



مکھوپنیا مصر العربیہ

امتحان شهادة اتمام الدراسة الثانوية العامة

الدور الثاني - ٢٠١٨/٢٠١٧ للعام الدراسي

لادة : الجبر والهندسة الفراغية (باللغة الإنجليزية) نموذج

وزارة التربية والتعليم
والتخطيم الفني

التاريخ : ٢٠١٨/٨/١٥

زمن الإجابة : ساعتان

**عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة
بخالف الغلاف (٤) صفحات
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة
تتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة**

قلم الملا

مجموع الدرجات بالحروف : امضاءات المراجعن :

**عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة
بخلاف الغلاف (٤) صفحات
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة**

نمودج

الادارة : المحافظة :

وزارة التربية والتعليم الفني
متحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة
لعام الدراسي ٢٠١٧ - الدور الثاني
شهادة الحب والمندسة الفاغنة (بلغة الانجليزية)

٢٠١٨/٨/١٥ | زمان الإجابة : ساعتان

ساقم الملاقة

ANSWER

اسم الطالب (رباعيًّا) _____
المدرسة: _____

**توقيع الملاحظين بصحة البيانات :
ومطابقة عدد صفات كراسة الإجابة
عند استلامها من الطالب .**

تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.
- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
- تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤولتك.
- زمن الاختبار (ساعتان).
- الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.

عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي صوتها أجب عن الأسئلة.
اقرأ السؤال بعناية، وفكر فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، وعدم استخدام مزيل الكتابة .
عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها .

١
٢
٣
٤

٥
٦

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن (A) أو (B) فقط.

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت:

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

الإجابة الصحيحة مثلاً

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تخطيها خطأ.

ملحوظة :

في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

$i^2 = -1$, $(\omega^2, \omega, 1)$ are the cubic roots of one .

$(\vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ are a right set of unit vectors .

٧
٨
٩

- 1** The last term in the expansion of $(2 - x)^5(2 + x)^5$ is
 الحد الأخير من مفكوك $(2 - x)^5(2 + x)^5$ هو
- (a) x^5 (b) $-x^5$
 (c) $-x^{10}$ (d) x^{10}
- (أ) س.^٥ (ب) س.^٥
 (ج) س.^{١٠} (د) س.^{١٠}

- 2 If $\overrightarrow{AB} = -3\vec{i} + 3\vec{j} + 7\vec{k}$, $\overrightarrow{BC} = \vec{j} + 5\vec{k}$,
then $\|\overrightarrow{AC}\| = \dots$
- a 13 b 12 c 10 d 9
- إذا كان $\overrightarrow{b} = -3\vec{i} + 7\vec{k}$ ،
 $\overrightarrow{b} = \vec{j} + 5\vec{k}$ فإن $\|\overrightarrow{b}\| = \dots$
- ١٢ ١٣ ١ ٩

3 If the two planes : $x + 2y + kz = 0$,
 $2x + y - 2z = 0$ are perpendicular,
then $k = \dots$

(a) $\frac{-1}{2}$

(b) $\frac{1}{2}$

(c) -2

(d) 2

إذا كان المستويان:

$x + 2y + kz = 0$,

$2x + y - 2z = 0$ متعامدين

فإن $k = \dots$

(b) $\frac{1}{2}$

(d) 2

4 Without expansion the determinant ,

Prove that :

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & a & c \\ b & c & a \end{vmatrix} = (a - b)(a - c)(a + b + c)$$

بدون فك المحدد أثبت أن :

$$\begin{vmatrix} a & b & c \\ b & a & c \\ b & c & a \end{vmatrix} = (a - b)(a - c)(a + b + c)$$

5 If $Z = -1 - i$, then the exponential form for the number Z is

- (a) $e^{\frac{3}{4}\pi i}$
- (b) $e^{\frac{5}{4}\pi i}$
- (c) $\sqrt{2} e^{\frac{-3}{4}\pi i}$
- (d) $-\sqrt{2} e^{\frac{5}{4}\pi i}$

إذا كان $z = -1 - i$ فإن الصورة الأسيّة للعدد z هي

- (ا) $e^{\frac{\pi}{4}i}$
- (ب) $e^{\frac{5\pi}{4}i}$
- (ج) $\sqrt{2} e^{\frac{-3\pi}{4}i}$
- (د) $-\sqrt{2} e^{\frac{\pi}{4}i}$

