



جَهْوَنَّمُ مِصْرُ الْعَرَبِيَّةِ

امتحان شهادة اتمام الدراسة الثانوية العامة

الدور الثاني - ٢٠١٨/٢٠١٧ للعام الدراسي

# **مادة : الجبر والهندسة الفراغية (باللغة الفرنسية) نموذج**

وزارة التربية والتعليم  
والمعلم الفنى

التاريخ : ٢٠١٨/٨/١٥

ساعتان : الإجابة من زمن

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخالف الغلاف (٤) صفحات  
وعلی الطالب مسؤولية المراجعة  
تأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

قلم الملا

## مجموع الدرجات بالحروف :

## مضاءات المراجعن :

**عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجحة  
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة**



## الادارة : المحافظة

وزارة التربية والتعليم والفن  
متحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة  
لعام الدراسي ٢٠١٧ - الدور الثاني  
المادة : الحب والمندسة الفاغنة (باللغة الفرنسية)

٢٠١٨/٨/١٥: التاريخ

زنون الاحاديد : ساعتان

1

الطالع (باعثاً) /

١٢

٢٠١

**توقيع الملاحظين بصفحة البيانات :  
ومطابقة عدد صفحات كراسة الإجابة  
عند استلامها من الطالب .**

## تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.
  - عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
  - تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤليتك.
  - زمن الاختبار (ساعتان).
  - الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.
- عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :
- اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.
- اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.
- إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.

١  
٢  
٣  
٤

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، وعدم استخدام مزيل الكتابة .  
عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تدبيرها .

٥  
٦

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن (A) أو (B) فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت :  
ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.  
مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً

- (a)  
(b)  
(c)  
(d)

الإجابة الصحيحة مثلاً

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.
  - وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.
- ملحوظة :
- في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

٧  
٨  
٩

$i^2 = -1$  ; les racines cubiques de l'unité sont (1;  $\omega$  et  $\omega^2$ ) .

( $\vec{i}$  ,  $\vec{j}$  et  $\vec{k}$ ) sont les vecteurs unitaires de base.

1- Le dernier terme de développement de  
 $(2-x)^5 (2+x)^5$  est.....

a)  $x^5$

c)  $-x^{10}$

b)  $-x^5$

d)  $x^{10}$

الحد الأخير من مفوكوك

..... هو ..... (٢ - س)° (س + ٢)°

① س° ب) - س°

② س° ١) س°

2- Soient  $\overrightarrow{AB} = -3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$  et

$$\overrightarrow{BC} = \vec{j} + 5\vec{k}; \text{ alors } \|\overrightarrow{AC}\| = \dots \dots \dots$$

- (a) 13  
(c) 10

- (b) 12  
(d) 9

إذا كان  $\overrightarrow{b} = 3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$  ،  
 $\overrightarrow{b} = \vec{j} + 5\vec{k}$  فإن  $\|\overrightarrow{b}\| = \dots \dots \dots$

- (b) 12  
(d) 9

- (a) 13  
(c) 10

**3- Si les deux plans :**

$x + 2y + kz = 0$  et  $2x + y - 2z = 0$  sont perpendiculaires ; alors  $k = \dots$

(a)  $-\frac{1}{2}$

(c)  $-2$

(b)  $\frac{1}{2}$

(d)  $2$

إذا كان المستويان :

$x + 2y + kz = 0$  ،

$2x + y - 2z = 0$  متعامدين

فإن  $k = \dots$

(1)  $-\frac{1}{2}$

(2)  $2$

(ج)

4- Sans développer le déterminant ; démontrer que

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & a & c \\ b & c & a \end{vmatrix} = (a-b)(a-c)(a+b+c)$$

بدون فك المحدد أثبت أن :

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & a & c \\ b & c & a \end{vmatrix} = (a-b)(a-c)(a+b+c)$$



5- Si  $Z = -1 - i$ ; alors la forme exponentielle du nombre  $Z$  est.....

- (a)  $e^{\frac{3\pi}{4}i}$
- (b)  $e^{\frac{5\pi}{4}i}$
- (c)  $\sqrt{2} e^{\frac{-3\pi}{4}i}$
- (d)  $-\sqrt{2} e^{\frac{5\pi}{4}i}$

إذا كان  $z = -1 - i$  فإن الصورة الأسيّة للعدد  $z$  هي.....

