

1

La mesure de l'angle entre deux droites

dont les cosinus des angles directeurs sont

$$\left(\frac{2}{3}; \frac{-2}{3}; \frac{1}{3}\right) \text{ et } \left(\frac{1}{\sqrt{2}}; \frac{1}{\sqrt{2}}; 0\right)$$

est égale à.....

(a) 60°

(b) 30°

(c) 90°

(d) 120°

إذا كانت جيوب تمام اتجاهات

مستقيمين هي $\left(\frac{2}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{1}{3}\right)$ ،

فإن قياس الزاوية

بين المستقيمين تساوي

°٣٠

(ب)

°٦٠

(أ)

°١٢٠

(د)

°٩٠

(ج)

2

2

Trouvez l'équation du plan qui est parallèle au plan $2x + y - 4z = 0$ et se trouve à la distance $\sqrt{21}$ unités de longueur du point $(1; 2; 0)$.

أوجد معادلة المستوى الموازي للمستوى $2x + y - 4z = 0$ والمسافة $\sqrt{21}$ وحدة طول من النقطة $(1, 2, 0)$.

3

Résoudre l'équation matricielle
suivante:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix}$$

حل المعادلة المصفوفية الآتية:

$$\begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ v \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} س \\ ص \\ ع \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ٢ \\ ١ \\ ١ \end{pmatrix}$$

4

Si $Z = 2 + 2\sqrt{3}i$; alors la forme exponentielle du nombre Z est égale à.....

(a) $4 e^{-\frac{\pi}{3}i}$

(b) $4 e^{\frac{\pi}{3}i}$

(c) $4 e^{-\frac{\pi}{6}i}$

(d) $4 e^{\frac{\pi}{6}i}$

إذا كان $z = 2 + 2\sqrt{3}i$ فإن الصورة الأسية للعدد z تساوي

(أ) $4 e^{-\frac{\pi}{3}i}$

(ب) $4 e^{\frac{\pi}{3}i}$

(ج) $4 e^{-\frac{\pi}{6}i}$

(د) $4 e^{\frac{\pi}{6}i}$

5

Si $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$ est

une équation d'une sphère ;

alors la longueur de diamètre de la sphère

est égale à.....unités de longueur.

(a) 5

(b) 10

(c) 15

(d) 20

إذا كانت $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$ هي معادلة كرة فإن طول قطر الكرة يساوي.....وحدة طول.

(ب)

(د)

(أ)

(ج)

6 Si les angles directeurs d'un vecteur sont 45° ; 45° et θ ; alors l'une des valeurs de $\theta = \dots$

- (a) 45° (b) 90°
(c) 135° (d) 60°

إذا كانت $(\theta, 45^\circ, 45^\circ)$ هي زوايا الاتجاه لمتجه فإن إحدى قيم (θ) تساوي

- (أ) 45° (ب) 90°
(ج) 135° (د) 60°

7 Répondez à une question seulement (a) ou (b) :

(a) Trouvez l'ensemble solution de

l'équation:

$$Z^3 = -8i ; \text{ à la forme trigonométrique.}$$

(b) Si $Z = \frac{1}{\sqrt{2}}(1 + i)$, trouvez les deux racines carrées du nombre Z à la forme trigonométrique.

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين :

أ- أوجد مجموعة حل المعادلة

$$z^3 = -8i \text{ في الصورة المثلثية.}$$

ب- إذا كان $z = \frac{1}{\sqrt{2}}(1 + i)$

أوجد الجذرين التربيعيين له في الصورة المثلثية.

8

Soit $C_n^6 : C_n^5 = 1 : 3$; alors $(n-3)!$

est égale à.....

(a) 24

(c) 120

(b) 11

(d) 6

إذا كان $C_n^6 : C_n^5 = 1 : 3$ فإن $(n-3)!$ يساوي

(أ) 24 (ب) 11

(ج) 120 (د) 6

9 Le terme médian dans le développement de

$(2x + \frac{1}{2x^2})^{12}$ est égale à

(a) $C_{12}^6 x^{-6}$

(b) $C_{12}^6 x^6$

(c) $C_{12}^7 x^5$

(d) C_{12}^6

الحد الأوسط في مفكوك

$(2x + \frac{1}{2x^2})^{12}$

يساوي

(أ) $C_{12}^6 x^{-6}$

(ب) $C_{12}^6 x^6$

(ج) $C_{12}^7 x^5$

(د) C_{12}^6

10 Les coordonnées du milieu d'un segment dont ses extrémités sont les deux points $(-3 ; 2 ; 4)$ et $(-5 ; 2 ; 8)$ est.....

(a) $(-2 ; 2 ; 4)$

(b) $(\frac{-5}{2} ; 5 ; \frac{5}{2})$

(c) $(\frac{-2}{3} ; \frac{1}{3} ; \frac{2}{3})$

(d) $(-4 ; 2 ; 6)$

إحداثيات نقطة منتصف القطعة المستقيمة التي طرفاها $(-4, 2, 3)$ و $(-1, 2, 5)$ هي.....

(أ) $(-4, 2, 3)$

(ب) $(\frac{5}{2}, 5, \frac{5}{2})$

(ج) $(\frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3})$

(د) $(-6, 2, 4)$

11

Démontrez que le développement de $(x^2 + \frac{2}{x^2})^{11}$ ne contient pas de terme constant.

