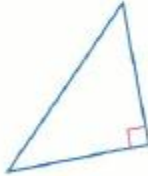


1- تحديد المثلثات وتصنيفها حسب قياسات الزوايا . 2- تحديد المثلثات وتصنيفها حسب قياسات الأضلاع .

المفهوم الأساسي تصنيفات المثلثات حسب الزوايا

مثلث قائم الزاوية



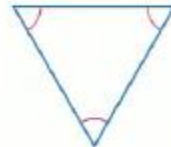
1 زاوية قائمة

مثلث منفرج الزاوية



1 زاوية منفرجة

مثلث متساوي الزوايا



3 زوايا حادة متطابقة

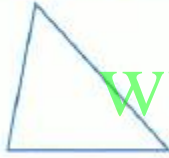
مثلث حاد



3 زوايا حادة

المفهوم الأساسي تصنيفات المثلثات حسب الأضلاع

مثلث مختلف الأضلاع



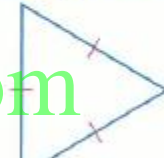
لا توجد أضلاع متطابقة

مثلث متساوي الساقين



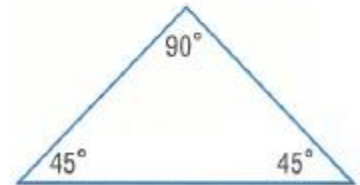
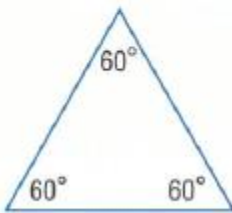
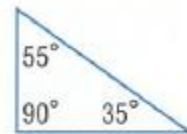
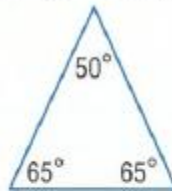
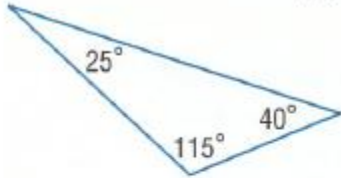
ضلعان متطابقان على الأقل

مثلث متساوي الأضلاع

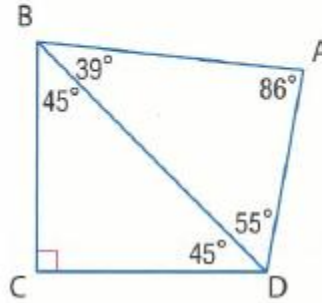
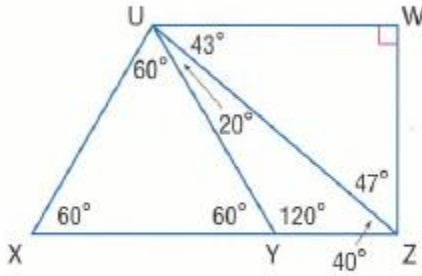


الأضلاع الثلاثة متطابقة

ضع تصنيفاً لكل مثلث باعتباره حاد الزاوية أو متساوي الزوايا أو منفرج الزاوية أو قائم الزاوية.

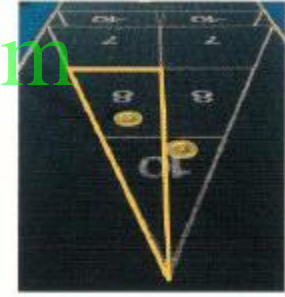


الدقة ضع تصنيفاً لكل مثلث باعتباره حاد الزاوية أو متساوي الزوايا أو منفرج الزاوية أو قائم الزاوية.

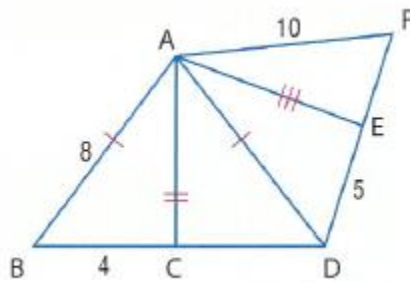


- \_\_\_\_\_  $\triangle UYZ$
- \_\_\_\_\_  $\triangle BCD$
- \_\_\_\_\_  $\triangle ADB$
- \_\_\_\_\_  $\triangle UXZ$
- \_\_\_\_\_  $\triangle UWZ$
- \_\_\_\_\_  $\triangle UXY$

ضع تصنيفاً لكل مثلث باعتباره متساوي الأضلاع، أو متساوي الساقين، أو مختلف الأضلاع.