- (أ)  $e^{\frac{\pi}{4}i}$
- (ب)  $e^{\frac{3\pi}{4}i}$
- (ج)  $\sqrt{2} e^{\frac{5\pi}{4}i}$
- (د)  $-\sqrt{2} e^{\frac{-3\pi}{4}i}$

6- Si  $\vec{A}$  et  $\vec{B} \in \mathbb{R}^2$ ; alors

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + (\vec{A} \cdot \vec{B})^2 = \dots \dots \dots$$

a)  $\|\vec{A}\|^2 + \|\vec{B}\|^2$

b)  $\|\vec{A} - \vec{B}\|^2$

c)  $\|\vec{A} + \vec{B}\|^2$

d)  $\|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$

إذا كان  $\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{C}^2$  فإن

$$\dots \dots \dots = \|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + (\vec{A} \cdot \vec{B})^2$$

①  $\|\vec{A}\|^2 + \|\vec{B}\|^2$

②  $\|\vec{A} - \vec{B}\|^2$

③  $\|\vec{A} + \vec{B}\|^2$

④  $\|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$

7- Dans le développement de  $(1 + x)^8$  selon les puissances croissantes de  $x$  ; si le quatrième terme est égal à 7 ; alors trouvez la valeur de  $x$  ; puis trouvez le rapport entre le sixième terme et le terme médian dans ce développement.

في مفوكوك  $(1 + x)^8$  حسب قوى س التصاعدية إذا كان الحد الرابع يساوى 7 فأوجد قيمة س ثم أوجد النسبة بين الحد السادس والحد الأوسط في هذا المفوكوك.



- 8- Trouvez les différentes formes de l'équation de la droite qui passe par le point (-2 ; 3 ; 5) et parallèle à la droite

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{4} = \frac{z-3}{3}$$

أوجد الصور المختلفة لمعادلة الخط المستقيم المار بالنقطة

$$(5, 3, 2) \text{ موازيًا المستقيم}$$

$$x - \frac{1}{2} = \frac{y + 1}{4} = \frac{z - 3}{3}$$

9-

$$(1 + 2\omega^5 + \frac{1}{\omega^2}) (1 + 2\omega + \frac{1}{\omega^4}) = \dots \quad \text{.....}$$

(a) 1  
(c) 2

(b) -1  
(d) zéro

1- ① ② ③ ④ صفر

10- Trouvez les différentes formes de l'équation du plan passant par le point  $(1 ; -1 ; 4)$  et le vecteur  $\vec{N} = (2 ; -3 ; 4)$  qui est perpendiculaire au plan.

أوجد الصور المختلفة لمعادلة المستوى المار بالنقطة  $(1, -1, 4)$ ، المتوجه  $\vec{n} = (2, -3, 4)$  عمودي عليه.

- 11- Résolvez le système des équations suivantes en utilisant l'inverse de la matrice
- $$x - 2y = 5 ; \quad 2z + y = x \quad \text{et} \quad x - 2z = -1$$

حل نظام المعادلات الآتية باستخدام المعكوس الضري لالمصفوفة

$$\begin{array}{l} x - 2y = 5 \\ x - 2z = -1 \end{array}$$
$$2z + y = x$$
$$x = 2y + 5$$
$$x = 2z - 1$$



12- Si un élève doit répondre à 10 questions de 13 questions à condition de répondre au moins à 4 questions parmi les cinq premières questions ; alors le nombre de façons pour que l'élève réponde est égal à.....

- (a)  $C_5^4 \times C_8^6$
- (b)  $C_5^4 \times C_8^6 + C_5^5 \times C_8^5$
- (c)  $A_5^4 \times A_8^6$
- (d)  $A_5^4 \times A_8^6 + A_5^5 \times A_8^5$

يجب على الطالب أن يجيب على ١٠  
أسئلة من ١٣ سؤالاً بشرط أن يجيب عن  
٤ أسئلة على الأقل من الأسئلة  
الخمس الأولى.

فإن عدد الطرق التي يجب بها الطالب  
تساوي .....

$$\textcircled{1} \quad F_4 \times F_9$$

$$\textcircled{2} \quad F_4 \times F_9 + F_9 \times F_6$$

$$\textcircled{3} \quad L_4 \times L_6$$

$$\textcircled{4} \quad L_4 \times L_6 + L_6 \times L_4$$

13- Si  $1 + 7x + C_7^2 x^2 + \dots + x^7 = 128$  ;

alors la valeur de  $x$  est .....

(a) 2

(c) -1

(b) 1

(d) -2

إذا كان

$$128 = 1 + 7x + 7x^2 + \dots + x^7$$

فإن قيمة  $x$  هي .....

