

## **الأمتحان الأول**

# **الإحصاء (باللغة الفرنسية)**

**نموذج أسئلة**

**(النموذج «أ»)**

**نموذج للتدريب**

## تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٣) سؤالاً.
- عدد صفحات كراسة الامتحان (٣٢) صفحة.
- تأكّد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤوليتك.
- زمن الاختبار (ساعة ونصف).
- الدرجة الكلية للاختبار (٢٥) درجة.

**عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :**

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفكّر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

**إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.**

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات ، وعدم استخدام مزيل الكتابة . عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها.

**مثال:**

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن **(A) أو (B) فقط**.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت:

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

**مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً**

- a
- b
- c
- d

**الإجابة الصحيحة :**

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

**ملحوظة :**

**في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم**

**تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.**

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

جدول المساحات أسفل المنحنى الطبيعي المعياري موجود في آخر صفحة .

(μ) La moyenne arithmétique (l'espérance) ; ( $\sigma^2$ ) la variance ; ( $\sigma$ ) l'écart-type ;

(r) le coefficient de corrélation .

١  
٢  
٣  
٤

٥  
٦

٧  
٨  
٩

١

**1**

Soient  $P(A \cap B) = \frac{2}{5}$  et  $P(A) = \frac{4}{5}$  ;  
alors  $P(B | A) = \dots$

(a)  $\frac{1}{2}$

(c)  $\frac{1}{4}$

(b)  $\frac{8}{25}$

(d)  $\frac{2}{5}$

إذا كان  $P(A \cap B) = \frac{2}{5}$  ، لـ  $P(A) = \frac{4}{5}$  .

فإن  $P(B | A) = \dots$

(a)  $\frac{1}{2}$

(b)  $\frac{8}{25}$

(c)  $\frac{2}{5}$

(d)  $\frac{1}{4}$

**2**

2

Si on jette un dé régulier une seule fois; alors la probabilité d'avoir le nombre 3 sachant que le nombre apparu soit un nombre premier est....

(a)  $\frac{3}{4}$

(c)  $\frac{1}{2}$

(b)  $\frac{1}{4}$

(d)  $\frac{1}{3}$

أقلى حجر نرد منتظم مرة واحدة ، فإن احتمال ظهور العدد 3 علمًا بأن العدد الظاهر أولى هو .....

(1)  $\frac{1}{4}$

(2)  $\frac{1}{3}$

(3)  $\frac{1}{2}$

(4)  $\frac{1}{4}$

من بيانات الجدول التالي:

3 D'après le tableau suivant :

X س	excellent ممتاز	bien جيد	Très bien جيد جداً	passable مقبول	faible ضعيف	bien جيد
Y ص	bien جيد	faible ضعيف	passable مقبول	excellent ممتاز	Très bien جيد جداً	passable مقبول

Calculez le coefficient de corrélation des rangs de Spearman entre X et Y en déterminant sa nature.

احسب معامل ارتباط الرتب لسييرمان بين س ، ص ، وحدد نوعه.

4



إذا كان س متغيراً عشوائياً متصلًا دالة  
كثافة الاحتمال له هي:

$$d(s) = \begin{cases} \frac{1+s^2}{18}, & s \geq 4 \\ 0, & \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$$

- (i)  $P(x < 2)$   
(ii)  $P(2 < x < 4)$

4 Si  $X$  est une variable aléatoire continue dont la fonction de densité est :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2x+1}{18}; & 1 \leq x \leq 4 \\ 0; & \text{autrement} \end{cases}$$

Trouvez :

- i)  $P(x < 2)$   
ii)  $P(2 < x < 4)$

## **نموذج للتدريب**

إذا كان A، B حدثين مستقلين وكان

$$P(A) = 0,25 \text{ et } P(B) = 0,4 ; \text{ alors } P(A-B) = \dots$$

$$\text{فإن } P(A-B) = \dots$$

5

Soient A et B deux événements indépendants ;

$$P(A) = 0,25 \text{ et } P(B) = 0,4 ; \text{ alors } P(A-B) = \dots$$

- (a) 0,1
- (c) 0,3

- (b) 0,15
- (d) 0,65

- (A) 0,15
- (D) 0,65

8

إذا كان ص متغيراً طبيعياً معيارياً  
 $P(\bar{M} \geqslant \bar{M}) = 0,733$   
 بحيث  $\bar{L}(-\bar{a}) = 0,733$   
 فإن  $\bar{a} = \dots\dots\dots$

- 6 Soit  $y$  une variable normale centrée réduite tel que  
 $P(-a \leq y \leq a) = 0,733$ ; alors  $a = \dots\dots\dots$

- (a) 0,3665
- (b) 1,1
- (c) 1,11
- (d) 1

- (1) ٠,٣٦٦٥
- (2) ١,١
- (3) ١,١١
- (4)  $\Rightarrow$

7

Répondez seulement à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b):