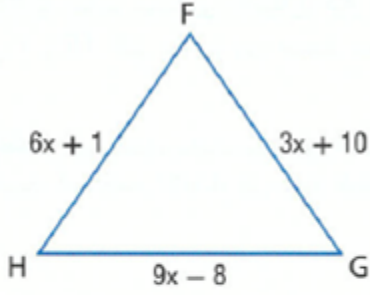
\_\_\_\_\_



إذا كانت النقطة  $C$  هي نقطة الوسط في  $\overline{BD}$  والنقطة  $E$  هي نقطة الوسط في  $\overline{DF}$ ، فضع تصنيفاً لكل مثلث باعتباره متساوي الأضلاع، أو متساوي الساقين، أو مختلف الأضلاع.

- $\triangle AEF$  \_\_\_\_\_  $\triangle ABC$  \_\_\_\_\_
- $\triangle ACD$  \_\_\_\_\_  $\triangle ADF$  \_\_\_\_\_
- $\triangle ABD$  \_\_\_\_\_  $\triangle AED$  \_\_\_\_\_

الجبر أوجد قيمة  $x$  وطول كل ضلع إذا كان  $\triangle FGH$  متساوي الأضلاع.



---

---

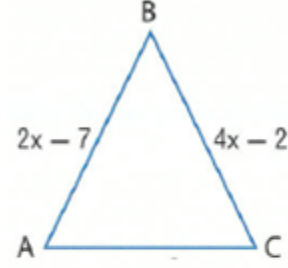
---

---

---

---

الجبر أوجد قيمة  $x$  وطول كل ضلع إذا كان  $\triangle ABC$  متساوي الساقين حيث  $\overline{AB} \cong \overline{BC}$ .



---

---

---

---

---

---

[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

هندسة الإحداثيات أوجد قياسات أضلاع  $\triangle XYZ$  وضع تصنيفاً لكل مثلث حسب أضلاعه.  $X(7, 6), Y(5, 1), Z(9, 1)$

---

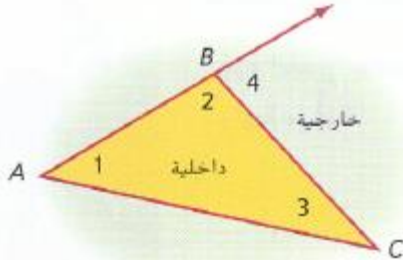
---

---

---

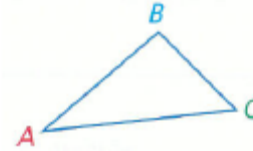
نظرية الزوايا الخارجية

قياس الزاوية الخارجية في مثلث يساوي مجموع قياسات الزاويتين الداخليتين غير المجاورتين.



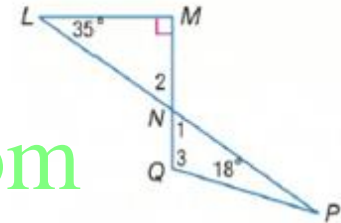
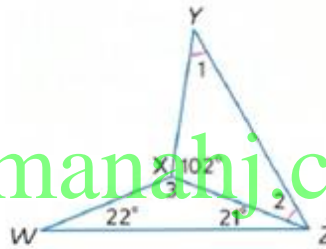
نظرية مجموع زوايا المثلث

الشروح يبلغ مجموع قياسات زوايا المثلث 180.



