١}{١٠٠} + \frac{١}{١٠٠٠} + \frac{١}{١٠٠٠٠}$ هُوَ

٢ اختصر إلى أبسط صورة:

[أ] $14b + 9b - 5b - 2b + 6b - 3b$

[ب] $3s^2 + 5s^2 + s^2 + 20s^2$

[ج] $2s^2 \times 4s^2$

[د] $2s(3s + 3) + 3s(s + 3)$

٤ اختصر بطريقتين مختلفتين:

[أ] $\frac{s^2 + s^2}{s}$

[ب] $\frac{19 - 19 \times 2 + 19}{19}$

٥ أجرِ عمليّات الضرب الآتية:

[أ] $(2s - 5)(s + 5)$

[ب] $(2s - 5)(2s - 5)$

[ج] $(s + 1)(s - 1)$

[د] $(3s - 3)$

[هـ] $(2s - 3)$

[و] $(2b + 7)(5b - 3)$

٦ حلّل بإخراج العوامل المشترك الأعلى:

[أ] $16s^2 + 8s$

[ب] $15b^2 - 6b^2 - 3b^2$

[ج] $15 \times 17 + 15 \times 13 - 15 \times 30$

[د] $5(48) + 7(48) + 53(48)$

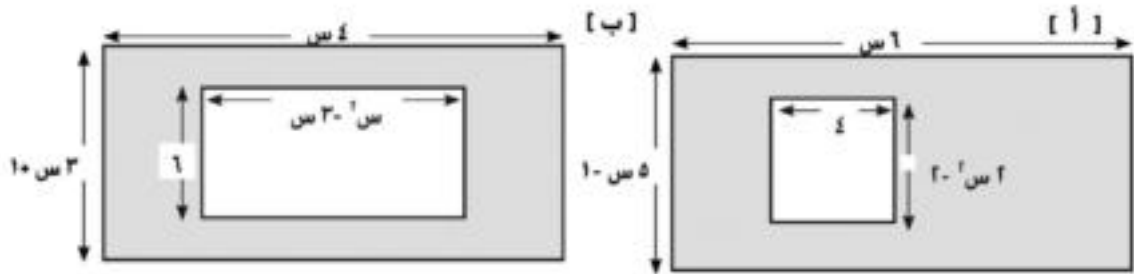
٧ [أ] ما زبادة المقدار الجبري $s^3 - 5s^2 + 2s$ عن مجموع المقادير الجبرية

$s^5 + s^4 + 2s^3 - 4s^2$

[ب] اختصر إلى أبسط صورة: $4h + (5 + h) + (6 - h)$ ثم أوجد القيمة العددية للمقدار

عندما $h = 1$

٨ أوجد المُقدَّارَ الجبريَّ الذي يُعبَّرُ عَنِ الأُجْزَاءِ المُظَلَّلِ:



٩ [أ] إذا كان $4s - 3 = 2s + 1$ ، $3s - 2 = 1 + 3s$ ، $2 - 3s = 2$ أوجد قيمة المُقدَّار:

ب - ح' يدلائقو س.

[ب] اضرب (س - ٢ص) (س + ٢ص) في (س + ٤ص')

١٠ أكمل:

[أ] درجَة المُقدَّار الجبريَّ $5s^3 + 3$ هي

[ب] $(2s-1) \dots = 4s + 1$

[ج] $1 + 2s + 3s^2 = \dots (1+s)$

[د] $(5s-5) \dots = 25s - 25$

١١ حوِّط الإجابة الصحيحة:

[أ] عدد عوامل الحد الجبريَّ $2s^2$ يتساوي

[٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥]

[ب] $4s^2 - 2s + 1 = \dots (2s - 1)$

[٤س ص، ٢س ص، ٢س ص، ٢س ص]

[ج] إذا كان طول ضلع مكعب 2 فإنَّ حجمه يتساوي

[٤، ٢، ٤، ٢، ٨]



ب ٣

[د] إذا كان أبعاد المستطيل المُقابل 2 ، 3 فإنَّ محيطه يتساوي

[١٦، ٢٠، ٣٠، ٤٠، ٦٠، ٦٢، ٦٤، ٦٦]

[هـ] تَحْلِيلُ الْمُقَدَّارِ الْجَبْرِيِّ ٦ س'ص ٤- س بِإِخْرَاجِ الْعَامِلِ الْمُشْتَرَكِ
الْأَعْلَى هُوَ ...

[٣س ص (١س + ص) . ٢ س ص (٣ص - ٢) . ٢ س ص (٣ س - ٢) . ٢ س ص (٣س ص - ٢)]

١٢ أوجد خارج قسمة كل مما يأتي :

[أ] ٢ س ٣ + ٢ + ٢ على س + ١
[ب] ٣٧س٢ - ٤ - ٤س٩ على ٣س٢ - ٢ + ٥س

أنشطة الوحدة

نشاط (١)

استخدم برنامج الجداول الحسابية (إكسيل) للتحقق من أن:

$${}^n P_r = {}^n P_r \times r!$$

	A	B	C	D	E
1	1	1	1	1	1
2	7	3	2	16807	16807
3	6	2	3	7776	7776
4	5	4	1		
5	4	3	2		
6	3				
7	2				
8					
9					

- أكمل الجداول الحسابية حتى الصف ١٥ بقيم أخرى موجبة للأعداد n, r, P .
- هل القاعدة تُنتج نواتج ثابتة؟
- هل تُطبّق القاعدة السابقة على الأسس السالبة ($P > ٠$ صفر)؟
- اتبع الخطوات السابقة في التحقق من أن ${}^n P_r = {}^n P_r \times r!$ ، $n \leq ٢٠$ ، $P < ٢٠$ صفر.
- هل القاعدة السابقة صحيحة للأسس السالبة ($P > ٢٠$ صفر)؟
- احفظ العمل في الملف الخاص بك.

نشاط (٢)

١ أدخل ما يلي على الجداول الحاسوبية (إكسيل) :

The screenshot shows a Microsoft Excel spreadsheet with the following data:

	A	B	C	D	E	F
1	a	b	$2^4(b+a)$	$2^4 + b + a + 2^4$	$2^4(b-a)$	$2^4 + a + b + 2^4$
2	31	-17	196	196	2304	2304
3	-14	-23				
4	62	-71				
5	-15	29				
6	-36	-71				
7	-18	0				
8	98	-71				
9	0	87				
10	15.2	27.1				
11	-6.91	-3.24				

[أ] حَقِّقْ أَنْ: $(b + a) = a^2 + b^2 + 2ab$ بِإِكْتِمَالِ الْعَمُودِ جـ . الْعَمُودِ 6

اَكْتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ C₁

اَكْتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ D₁

[ب] حَقِّقْ أَنْ: $(b - a) = a^2 - b^2 - 2ab$ بِإِكْتِمَالِ الْعَمُودِ هـ . الْعَمُودِ 6

اَكْتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ E₁

اَكْتُبْ مَا يُعَبِّرُ عَنِ الْخَلِيَّةِ F₁

[جـ] اكْمِلِ الْجَدَاوِلَ الْحِسَابِيَّةَ حَتَّى الصَّفِّ 15 بِقِيَمٍ أُخْرَى لِلْأَعْدَادِ a, b. وَأَوْجِدِ الْقِيَمَ فِي الْأَعْمِدَةِ مِنْ C إِلَى F مَاذَا تَلَاخِظُ؟

٢ [أ] اسْتُخْدِمِ الطَّرِيقَةَ السَّابِقَةَ فِي التَّحْقِيقِ مِنْ أَنْ: $a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$

[ب] احْفَظِ الْعَمَلِ فِي الْمَلَفِّ الْخَاصِّ بِكَ.

اِخْتِبَارُ الْوَحْدَةِ

١ اكْمِل:

[أ] (س + ٥) (س + ...) = س + ... + ١٥

[ب] (س + ٢) (س + ١) = س + ٤ + ... + ...

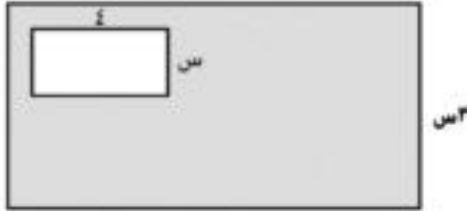
[ج] ٣س + ٦س = ... (س + ٢)

[د] إِذَا كَانَ $٢ = ب \cdot ب$ ، ١٥ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُقَدَّارِ $٢ + ب + ٥$ هِيَ ...

[هـ] إِذَا كَانَ $٣ + ب = ٧$ ، $٣ = ح$ فَإِنَّ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ $٣ + ب + ح$ (ب + ح)

[و] فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

مَسَاحَةُ الْجُزْءِ الْمُظَلَّلِ تُسَاوِي ... وَحْدَةَ مَرْتَبَعَةٍ



س ٩

٢ خَوِّطِ الْإِجَابَةَ الصَّحِيحَةَ:

[أ] $٣٢ \times ب = ٥٥ \times ب'$ ، $٢٢ \times ب'' = ...$ ، $٦٠ \times ب''' = ٣٠ \times ب'''$ أو $٣٠ \times ب'' = ١٥٠ \times ب'''$ أو $٣٠ \times ب'' = ١٢$

[ب] مُكْتَعَبُ مَجْمُوعِ الْحَدِيثَيْنِ ٢ ب يُسَاوِي ...

[جـ] (٤س - ٣) (٣س - ٤) = ...

[د] $٤س - ١٩$ س - ١٢ أو $٤س - ٧$ أو $٤س - ١٢$ أو $٤س - ١٩$ س + ١٢

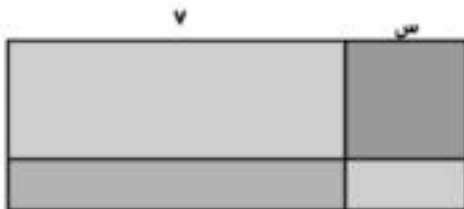
[هـ] (س - ٢) (س + ٤) = ...

[و] صَفْرًا أو س أو ٢ س + ١ أو س + ١

٣ [أ] إِذَا كَانَ $٣ = ب$ ، $٤ = ب + س$ ، $٢ = ح$ ، ٣ اخْسِرِ الْقِيَمَةَ الْعَدَدِيَّةَ لِلْمُقَدَّارِ $٢ + ب - ح$

عِنْدَمَا س = صَفْرًا.

[ب] فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:



مُسْتَطِيلٌ مَكُونٌ مِنْ ٤ أَجْزَاءٍ مُظَلَّلَةٍ اكَتَبِ الْمُقَدَّارَ الْجَبْرِيِّ الَّذِي يُعَبَّرُ عَنْ مَسَاحَةِ الْمُسْتَطِيلِ

٤ ضع العلامة (✓) أمام العبارة الصحيحة والعلامة (x) أمام العبارة غير الصحيحة.

