

# امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة

لعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٨ - الدور الأول

## المادة : الجبر وال الهندسة الفراغية (باللغة الألمانية)

نموذج

أ

مجموع الدرجات

٣٠

التاريخ : ٢٠١٨/٦/١٠

زمن الإجابة : ساعتان

الدرجة	الأسئلة	توقيع	المراجع	المقدار
٤ ←	..... إلى ..... من .....			
٨ ←	..... إلى ..... من .....			
١٢ ←	..... إلى ..... من .....			
١٦ ←	..... إلى ..... من .....			
١٩ ←	..... إلى ..... من .....			

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

رقم المراقبة

--

مجموع الدرجات بالحروف :

إمضاءات المراجعين :

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة  
بخلاف الغلاف (٤) صفحات  
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة  
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

أ

نموذج

وزارة التربية والتعليم والتعليم الفني  
امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة  
لعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٨ - الدور الأول  
المادة : الجبر وال الهندسة الفراغية (باللغة الألمانية )

التاريخ : ٢٠١٨/٦/١٠

زمن الإجابة : ساعتان

رقم المراقبة

--

اسم الطالب (رابعياً) /

المدرسة :

رقم الجلوس :

- تقييم الملاحظين بصحة البيانات :  
- مطابقة عدد صفحات كراسة الإجابة  
عند استلامها من الطالب .

## تعليمات مهمة

- عدد أسئلة كراسة الامتحان (١٩) سؤالاً.
- عدد صفحات كراسة الامتحان (٢٨) صفحة.
- تأكد من ترقيم الأسئلة، ومن عدد صفحات كراسة الامتحان، فهي مسؤليتك.
- زمن الاختبار (ساعتان).
- الدرجة الكلية للاختبار (٣٠) درجة.

**عزيزي الطالب .. اقرأ هذه التعليمات بعناية :**

اقرأ التعليمات جيداً سواء في مقدمة كراسة الامتحان أو مقدمة الأسئلة، وفي ضوئها أجب عن الأسئلة.

اقرأ السؤال بعناية، وفك فيه جيداً قبل البدء في إجابته.

**إن الأسئلة مترجمة للإيصالح ، والمطلوب الإجابة بلغة واحدة فقط عن كل سؤال.**

استخدم القلم الجاف الأزرق للإجابة ، والقلم الرصاص في الرسومات، وعدم استخدام مزيل الكتابة .  
عند إجابتك للأسئلة المقالية، أجب في المساحة المخصصة للإجابة وفي حالة الحاجة لمساحة أخرى يمكن استكمال الإجابة في صفحات المسودة مع الإشارة إليها ، وإن إجابتك بأكثر من إجابة سوف يتم تقديرها .

**مثال:**

١  
٢  
٣  
٤

٥  
٦

عند إجابتك عن الأسئلة المقالية الاختيارية أجب عن **(A) أو (B) فقط.**

عند إجابتك عن أسئلة الاختيار من متعدد إن وجدت :

ظلل الدائرة ذات الرمز الدال على الإجابة الصحيحة تظليلاً كاملاً لكل سؤال.

**مثال: الإجابة الصحيحة (C) مثلاً**

- (a)
- (b)
- (c)
- (d)

**الإجابة الصحيحة مثلاً**

- في حالة ما إذا أجبت إجابة خطأ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة صحيحة تحسب الإجابة صحيحة.

- وفي حالة ما إذا أجبت إجابة صحيحة ، ثم قمت بالشطب وأجبت إجابة خطأ تحسب الإجابة خطأ.

**ملحوظة :**

**في حالة الأسئلة الموضوعية (الاختيار من متعدد) إذا تم التظليل على أكثر من رمز أو تم**

**تكرار الإجابة ؛ تعتبر الإجابة خطأ.**

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة.

٧

٨

٩

$(\hat{i}, \hat{j}, \hat{k})$  sind die Haupteinheitsvektoren im Raum .

1 Eine 4-köpfige Kommission will man von 9 Männern und 3 Frauen bilden. Die Anzahl der Kommissionen, die nur eine Frau enthält, ist gleich .....