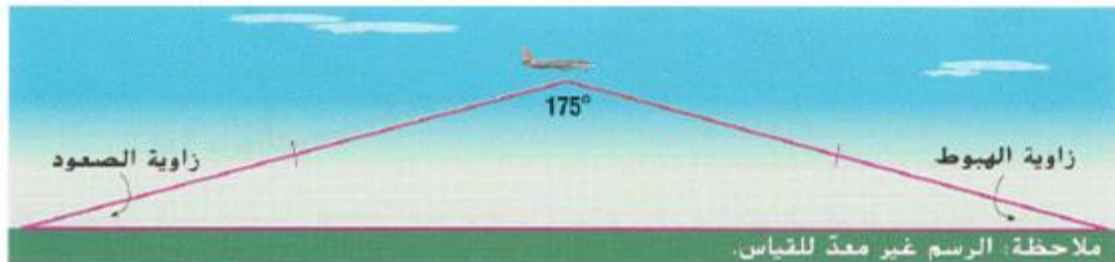
$$m\angle A + m\angle B + m\angle C = 180$$

أوجد قياس جميع الزوايا المرقمة.



www.almanhaj.com

**الطائرات** يمكن تمثيل مسار طائرة باستخدام ضلعي مثلث كما هو ظاهر. المسافة التي تقطعها الطائرة أثناء الصعود تساوي المسافة التي تقطعها أثناء الهبوط.



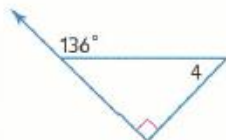
MUSTAFA ALI  
alllaam@yal

b. زاويتا الصعود والهبوط متطابقتان. أوجد قياسيهما.

a. ضع تصنيفًا للنموذج باستخدام أضلاعه وزواياه.

أوجد قياس كل مما يلي.

$m\angle 4$




---

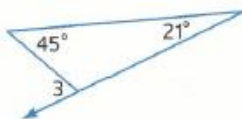


---



---

$m\angle 3$




---

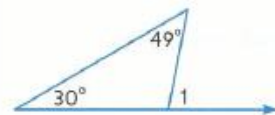


---



---

$m\angle 1$




---

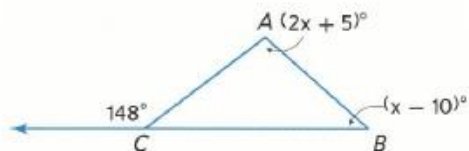


---



---

$m\angle ABC$




---

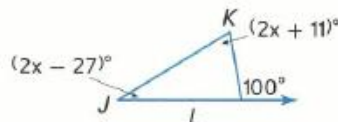


---



---

$m\angle JKL$




---

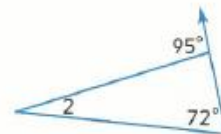


---



---

$m\angle 2$




---

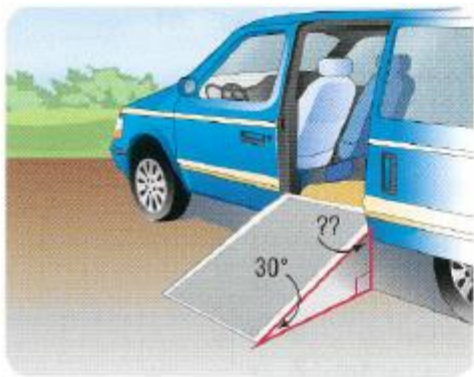


---



---

www.almanahj.com



منحدر الكرسي المتحرك افترض أن منحدر الكرسي المتحرك الظاهر بشكل زاوية تبلغ  $12^\circ$  مع الأرض. فما قياس الزاوية التي يشكلها المنحدر مع باب السيارة؟

---



---



---

الانتظام أوجد قياس كل مما يلي.

