

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة
للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦ - الدور الثاني

المادة : الجبر والمهندسة الفراغية (باللغة الفرنسية)

نموذج

التاريخ : ٢٠١٧/٨/١٦

زمن الإجابة : ساعتان

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة
بخلاف الغلاف (٤) صفحات
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

ج

مجموع الدرجات

٣٠

| توقيع | | الدرجة | الأسئلة من إلى |
|---------|--------|--------|-------------------------------|
| المراجع | المقدر | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |
| | | | |

رقم المراقبة

مجموع الدرجات بالحروف :

إمضاءات المراجعين :

عدد صفحات الكراسة (٢٨) صفحة
بخلاف الغلاف (٤) صفحات
وعلى الطالب مسؤولية المراجعة
والتأكد من ذلك قبل تسليم الكراسة

نموذج

ج

وزارة التربية والتعليم والتدريب الفني

امتحان شهادة إتمام الدراسة الثانوية العامة

للعام الدراسي ٢٠١٧/٢٠١٦ - الدور الثاني

المادة : الجبر والمهندسة الفراغية (باللغة الفرنسية)

التاريخ : ٢٠١٧/٨/١٦

زمن الإجابة : ساعتان

رقم المراقبة

اسم الطالب (رباعياً) /
المدرسية :
رقم الجلوس :
الإدارة :
المحافظة :

توقيع الملاحظين بصحة البيانات :
ومطابقة عدد صفحات كراسة الإجابة
عند استلامها من الطالب .

1

Soient $(1; \omega \text{ et } \omega^2)$ les racines cubiques de l'unité; alors

$1 + \omega + \omega^2 + \omega^3 + \dots + \omega^{100}$
est égale à

(a) Zéro

(b) 1

(c) ω (d) $-\omega^2$

إذا كان $(1, \omega, \omega^2)$ هي الجذور التكعيبية للواحد الصحيح فإن:

$$\dots + \omega^2 + \omega + 1$$

$$+ \omega \dots$$

(أ) صفر

(ب) 1

(ج) ω (د) $-\omega^2$

2

2

Répondez à une question seulement (a) ou (b) :

(a) Si les deux droites :

$$L_1 : \vec{r} = (2 ; 3 ; -4) + k (2 ; 3 ; a) \text{ et}$$

$$L_2 : \frac{x-5}{b} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-4}{2} \text{ sont parallèles.}$$

Trouvez la valeur de chacun de **a** et **b**.

(b) Démontrez que les deux droites suivantes sont perpendiculaires :

$$L_1 : \vec{r} = (1 ; 2 ; 4) + k_1 (4 ; -2 ; 2)$$

$$L_2 : x = 1 - 6 k_2 ; y = 1 + 21 k_2 ; z = 1 + 33 k_2$$

أجب عن إحدى الفقرتين
الآتيتين:

أ- إذا كان المستقيمان

$$L_1 : \vec{r} = (2, 3, -4) + k(2, 3, a) \text{ ،}$$

$$L_2 : \frac{x-5}{b} = \frac{y+4}{6} = \frac{z-4}{2} \text{ متوازيين أوجد قيمة كل من } a \text{ ، } b \text{ .}$$

ب- أثبت أن المستقيمين:

$$L_1 : \vec{r} = (1, 2, 4) + k_1(4, -2, 2) \text{ ،}$$

$$L_2 : x = 1 - 6 k_2 ; y = 1 + 21 k_2 ; z = 1 + 33 k_2 \text{ متعامدان.}$$

3

Si $\vec{A} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ et $\vec{B} = 4\vec{i} - \vec{j}$; alors $\vec{A} \cdot \vec{B}$ est égale à.....

(a) 5

(c) 3

(b) 4

(d) 8

إذا كان $\vec{A} = 2\vec{i} + 3\vec{j} - \vec{k}$ ،و $\vec{B} = 4\vec{i} - \vec{j}$ فإن $\vec{A} \cdot \vec{B}$

يساوي

(ب) ٤

(د) ٨

(ا) ٥

(ج) ٣

4

La mesure de l'angle entre deux droites

dont les cosinus des angles directeurs sont

$$\left(\frac{2}{3}; \frac{-2}{3}; \frac{1}{3}\right) \text{ et } \left(\frac{1}{\sqrt{2}}; \frac{1}{\sqrt{2}}; 0\right)$$

est égale à.....