6 If $\vec{A}, \vec{B} \in R^2$, then

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + (\vec{A} \cdot \vec{B})^2 = \dots \dots \dots$$

- (a) $\|\vec{A}\|^2 + \|\vec{B}\|^2$
- (b) $\|\vec{A} - \vec{B}\|^2$
- (c) $\|\vec{A} + \vec{B}\|^2$
- (d) $\|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$

إذا كان $\vec{A}, \vec{B} \in \mathbb{R}^2$ فإن

$$\|\vec{A} \times \vec{B}\|^2 + (\vec{A} \cdot \vec{B})^2 = \dots \dots \dots$$

(A) $\|\vec{A}\|^2 + \|\vec{B}\|^2$

(B) $\|\vec{A} - \vec{B}\|^2$

(C) $\|\vec{A} + \vec{B}\|^2$

(D) $\|\vec{A}\|^2 \|\vec{B}\|^2$

7 In the expansion of $(1 + x)^8$ according to the ascending power of x . If the fourth term equals 7, find the value of x then find the ratio between the sixes term and the middle term in this expansion.

في مفوك (١ + س)^٨ حسب قوى س التصاعدية إذا كان الحد الرابع يساوى ٧ فأوجد قيمة س ثم أوجد النسبة بين الحد السادس والحد الأوسط في هذا المفوك.

- 8 Find the different forms of the equation of the straight line passes through the point $(-2, 3, 5)$ and parallel to the straight line :

$$\frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{4} = \frac{z-3}{3}$$

أوجد الصور المختلفة لمعادلة الخط المستقيم المار بالنقطة $(-2, 3, 5)$ موازيًّا المستقيم:

$$x - \frac{1}{2} = \frac{y + 1}{4} = \frac{z - 3}{3}$$

٩

$$\left(1 + 2\omega^5 + \frac{1}{\omega^2}\right)\left(1 + 2\omega + \frac{1}{\omega^4}\right) = \dots\dots \quad \text{.....}$$

- (a) ١
(c) ٢

- (b) -١
(d) ٠

- ١ - (b)
٢ - (d) صفر

10 Find the different forms of the equation of the plane passes through the point $(1, -1, 4)$ and the vector $\vec{u} = (2, -3, 4)$ is perpendicular to it.

أوجد الصور المختلفة لمعادلة المستوى المار بالنقطة $(1, -1, 4)$ ، المتوجه $\vec{u} = (2, -3, 4)$ عمودي عليه.

- 11 Solve the following system of linear equations using the inverse matrix:

$$x - 2y = 5, 2z + y = x, x - 2z = -1$$

حل نظام المعادلات الآتية باستخدام
المعكوس الضربى للمصفوفة
 $S - 2U = 5$, $U + S = 2$, $S - 2U = -1$

12 The student should answer 10 questions out of 13 questions on a condition that he should answer 4 questions at least from the first 5 questions , then the number of ways for his answer =

- (a) ${}^5C_4 \times {}^8C_6$
- (b) ${}^5C_4 \times {}^8C_6 + {}^5C_5 \times {}^8C_5$
- (c) ${}^5P_4 \times {}^8P_6$
- (d) ${}^5P_4 \times {}^8P_6 + {}^5P_5 \times {}^8P_5$

يجب على الطالب أن يجيب على ١٣ سؤالاً بشرط أن يجيب عن ٤ أسئلة على الأقل من الأسئلة الخمس الأولى.