$m\angle 1$

---

$m\angle 3$

---

$m\angle 5$

---

$m\angle 2$

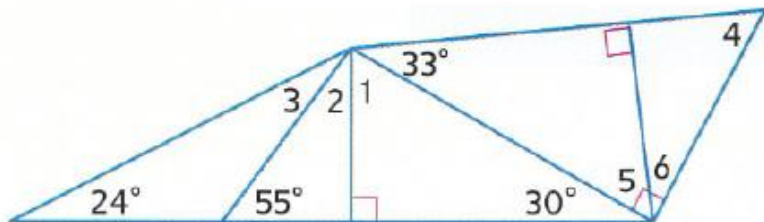
---

$m\angle 4$

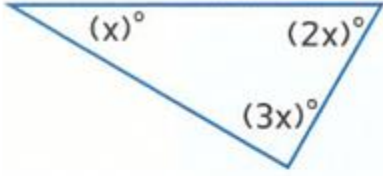
---

$m\angle 6$

---



الجبر أوجد قيمة  $x$ . ثم أوجد قياس كل زاوية.



---

---

---

---

---

---

---



---

---

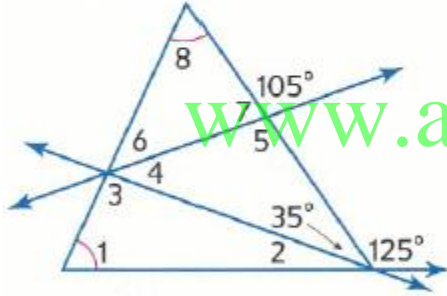
---

---

---

---

---



---

---

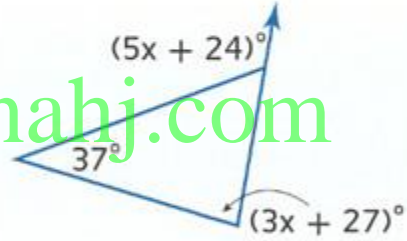
---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

---

---

نواتج التعلم

2- البرهنة على تطابق المثلثات باستخدام تعريف

1- ذكر الأجزاء المتناظرة في المضلعات المتطابقة

إذا كان هناك شكلان هندسيان بنفس الشكل والحجم، فإنهما **متطابقان**

في **المضلعين المتطابقين**، تتطابق جميع أجزاء أحد المضلعين مع **الأجزاء المتناظرة** أو الأجزاء المطابقة في المضلع الآخر. وتشمل هذه الأجزاء المتناظرة الزوايا المتناظرة والأضلاع المتناظرة.

نظرية الزوايا الثالثة

إذا كانت زاويتان في مثلث متطابقتين مع زاويتين في مثلث آخر، فعندئذ تتطابق الزاوية الثالثة في المثلثين.

خصائص تطابق المثلث

خاصية تناظر تطابق المثلث

إذا كان  $\triangle ABC \cong \triangle EFG$ ، فإن  $\triangle EFG \cong \triangle ABC$

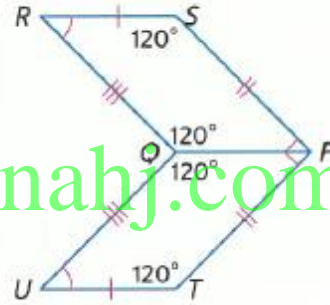
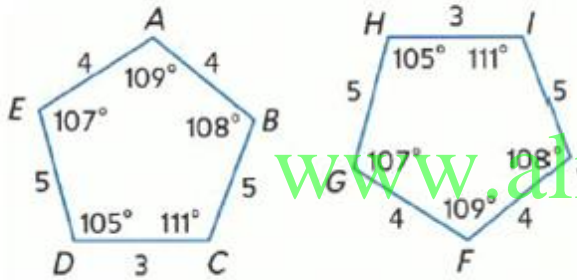
خاصية انعكاس تطابق المثلث

$\triangle ABC \cong \triangle ABC$

خاصية تعدي تطابق المثلث

إذا كان  $\triangle ABC \cong \triangle EFG$  و  $\triangle EFG \cong \triangle JKL$ ، فإن  $\triangle ABC \cong \triangle JKL$

وضح أن الشكلين المضلعين متطابقين عن طريق تحديد جميع الأجزاء المتناظرة المتطابقة. ثم اكتب عبارة التطابق.