(a) 60°

(b) 30°

(c) 90°

(d) 120°

إذا كانت جيوب تمام اتجاهات

مستقيمين هي $\left(\frac{2}{3}, \frac{-2}{3}, \frac{1}{3}\right)$ ،

فإن قياس الزاوية

بين المستقيمين تساوي.....

°٣٠

(ب)

°٦٠

(أ)

°١٢٠

(د)

°٩٠

(ج)

6

5

Trouvez l'équation du plan qui est parallèle au plan $2x + y - 4z = 0$ et se trouve à la distance $\sqrt{21}$ unités de longueur du point $(1 ; 2 ; 0)$.

أوجد معادلة المستوى الموازي للمستوى $2x + y - 4z = 0$ والواقع على بعد $\sqrt{21}$ وحدة طول من النقطة $(1, 2, 0)$.

6 Résoudre l'équation matricielle suivante:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix}$$

حل المعادلة المصفوفية الآتية:

$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 5 \\ 1 \\ 7 \end{pmatrix}$$

7

Si $Z = 2 + 2\sqrt{3}i$; alors la forme exponentielle du nombre Z est égale à.....

(a) $4 e^{-\frac{\pi}{3}i}$

(b) $4 e^{\frac{\pi}{3}i}$

(c) $4 e^{-\frac{\pi}{6}i}$

(d) $4 e^{\frac{\pi}{6}i}$

إذا كان $z = 2 + 2\sqrt{3}i$ فإن الصورة الأسية للعدد z تساوي

(أ) $4 e^{-\frac{\pi}{3}i}$

(ب) $4 e^{\frac{\pi}{3}i}$

(ج) $4 e^{-\frac{\pi}{6}i}$

(د) $4 e^{\frac{\pi}{6}i}$

8

Si $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$ est

une équation d'une sphère ;

alors la longueur de diamètre de la sphère

est égale à.....unités de longueur.

(a) 5

(b) 10

(c) 15

(d) 20

إذا كانت $x^2 + y^2 + z^2 + 4x - 6y + 8z + 4 = 0$ هي معادلة كرة فإن طول قطر الكرة يساوي.....وحدة طول.

(ب)

(أ)

(د)

(ج)

9

Si les angles directeurs d'un vecteur sont

45° ; 45° et θ ; alors l'une desvaleurs de $\theta = \dots$

(a) 45°

(b) 90°

(c) 135°

(d) 60°

إذا كانت (θ ، 45° ، 45°) هي
زوايا الاتجاه لمتجه فإن إحدى
قيم (θ) تساوي(أ) 45° (ب) 90° (ج) 135° (د) 60°

10 Répondez à une question seulement (a) ou (b) :

(a) Trouvez l'ensemble solution de

l'équation:

$$Z^3 = -8i ; \text{ à la forme trigonométrique.}$$

(b) Si $Z = \frac{1}{\sqrt{2}}(1 + i)$, trouvez les deux racines carrées du nombre Z à la forme trigonométrique.

أجب عن إحدى الفقرتين الآتيتين:

أ- أوجد مجموعة حل المعادلة

$$ع^3 - 8 = ٨ \text{ في الصورة المثلثية.}$$

ب- إذا كان $ع = \frac{1}{\sqrt{2}}(1 + i)$

أوجد الجذرين التربيعيين له في الصورة المثلثية.

11

Soit $C_n^6 : C_n^5 = 1 : 3$; alors $(n-3)!$

est égale à.....

(a) 24

(c) 120

(b) 11

(d) 6

$3:1 = 3:1$

فإن $|n-3|$ يساوي

(ب) 11

(د) 6

(أ) 24

(ج) 120

12 Le terme médian dans le développement de

$(2x + \frac{1}{2x^2})^{12}$ est égale à

(a) $C_{12}^6 x^{-6}$

(b) $C_{12}^6 x^6$

(c) $C_{12}^7 x^5$

(d) C_{12}^6

الحد الأوسط في مفكوك

$^{12}C_2 (\frac{1}{2}x^{-2})^2 + 2^{12}C_2$

يساوي

(أ)

$^{12}C_6 x^6$

(ب)

(ج)

(د)

13 Les coordonnées du milieu d'un segment dont ses extrémités sont les deux points $(-3 ; 2 ; 4)$ et $(-5 ; 2 ; 8)$ est.....