- () أ [دَرَجَةُ الْحَدِّ الْجَبْرِيِّ ٣ س' هي ٤]
 () ب [الْحَدَّانِ الْجَبْرَتَيْنِ ٧ س' ، ٢ س' مُتَشَابِهَانِ .]
 () ج [دَرَجَةُ الْمُفْقَدَارِ الْجَبْرِيِّ ٣ س ص + ٥ هي الدَّرَجَةُ الثَّانِيَةُ]
 () د [الْمَعْكَوْسُ الْجَمْعِيُّ لِلْمُقْدَارِ ٢ س - ٣ ص هو ٣ ص - ٢ س]
 () هـ [$٣ \times ب \times ٣ = ب \times ٣$]
 () و [$(٢ + س) = س + ٢$]

٥ أ [أوجد خارج قسمة المُفْقَدَارِ س' ص - ٤ س ص' + ١ س ص على س ص .]

ب [أوجد ناتج ما يلي بإخراج القاميل المُشْتَرَكِ الأعلى :

$$١٧(١) - ١٧ \times ٨$$

$$١٥ \times ٢٤ - ١٥ \times ١٨ + ٣٠ \times ٦(٢)$$

٦ أ [اطْرَحْ ٥ س' + ص' - ٣ س ص - ١ س ص من ٢ س - ١ س ص + ٣ ص']

ب [اختصر إلى أبسط صورة :

$$(٧ س ص - ٣ س) - (٥ س ص - س)$$

٧ أوجد القيمة العددية لكل مُفْقَدَارِ جَبْرِيٍّ

$$(٢ س + ٣ ب) - (٢ ب - ٣ ب) \text{ عِنْدَمَا } ب = ١٠ ، ١ = ب = ٢ :$$

٨ في السُّكُلِ الْمُقَابِلِ :



p



p

صَهْرَ مُتَوَازِيَتَا الْمُسْتَطِيلَاتِ لِعَمَلِ مُتَوَازِيِ
 مُسْتَطِيلَاتٍ آخَرَ ارْتِفَاعُهُ (ب + پ) أوجد
 مِسَاحَةَ قَاعِدَةِ مُتَوَازِيِ الْمُسْتَطِيلَاتِ
 الْجَدِيدَةِ.

٩ أوجد قيمة ك التي تجعل

$$[\text{المقدار } ٦س - ٣س - ١٣س + ٢س + ك] \text{ يقبل}$$

القسمة على ٣ - ٥

$$[\text{ب}] \text{ المقدار } ٣س - ٣س - ٢س + ٢٥س + ك \text{ يقبل القسمة على } ٣س + ٢س + ٣$$

الوحدة الثالثة : الإحصاء

مقاييس النزعة المركزية: المتوسط الحسابي

الدَّرْسُ الأوَّلُ

تَمْرِينٌ (٣ - ١)

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المتوسط الحسابي للقيم: ١٨ ، ٣٥ ، ٢٤ ، ٦ يساوي
- ب - إذا كان المتوسط الحسابي للأعداد ٣ ، ٥ ، س هو ٤ فإن س =
- ج - إذا كان مجموع خمسة أعداد يساوي ٣٠ فإن المتوسط الحسابي لهذه الأعداد يساوي

٢ أوجد المتوسط الحسابي لكل مجموعة من القيم الآتية:

٦ ، ٤ (أ)	٥ ، ٣ (هـ)	٤ ، ٣ (ح)
٦ ، ٤ ، ٢ (ب)	٥ ، ٣ ، ١ (و)	٥ ، ٤ ، ٣ ، ٢ ، ١ (ط)
١٠ ، ٦ (جـ)	١ ، $\frac{1}{٢}$ (ز)	٢٠ ، ١٠ (ي)
٥٥ ، ٦٠ ، ٥٠ ، ٣٥ (ع)		

٣ إذا كانت درجات الحرارة لأسبوع كامل من شهر ديسمبر في إحدى المدن كالآتي:

٢٥ ، ٢٧ ، ٣١ ، ٢٣ ، ٢٢ ، ٢٢ ، ١٨

احسب المتوسط الحسابي لهذه الدرجات.

٤ إذا كانت ساعات المذاكرة لإحدى الطالبات خلال ٦ أيام متتالية كالآتي:

اليوم	السبت	الأحد	الاثنين	الثلاثاء	الأربعاء	الخميس
عدد ساعات المذاكرة	$٢\frac{1}{٢}$	٢	$٢\frac{1}{٢}$	٢	٤	٢

احسب متوسط عدد ساعات المذاكرة يوميا.

٥ إذا كانت درجات شريف في ٣ شهور متتالية في مادة الرياضيات كالآتي:

٨٩ ، ٩١ ، ٩٦. احسب متوسط الدرجات شهريا لهذا الطالب.

الوسيط

الدَّرْسُ الثَّانِي

تمرين (٣-٢)

١ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس:

أ - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع فإن عدد القيم يساوي
(٣ . ٥ . ٧ . ٩)

ب - إذا كان ترتيب الوسيط لمجموعة قيم هو الرابع. الخامس. فإن عدد هذه القيم يساوي.....

(٤ . ٥ . ٨ . ٩)

ج - إذا كان الوسيط للقيم $أ + ٣ + أ + ٢ + أ + ٤$ حيث $أ \geq ص + ٨$ فإن $أ =$

(٢ . ٣ . ٤ . ٥)

د - الوسيط للقيم: ٤ . ٨ . ٣ . ٥ . ٧ هو

(٣ . ٤ . ٥ . ٧)

٢ أوجد الوسيط لكل مجموعة من مجموعات القيم الآتية:

أ) ٣ . ٥ . ١٢ . ١١ . ٨

ب) ٣ . ٥ . ١٢ . ١١ . ٨ . ١٠

ج) $\frac{1}{4}$. $\frac{1}{3}$. ١

د) -٢ . صفر . ١ . ٥

٣ الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان مادة الرياضيات في ٦ شهور دراسية:

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	فبراير	مارس	أبريل
الدرجة	٤١	٣٥	٤٧	٣٧	٤٤	٤٨

أوجد:

أ - الوسيط للدرجات السابقة.

ب - المتوسط الحسابي للدرجات السابقة.

١ أكمل ما يأتي:

- أ - المنوال لمجموعة القيم: ١٤ . ١١ . ١٢ . ١١ . ١٤ . ١٥ . ١١ هو
- ب - المنوال للألوان: أحمر . أصفر . أحمر . أبيض . أسود . أحمر . أبيض هو اللون
- ج - إذا كان المنوال للقيم: ١٥ . ٩ . س + ١ . ٩ . ١٥ هو ٩ فإن س =

٢ اختر الإجابة الصحيحة مما بين الأقواس

- أ - المنوال للقيم ١ . ٣ . ٧ . ٦ . ٣ . ٧ هو
- (١ . ٣ . ٦ . ٧)
- ب - إذا كان المنوال لمجموعة القيم:
- ٧ . ٥ . ص + ٣ . ٥ . ٧ هو ٧ فإن ص =
- (٣ . ٤ . ٥ . ٧)

٣ احسب الوسط . الوسيط . المنوال للقيم الآتية:

٥ . ٤ . ١٠ . ٣ . ٣ . ٤ . ٧ . ٤ . ٦ . ٥

أنشطة الوحدة

١ أي من الأعداد التالية هو المتوسط الحسابي للأعداد الأخرى؟

أ) ٢٦ ب) ٢٨ ج) ٢٩ د) ٣٠ هـ) ٣٧

٢ إذا كان متوسط درجات كريم في ٥ اختبارات هو ٨٤، كان متوسط درجاته في الاختبارات

الثلاثة الأولى هو ٨٠، فما متوسط درجاته في آخر اختبارين؟

٣ احسب المتوسط الحسابي والوسيط لكل مجموعة من مجموعات الأعداد

الآتية:

أ) ١، ٢، ٣،، ٨، ٩، ١٠

ب) ١، ٢، ٣،، ٩، ١٠، ١١

ج) ١، ٢، ٣،، ٩٩، ١٠٠

د) ١، ٢، ٣،، ١٠٠، ١٠١

هـ) ٠، ٢، ٤، ٦، ٨، ١٠

و) ١، ٣، ٥،، ٩٩

* هل لكل مجموعة من مجموعات الأعداد السابقة منوال؟

الوحدة الرابعة : الهندسة و القياس

مَفَاهِيمُ هِنْدَسِيَّةٌ

الدَّرْسُ الْأَوَّلُ

تَمْرِينٌ (٤-١)

١ أكمل :

- (أ) إذا كان $\angle م$ ، $\angle ن = ٨٠^\circ$ فإن $\angle م$ المنعكسة =
 (ب) الزاويتان المتتامتان والمتساويتان في القياس يكون قياس كل منهما =
 (ج) $\angle م$ ، $\angle ن$ متكاملتان ، $\angle م = ٢$ ، $\angle ن$ يكون $\angle ن$ = ($\angle م$) =

٢ ارسم الزاوية ب م ج

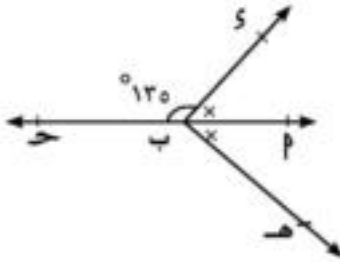
- (أ) أوجد قياس $\angle م$ ج
 (ب) ارسم $\angle م$ بين الشعاعين م ج . م ب
 بحيث $\angle م = \frac{1}{٢} \angle م$ ج
 (ج) هل $\angle م$ ينصف $\angle م$ ج
 (د) مد ج م إلى هـ
 (هـ) ارسم م و متصف $\angle م$ ج
 (و) اذكر أزواج الزوايا قبل إجابه (و) . (ز)
 (ح) اذكر أزواج الزوايا المتتامه.
 (ز) اذكر أزواج الزوايا المتكامله.

٣ (أ) ارسم الزوايا التي قياساتها: ١٠° ، ١١٥° ، ١٩٥° ، ٢٤٥° ثم اكتب نوع كل منها.