أثبت أن مفكوك $(x^2 + \frac{2}{x^2})^{11}$ لا يحتوي على حد خالي من س.

12

Trouvez l'Aire du parallélogramme dont

 \vec{A} et \vec{B} sont deux côtés consécutifs où

$$\vec{A} = (3; 6; 3) \text{ et } \vec{B} = (-6; -2; -4).$$

أوجد مساحة متوازي الأضلاع

الذي فيه \vec{A} ، \vec{B} ضلعان متجاوران

$$\text{حيث } \vec{A} = (3, 6, 3), \vec{B} = (-6, -2, -4).$$

13

Combien de nombres pairs supérieurs à 300 peut-on former en utilisant des chiffres parmi les chiffres 1 ; 2 ; 3 ; 4 et 5 avec remise ?

- (a) 30
(b) 250
(c) 111
(d) 1530

من الأرقام ١، ٢، ٣، ٤، ٥ كم عددًا زوجيًا أكبر من ٣٠٠ يمكن تكوينه من هذه الأرقام مع الإحلال؟

- (أ) ٣٠
(ب) ٢٥٠
(ج) ١١١
(د) ١٥٣٠

14

Si $Z = \sqrt{2} (\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)$, alors la détermination principale de l'argument du nombre Z est égale à.....

(a) 30°

(c) 90°

(b) 60°

(d) 120°

إذا كان $Z = \sqrt{2} (\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)$ فإن السعة الأساسية للعدد Z تساوي.....

(أ) 30°

(ب) 60°

(ج) 90°

(د) 120°

15 Les cosinus des angles directeurs du vecteur $\vec{A} = (-2 ; 1 ; 2)$ sont.....

- (a) $(-2 ; 1 ; 2)$
 (b) $(-\frac{2}{3} ; \frac{1}{3} ; \frac{2}{3})$
 (c) $(-\frac{5}{2} ; 5 ; \frac{5}{3})$
 (d) $(-1 ; 1 ; 1)$

جيوب تمام زوايا الاتجاه للمتجه $\vec{m} = (-2, 1, 2)$ هي

- (أ) $(2, 1, 2)$
 (ب) $(-\frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3})$
 (ج) $(-\frac{5}{2}, 5, \frac{5}{3})$
 (د) $(-1, 1, 1)$

16 Sans développer le déterminant, démontrez que:

$$\begin{vmatrix} 3x & 3x & 3x \\ 1 & b & a \\ a+b & a+1 & b+1 \end{vmatrix} = 0$$

بدون فك المحدد أثبت أن

$$\text{صفر} = \begin{vmatrix} 3س & 3س & 3س \\ ١ & ب & ا \\ ا+ب & ا+١ & ب+١ \end{vmatrix}$$

17

Soient $(1; \omega \text{ et } \omega^2)$ les racines cubiques de l'unité; alors

$1 + \omega + \omega^2 + \omega^3 + \dots + \omega^{100}$
est égale à

(a) Zéro

(b) 1

(c) ω (d) $-\omega^2$

إذا كان $(1, \omega, \omega^2)$ هي الجذور التكعيبية للواحد الصحيح فإن:

$$\dots + \omega^3 + \omega^2 + \omega + 1 + \dots$$

$$+ \omega^{100} \dots$$

(أ) صفر

(ب) ω

(ج)

(د)

18 Répondez à une question seulement (a) ou (b) :

(a) Si les deux droites :

$$L_1 : \vec{r} = (2 ; 3 ; -4) + k (2 ; 3 ; a) \text{ et}$$

$$L_2 : \frac{x-5}{b} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-4}{2} \text{ sont parallèles.}$$

Trouvez la valeur de chacun de **a** et **b**.

(b) Démontrez que les deux droites suivantes sont perpendiculaires :

$$L_1 : \vec{r} = (1 ; 2 ; 4) + k_1 (4 ; -2 ; 2)$$

$$L_2 : x = 1 - 6 k_2 ; y = 1 + 21 k_2 ; z = 1 + 33 k_2$$

أجب عن إحدى الفقرتين
الآتيتين :

أ- إذا كان المستقيمان

$$L_1 : \vec{r} = (2, 3, -4) + k(2, 3, a) ,$$

$$L_2 : \frac{x-5}{b} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-4}{2}$$

متوازيين أوجد قيمة كل من **a**، **b**.

ب- أثبت أن المستقيمين :

$$L_1 : \vec{r} = (1, 2, 4) + k_1(4, -2, 2) ,$$

$$L_2 : x = 1 - 6 k_2 ; y = 1 + 21 k_2 ; z = 1 + 33 k_2$$

متعامدان.

19

Si $\vec{A} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ et $\vec{B} = 4\vec{i} - \vec{j}$; alors $\vec{A} \cdot \vec{B}$ est égale à.....

(a) 5

(c) 3

(b) 4

(d) 8

إذا كان $\vec{A} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ ،و $\vec{B} = 4\vec{i} - \vec{j}$ فإن $\vec{A} \cdot \vec{B}$

يساوي

(ب) 4

(د) 8

(أ) 5

(ج) 3