- a) Si  $X$  est une variable aléatoire normale de moyenne zéro et d'écart-type  $\sigma$ ; alors trouvez la valeur de  $K$  qui vérifie
- $$P(X \leq k\sigma) = 0,877$$
- b) Si le revenu mensuel de 1000 familles dans une ville suit une distribution normale de moyenne 170 L.E et d'écart-type 20 L.E et on choisit une de ces familles par hasard, trouvez le nombre de familles dont le revenu dépasse 150 L.E

أجب عن إحدى الفقرتين الآتتين:  
(أ) إذا كان سـ متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه يساوي صفر، وانحرافه المعياري  $\sigma$  فأوجد قيمة كـ التي تحقق  $P(X \leq k\sigma) = 0,877$ .

(ب) إذا كان الدخل الشهري لعدد 1000 أسرة في إحدى المدن هو متغير عشوائي طبيعي متوسطه 170 جنيهًا وانحرافه المعياري 20 جنيهًا واختيرت أسرة عشوائية من هذه الأسر. فأوجد عدد الأسر التي يزيد دخلها على 150 جنيهًا.

10



- 8** Le coefficient de corrélation des rangs de Spearman ( $r$ ) entre les deux variables X et Y est déterminé par la relation.....

(a)  $r = \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)}$

(c)  $r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)}$

(b)  $r = 1 - \frac{6 \sum D}{n(n^2 - 1)}$

(d)  $r = 1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n-1)}$

معامل ارتباط الرتب لسپيرمان ( $r$ ) بين متغيرين  $S$  ، ص يتحدد بالعلاقة:

$$\frac{1 - \frac{6 \sum D^2}{n(n^2 - 1)}}{n(n^2 - 1)} = r$$

9 Si  $X$  est une variable aléatoire normale de moyenne 75 et d'écart-type 4 ; alors

$$P(X < 85) = \dots$$

- (a) 0,9398
- (b) 0,4938
- (c) 0,9938
- (d) 0,0062

إذا كان سـ متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه 75 وانحرافه المعياري 4 فإن  $P(S > 85) = \dots$

- (1) 0,9398
- (2) 0,4938
- (3) 0,0062
- (4) 0,9938

في السؤال التالي:

إذا كان  $\sum S = 21$  ،  $\sum C = 3 -$  ،

$\sum S^2 = 91$  ،  $\sum C^2 = 19 -$  ،

$\sum SC = 28 -$  ،  $n = 6$  ، فأجب عن

إحدى الفقرتين:

(i) أوجد معامل الارتباط الخطى بين س ، ص.

(ii) أوجد معادلة خط انحدار ص على س.

10

Soient  $\sum x = 21$  ;  $\sum y = -3$  ;  $\sum x^2 = 91$  ;

$\sum y^2 = 19$  ;  $\sum xy = -28$  et  $n = 6$

Répondez à une partie seulement (a) ou (b):

a) Calculez le coefficient de corrélation linéaire entre x et y

b) Trouvez l'équation de la droite de régression de y en x



في تجربة إلقاء قطعة نقود متباينتين  
إذا كان سـ هو المتغير العشوائى الذى  
يعبر عن «عدد الصور - عدد الكتابات»  
فإن مدى سـ هو .....

11

A l'expérience de jeter une pièce de monnaie deux fois successivement et si X est la variable aléatoire qui représente «le nombre de faces – le nombre de piles» ; alors l'ensemble image de X est.....

- (a)  $\{0; 2\}$   
(c)  $\{2; -2\}$

- (b)  $\{-2; 0\}$   
(d)  $\{-2; 0; 2\}$

- (1)  $\{0, -2\}$   
(2)  $\{0, 2\}$

16

12

Trouvez la moyenne; l'écart-type et le coefficient de variation de la distribution de Probabilité suivante :

$x_r$	1	2	3	4
$f(x_r)$	0,1	0,2	0,3	0,4

أوجد المتوسط والانحراف المعياري ومعامل الاختلاف للمتغير من التوزيع الاحتمالي الآتى:

٤	٣	٢	١	س٢
٠,٤	٠,٣	٠,٢	٠,١	د (س٢)



**13**

Une boite contient 7 boules identiques numérotées de 0 ; 1 ; 2 ;.....6. On tire par hasard deux boules l'une après l'autre sans remise. Calculez la probabilité pour que :

- La première boule porte un nombre pair et la deuxième boule porte un nombre pair.
- La première boule porte un nombre impair et la deuxième boule porte un nombre pair.

صندوق يحوي 7 كرات متماثلة في الحجم والملمس ومرقمة بالأرقام ٠، ١، ٢، ٣، ٤، ٥، ٦ سحبت كرتان

عشائياً الواحدة تلو الأخرى دون إرجاع، احسب احتمال أن:

- (i) الكرة الأولى تحمل رقمًا زوجيًّا والثانية تحمل رقمًا زوجيًّا.
- (ii) الكرة الأولى تحمل رقمًا فرديًّا والثانية تحمل رقمًا زوجيًّا.