(ب) اكتب مكمالات الزوايا التي قياساتها: ١٠° ، ١١٧° ، ٨٢° ، $\frac{1}{٢} ٩٢^\circ$

(ج) اكتب متممات الزوايا التي قياساتها: ٣٧° ، ٤٨° ، ٤٥° ، $\frac{1}{٢} ٢٢^\circ$

٤ في الشكل المقابل :



إذا كانت $\angle م \supset \angle ح$ ، $\angle م + \angle س = ١٣٥^\circ$ ،

$\angle م$ ينصف $\angle س$ هـ ،

فاوجد كلاً من :

$\angle م$ ، $\angle س$ ، $\angle ح$ ، $\angle هـ$ ، $\angle د$ ، $\angle م$ ، $\angle س$ ، $\angle ح$ ، $\angle هـ$

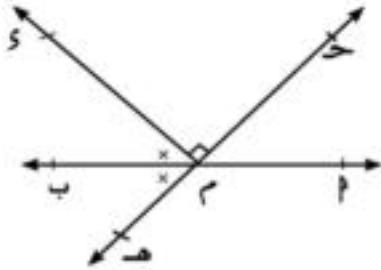
٥ في الشكل المقابل :

إذا كان $\vec{a} \perp \vec{b} \cap \vec{c} = \{M\}$

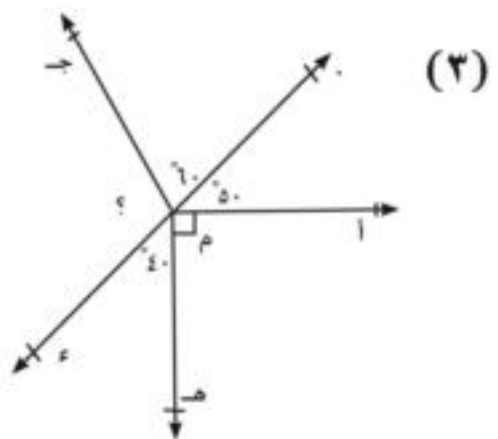
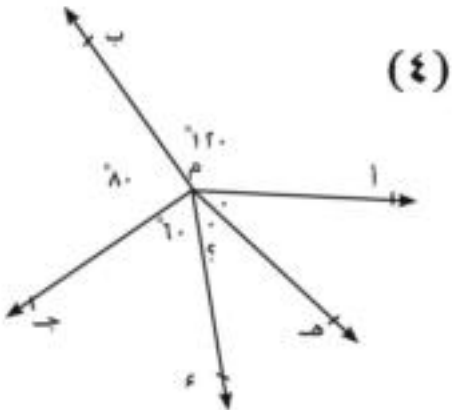
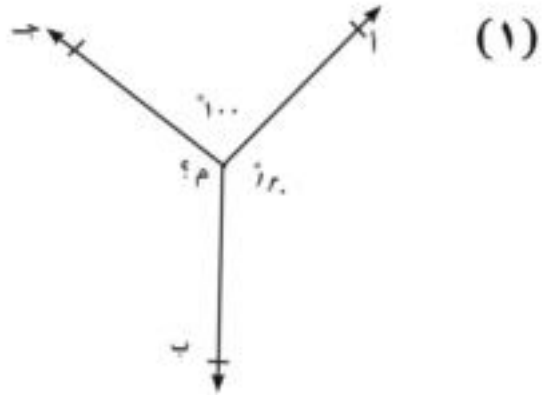
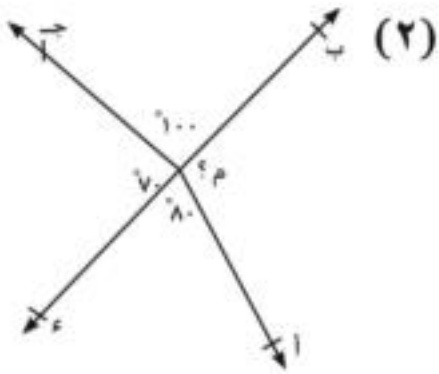
، $\vec{d} \perp \vec{c}$ ، \vec{e} منصف $\angle dca$

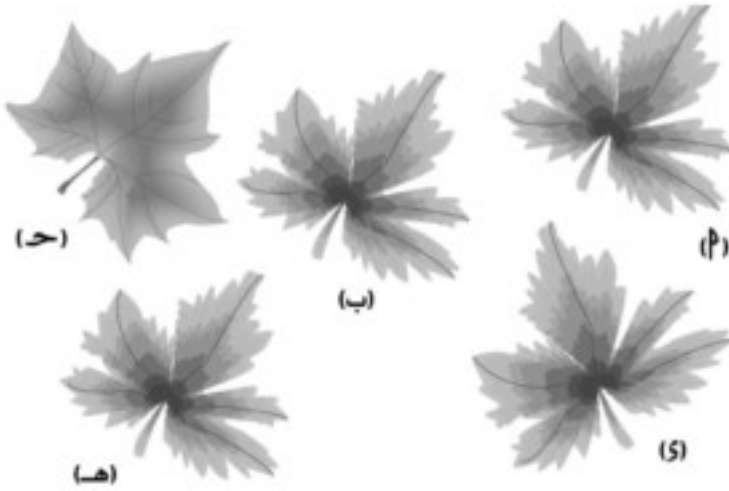
فأوجد قياسات الزوايا التالية :

$\angle a$ ، $\angle dca$ ، $\angle dce$ ، $\angle e$ ، $\angle b$

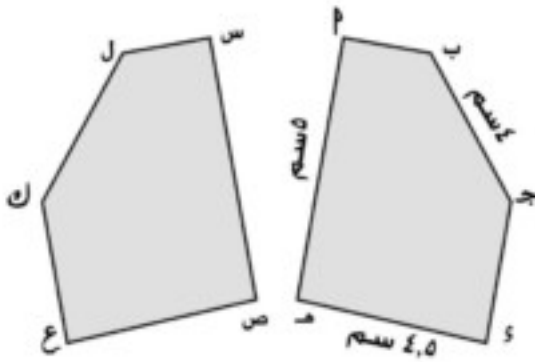


٦ - في كل من الأشكال الآتية اذكر قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة (٩)





١ في السُّكُلِ الْمُقَابِلِ:
أَيُّ وَرْقَةٍ مِنْ وَرَقِ الشَّجَرِ
لَا تُطَابِقُ الْوَرَقَاتِ الْأُخْرَى؟



٢ في السُّكُلِ الْمُقَابِلِ:

الْمُضَلَّعَانِ مُتَطَابِقَانِ. اكْمِلْ:

[أ] الرَّأْسُ ب تَنْظُرَ الرَّأْسِ ...

[ب] الْمُضَلَّعُ ك ع ص س ل يُطَابِقُ الْمُضَلَّعَ ج

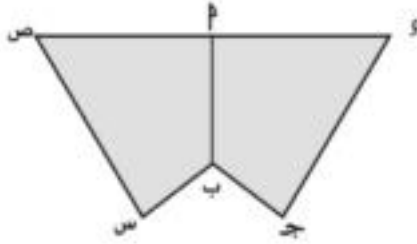
[ج] ل ك = سم

[د] ن (ل) م = ن (ل)

[هـ] س ص =

[و] ن (ل) ص = ن (ل)

٣ في الشكل المقابل:



ب محور تماثل للشكل ج ب س ص . $\overline{\text{ص}} \supseteq \overline{\text{ص}}$
 [أ] أكمل:

(١) المَضَلَعُ ب ج د يُطَابِقُ المَضَلَعُ

(٢) الضلع المُشْتَرَكُ بَيْنَهُمَا هُوَ

[ب] إِمَّاذَا تَكُونُ الجَمَلُ الأتِيَةُ صَوَابًا؟

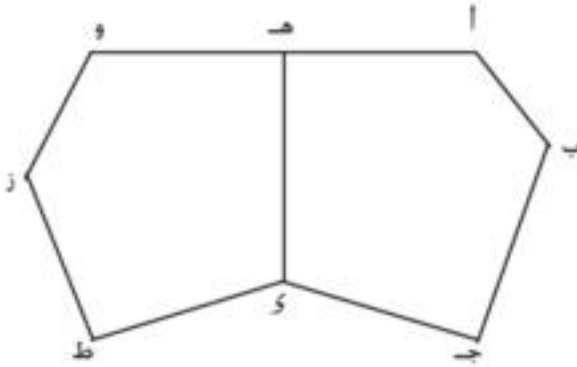
(١) $\overline{\text{پ}}$ هِيَ نَقْطَةٌ مُنْتَصِفِ $\overline{\text{ص}}$.

(٢) $\Delta \text{ص پ ج}$ يُطَابِقُ $\Delta \text{ص ج پ}$

(٣) $\overline{\text{ب}} \perp \overline{\text{ص}}$

(٤) $\overline{\text{ب}}$ فِي المَضَلَعِ ب ج د يُطَابِقُ $\overline{\text{ب}}$ فِي المَضَلَعِ ب س ص

٤ في الشكل المقابل:



المضلع ا ب ج د هـ يطابق

المضلع و ز ط د هـ

أكمل ما يأتي:

١- $\text{ا ب} = \dots$ هو

٢- $\text{ب ج} = \dots$ هو

٣- $\text{ق (ا د)} = \text{ق (... د)}$ هو

٤- $\text{ق (ا ج)} = \text{ق (... د)}$ هو

٥- $\text{د ج} = \dots$

٦- $\text{هـ ا} = \dots$

٧- $\text{ق (ا ب)} = \text{ق (... د)}$

٨- $\text{ق (ا ج د هـ)} = \text{ق (... د)}$

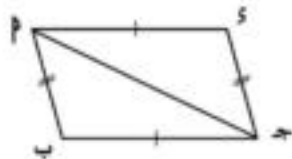
١ العَلَامَاتُ الْمُنْتَاسِبَةُ تُدَلُّ عَلَى تَطَابُقِ الْعَنَاصِرِ الْمُبَيَّنَةِ عَلَيْهَا هَذِهِ الْعَلَامَاتُ.

• هَلِ الْمَثَلَّتَانِ مُتَطَابِقَتَانِ؟

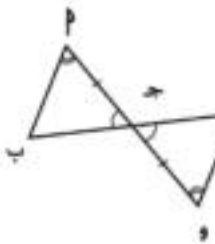
• إِذَا كَانَ الْمَثَلَّتَانِ مُتَطَابِقَيْنِ، اكْتُبْ حَالَةَ التَّطَابُقِ. إِذَا كَانَ الْمَثَلَّتَانِ غَيْرَ مُتَطَابِقَيْنِ اذْكُرِ السَّبَبَ.



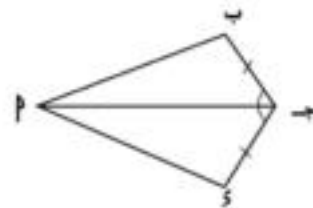
[أ]



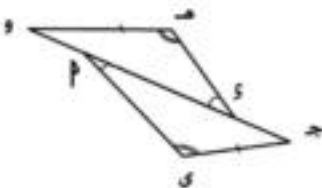
[ب]



[ج]



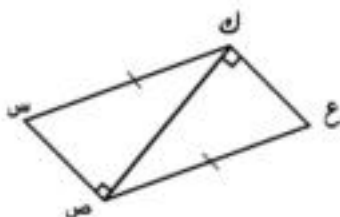
[د]



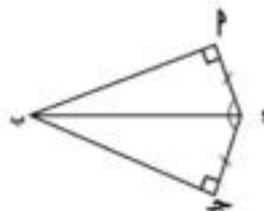
[هـ]



[و]

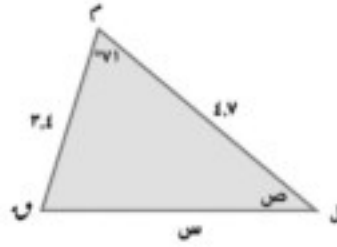
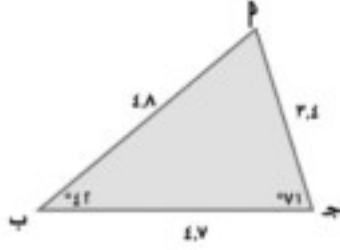


[ز]