---



---



---



---



---



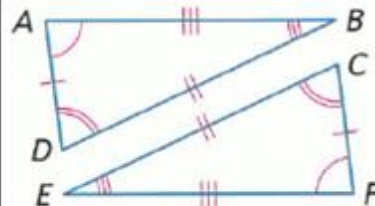
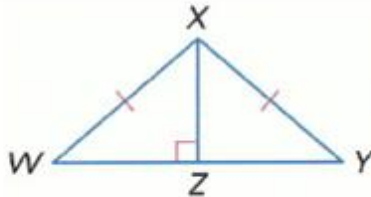
---



---



---




---



---



---



---



---



---





البرهان اكتب برهاناً حرّاً للنظرية 12.3.

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

البرهان اكتب النوع المحدد من برهان

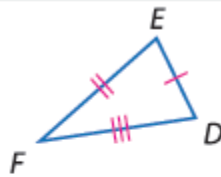
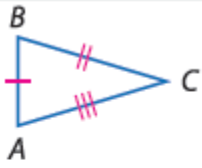
تطابق المثلثات يتسم بالانعكاس. (برهان تبسلي)

[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

ورقة عمل الصف التاسع 12-4 إثبات تطابق المثلثات - تساوي الأضلاع الثلاثة (SSS), تساوي ضلعين وزاوية (SAS)

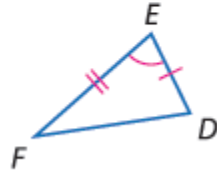
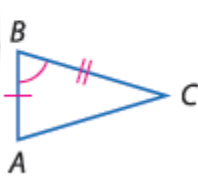
نواتج التعلّم

1. استخدام مسلّمة تساوي الأضلاع الثلاثة (SSS) لاختبار تطابق المثلثين.
2. استخدام مسلّمة تساوي ضلعين وزاوية (SAS) لاختبار تطابق المثلثين.



المسلّمة 6.1 تطابق بتساوي الأضلاع الثلاثة (SSS)

إذا كانت ثلاثة أضلاع في مثلث متطابقة مع ثلاثة أضلاع في مثلث آخر، فالمثلثان متطابقان.



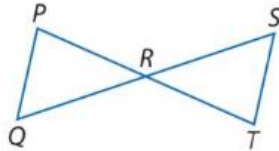
المسلّمة 6.2 تطابق بتساوي ضلعين وزاوية (SAS)

كلّيات عند تطابق ضلعين والزاوية المحصورة بينهما في مثلث مع ضلعين والزاوية المحصورة بينهما في مثلث آخر، فيكون المثلثان متطابقين.

البرهان اكتب نوع البرهان المحدد.

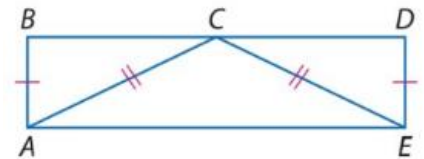
فقرة برهان

المعطيات:  $R$  هي نقطة المنتصف في  $PT$  و  $QS$ .  
المطلوب:  $\triangle PRQ \cong \triangle TRS$



برهان من عمودين

المعطيات:  $\overline{AB} \cong \overline{ED}$ ,  $\overline{CA} \cong \overline{CE}$   
 $\overline{BD}$  يُنصّف  $\overline{AC}$ .  
المطلوب:  $\triangle ABC \cong \triangle EDC$

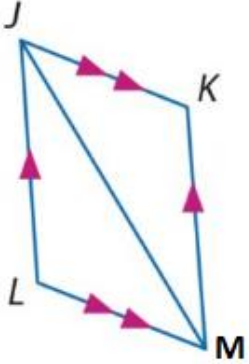




ورقة عمل الصف التاسع 12-5 مسلّمة زاويتين والضلع المحصور بينهما (ASA) وتساوي زاويتين وضلع (SAA)

نواتج التعلّم

1. استخدام مسلّمة زاويتين والضلع المحصور بينهما (ASA) لاختبار التطابق.  
2. استخدام نظرية تساوي زاويتين وضلع (AAS) لاختبار التطابق.