(1)

(2)

(3)

(4)

١٤- Le point qui est situé sur la droite

$$\vec{r} = (2 ; -1 ; 3) + k (1 ; 2 ; -1)$$

النقطة التي تقع على المستقيم

$$= \vec{r} = (2, -1, 3) + k (1, 2, -1)$$

هي

(a)  $(2 ; 5 ; 3)$

(b)  $(1 ; 1 ; 1)$

(c)  $(3, 0, 2)$

(d)  $(0 ; 0 ; 1)$

(e)  $(3 ; 1 ; 2)$

(f)  $(1, 1, 1)$

(g)  $(0, 0, 0)$

(h)  $(2, 1, 3)$

(i)  $(1, 0, 0)$

(j)  $(0, 1, 0)$

(k)  $(0, 0, 1)$

(l)  $(1, 0, 1)$

(m)  $(0, 1, 1)$

(n)  $(1, 1, 0)$

(o)  $(0, 0, 0)$

(p)  $(1, 0, 0)$

(q)  $(0, 1, 0)$

(r)  $(0, 0, 1)$

(s)  $(1, 1, 1)$

(t)  $(0, 0, 0)$

(u)  $(1, 0, 1)$

(v)  $(0, 1, 1)$

(w)  $(1, 1, 0)$

(x)  $(0, 0, 0)$

(y)  $(1, 0, 0)$

(z)  $(0, 1, 0)$

(aa)  $(0, 0, 1)$

(bb)  $(1, 1, 1)$

(cc)  $(0, 0, 0)$

(dd)  $(1, 0, 1)$

(ee)  $(0, 1, 1)$

(ff)  $(1, 1, 0)$

(gg)  $(0, 0, 0)$

(hh)  $(1, 0, 0)$

(ii)  $(0, 1, 0)$

(jj)  $(0, 0, 1)$

(kk)  $(1, 1, 1)$

(ll)  $(0, 0, 0)$

(mm)  $(1, 0, 1)$

(nn)  $(0, 1, 1)$

(oo)  $(1, 1, 0)$

(pp)  $(0, 0, 0)$

(qq)  $(1, 0, 0)$

(rr)  $(0, 1, 0)$

(ss)  $(0, 0, 1)$

(tt)  $(1, 1, 1)$

(uu)  $(0, 0, 0)$

(vv)  $(1, 0, 1)$

(ww)  $(0, 1, 1)$

(xx)  $(1, 1, 0)$

(yy)  $(0, 0, 0)$

(zz)  $(1, 0, 0)$

(aa)  $(0, 1, 0)$

(bb)  $(0, 0, 1)$

(cc)  $(1, 1, 1)$

(dd)  $(0, 0, 0)$

(ee)  $(1, 0, 1)$

(ff)  $(0, 1, 1)$

(gg)  $(1, 1, 0)$

(hh)  $(0, 0, 0)$

(ii)  $(1, 0, 0)$

(jj)  $(0, 1, 0)$

(kk)  $(0, 0, 1)$

(ll)  $(1, 1, 1)$

(mm)  $(0, 0, 0)$

(nn)  $(1, 0, 1)$

(oo)  $(0, 1, 1)$

(pp)  $(1, 1, 0)$

(qq)  $(0, 0, 0)$

(rr)  $(1, 0, 0)$

(ss)  $(0, 1, 0)$

(tt)  $(0, 0, 1)$

(uu)  $(1, 1, 1)$

(vv)  $(0, 0, 0)$

(ww)  $(1, 0, 1)$

(xx)  $(0, 1, 1)$

(yy)  $(1, 1, 0)$

(zz)  $(0, 0, 0)$

(aa)  $(1, 0, 0)$

(bb)  $(0, 1, 0)$

(cc)  $(0, 0, 1)$

(dd)  $(1, 1, 1)$

(ee)  $(0, 0, 0)$

(ff)  $(1, 0, 1)$

(gg)  $(0, 1, 1)$

(hh)  $(1, 1, 0)$

(ii)  $(0, 0, 0)$

(jj)  $(1, 0, 0)$

(kk)  $(0, 1, 0)$

(ll)  $(0, 0, 1)$

(mm)  $(1, 1, 1)$

(nn)  $(0, 0, 0)$

(oo)  $(1, 0, 1)$

(pp)  $(0, 1, 1)$

(qq)  $(1, 1, 0)$

(rr)  $(0, 0, 0)$

(ss)  $(1, 0, 0)$

(tt)  $(0, 1, 0)$

(uu)  $(0, 0, 1)$

(vv)  $(1, 1, 1)$

(ww)  $(0, 0, 0)$

(xx)  $(1, 0, 1)$

(yy)  $(0, 1, 1)$

(zz)  $(1, 1, 0)$

(aa)  $(0, 0, 0)$

(bb)  $(1, 0, 0)$

(cc)  $(0, 1, 0)$

(dd)  $(0, 0, 1)$

(ee)  $(1, 1, 1)$

(ff)  $(0, 0, 0)$

(gg)  $(1, 0, 1)$

(hh)  $(0, 1, 1)$