(a)  ${}^3C_1 + {}^9C_3$

(b)  ${}^3C_1 \times {}^9C_3$

(c)  ${}^3P_1 \times {}^9P_3$

(d)  ${}^3P_1 + {}^9P_3$

A - 4 person committee is to be formed out of 9 men and 3 women. The number of committees contain only one woman = .....

(a)  ${}^3C_1 + {}^9C_3$     (b)  ${}^3C_1 \times {}^9C_3$

(c)  ${}^3P_1 \times {}^9P_3$     (d)  ${}^3P_1 + {}^9P_3$

2  $e^{\theta i} + e^{-\theta i} = \dots \dots \dots$

- (a)  $e^{2\theta i}$   
(c)  $2 \sin \theta$

- (b)  $2 \cos \theta$   
(d)  $e^{-2\theta i}$

$e^{\theta i} + e^{-\theta i} = \dots \dots \dots$

- (a)  $e^{2\theta i}$   
(b)  $2 \cos \theta$   
(c)  $2 \sin \theta$   
(d)  $e^{-2\theta i}$

3 Die Gleichung der Geraden, die über die zwei Punkte  $A(2, 1, -3)$ ,  $B(1, 2, -5)$  verläuft, ist .....

- (a)  $\vec{r} = (-1, 2, -2) + k(2, 1, -3)$
- (b)  $\vec{r} = (1, 2, -5) + k(2, 1, -3)$
- (c)  $\vec{r} = (3, 2, 4) + k(-1, 1, 2)$
- (d)  $\vec{r} = (2, 1, -3) + k(-1, 1, -2)$

The equation of the straight line passes through the two points  $A(2, 1, -3)$ ,  $B(1, 2, -5)$  is:

- .....
- (a)  $\vec{r} = (-1, 2, -2) + k(2, 1, -3)$
  - (b)  $\vec{r} = (1, 2, -5) + k(2, 1, -3)$
  - (c)  $\vec{r} = (3, 2, 4) + k(-1, 1, 2)$
  - (d)  $\vec{r} = (2, 1, -3) + k(-1, 1, -2)$

#### 4 Beantworten Sie nur (A) oder (B)!

- A) Sei  $Z = \frac{8(\sqrt{3}+i)}{\sqrt{3}-i}$ , finden Sie die Kubikwurzeln der Komplexzahl  $Z$  in der exponentiellen Form.
- B) Sei  $(x + iy)(1 - 3i) = 37 \left( \frac{1}{3-4\omega^2} + \frac{1}{7+4\omega^2} \right)$ , finden Sie den Wert von jeweils  $x, y$ , wobei  $x, y$  reelle Zahlen sind.

Answer one of the following two items:

- (A) If  $Z = \frac{8(\sqrt{3}+i)}{\sqrt{3}-i}$ , then find its cubic roots in the exponential form.
- (B) If  $(x + yi)(1 - 3i) = 37 \left[ \frac{1}{3-4\omega^2} + \frac{1}{7+4\omega^2} \right]$  find the value of each of the real numbers  $x$  and  $y$ .

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

5 Sei  ${}^nC_9 : {}^nC_7 = 7 : 9$ , dann gilt  
 $n = \dots$

(a) 7

(b) 15

(c) 16

(d) 9

If  ${}^nC_9 : {}^nC_7 = 7 : 9$ ,  
then  $n = \dots$

(a) 7      (b) 15

(c) 16      (d) 9

**6**

Die Gleichung der Kugel, deren Mittelpunkt der Punkt  $(2, -3, 4)$  ist, und die die Koordinatenebene  $xy$  berührt, ist gleich .....

- (a)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 4$
- (b)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 9$
- (c)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 16$
- (d)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 + (z + 4)^2 = 16$

The equation of the sphere with center  $(2, -3, 4)$  and touches  $xy$ -plane is :

- (a)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 4$
- (b)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 9$
- (c)  $(x - 2)^2 + (y + 3)^2 + (z - 4)^2 = 16$
- (d)  $(x + 2)^2 + (y - 3)^2 + (z + 4)^2 = 16$

7 Die Gleichung der Ebene, die über den Punkt  $(3, 4, 5)$  verläuft und parallel zu den beiden Koordinatenachsen  $x, y$  ist, ist .....