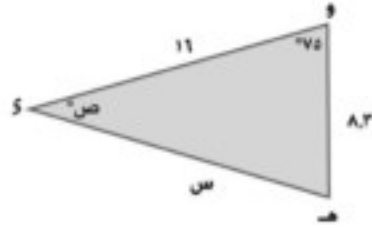
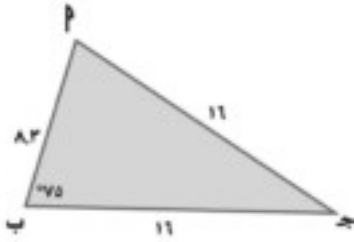


[ح]

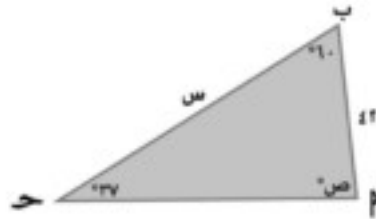
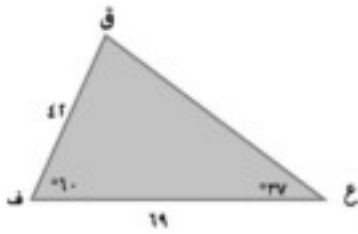
٢ ادرّس الأشكال الآتية وأوجد قيمة s . ص في كلِّ ممّا يأتي:



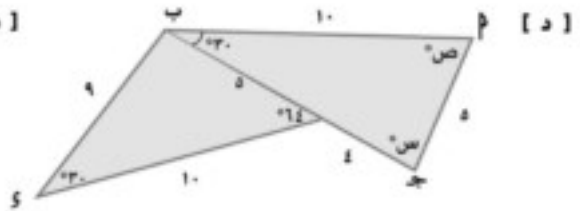
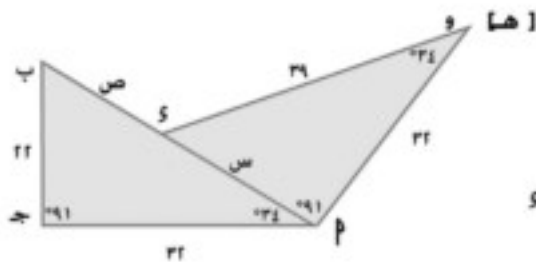
[أ]



[ب]

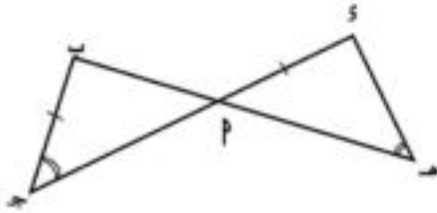


[ج]



[د]

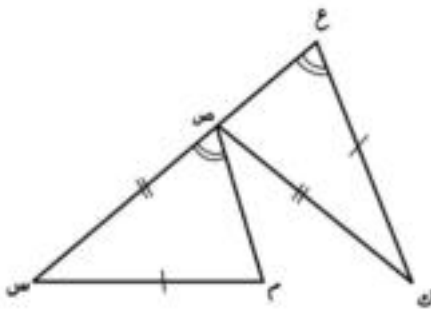
٣ العلامات المتشابهة تدل على تطابق العناصر المبيّنة عليها هذه العلامات
اذكر المثلثات المتطابقة مع ذكر السبب ثم اكتب نايح التطابق.



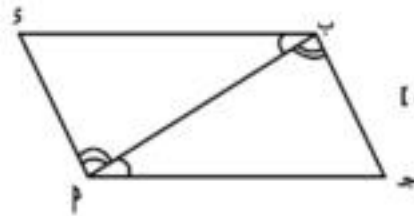
[ها]



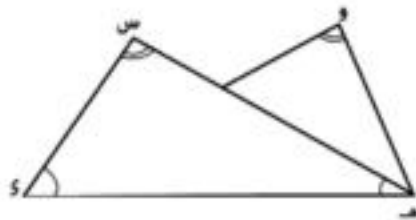
[ا]



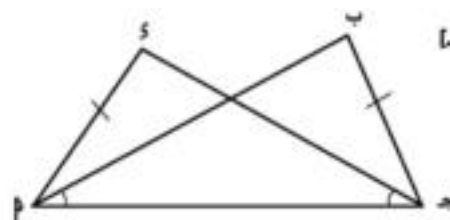
[و]



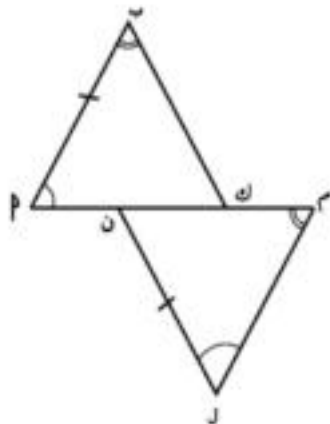
[ب]



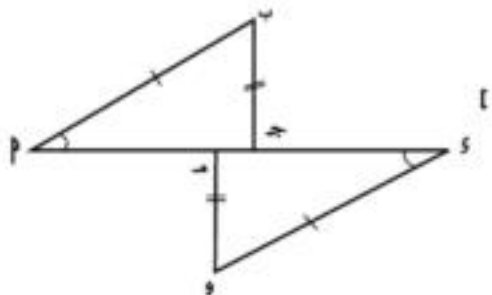
[ز]



[ج]



[ح]



[د]

٤ ادرُس مُعْطَيَاتِ الْمُثَلَّثَيْنِ $٢ ب ج . س ص ع$. إِذَا كَانَتِ الْمُعْطَيَاتُ كَافِيَةً لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اكَتُبْ «تَطَابُقُ الْمُثَلَّثَيْنِ». وَبَيِّنْ حَالَةَ التَّطَابُقِ. وَإِذَا كَانَتِ الْمُعْطَيَاتُ غَيْرَ كَافِيَةٍ لِلتَّحْقُقِ مِنْ تَطَابُقِ الْمُثَلَّثَيْنِ اذْكَرِ السَّبَبَ.

[أ] $٢ ب = ص س . ٢ ج = س ع . ٢ د = س$

[ب] $٢ ب ج = ص ع . ٢ ب = س ص . ٢ ب = س ع$

[ج] $٢ ب = ص ع . ٢ ب ج = ص س . ٢ ج = س ع$

[د] $٢ ب = س ص . ٢ ج = س ع . ٢ ب = س$

[هـ] $٢ ب = س ع . ٢ ج = س ع . ٢ ب = س ع$

[و] $٢ د = س . ٢ ب = س . ٢ ب = س ع$

٥ ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة:

[أ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ أَطْوَالَ الْأَضْلَاحِ الثَّلَاثَةِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ.

[ب] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ إِذَا سَاوَتْ قِيَاسَاتِ الزُّوَابِئِ الثَّلَاثِ فِي أَحَدِهِمَا نَظَائِرَهَا فِي الْآخَرِ.

[ج] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الرَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَا ضَلْعَيْنِ نَظِيرَهُمَا فِي الْآخَرِ.

[د] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الرَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَ الْوَتْرِ وَقِيَاسَ زَاوِيَةِ أُخْرَى غَيْرِ الْقَائِمَةِ نَظَائِرَهُمَا فِي الْآخَرِ.

[هـ] يَتَطَابَقُ الْمُثَلَّثَانِ الْقَائِمَا الرَّاوِيَةَ إِذَا سَاوَى فِي أَحَدِهِمَا طُولَ الْوَتْرِ وَطُولَ ضَلْعٍ نَظِيرَيْهِمَا فِي الْآخَرِ.

٦

[أ] الرُّسْمُ الْمُثَلَّثُ الَّذِي فِيهِ قِيَاسَاتُ زَوَابِئِهِ $٥٠^\circ . ٦٠^\circ . ٧٠^\circ$

[ب] هَلْ تَسْتَطِيعُ رَسْمَ مُثَلَّثٍ آخَرَ قِيَاسَاتُ زَوَابِئِهِ هِيَ $٥٠^\circ . ٦٠^\circ . ٧٠^\circ$ لَكِنْ لَا يُطَابِقُ الْمُثَلَّثُ الْمُرْسُومَ فِي (أ).

تَصْرِيحٌ (٤-٤)

١ اكْمِلْ مَا يَلِي:

- [أ] المُسْتَقِيمُ الْعَمُودِيُّ عَلَى أَحَدِ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ يَكُونُ عَلَى الْآخَرِ.
 [ب] إِذَا وَازِي مُسْتَقِيمَانِ مُسْتَقِيمًا ثَالِثًا كَانَ هَذَانِ الْمُسْتَقِيمَانِ
 [جـ] إِذَا قَطَعَ مُسْتَقِيمٌ مُسْتَقِيمَيْنِ مُتَوَازِيَيْنِ قَائِلًا:
 (١) كُلُّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَبَاوِلَتَيْنِ فِي الْقِيَاسِ.
 (٢) كُلُّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَنَاطِرَتَيْنِ فِي الْقِيَاسِ.
 (٣) كُلُّ زَاوَيْتَيْنِ دَاخِلَتَيْنِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ
 [د] يَتَوَازَى الْمُسْتَقِيمَانِ إِذَا قَطَعَهُمَا مُسْتَقِيمٌ ثَالِثٌ وَحَدَّثَ إِحْدَى الْحَالَاتِ الْآتِيَةِ:
 (١) زَاوَيْتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي الْقِيَاسِ
 (٢) زَاوَيْتَانِ مُتَسَاوِيَتَانِ فِي الْقِيَاسِ
 (٣) زَاوَيْتَانِ وَفِي جِهَةٍ وَاحِدَةٍ مِنَ الْقَاطِعِ مُتَكَامِلَتَانِ
 [هـ] إِذَا تَقَاطَعَ مُسْتَقِيمَانِ قَائِلًا كُلُّ زَاوَيْتَيْنِ مُتَقَابِلَتَيْنِ بِالرَّأْسِ تَكُونَانِ فِي الْقِيَاسِ.

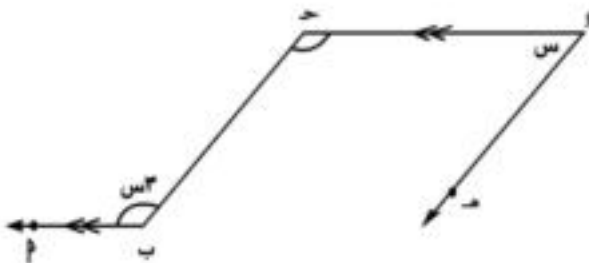
[و] فِي الشَّكْلِ الْمُقَابِلِ:

إِذَا كَانَ:

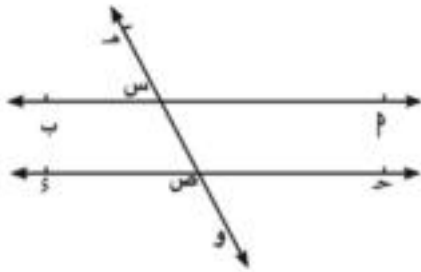
$$\overline{a} \parallel \overline{b}, \overline{c} \parallel \overline{d}$$

قَاطِعَ لهُمَا .