(ii)  $(1, 1, 0)$

(jj)  $(0, 0, 0)$

(kk)  $(1, 0, 0)$

(ll)  $(0, 1, 0)$

(mm)  $(0, 0, 1)$

(nn)  $(1, 1, 1)$

(oo)  $(0, 0, 0)$

(pp)  $(1, 0, 1)$

(qq)  $(0, 1, 1)$

(rr)  $(1, 1, 0)$

(ss)  $(0, 0, 0)$

(tt)  $(1, 0, 0)$

(uu)  $(0, 1, 0)$

(vv)  $(0, 0, 1)$

(ww)  $(1, 1, 1)$

(xx)  $(0, 0, 0)$

(yy)  $(1, 0, 1)$

(zz)  $(0, 1, 1)$

(aa)  $(1, 1, 0)$

(bb)  $(0, 0, 0)$

(cc)  $(1, 0, 0)$

(dd)  $(0, 1, 0)$

(ee)  $(0, 0, 1)$

(ff)  $(1, 1, 1)$

(gg)  $(0, 0, 0)$

(hh)  $(1, 0, 1)$

(ii)  $(0, 1, 1)$

(jj)  $(1, 1, 0)$

(kk)  $(0, 0, 0)$

(ll)  $(1, 0, 0)$

(mm)  $(0, 1, 0)$

(nn)  $(0, 0, 1)$

(oo)  $(1, 1, 1)$

(pp)  $(0, 0, 0)$

(qq)  $(1, 0, 1)$

(rr)  $(0, 1, 1)$

(ss)  $(1, 1, 0)$

(tt)  $(0, 0, 0)$

(uu)  $(1, 0, 0)$

(vv)  $(0, 1, 0)$

(ww)  $(0, 0, 1)$

(xx)  $(1, 1, 1)$

(yy)  $(0, 0, 0)$

(zz)  $(1, 0, 1)$

(aa)  $(0, 1, 1)$

(bb)  $(1, 1, 0)$

(cc)  $(0, 0, 0)$

(dd)  $(1, 0, 0)$

(ee)  $(0, 1, 0)$

(ff)  $(0, 0, 1)$

(gg)  $(1, 1, 1)$

(hh)  $(0, 0, 0)$

(ii)  $(1, 0, 1)$

(jj)  $(0, 1, 1)$

(kk)  $(1, 1, 0)$

(ll)  $(0, 0, 0)$

(mm)  $(1, 0, 0)$

(nn)  $(0, 1, 0)$

(oo)  $(0, 0, 1)$

(pp)  $(1, 1, 1)$

(qq)  $(0, 0, 0)$

(rr)  $(1, 0, 1)$

(ss)  $(0, 1, 1)$

(tt)  $(1, 1, 0)$

(uu)  $(0, 0, 0)$

(vv)  $(1, 0, 0)$

(ww)  $(0, 1, 0)$

(xx)  $(0, 0, 1)$

(yy)  $(1, 1, 1)$

(zz)  $(0, 0, 0)$

(aa)  $(1, 0, 1)$

(bb)  $(0, 1, 1)$

(cc)  $(1, 1, 0)$

(dd)  $(0, 0, 0)$

(ee)  $(1, 0, 0)$

(ff)  $(0, 1, 0)$

(gg)  $(0, 0, 1)$

(hh)  $(1, 1, 1)$

(ii)  $(0, 0, 0)$

(jj)  $(1, 0, 1)$

(kk)  $(0, 1, 1)$

(ll)  $(1, 1, 0)$

(mm)  $(0, 0, 0)$

(nn)  $(1, 0, 0)$

(oo)  $(0, 1, 0)$

(pp)  $(0, 0, 1)$

(qq)  $(1, 1, 1)$

(rr)  $(0, 0, 0)$

(ss)  $(1, 0, 1)$

(tt)  $(0, 1, 1)$

(uu)  $(1, 1, 0)$

(vv)  $(0, 0, 0)$

(ww)  $(1, 0, 0)$

(xx)  $(0, 1, 0)$

(yy)  $(0, 0, 1)$

(zz)  $(1, 1, 1)$

(aa)  $(0, 0, 0)$

(bb)  $(1, 0, 1)$

(cc)  $(0, 1, 1)$

(dd)  $(1, 1, 0)$

(ee)  $(0, 0, 0)$

(ff)  $(1, 0, 0)$

(gg)  $(0, 1, 0)$

**15- Répondez à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b):**

a) Si  $Z = \frac{16}{1-\sqrt{3}i}$ ; écrivez Z à la forme trigonométrique; puis trouvez les racines cubiques du nombre Z à la forme exponentielle.

b) Si  $\frac{1+10\omega+10\omega^2}{1-3\omega-3\omega^2} = (k i)^2$ ; trouvez la valeur du nombre réel k.