- (a)  $x + y = 7$       (b)  $z = 5$   
(c)  $x = 3$               (d)  $y = 4$

The equation of the plane passes through the point  $(3, 4, 5)$  and parallel to the coordinate axes  $x, y$  is: .....

- (a)  $x + y = 7$       (b)  $z = 5$   
(c)  $x = 3$               (d)  $y = 4$

**8**

**Beantworten Sie nur (A) oder (B)!**

- A) ABC ist ein Dreieck, in dem  
 $A(2, 3, 1), B(3, 5, 4)$ ,  
 $\vec{BC} = (-1, 4, 0)$  sind. Finden Sie:  
 i)  $m(\angle ABC)$ .  
 ii) die Richtungskomponente des Vektors  
 $\vec{AC}$  in die Richtung von  $\vec{AB}$
- B) Seien  $\vec{A}, \vec{B}, \vec{C}$  drei benachbarte  
 Kanten eines Parallelepipeds,  
 wobei  $\vec{A} = (1, 4, 2)$ ,  $\vec{B} = (-3, 2, 1)$   
 und  $\vec{C} = (-1, 1, 4)$  sind.  
 i) Finden Sie das Volumen des  
 Parallelepipeds.  
 ii) Finden Sie die Höhe des Parallelepipeds,  
 die auf die Basis gezogen wird, die durch  
 den zwei Vektoren  $\vec{A}, \vec{B}$  begrenzt wird.

**Answer one of the following two items:**

(A) ABC is a triangle in which  $A(2,3,1), B(3,5,4)$ ,  
 $\vec{BC}= (-1,4,0)$

Find: (i)  $m(\angle ABC)$   
 (ii) The direction component of  
 $\vec{AC}$  in the direction of  $\vec{AB}$

(B) If  $\vec{A}, \vec{B}, \vec{C}$  are three adjacent edges in a parallelepiped such that:  $\vec{A} = (1,4,2)$   
 $\vec{B} = (-3,2,1), \vec{C} = (-1,1,4)$

Find : (i) The volume of the parallelepiped  
 (ii) The height of the parallelepiped drawn on the base determined by the two vectors  $\vec{A}, \vec{B}$ ,



9 Sei in der Entwicklung von  $\left(x^2 + \frac{1}{x}\right)^n$  der Koeffizient des vierten Terms gleich dem Koeffizienten des dreizehnten Terms, dann ist der Wert von  $n = \dots$ .

(a) 25

(b) 15

(c) 20

(d) 17

In the expansion of  $\left(x^2 + \frac{1}{x}\right)^n$ , If the coefficient of the fourth term equals the coefficient of  $T_{13}$ , then the value of  $n = \dots$ .

(a) 25

(b) 15

(c) 20

(d) 17

**10** Seien  $\vec{A} = (-2, 4, 6)$ ,  $\vec{B} = (0, k, 3)$ , wobei  $k \in \mathbb{Z}^+$  ist, und sei  $\|\vec{AB}\| = 7$ , dann ist der Wert von  $k = \dots$

(a) 10

(b) 8

(c) 6

(d) 4

If  $\vec{A} = (-2, 4, 6)$ ,  $\vec{B} = (0, k, 3)$  such that  $k \in \mathbb{Z}^+$  and  $\|\vec{AB}\| = 7$ , then the value of  $k = \dots$

(a) 10      (b) 8

(c) 6      (d) 4

- 11** Die Länge der Senkrechten, die vom Punkt  $(2, 3, 1)$  zur Ebene  $2x - 2y + z = 5$  gezogen wird, ist gleich ..... Längeneinheit.

- (a) 1  
(c) 3

- (b) 2  
(d) 4

The length of the perpendicular from the point  $(2, 3, 1)$  to the plane :  $2x - 2y + z = 5$  equals ..... length unit

- (a) 1  
(b) 2  
(c) 3  
(d) 4

**12** Ohne die Determinante auszurechnen, beweisen Sie, dass

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^2 & b^2 & c^2 \end{vmatrix} = (b-a)(c-a)(c-b) \text{ ist.}$$

Without expansion the determinant ,  
Prove that :

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a & b & c \\ a^2 & b^2 & c^2 \end{vmatrix} = (b-a)(c-a)(c-b)$$



**13** Sei  $Z = (1 + \sqrt{3}i)^n$ , und sei  $|z| = 8$ ,  
dann ist die grundlegende Amplitude der  
Zahl  $Z$  gleich .....

