

(١)

1-

(أ) -١



2-

(ج) ٥



3-

$$\text{Q} \quad \vec{r} = \vec{BA} = \vec{A} - \vec{B}$$

$$\vec{r} = (1, -1, 4) - (2, -3, 1) = (-1, 2, 3) \quad \boxed{\frac{1}{2}}$$

$$\vec{M}_B = \begin{vmatrix} \vec{i} & \vec{j} & \vec{k} \\ -1 & 2 & 3 \\ 2 & 3 & -1 \end{vmatrix} \quad \boxed{\frac{1}{2}} = -11\vec{i} + 5\vec{j} - 7\vec{k} \quad \boxed{\frac{1}{2}}$$

Die Länge der Senkrechten

$$= \frac{\|\vec{M}_B\|}{\|\vec{F}\|} \quad \boxed{\frac{1}{2}}$$

$$= \frac{\sqrt{(-11)^2 + (5)^2 + (-7)^2}}{\sqrt{(2)^2 + (3)^2 + (-1)^2}} \approx 3.7 \quad \text{Längeneinheit.} \quad \boxed{\frac{1}{2}}$$

(النموذج د)

٢

b)

$$DB = \sqrt{9^2 + 12^2} = 15 \text{ cm}$$

$$DC = \sqrt{(25)^2 - (15)^2} = 20 \text{ cm}$$

$$EF = 5 \sin \theta$$

$$EF = 5 \times \frac{20}{25} = 4 \text{ cm}$$

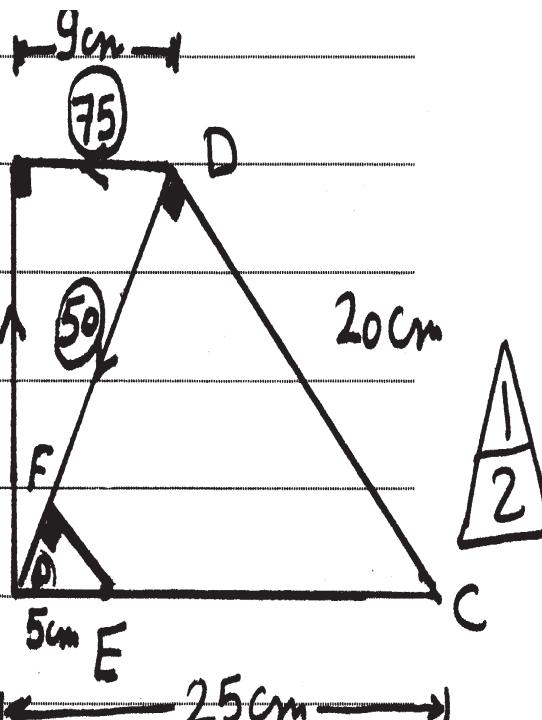
$$\therefore M_C = 0$$

$$\therefore 50 \times 20 + 75 \times 12 - F \times 25 = 0$$

$$\therefore F = 76 \text{ Newton}$$

$$\therefore M_E = -76 \times 5 + 75 \times 12 + 50 \times 4$$

$$M_E = 720 \text{ Newton.cm}$$



(تراعى الحلول الأخرى)

٣

4-

(b) 12



5-

(a) (3,3)



6-

**a**  
Die Leiter ist im Gleichgewichtszustand

$$(i) \quad X = 0, Y = 0$$

$$\therefore R_1 = \frac{1}{4} R_2 \rightarrow (1)$$

$$\therefore R_2 + \frac{2}{3} R_1 = \omega \rightarrow (2)$$

Durch Ersetzen (1) & (2)

$$4R_1 + \frac{2}{3} R_1 = \omega$$

$$\frac{14}{3} R_1 = \omega$$

$$\therefore R_1 = \frac{3}{14} \omega \quad \& \quad R_2 = \frac{6}{7} \omega$$

$$(iii) \quad M_B = 0$$



Angenommen, dass die Länge der Leiter =  $2l$  ist.