قَائِلًا: $\angle s = \angle t$



٢ في الشكل المقابل:

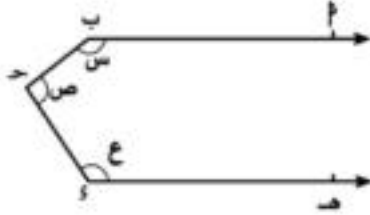


ب // ح ، د و قاطع لهما

[أ] أوجد الزوايا التي تُساوي في القياس \angle ه س ب

[ب] أوجد الزوايا التي تُساوي في القياس \angle س ص ح

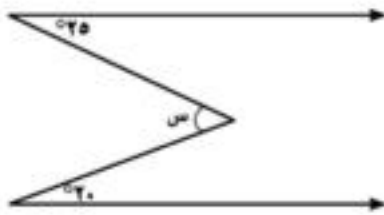
٢ في الشكل المقابل:



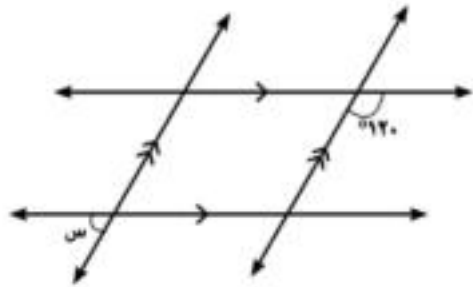
ب // ح ، أوجد قيمة المقدار: $س + ص + ع$

(إرشاد: ارسم خطاً مستقيماً يمر بالنقطة ح موازاً لـ ب)

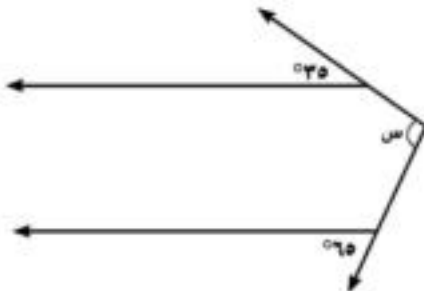
٤ أوجد قيمة س في كلٍّ من الأشكال الآتية:



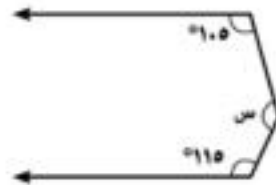
[أ]



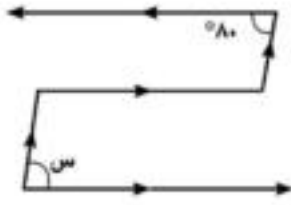
[ب]



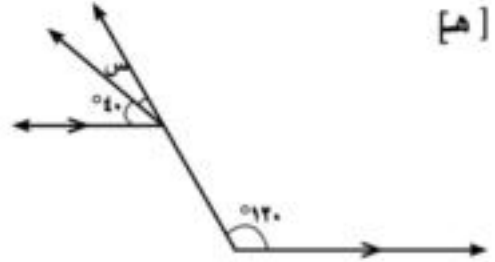
[ج]



[د]



[و]



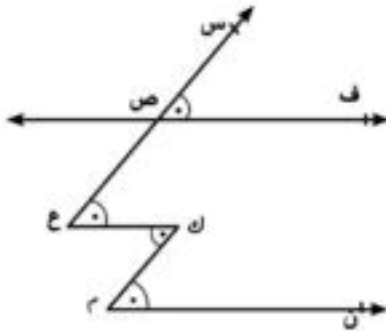
[هـ]

٥ في الشكل المقابل:

$$\angle س ص ف = \angle ن ع = \angle ن ك = \angle ن م$$

اكتب أربعة أزواج من المستقيمات المتوازية.

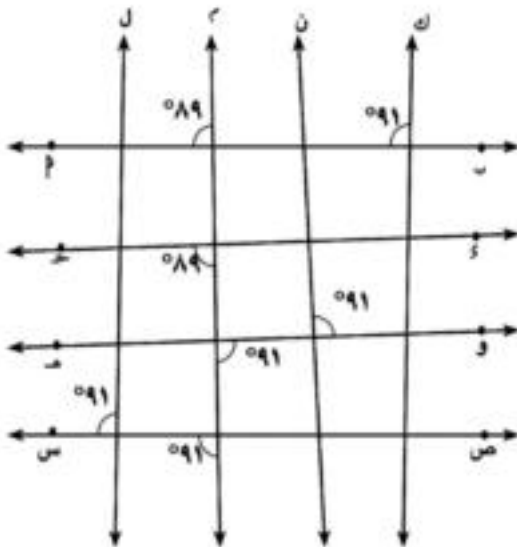
مع ذكر السبب.



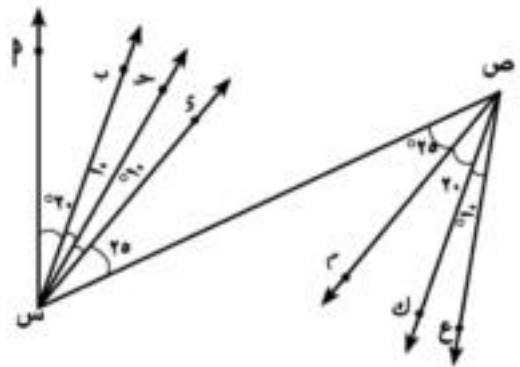
٦ في كل شكل من الأشكال الآتية:

أوجد أزواج المستقيمات المتوازية

[ب]



[ا]



إنشاءات هندسية

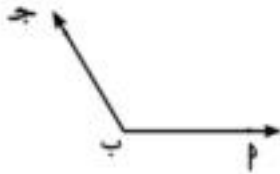
الدرس الخامس

تمرين (٤-٥)

١ استخدم الفرجار والمسطرة في رسم كلاً مما يأتي:

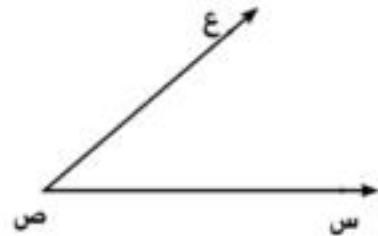
(ب) مُتَّصِفٍ Δ ب ج

(أ) عمودٍ من ج على ب



(د) محور تماثل للقطعة المُستقيمة ب ج

(ج) مُتَّصِفٍ Δ س ص ع



٢ (أ) ارسم مثلثاً حادّ الزوايا. نصف كل زاوية من زواياه.

(ب) ارسم مثلثاً منفرج الزاوية. نصف كل زاوية من زواياه.

(ج) ماذا تلاحظ على متصفات الزوايا في (ب) . (أ) ؟

٣ (أ) ارسم مثلثاً حادّ الزوايا. ارسم محور تماثل لكل ضلع من أضلاعه.

(ب) هل محاور التماثل تتقاطع في نقطة؟

(ج) كرر العمل السابق في (ب) . (أ) على مثلث منفرج الزاوية.

٤ (أ) ارسم مثلثاً حادّ الزوايا. ارسم ارتفاعات المثلث.

(ب) هل المستقيمات التي تحتوي ارتفاعات المثلث تتقاطع في نقطة؟

(ج) كرر العمل السابق في (ب) . (أ) على مثلث منفرج الزاوية.

٥ استخدم الفرجار والمسطرة في رسم المثلث $\triangle ABC$ الذي فيه $AB = 5$ سم ، $BC = 6$ سم .

ح $P = 7$ سم ، $S \ni$ ح \leftarrow

(أ) ارسم $\triangle ABC \equiv \triangle P$

(ب) أكمل : $\triangle ABC = \triangle P$ (هـ) = \triangle (.....)

في المسائل التالية ارسم باستخدام الأدوات الهندسية و لا تمح الأقواس:

٦ ارسم $\triangle ABC$ بطول مناسب، باستخدام الفرجار والمسطرة غير المدرجة نصف \overline{BC} ، في K ومن K أقم العمود KA على \overline{BC} ثم ارسم \overline{AB} ، \overline{AC} قارن مستخدمًا الفرجار بين طول \overline{AB} ، \overline{AC} . ماذا تلاحظ؟

٧ ارسم المثلث $\triangle ABC$ المتساوي الساقين والذي فيه $AB = AC$ ، باستخدام الفرجار نصف \overline{BC} في K ، ارسم \overline{AK} هل $\overline{AK} \perp \overline{BC}$ ؟

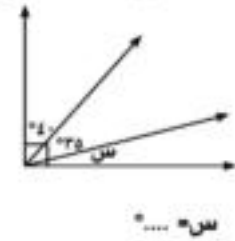
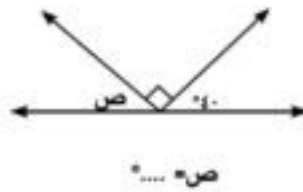
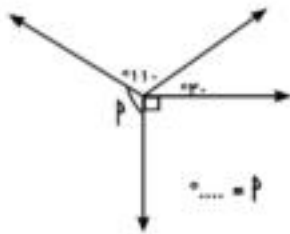
٨ ارسم المثلث $\triangle ABC$ القائم الزاوية في C مستخدمًا المسطرة والفرجار فقط، نصف \overline{AC} في M ، ارسم \overline{BM} هل $\overline{BM} = \overline{MC} = \overline{BC}$ ؟ ارسم مثلثات أخرى قائمة الزاوية وكرر نفس الإنشاء هل $\overline{BM} = \overline{MC} = \overline{BC}$ ؟

اخْتِبَارُ الوَحْدَةِ

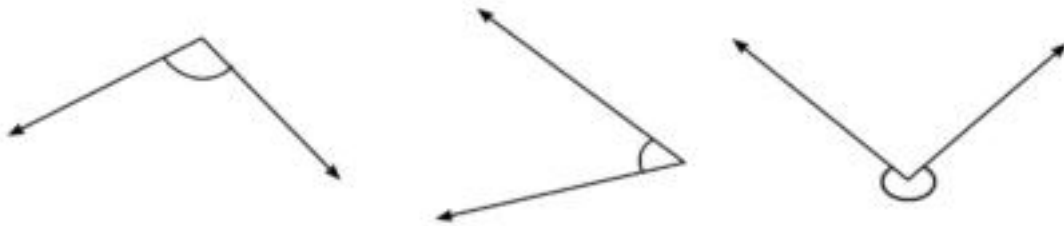
أجب عن الأسئلة الآتية:

١ أكمل:

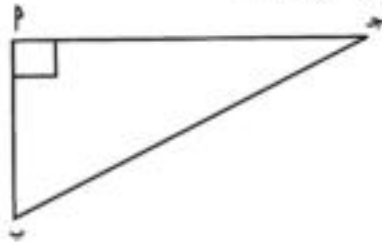
[أ] أوجد قياس الزاوية المجهولة في كل مما يأتي:



[ب] اكتب على كل زاوية من الزوايا التالية أقرب قياس لها من القياسات التالية: 80° ، 120° ، 140°



[ج] اكتب القطعة المستقيمة التي تُعبر عن الوتر في المثلث المقابل



٢ [أ] باستخدام المسطرة والفرجار ارسم المثلث ABC الذي فيه $AB = 3$ سم، $BC = 4$ سم، $AC = 5$ سم.