(a)  $\frac{\pi}{2}$

(b)  $\frac{\pi}{3}$

(c)  $\frac{\pi}{6}$

(d)  $\pi$

If  $Z = (1 + \sqrt{3}i)^n$  and  $|z| = 8$ ,  
then the principle amplitude for the  
number  $Z$  equals .....

(a)  $\frac{\pi}{2}$

(b)  $\frac{\pi}{3}$

(c)  $\frac{\pi}{6}$

(d)  $\pi$

14

Wenn in der kartesischen Koordinatenebene  $xy$  das Maß des Winkels zwischen  $\vec{A}$ ,  $\vec{B}$  gleich  $\theta$  ist, dann gilt  $\frac{\|\vec{A} \times \vec{B}\|}{(\vec{A} \cdot \vec{B})} = \dots$

(a)  $\sin \theta$

(b)  $\cos \theta$

(c)  $\tan \theta$

(d)  $\cot \theta$

In the Cartesian plane  $xy$  if  $\theta$  is the measure of the angle between  $\vec{A}$  and  $\vec{B}$ , then  $\frac{\|\vec{A} \times \vec{B}\|}{\vec{A} \cdot \vec{B}} = \dots$

(a)  $\sin \theta$

(b)  $\cos \theta$

(c)  $\tan \theta$

(d)  $\cot \theta$

- 15** Finden Sie den Term, der  $x^4$  in der Entwicklung von  $\left(x^2 - \frac{1}{x^2}\right)^{12}$  nach den absteigenden Potenzen von  $x$  enthält, dann finden Sie das Verhältnis zwischen dem Koeffizienten dieses Terms und dem mittleren Term.

Find the term contains  $x^4$  in the expansion of  $(x^2 - \frac{1}{x^2})^{12}$  according to the descending power of  $x$ , then find the ratio between the coefficient of this term and the middle term.

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

- 16** Finden Sie die verschiedenen Formen der Gleichung der Ebene, die über den Punkt  $(2, -1, 0)$  verläuft, und zu der der Vektor  $\vec{u} = 4\vec{i} + 10\vec{j} - 7\vec{k}$  senkrecht ist.

Find the different forms of the equation of the plane passes through the point  $(2, -1, 0)$  and the vector  $\vec{u} = 4\vec{i} + 10\vec{j} - 7\vec{k}$  is perpendicular to it .

**17** Sei  $(1 + \omega)^7 = a + b\omega$ , wobei  $a, b$  zwei reelle Zahlen sind, dann gilt  
 $(a, b) = \dots$

- |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| <input type="radio"/> (a) (0, -1) | <input type="radio"/> (b) (1, 1)  |
| <input type="radio"/> (c) (0, 1)  | <input type="radio"/> (d) (1, -1) |

If  $(1 + \omega)^7 = a + b\omega$  such that  $a$  and  $b$  are two real numbers, then  
 $(a, b) = \dots$

- |                                   |                                   |
|-----------------------------------|-----------------------------------|
| <input type="radio"/> (a) (0, -1) | <input type="radio"/> (b) (1, 1)  |
| <input type="radio"/> (c) (0, 1)  | <input type="radio"/> (d) (1, -1) |

- 18** Finden Sie die verschiedenen Formen der Gleichung der geraden Linie, die über den Punkt  $(3, 2, -1)$  verläuft und macht gleiche Winkel mit den positiven Richtungen der Koordinatenachsen.

Find the different forms of the equation of the straight line passes through the point  $(3, 2, -1)$  and makes equal angles with the positive directions of the coordinate axes .

19

Lösen Sie das folgende Gleichungssystem unter Verwendung der Inverse der Matrix:

$$2z - 3y = 7, \quad y + 5x = 4, \quad x - 2y - z = 1$$

Solve the following system of linear equations using the inverse matrix:

$$\begin{aligned} 2z - 3y &= 7, \\ y + 5x &= 4, \\ x - 2y - z &= 1 \end{aligned}$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---