$$\therefore -R_1(2l \sin\vartheta) - \frac{2}{3} R_1(2l \cos\vartheta) + \omega(l \cos\vartheta) = 0$$

$$-\frac{3}{14} \omega(2l \sin\vartheta) - \frac{2}{3} \times \frac{3}{14} \omega(2l \cos\vartheta) + l \omega \cos\vartheta = 0$$

$$-\frac{3}{7} \tan\vartheta - \frac{2}{7} + 1 = 0 \quad \text{Durch Division von } (\omega l \cos\vartheta)$$

$$\frac{3}{7} \tan\vartheta = \frac{5}{7}$$

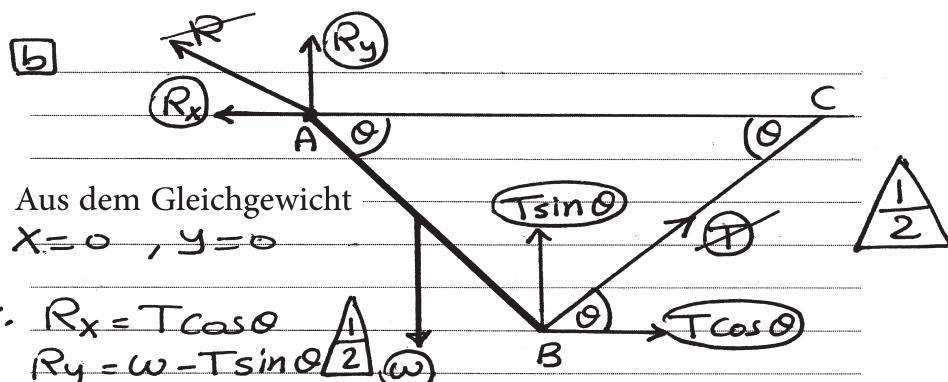
$$\tan\vartheta = \frac{5}{3}$$

$$\therefore m(\hat{\vartheta}) = 59^\circ 2'$$



(النموذج د)

٤



Aus dem Gleichgewicht

$$x=0, y=0$$

$$\therefore R_x = T \cos \theta \\ R_y = \omega - T \sin \theta$$

Angenommen, dass die Länge der Stange =  $2l$

$$\therefore M_A = 0$$

$$\therefore -\omega(l \cos \theta) + T \sin \theta (2l \cos \theta) + T \cos \theta (2l \sin \theta) = 0$$

Durch Division von  $(l \cos \theta)$

$$\therefore -\omega + 4T \sin \theta = 0$$

$$\therefore \omega = 4T \sin \theta$$

$$\therefore T = \frac{\omega}{4 \sin \theta}$$

$$\therefore R_x = \frac{\omega \cos \theta}{4 \sin \theta} = \frac{\omega}{4} \cot \theta$$

$$R_y = \omega - \frac{\omega}{4 \sin \theta} \times \sin \theta = \frac{3}{4} \omega$$

$$R = \sqrt{(R_x)^2 + (R_y)^2}$$

$$R = \sqrt{\frac{\omega^2}{16} \cot^2 \theta + \frac{9}{16} \omega^2}$$

$$R = \frac{\omega}{4} \sqrt{\cot^2 \theta + 9}$$

(تراعى الحلول الأخرى)

٥

7-

(أ) 48



8-

(ب) 90

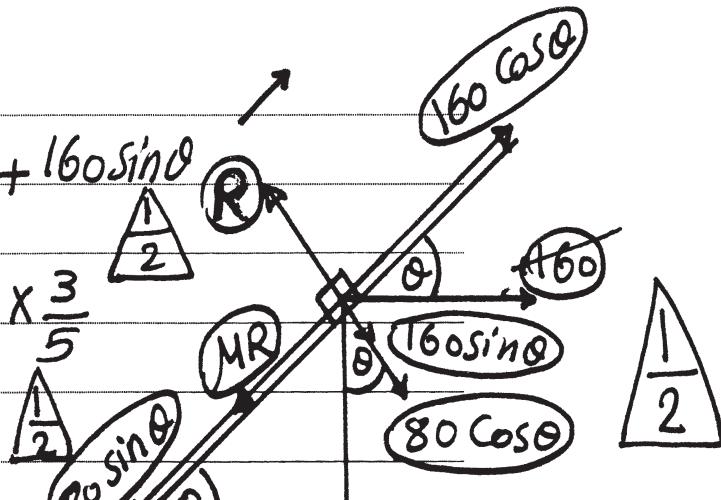


9-

$$R = 80 \cos \theta + 160 \sin \theta$$

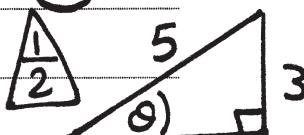
$$R = 80 \times \frac{4}{5} + 160 \times \frac{3}{5}$$