فإن عدد الطرق التي يجيب بها الطالب تساوى

(A) ${}^9C_4 \times {}^9C_5$

(B) ${}^9C_4 \times {}^9C_6 + {}^9C_5 \times {}^9C_6$

(C) ${}^9P_4 \times {}^9P_5$

(D) ${}^9P_4 \times {}^9P_6 + {}^9P_5 \times {}^9P_6$

13 If $1 + 7x + {}^7C_2 x^2 + \dots + x^7 = 128$,
then the value of $x = \dots$

- (a) 2
- (b) 1
- (c) -1
- (d) -2

إذا كان $1 + 7x + {}^7C_2 x^2 + \dots + x^7 = 128$
 $x = \dots$ فإن قيمة x هي

- (1) 2
- (ب) 1
- (ج) -1
- (د) -2

- 14 The point lies on the straight line
 $\vec{r} = (2, -1, 3) + k(1, 2, -1)$ is.....
- النقطة التي تقع على المستقيم
 $\vec{r} = (2, -1, 3) + k(1, 2, -1)$
..... هي
- (a) (2, 5, 3) (b) (1, 1, 1) (c) (0, 0, 1) (d) (3, 1, 2)
- (١) (٣, ٥, ٢) (٢) (٢, ١, ٣) (٣) (١, ٠, ٠) (٤) (٠, ١, ٢)

15 Answer one of the following two items:

- (A) If $Z = \frac{16}{1-\sqrt{3}i}$, write Z in the trigonometric form then find its cubic roots in the exponential form.
- (B) If $\frac{1+10\omega+10\omega^2}{1-3\omega-3\omega^2} = (ki)^2$, find the value of the real number k .

أجب عن أحدي الفقرتين الآتيتين:

$$(أ) إذا كان ع = \frac{16}{3\sqrt{-1} ت}$$

فاكتب ع على الصورة المثلثية ثم أوجد الجذور التكعيبية للعدد ع في الصورة الأسيّة.

$$(ب) إذا كان$$

$$\frac{\omega^{10} + \omega^{10} + 1}{\omega^3 - \omega^3 - 1} = (ك ت)^2$$

فأوجد قيمة العدد الحقيقي k .

16 If ${}^9C_r > {}^9C_{r-1}$, then

- (a) $r < 4$
- (b) $r > 4$
- (c) $r < 5$
- (d) $r > 5$

إذا كان ${}^9C_r > {}^9C_{r-1}$ فإن:

- (أ) $r > 4$
- (ب) $r < 4$
- (د) $r > 5$
- (ج) $r < 5$

17. The length of the diameter of the sphere:

$$x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$$

equals length unit

- (a) 5
- (b) 10
- (c) 15
- (d) 20

طول قطر الكرة: $S^2 + C^2 + U^2$

$$S^2 - 6C + U^2 + 4 = 0$$

يساوي وحدة طول

- (a) 5
- (b) 10
- (c) 15
- (d) 20

→ 15

18 The sum of the intercepted parts made by the plane $6x + y + 5z = 30$ with the coordinate axes equals length unit

- (a) 12 (b) 30
(c) 31 (d) 41

مجموع أطوال الأجزاء المقطوعة من محاور الإحداثيات بواسطة المستوى $6x + y + 5z = 30$ يساوى وحدة طول

- ١٢ (١) ٣٠ (ب)
٣١ (ج) ٤١ (د)

19. Answer one of the following two items:

- (A) If $A(1,2,-3)$, $B(3,5,-2)$, $C(m,1,-10m)$, determine the value of m which makes :
- A, B, C are collinear (on the same straight line)
 - $\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}$ are perpendicular.
- (B) $ABCD$ is a quadrilateral in which $A(3,0,2)$, $B(6,2,5)$, $C(4,4,5)$, and $D(1,2,2)$
- Prove that the figure $ABCD$ is a parallelogram and find its area.
 - Find the unit vector perpendicular to the plane of the quadrilateral.

أجب عن أحدي الفقرتين الآتيتين:

(أ) إذا كانت $\mathbf{A}(1,2,-3)$ ، $\mathbf{B}(2,5,0)$ ، $\mathbf{C}(m,1,-10m)$

فعين قيمة m التي تجعل:

(i) $\mathbf{A}, \mathbf{B}, \mathbf{C}$ على استقامة واحدة.

(ii) $\overrightarrow{\mathbf{AB}}, \overrightarrow{\mathbf{AC}}$ متعامدين.

(ب) $\mathbf{B}(2,0,5)$ $\mathbf{C}(2,1,4)$ $\mathbf{D}(4,2,5)$ $\mathbf{A}(3,0,2)$ ، $\mathbf{B}(2,6,5)$

(أ) أثبت أن الشكل $ABCD$ متوازي أضلاع وأوجد مساحته.

(ii) أوجد متجه وحدة عمودي على مستوى الشكل الرباعي.