برهان تسلسلي

المعطيات:  $\overline{JK} \parallel \overline{LM}, \overline{JL} \parallel \overline{KM}$

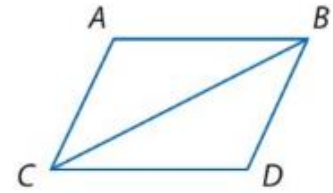
المطلوب:  $\triangle JML \cong \triangle MJK$

البرهان اكتب نوع البرهان المحدد.

برهان من عمودين

المعطيات:  $\overline{CB}$  يُنصّف  $\angle ABD$  و  $\angle ACD$ .

المطلوب:  $\triangle ABC \cong \triangle DBC$



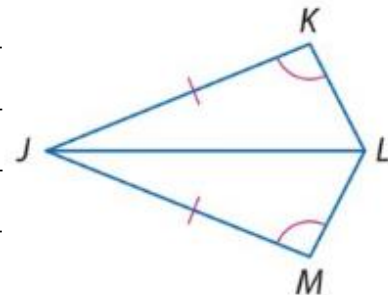
www.almanahj.com

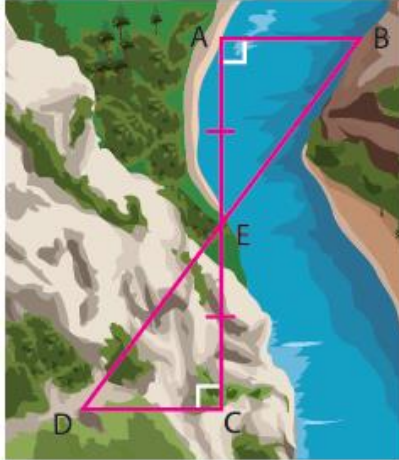
فقرة برهان

المعطيات:  $\angle K \cong \angle M, \overline{JK} \cong \overline{JM}$

$\overline{JL}$  ينصف  $\angle KLM$

المطلوب:  $\triangle JKL \cong \triangle JML$





**بناء الجسور** تحتاج مهندسة مسح إلى إيجاد المسافة من النقطة  $A$  إلى النقطة  $B$  عبر أحد الأودية. وضعت وتدًا عند  $A$ ، ووضع زميل لها وتدًا عند  $B$  على الجانب الآخر من الوادي. ثم حددت مهندسة المسح النقطة  $C$  على نفس الجانب من الوادي الموجود عليه  $A$  بحيث إن  $\overline{CA} \perp \overline{AB}$ . تم وضع وتد رابع عند  $E$ ، نقطة المنتصف في  $\overline{CA}$ . وأخيرًا، تم وضع وتد عند  $D$  بحيث إن  $\overline{CD} \perp \overline{CA}$  وتقع  $D$ ، و  $E$ ، و  $B$  على الخط نفسه.

a. اشرح كيف تستطيع مهندسة المسح استخدام المثلثات التي تشكلت لإيجاد  $AB$ .

---



---



---



---

[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

b. إذا كان  $AC = 1300$  متر، و  $DC = 550$  مترًا، و  $DE = 851.5$  مترًا، فما قياس  $AB$ ؟ اشرح استنتاجك.

---



---



---

**ملخص المفهوم البرهنة على تطابق المثلثات**

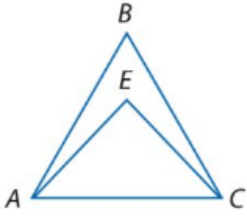
AAS	ASA	SAS	SSS
تطابق زوجين من الزوايا المتناظرة والضلعين المتناظرين غير المحصورين.	تطابق زوجين من الزوايا المتناظرة والضلعين المحصورين بينهما.	تطابق زوجين من الأضلاع المتناظرة والزوايتين المحصورتين بينهما.	تطابق ثلاثة أزواج من الأضلاع المتناظرة.