$$R = 160$$



Die Bewegung ist nach oben auf der Ebene

$$\therefore 160 \cos \theta = M_R + 80 \sin \theta$$



$$M_R = 160 \times \frac{4}{5} - 80 \times \frac{3}{5} = 80$$

$$160 M = 80 \Rightarrow M = \frac{1}{2}$$

٦

١٠-

Die Fläche des Rechtecks NLCE

Die Fläche des Rechtecks ABCD

$$= \frac{4 \times 6}{8 \times 12} = \frac{1}{4}$$

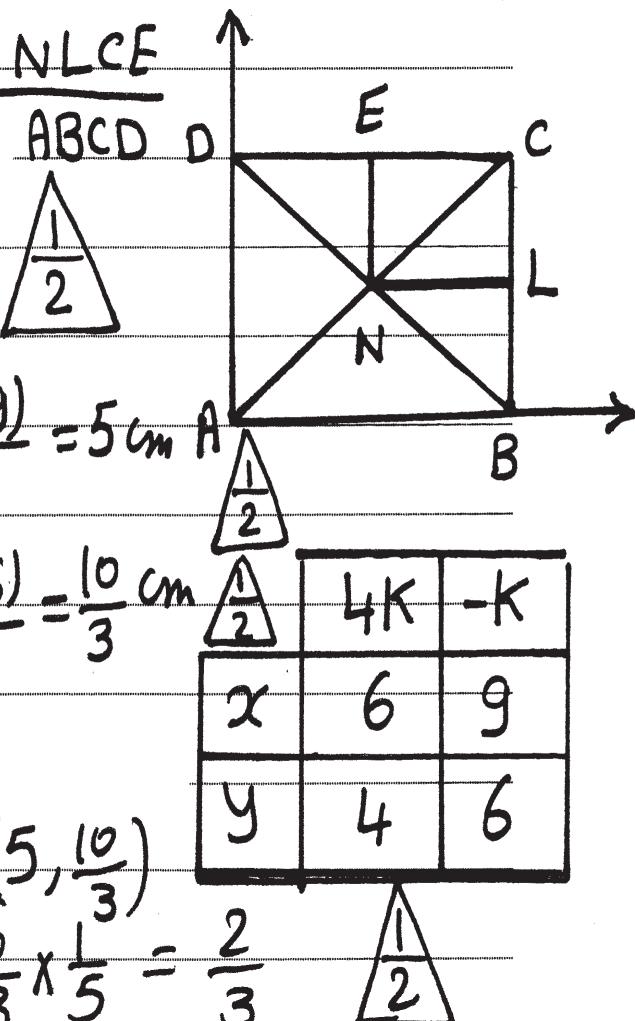
$$X_G = \frac{(4k)(6) + (-k)(9)}{(4k) + (-k)} = 5 \text{ cm}$$

$$Y_G = \frac{(4k)(4) + (-k)(6)}{(4k) + (-k)} = \frac{10}{3} \text{ cm}$$

∴ Der Schwerpunkt des übrigen Teils ist

$$(5, \frac{10}{3})$$

$$\tan \theta = \frac{y}{x} = \frac{10}{3} \times \frac{1}{5} = \frac{2}{3}$$



(تراعى الحلول الأخرى)