أجب عن أحدي الفقرتين الآتيتين:

$$(أ) \text{ إذا كان } u = \frac{16}{3\sqrt{-1}}$$

فاكتبع على الصورة المثلثية ثم أوجد الجذور التكعيبية للعدد في الصورة الأسيّة.

(ب) إذا كان

$$\frac{\omega^{10} + \omega^{10} + 1}{\omega^3 - \omega^3 - 1} = (k t)^2$$

فأوجد قيمة العدد الحقيقي k.



16-  $\text{Si } C_9^r > C_9^{r-1}$ ; alors .....

(a)  $r < 4$

(b)  $r > 4$

(c)  $r < 5$

(d)  $r > 5$

إذا كان  $r^r > r^{r-1}$

فإن: .....

①  $r > 4$

②  $r < 5$

**17-** La longueur du diamètre de la sphère ayant pour équation

$$x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$$

est égale à.....unités de longueur

- (a) 5      (b) 10  
(c) 15      (d) 20

طول قطر الكرة:

س٢ + ص٢ + ع٢ + ئ٢ - ص٦ س٤

یساوی ..... وحدة طول

دورة المراجعة ٥

۲۰ ⚡ ۱۵ ⚡

10 

18- La somme des parties coupées des axes du repère par le plan  $6x + y + 5z = 30$  est égale à ..... unités du longueur

مجموع أطوال الأجزاء المقطوعة من محاور الإحداثيات بواسطة المستوى

$$6s + c + u = 30$$

يساوي ..... وحدة طول

- (a) 12
- (b) 30
- (c) 31
- (d) 41

- (b) ٣٠
- (d) ٤١
- (a) ١٢
- (c) ٣١

**19 Répondez à l'une de deux parties suivantes (a) ou (b):**

a) Soient A (1 ; 2 ; -3), B (3 ; 5 ; -2) et C (m ; 1 ; -10m) déterminez la valeur de m pour que :

- (i) A ; B et C soient alignés.
- (ii)  $\overrightarrow{AB}$  et  $\overrightarrow{AC}$  soient orthogonaux.

b) ABCD est un quadrilatère où A (3 ; 0 ; 2) ; B (6 ; 2 ; 5) ; C (4 ; 4 ; 5) et D (1 ; 2 ; 2)

- (i) Démontrez que ABCD est un parallélogramme et trouvez son aire.
- (ii) Trouvez un vecteur unitaire perpendiculaire sur le plan du quadrilatère.

أجب عن أحدي الفقرتين الآتيتين:

- (أ) إذا كانت  $\overrightarrow{A} (2, 1, 3)$  ،  $\overrightarrow{B} (1, 2, 3)$  ،  $\overrightarrow{C} (0, 1, 2)$  فعين قيمة m التي تجعل:

- (i)  $\overrightarrow{A} = \overrightarrow{B}$  ،  $\overrightarrow{B} = \overrightarrow{C}$  على استقامة واحدة.
- (ii)  $\overrightarrow{A} = \overrightarrow{B}$  متعامدين.

- (ب)  $\overrightarrow{A} = \overrightarrow{B}$  شكل رباعي حيث  $\overrightarrow{A} (2, 0, 3)$  ،  $\overrightarrow{B} (0, 2, 6)$  ،  $\overrightarrow{C} (5, 2, 6)$  ،  $\overrightarrow{D} (2, 4, 5)$  .

- (أ) أثبت أن الشكل  $\overrightarrow{A}$  ب  $\overrightarrow{B}$  متوازي أضلاع وأوجد مساحته.
- (ب) أوجد متجه وحدة عمودي على مستوى الشكل الرباعي.