$B = 60^\circ$ سم، تصف كلًا من الزاويتين $\angle A$ ، $\angle C$ بمصنفين يتقاطعان في C (لا تفتح الأكواس) هل $C = 90^\circ$ ؟

[ب] ارسم المثلث ABC الذي فيه $AB = 3$ سم، $BC = 4$ سم، $AC = 5$ سم، ثم ارسم $SP \perp BC$

حيث $S \in BC$ (لا تفتح الأكواس) أوجد بالقياس طول SP .

٣ ارسم المثلث $أ ب ج$ ، وباستخدام المسطرة غير المدرجة والفرجار نصف كل من

$\overline{أ ب}$ ، $\overline{أ ج}$ في $ك$ ، هـ على الترتيب ارسم $ك هـ$.

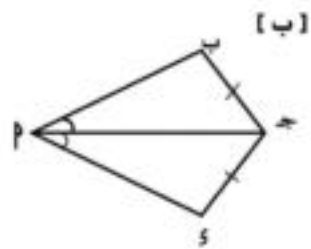
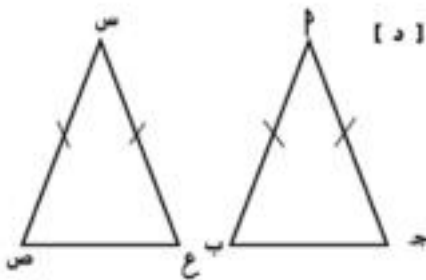
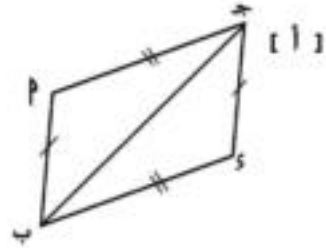
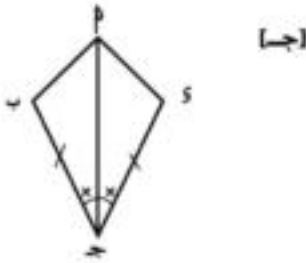
[أ] باستخدام الفرجار قس طول $ك هـ$ وتحقق أن $ب ج = ٢ ك هـ$.

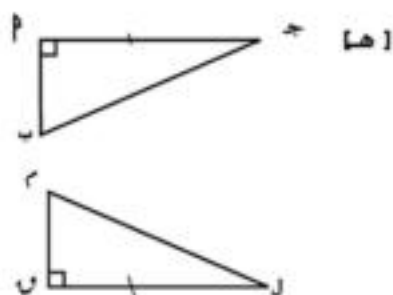
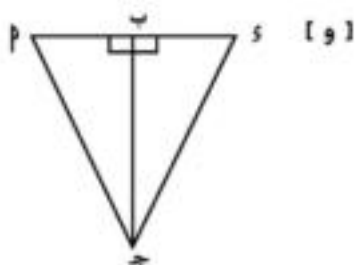
[ب] هل $\triangle أ ب ج \equiv \triangle أ ك هـ$ ؟ ، هل $ك هـ \parallel ب ج$ ؟

٤ ارسم المثلث $أ ب ج$ الذي فيه $أ ب = ٤ سم$ ، $ب ج = ٥ سم$ ، $أ ج = ٦ سم$

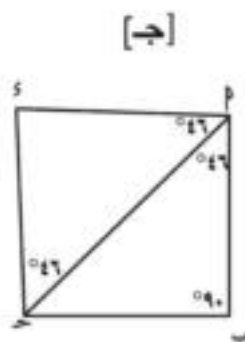
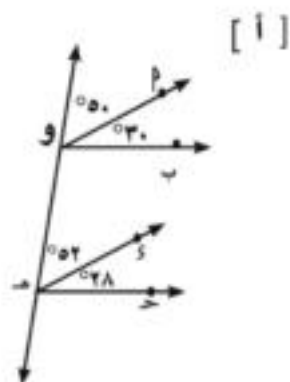
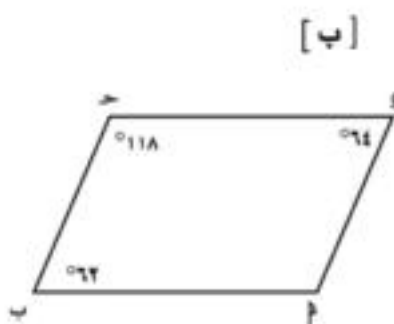
أنشء الأعمدة المنصفة لأضلاع المثلث - ماذا تلاحظ؟.

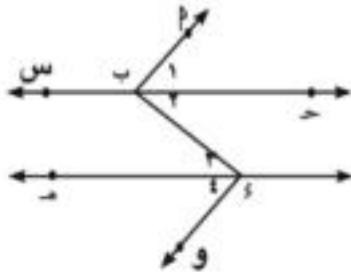
٥ في الأشكال الآتية اذكر المُثَلَّثَاتِ المُتَطَابِقَةَ مَعَ ذِكْرِ السَّبَبِ ثُمَّ اكْتُبْ نَائِجَ التَّطَابُقِ.





٦ أوجد أزواج المُستقيمات المُتوازنة في كُلِّ ممَّا يأتي:



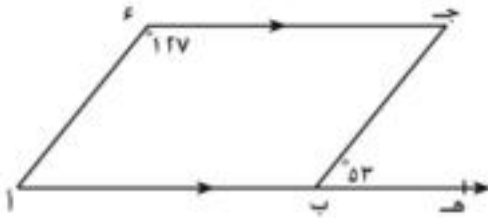


٧ في الشكل المُقابل:

$$ق (١٤) = ن (٤٤) ،$$

$$ب ح // د ه$$

هل $ب د // و$ ؟ مع ذكر السبب



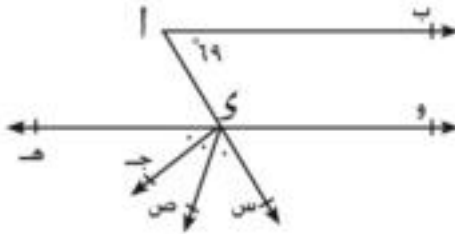
٨ في الشكل المقابل:

$$ا ب // د ج$$

$$ق (ا ه ب ج) = 53^\circ$$

$$ق (د ا) = 127^\circ$$

هل $ب ج // ا د$ مع ذكر السبب



٩ في الشكل المقابل:

$$ا ب // و ه$$

$$و ه \cap ا س (د)$$

$$ق (ا د ا ب) = 69^\circ$$

$$ق (ا س د ص) = ق (ا ص د ج)$$

$$ق (ا ج د ه) =$$

عين ق (ا ج د ه)

نماذج اختبارات الفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

$$1 \quad 1 = \dots \times \frac{1}{9}$$

2 إذا كان ترتيب الوسيط لعدد من القيم هو الرابع عشر فإن عدد القيم =

$$3 \quad \dots = 30\% - 0.18$$

$$4 \quad 7 \text{ س}^2 \text{ ص}^3 = \dots \times 21 \text{ س}^3 \text{ ص}^4$$

$$5 \quad (2 \text{ س} - 3) (3 + \text{س}) = (5 + \dots) + \text{س}^2 + \dots - 15$$

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس.

1 العدد النسبي الذي يقع عند ثلث المسافة بين 8 . 12 من جهة العدد الأصغر

هو.....

$$(10 \frac{1}{4} , 9 \frac{1}{4} , 10 \frac{1}{8} , 10 \frac{1}{4})$$

2 إذا كان المتوسط للقيم 7 . 5 . 4 . 5 . 7 هو 5 فإن س =

$$(7 , 5 , 4 , 1)$$

3 إذا كان $\square + \triangle = 40$. $\square + \triangle + \triangle = 35$ فإن $\triangle = \dots$

$$(10 , 5 , 20 , 15)$$

4 الوسط الحسابي للقيم 1 . 1 . 4 . 8 . 1 هو

$$(8 , 1 , 5 , 45)$$

5 إذا كان $\frac{2}{9} \text{ س} = 10$ فإن $\frac{2}{9} \text{ س} = \dots$

$$(5 , 20 , 15 , 25)$$

$$6 \quad \dots = 0.7 - 0.2$$

$$(1 \frac{1}{3} , 0.9 , 3 , 7 , 1)$$

السؤال الثالث:

(أ) اطرح:

$$٥س' + ص' - ٣س ص + ١ من ٦س' - ٢س ص + ٣ص'$$

(ب) باستخدام خاصية التوزيع وبدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد ناتج:

$$\frac{٦}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦} - \frac{١١}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦} + \frac{١١}{٧} \times \frac{٢٧}{١٦}$$

السؤال الرابع:

(أ) اختصر لأبسط صورة: $(٢س - ٣) (٣ + ٢س) + ٧$

ثم أوجد القيمة العددية للناتج عند $س = ١$

(ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين: $\frac{١}{٤} . \frac{١}{٣}$

السؤال الخامس:

(أ) أوجد خارج قسمة: $٢س' + ٣س' - ٤س - ٦$ على $٢س + ٣$

(ب) الجدول التالي يبين درجات جهاد في امتحان الرياضة ٦ أشهر دراسية

الشهر	أكتوبر	نوفمبر	ديسمبر	فبراير	مارس	أبريل
الدرجة	٢٠	٢٥	٤٢	٢٧	٤٤	٥٠

أوجد الوسط الحسابي للدرجات

النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول أكمل:

- (1) $24س^2ص^3 = 6س^2ص^3 \times \dots$
 (2) باقى طرح $3س$ من $2س$ هو
 (3) $1, 1, 2, 3, 5, 8, \dots$ (بنقصر التسلسل)
 (4) إذا كان الصنوال لمجموعة القيم $7, 5, 3, 2, 1$ هو 7
 فإن $أ = \dots$

(5) $5س^2 + 15سص = 5س(\dots + \dots)$

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الاجابات المعطاة:

- (1) الحد الجبرى $6س^2ص^3$ من الدرجة
 (أ) الثالثة (ب) الرابعة (ج) الخامسة (د) السادسة
 (2) العدد الذى يقع فى منتصف المسافة بين $\frac{1}{4}$ و $\frac{3}{4}$ هو
 (أ) $\frac{2}{4}$ (ب) $\frac{2}{3}$ (ج) $\frac{4}{9}$ (د) $\frac{5}{14}$
 (3) المعكوس الضربى للعدد $(\frac{1}{4})^{-2}$ هو
 (أ) 4 (ب) -2 (ج) 1 (د) -1
 (4) إذا كان $\frac{5}{س}$ عددا نسبيا فإن $س \neq \dots$
 (أ) -2 (ب) صفر (ج) 2 (د) 5
 (5) الوسيط للقيم $7, 4, 5$ هو
 (أ) 4 (ب) 5 (ج) 7 (د) 11

(6) إذا كان الوسط الحسابى لمجموعة القيم $2, 4, 6, 8$ هو 4 فإن الوسط الحسابى للثمنين $5 - س$ و $5 + 2س$ هو

- (أ) 1 (ب) 4 (ج) 3 (د) 2

السؤال الثالث:

- (أ) باستخدام خاصية التوزيع أوجد قيمة $\frac{2}{v} - 1 \times \frac{2}{v} + 2 \times \frac{2}{v}$
(ب) أوجد ثلاثة أعداد نسبية تقع بين العددين $\frac{1}{4}$ و $\frac{1}{3}$

السؤال الرابع:

- (أ) ما زيادة 7 س + 5 ص + 2 عن 2 س + 6 ص + ع
(ب) أوجد خارج قسمة 14 س' ص - 35 س ص' + 7 س ص على 7 س ص حيث س \neq صفر ، ص \neq صفر

السؤال الخامس:

- (أ) اختصر لأبسط صورة: (س - 3) (3 + س) + 9 ثم أوجد قيمة الناتج عندما س = 5
(ب) إذا كان الوسط الحسابي للقيم 8 ، 7 ، 5 ، 9 ، 4 ، 3 ، ك + 4 هو 6 فأوجد قيمة ك

نموذج امتحان لطلاب الدمج

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية

- (١) الحد الجبري (٥ س ص) من الدرجة
- (٢) (س - ٣) (..... +) = س - ٩
- (٣) العدد النسبي الذي ليس له معكوس ضربي هو
- (٤) الوسيط للقيم ٣، ٤، ٥ هو
- (٥) العدد $\frac{٤}{س}$ يكون نسبيا إذا كانت س \neq

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

- (١) إذا كان $\frac{٤}{٧} \times س = \frac{٤}{٧}$ فإن س =
- (أ) ١ (ب) صفر (ج) ٤ (د) ٧
- (٢) الوسيط الحسابي للقيم ٢، ٣، ٨، ٢، ٥ يساوي
- (أ) ٣ (ب) ٢ (ج) ٤ (د) ٨
- (٣) المعكوس الجمعي للعدد -٣ هو
- (أ) ٣- (ب) ٣ (ج) $\frac{١}{٣}$ (د) $-\frac{١}{٣}$
- (٤) باقى طرح ٧ س من ٩ س يساوي
- (أ) ٢س (ب) ١٦ س (ج) -٢س (د) صفر
- (٥) المنوال للقيم ٣، ٣، ٤، ٤، ٤، ٥، ٣
- (أ) ٤ (ب) ٢٢ (ج) ٥ (د) ٣

السؤال الثالث:

أولاً: باستخدام خاصية التوزيع أكمل لإيجاد $\frac{0}{v} + 5 \times \frac{0}{v} + 8 \times \frac{0}{v}$

$$(\dots + \dots + \dots) \frac{0}{v}$$

$$\dots = (\dots) \frac{0}{v}$$

ثانياً: إذا كان $\frac{1}{4} = \text{ب} - 2$ أكمل ما يلي:

$$\text{ب} \div \text{أ} = (\dots) \div (\dots) \quad *$$

$$\dots = (\dots) \times (\dots) =$$

السؤال الرابع:

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (×) أمام العبارة الخاطئة

- () (1) خارج قسمة 12 س⁴ + 6 س على 6 س يساوي 2 س² + 1
- () (2) العامل المشترك الأعلى للمقدار 15 س⁵ + 5 س هو 5 س⁵
- () (3) العدد النسبي الذي يقع بين $\frac{1}{4}$ و $\frac{2}{4}$ هو $\frac{1}{4}$
- () (4) 5 س + 3 س = 8 س
- () (5) إذا كان (س + 4) = س¹ + ك + 16 فإن ك = 4 س

السؤال الخامس:

صل من العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب)

(ب)

(أ)

3 •

7 •

50 •

1 •

7س •

(1) إذا كان $\frac{3س-7}{5} = \text{صفر}$ فإن س =

(2) 3س¹ + 5ص = (س¹ + 5ص)

(3) (3س + 5) + (5س - 5)

(4) $\frac{1}{4} = \dots \%$

(5) إذا كان $\frac{1}{4} = \frac{1}{\text{ب}}$ فإن $\frac{12}{\text{ب}} = \dots$

نماذج اختبارات الهندسة للفصل الدراسي الأول

النموذج الأول

(يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

أجب عن الأسئلة الآتية:

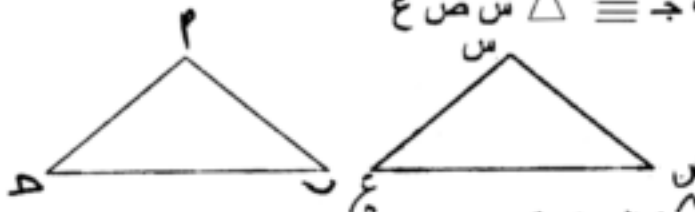
السؤال الأول: أكمل ما يأتي:

(١) المستقيم العمودي على القطعة المستقيمة من منتصفها يسمى

(٢) في الشكل المقابل: إذا كان $\triangle أ ب ج \equiv \triangle س ص ع$

$$ق (\hat{ا}) + ق (\hat{ب}) = 140^\circ$$

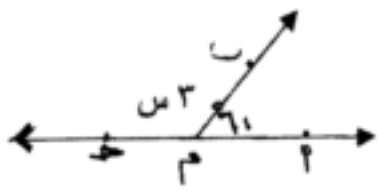
$$\text{فإن } ق (\hat{ع}) = \dots\dots\dots$$

(٣) إذا كان $ق (\hat{ب}) = 105^\circ$ فإن $ق (\hat{ب})$ المنعكسة =

(٤) في الشكل المقابل:

$$م ب \parallel ن ج ، \{ م \} = \{ ن \} ، ق (\hat{ا}) = 60^\circ$$

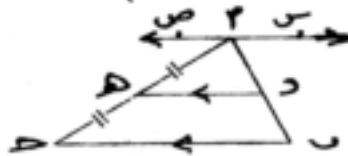
فإن قيمة س =



(٥) يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق و

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس:

السؤال الثاني: اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة بين الأقواس :-

(١) إذا كان $\angle س > \angle ص ، \angle س > \angle ع ، \angle س > \angle ج$ زاويتين متكاملتين فإن $ق (\hat{س}) = \dots\dots\dots$
(180° ، 135° ، 90° ، 45°)

(٢) في الشكل المقابل:

$$س ص \parallel د ه \parallel ب ج ، ا ه = ه ج$$

$$\text{فإن } د د : د ب = \dots\dots\dots : \dots\dots\dots$$

($2 : 1$ ، $3 : 1$ ، $2 : 3$ ، $1 : 2$)

(٣) المستقيمان العموديان على ثالث يكونان

(متعامدان ، متقاطعان ، متوازيان ، منطابقان)

(٤) الزاويتان المتتامتان المتساويتان في القياس قياس كل منهما =

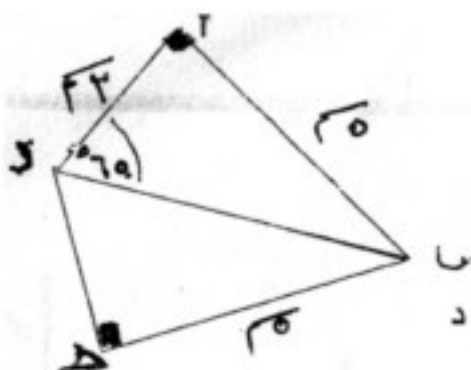
(180° ، 45° ، 360° ، 90°)

(٥) إذا تقاطع مستقيمان فإن كل زاويتين متساويتين في القياس

(متناظرتين ، متبادلتين ، متقابلتين بالرأس ، متجاورتين)

(٦) إذا كان $\triangle أ ب ج \equiv \triangle ل م ن$ فإن $ق (\hat{ب}) = ق (\hat{م}) = \dots\dots\dots$ ($ل م ن$ ، $م ل ن$ ، $ل ن م$ ، $ن ل م$)

السؤال الثالث



(أ) في الشكل المقابل : ق (\hat{A} د ب) = 65°

ق (ب \hat{C} د) = ق (ب \hat{A} د) = 90°

أ ب = ج ب = ٥ سم ، أ د = ٣ سم

أذكر شروط تطابق $\triangle ABC$ ، $\triangle ADC$ ، ج ب د

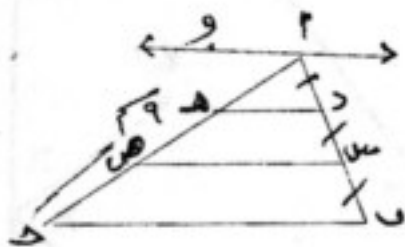
أوجد طول ج د ، ق (\angle د ب ج)

(ب) في الشكل المقابل :

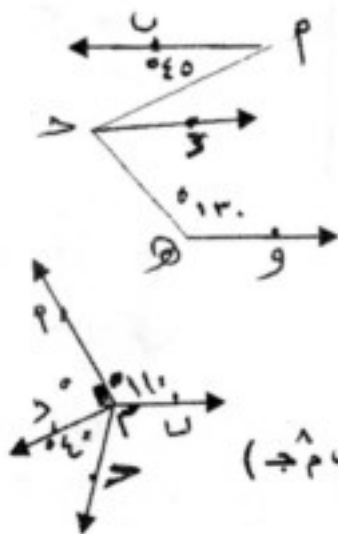
أ و // د ه // س ص // ب ج ،

أ د = د س = س ب ، أ ج = ٩ سم

أوجد طول أ ص مع نكر السبب



السؤال الرابع:



(أ) في الشكل المقابل : ق (\hat{A}) = 45°

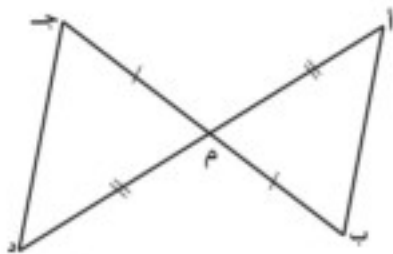
أ ب // ج د // ه و ، ق (\hat{D}) = 130°

أوجد ق (\hat{A} ج ه)

(ب) في الشكل المقابل :

ق (\hat{A} م ب) = 110° ، ق (\hat{A} م د) = 90°

، ق (د م ج) = 40° أوجد مع كتابة الخطوات ق (ب م ج)



السؤال الخامس:

أ) في الشكل المقابل: $\overline{AB} \cap \overline{DC} = \{M\}$

$AB = DC$ ، $AC = DB$

أكتب الشروط التي تجعل

$\triangle ABC \equiv \triangle DCB$

ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم $\triangle ABC$ قياسها 110° ارسم الشعاع

\overline{BC} وينصف الزاوية الى زاويتين متساويتين في القياس


النموذج الثاني

أجب عن الأسئلة الآتية:

السؤال الأول: أكمل:

- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة =°
- (٢) إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين فإن كل زاويتين متناظرتين
- (٣) إذا كان ق (أ) = ١١٠° فإن ق (ب) المنعكسة =°
- (٤) يتطابق المثلثان القائما الزاوية إذا تطابق
- (٥) الزاويتان المتجاورتان الحادتان من تقاطع شعاع ومستقيم

السؤال الثاني: اختر الإجابة من بين الإجابات المعطاة:

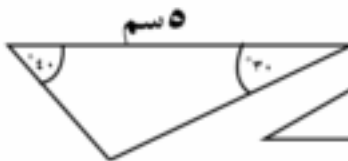
- (١) إذا كان \hat{r} تنم \hat{s} وكان $\hat{s} \equiv \hat{v}$ فإن ق (ش) =
 (أ) ٤٥° (ب) ٩٠° (ج) ١٨٠° (د) ٣٦٠°
- (٢) عدد المثلثات الموجودة بالشكل  هو
 (أ) ٤ (ب) ٦ (ج) ٧ (د) ٨
- (٣) إذا كانت النسبة بين قياسا زاويتان متكاملتان ٥ : ١٣ فإن قياس الزاوية الصغرى
 (أ) ٥٠° (ب) ١٣٠° (ج) ١٥٠° (د) ١٨٠°
- (٤) Δ أ ب ح \equiv Δ س ص ع وكان ق (أ) + ق (ب) = ١٠٠° فإن ق (ع) =
 (أ) ٥٠° (ب) ٨٠° (ج) ٩٠° (د) ١٠٠°
- (٥) المستيمان المتعامدان على ثالث في نفس المستوى يكونا
 (أ) متقاطعان (ب) متعامدان (ج) متوازيان (د) غير ذلك

(٦) الشكل الذي لا يتطابق مع الشكل المقابل

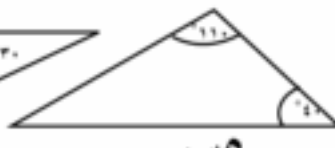
هو الشكل رقم



- (أ) ١ (ب) ٢ (ج) ٣ (د) ٤



(٤)



(٣)

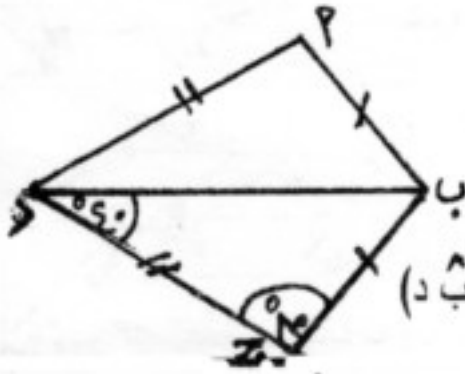


(٢)



(١)

السؤال الثالث



(أ) أذكر حالتين من حالات تطابق مثلثين؟

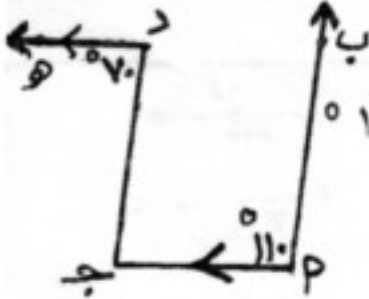
(ب) في الشكل المجاور $AB = CD$ ،

$AD = CD$ ، $\hat{C} = 80^\circ$ ،

$\hat{B} = 40^\circ$:

هل $\triangle ABC \equiv \triangle CDA$ ؟ أوجد \hat{A} و \hat{D}

السؤال الرابع



(أ) في الشكل المجاور $AD \parallel BC$ ، $\hat{A} = 110^\circ$ ،

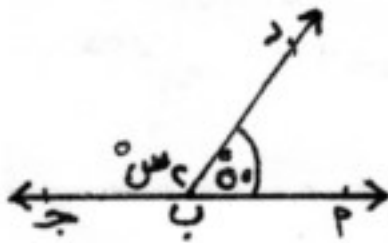
$\hat{C} = 70^\circ$ أوجد \hat{B} و \hat{D} وهل $AB \parallel DC$ ؟

مع ذكر السبب.

(ب) باستخدام الأدوات الهندسية ارسم زاوية AB حـ

حيث $\hat{B} = 80^\circ$ ثم أرسم BC منصفاً لها (لا تمحو الأقواس)

السؤال الخامس:



(أ) في الشكل المقابل $AD \parallel BC$ ، $\hat{A} = 50^\circ$ ،

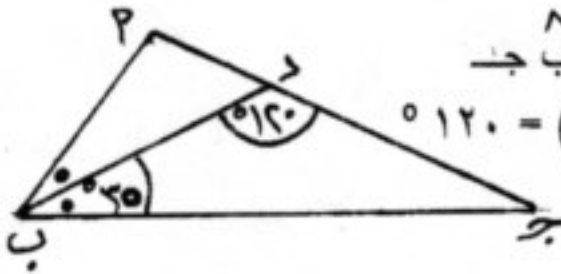
$\hat{C} = 120^\circ$ ، $\hat{B} = 2^\circ$ ،

أوجد قيمة S بالدرجات.

(ب) في الشكل المجاور $AD \parallel BC$ ،

$\hat{C} = 35^\circ$ ، $\hat{B} = 120^\circ$ ،

أوجد \hat{A} بالدرجات.



نموذج امتحان الهندسة للطلاب المدمجين

السؤال الأول:

أكمل العبارات التالية لتصبح صحيحة

- (١) إذا كان $\angle A = 100^\circ$ فإن $\angle B$ (أ) المنعكسة =
(٢) الزاوية التي قياسها 50° تتم زاوية قياسها
(٣) المستقيمان الموازيان لثالث
(٤) يتطابق المثلثان إذا تطابق ضلعان و
(٥) إذا كان $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ فإن $\angle C = \angle F$ (أ) (.....)

السؤال الثاني:

اختر الإجابة الصحيحة من الإجابات المعطاة

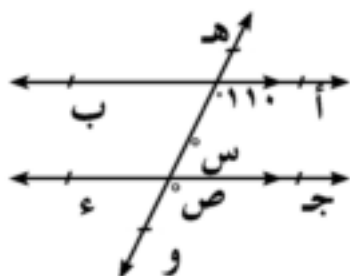
- (١) مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة يساوي
(أ) 630° (ب) 180° (ج) 90° (د) 360°
(٢) محور مائل القطعة المستقيمة يكون
(أ) عمودي عليها من منتصفها (ب) موازي لها (ج) مساوي لها (د) مطابق لها
(٣) مكمل الزاوية التي قياسها 30° هي
(أ) 60° (ب) 180° (ج) 150° (د) 90°
(٤) الزاوية التي قياسها أكبر من 90° وأقل من 180° هي زاوية
(أ) منفرجة (ب) حادة (ج) قائمة (د) مستقيمة
(٥) إذا كان $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ فإن $AB = EF$
(أ) $BC = EF$ (ب) $BC = DF$ (ج) $BC = DE$ (د) $BC = FE$

السؤال الثالث:

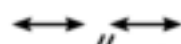
ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخاطئة :

(١) يتطابق المثلث القائم الزاوية مع المثلث المتساوي الأضلاع ()

(٢) الزاويتان اللتان قياسيهما ١٠٠° ، ٨٠° هما زاويتان متكاملتان ()



من الشكل المقابل



()

(أ) $أب \parallel هـ و$

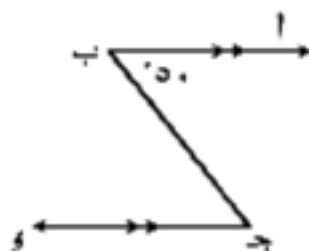
()

(ب) $س = ٧٠^\circ$

()

(ج) $ص = ١٨٠^\circ$

السؤال الرابع:



أولاً: في الشكل المقابل : $و = (ا ب ج) = ٥٠^\circ$

ب $ا \parallel ج و$ أكمل الحل لإيجاد $و$ ($ا ب ج و$)

لان $ب ا \parallel و$

فإن $و = (ا ب ج) = (.....)$ بالض...

$و = (ا ب ج و) =$

ثانياً: بالاستعانة بالشكل المقابل أكمل ما يلي

(١) $\Delta ا ب ا = \Delta ا ب ا$

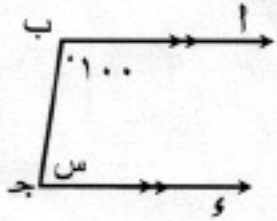
(٢) $ا ب = ا ب$

(٣) $و = (ا ب) =$



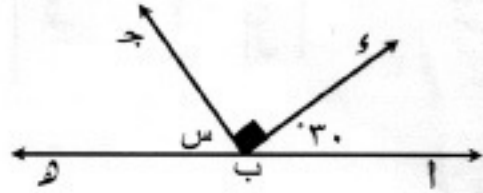
السؤال الخامس:

في كل من الأشكال التالية أوجد قيمة س



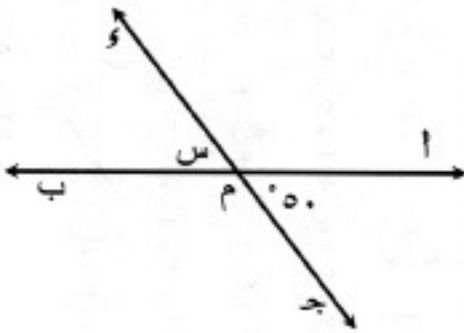
(٢)

س =



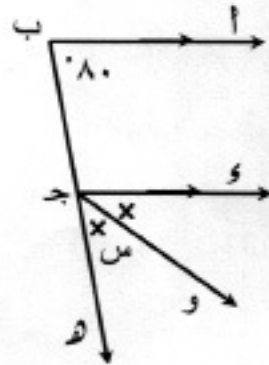
(١)

س =



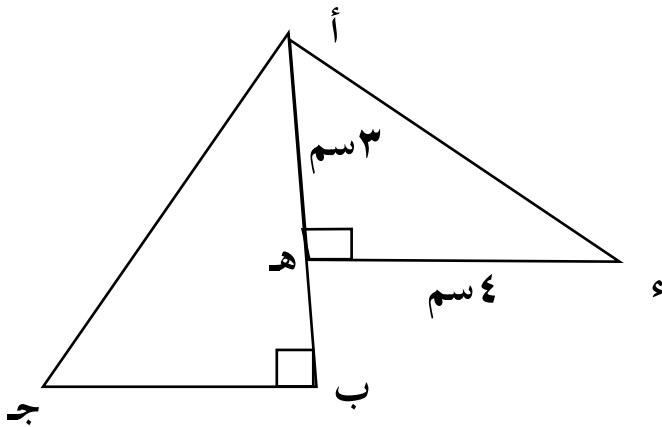
(٤)

س =



(٣)

س =



(٥) في الشكل المقابل

إذا كان $\triangle أ ب ج \cong \triangle هـ و أ$

، $أ هـ = أ و$ ، $هـ و = و م$

فإن $ب هـ = م$

مواصفات الكتاب

$\frac{1}{8} (٨٢ \times ٥٧)$	مقاس الكتاب
١٤٨	عدد صفحات الكتاب بالغلاف
٧٦ الوان ٧٢ اسود	طباعة المتن
٤ لون	طباعة الغلاف
٧٠ جرام	ورق المتن
٢٠٨ ١٠ ٢ ١١ ١ ٢٣	رقم الكتاب

[http:// elearning.moe.gov.eg](http://elearning.moe.gov.eg)

شركة البركة للطباعة