٧

11-

(C)  $[0, 12]$

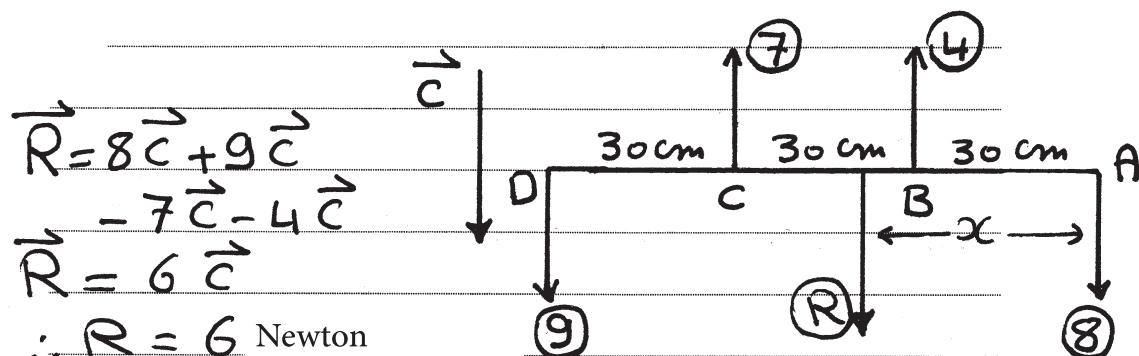


12-

(C) Die Summe der Momente der Kräfte um einen beliebigen Punkt und die Resultierende der Kräfte verschwinden.



13-



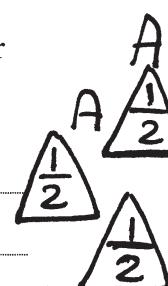
und wirkt in die Richtung der zwei Kräfte 8 N, 9 N



Angenommen, dass der Wirkungspunkt der Resultierenden  $x$  cm von A entfernt ist.

$\because$  Das Moment der Resultierenden um A = der Summe der Momente der Kräfte um A ist.

$$\begin{aligned} \therefore 6x &= (-4)(30) + (-7)(60) + (9)(90) \\ 6x &= 270 \quad \Rightarrow x = 45 \text{ cm.} \end{aligned}$$



النموذج (د)

٨

14-

Die Stange ist im Gleichgewichtszustand

Die Kräfte  $R$ , 20 N bilden ein  
Kräftepaar.

$$- 250 \text{ N.Cm.}$$

wobei  $R = \text{weight} = 20 \text{ N.}$

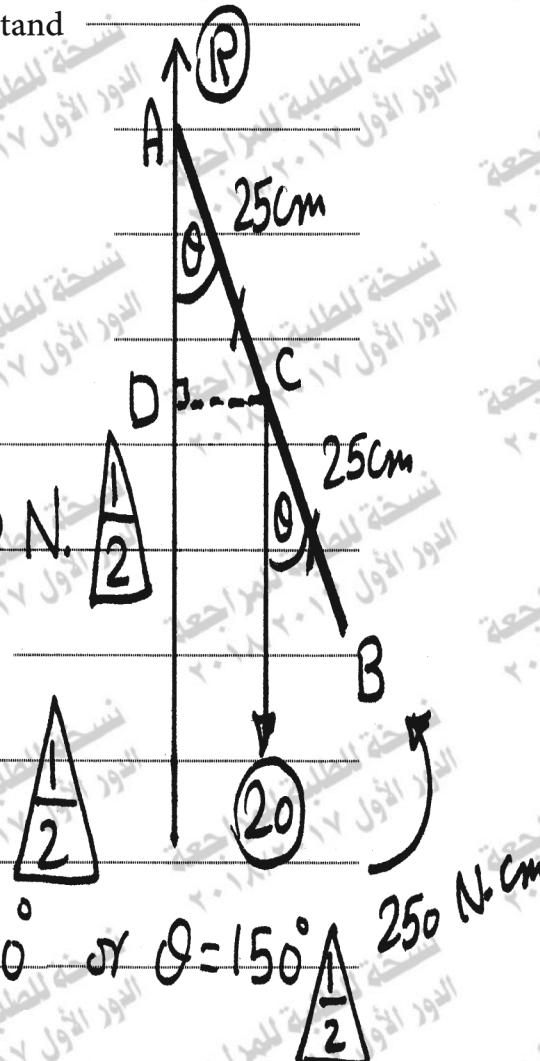
wirkt vertikal nach oben.

$RL$

$$- 20 \cdot CD = - 250$$

$$20 \times 25 \sin \theta = 250$$

$$\sin \theta = \frac{1}{2} \Rightarrow \theta = 30^\circ \text{ or } \theta = 150^\circ$$



(تراعي الحلول الأخرى)