(a) $(-2 ; 2 ; 4)$

(b) $(\frac{-5}{2} ; 5 ; \frac{5}{2})$

(c) $(\frac{-2}{3} ; \frac{1}{3} ; \frac{2}{3})$

(d) $(-4 ; 2 ; 6)$

إحداثيات نقطة منتصف القطعة المستقيمة التي طرفاها $(-3, 2, 4)$ ، $(-5, 2, 8)$ هي

(أ) $(-2, 2, 4)$

(ب) $(\frac{-5}{2}, 5, \frac{5}{2})$

(ج) $(\frac{-2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3})$

(د) $(-4, 2, 6)$

14

Démontrez que le développement de $(x^2 + \frac{2}{x^2})^{11}$ ne contient pas de terme constant.

أثبت أن مفكوك $(x^2 + \frac{2}{x^2})^{11}$ لا يحتوي على حد خالي من س.

15

Trouvez l'Aire du parallélogramme dont

 \vec{A} et \vec{B} sont deux côtés consécutifs où

$$\vec{A} = (3; 6; 3) \text{ et } \vec{B} = (-6; -2; -4).$$

أوجد مساحة متوازي الأضلاع

الذي فيه \vec{A} ، \vec{B} ضلعان متجاوران

$$\text{حيث } \vec{A} = (3, 6, 3), \vec{B} = (-6, -2, -4).$$

16 Combien de nombres pairs supérieurs à 300 peut-on former en utilisant des chiffres parmi les chiffres 1 ; 2 ; 3 ; 4 et 5 avec remise ?

- (a) 30 (b) 250
(c) 111 (d) 1530

من الأرقام ١، ٢، ٣، ٤، ٥ كم عددًا زوجيًا أكبر من ٣٠٠ يمكن تكوينه من هذه الأرقام مع الإحلال؟

- (أ) ٣٠ (ب) ٢٥٠
(ج) ١١١ (د) ١٥٣٠

17

Si $Z = \sqrt{2} (\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)$, alors la détermination principale de l'argument du nombre Z est égale à.....

(a) 30°

(c) 90°

(b) 60°

(d) 120°

إذا كان
 $z = \sqrt{2} (\sin 30^\circ + i \cos 30^\circ)$
 فإن السعة الأساسية للعدد z

تساوي

(أ) 30°

(ب) 60°

(ج) 90°

(د) 120°

Ⓐ

Ⓑ

Ⓒ

Ⓓ

18 Les cosinus des angles directeurs du vecteur $\vec{A} = (-2 ; 1 ; 2)$ sont.....

- (a) $(-2 ; 1 ; 2)$
 (b) $(-\frac{2}{3} ; \frac{1}{3} ; \frac{2}{3})$
 (c) $(-\frac{5}{2} ; 5 ; \frac{5}{3})$
 (d) $(-1 ; 1 ; 1)$

جيوب تمام زوايا الاتجاه للمتجه $\vec{m} = (2, 1, 2)$ هي

- (أ) $(2, 1, 2)$
 (ب) $(\frac{2}{3}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3})$
 (ج) $(\frac{5}{2}, 5, \frac{5}{3})$
 (د) $(1, 1, 1)$

19 Sans développer le déterminant, démontrez que:

$$\begin{vmatrix} 3x & 3x & 3x \\ 1 & b & a \\ a+b & a+1 & b+1 \end{vmatrix} = 0$$

بدون فك المحدد أثبت أن

$$\text{صفر} = \begin{vmatrix} 3س & 3س & 3س \\ ١ & ب & ا \\ ا+ب & ا+١ & ب+١ \end{vmatrix}$$

نسخة للطالبة للمراجعة الدور الثاني ٢٠١٦/٢٠١٧