## Le tableau des aires sous la courbe de la distribution normale centrée réduite

<i>Y</i>	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,0000	0,0040	0,0080	0,0120	0,0160	0,0199	0,0239	0,0279	0,0319	0,0359
0,1	0,0398	0,0438	0,0478	0,0517	0,0557	0,0596	0,0636	0,0675	0,0714	0,0753
0,2	0,0793	0,0832	0,0871	0,0910	0,0948	0,0987	0,1026	0,1064	0,1103	0,1141
0,3	0,1179	0,1217	0,1255	0,1293	0,1331	0,1368	0,1406	0,1443	0,1480	0,1517
0,4	0,1554	0,1591	0,1628	0,1664	0,1700	0,1736	0,1772	0,1808	0,1844	0,1879
0,5	0,1915	0,1950	0,1985	0,2019	0,2054	0,2088	0,2123	0,2157	0,2160	0,2224
0,6	0,2259	0,2291	0,2324	0,2357	0,2389	0,2422	0,2454	0,2486	0,2517	0,2549
0,7	0,2580	0,2611	0,2642	0,2673	0,2704	0,2734	0,2764	0,2794	0,2823	0,2852
0,8	0,2881	0,2910	0,2939	0,2967	0,2995	0,3023	0,3051	0,3078	0,3106	0,3133
0,9	0,3159	0,3186	0,3212	0,3238	0,3264	0,3289	0,3315	0,3340	0,3365	0,3389
1,0	0,3413	0,3438	0,3461	0,3485	0,3508	0,3531	0,3554	0,3577	0,3599	0,3621
1,1	0,3643	0,3665	0,3686	0,3708	0,3729	0,3749	0,3770	0,3790	0,3815	0,3830
1,2	0,3849	0,3869	0,3888	0,3907	0,3925	0,3944	0,3962	0,3980	0,3997	0,4015
1,3	0,4032	0,4049	0,4066	0,4082	0,4099	0,4115	0,4131	0,4147	0,4162	0,4177
1,4	0,4192	0,4207	0,4222	0,4236	0,4251	0,4265	0,4279	0,4292	0,4306	0,4319
1,5	0,4332	0,4345	0,4357	0,4370	0,4382	0,4394	0,4406	0,4418	0,4429	0,4441
1,6	0,4452	0,4463	0,4474	0,4484	0,4495	0,4505	0,4515	0,4525	0,4535	0,4545
1,7	0,4554	0,4564	0,4573	0,4582	0,4591	0,4599	0,4608	0,4616	0,4625	0,4633
1,8	0,4641	0,4649	0,4656	0,4664	0,4671	0,4678	0,4686	0,4693	0,4699	0,4706
1,9	0,4713	0,4719	0,4726	0,4732	0,4738	0,4744	0,4750	0,4756	0,4761	0,4767
2,0	0,4772	0,4778	0,4783	0,4788	0,4793	0,4798	0,4803	0,4808	0,4812	0,4817
2,1	0,4821	0,4826	0,4830	0,4834	0,4838	0,4842	0,4846	0,4850	0,4854	0,4857
2,2	0,4861	0,4864	0,4868	0,4871	0,4875	0,4878	0,4881	0,4884	0,4887	0,4890
2,3	0,4893	0,4896	0,4898	0,4901	0,4904	0,4906	0,4909	0,4911	0,4913	0,4916
2,4	0,4918	0,4920	0,4922	0,4925	0,4927	0,4929	0,4931	0,4932	0,4934	0,4936
2,5	0,4938	0,4940	0,4941	0,4943	0,4945	0,4946	0,4948	0,4949	0,4951	0,4952
2,6	0,4953	0,4955	0,4956	0,4957	0,4959	0,4960	0,4961	0,4962	0,4963	0,4964
2,7	0,4965	0,4966	0,4967	0,4968	0,4969	0,4970	0,4971	0,4972	0,4973	0,4974
2,8	0,4974	0,4975	0,4976	0,4977	0,4977	0,4978	0,4979	0,4979	0,4980	0,4981
2,9	0,4981	0,4982	0,4982	0,4983	0,4984	0,4984	0,4985	0,4985	0,4986	0,4986
3,0	0,4987	0,4987	0,4987	0,4988	0,4988	0,4989	0,4989	0,4989	0,4990	0,4990
3,1	0,4990	0,4991	0,4991	0,4991	0,4992	0,4992	0,4992	0,4992	0,4993	0,4993
3,2	0,4993	0,4993	0,4994	0,4994	0,4994	0,4994	0,4994	0,4995	0,4995	0,4995
3,3	0,4995	0,4995	0,4995	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4996	0,4997
3,4	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4997	0,4998
3,5	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998	0,4998