٩

15-

(C) 160

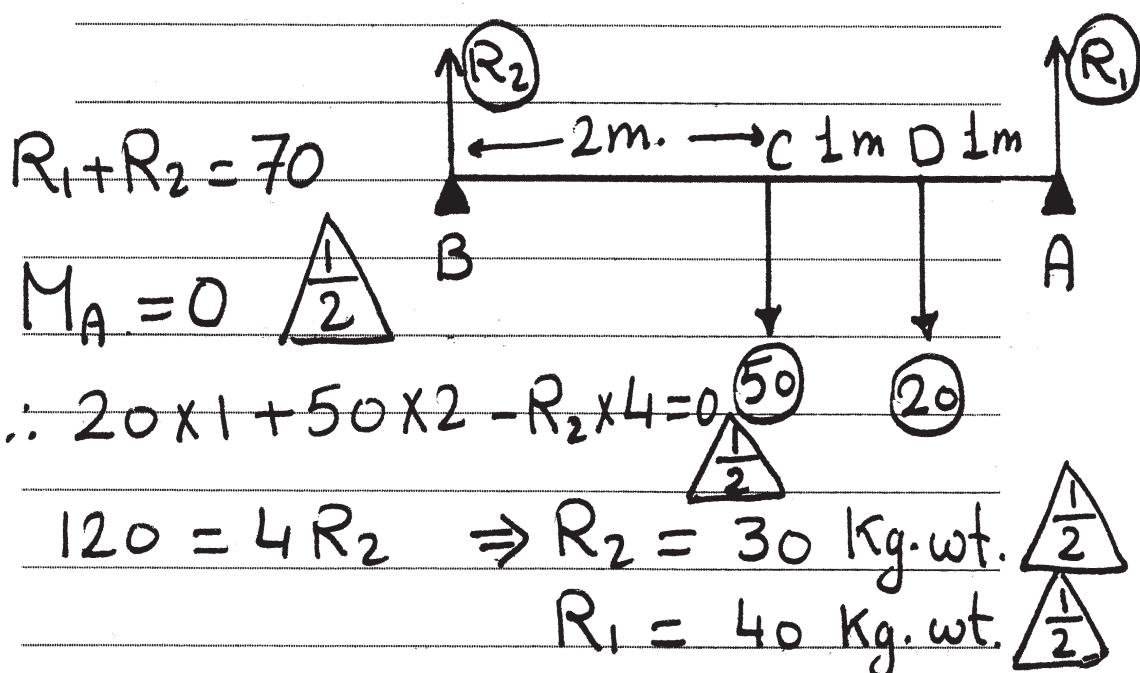


16-

(C) -2



17-

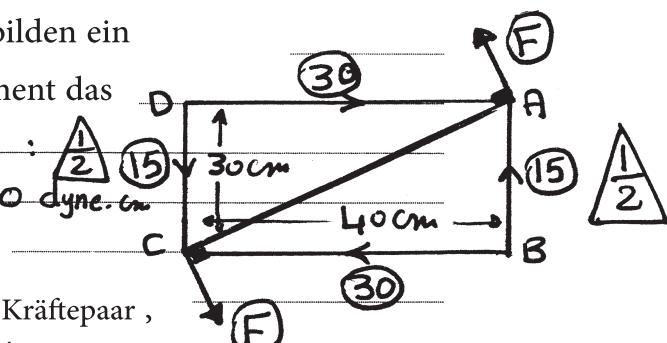


١٠

١٨-

- Die zwei Kräfte 15 , 15 bilden ein Kräftepaar , dessen Moment das algebraische Maß  $M_1$  :

$$M_1 = 15 \times 40 = 600 \text{ dyne.cm}$$



Die beiden Kräfte 30 , 30 bilden ein Kräftepaar , dessen Moment das algebraische Maß  $M_2$  :

$$M_2 = -30 \times 30 = -900 \text{ dyne.cm.}$$

• das System ist äquivalent zu einem Kräftepaar, dessen Moment das algebraische Maß

$$M = M_1 + M_2 = 600 - 900 = -300 \text{ dyne.cm} \text{ hat.}$$

$$\therefore \| \vec{M} \| = 300 \text{ dyne.cm.}$$

Und im Fall des Gleichgewichtszustand ist die Richtung von F , F wie abgebildet.

Die beiden Kräfte bilden ein Kräftepaar, das gleich zum Kräftepaar ist, das aus den vorliegenden Kräften resultiert wird und in entgegengesetzter Richtung ist.

$$\therefore F \times 50 = 300$$

$$\therefore F = 6 \text{ dyne}$$

(تراعي الحلول الأخرى)

(انتهت الإجابة وتراعي الحلول الأخرى)