ورقة عمل الصف التاسع 6-12 المثلثات متساوية الساقين ومتساوية الأضلاع الاسم: \_\_\_\_\_

نواتج التعلّم

2- استخدام خواص المثلثات متساوية الأضلاع.

1- استخدام خواص المثلثات متساوية الساقين.

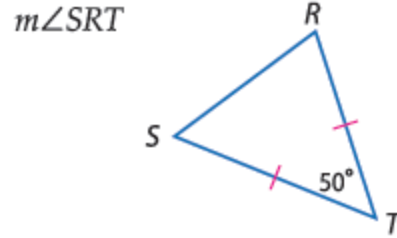
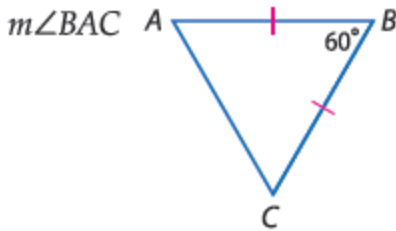


راجع الشكل الموجود على اليسار.

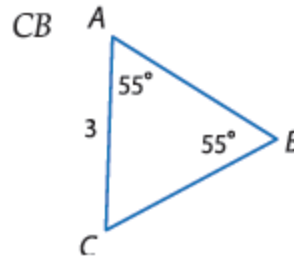
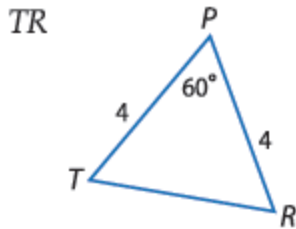
1. إذا كان  $\overline{AB} \cong \overline{CB}$  ، فاذكر اسم زاويتين متطابقتين. \_\_\_\_\_

2. إذا كانت  $\angle EAC \cong \angle ECA$  ، فاذكر اسم قطعتين متطابقتين. \_\_\_\_\_

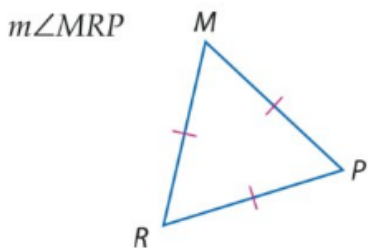
أوجد قياس كل مما يلي.



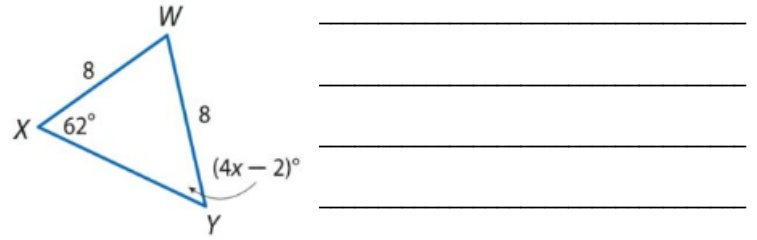
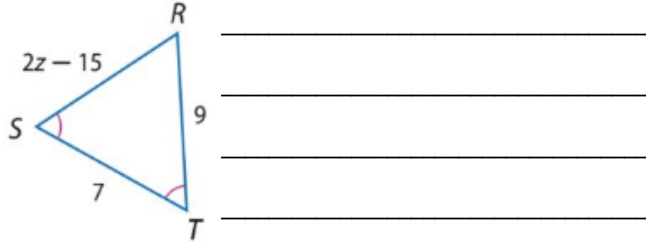
www.almanahj.com



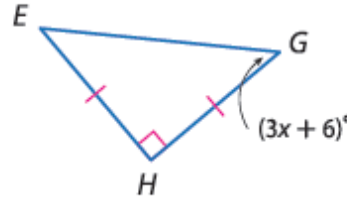
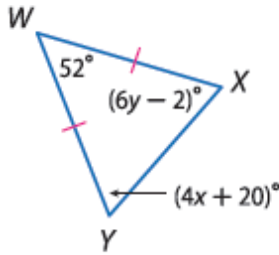
أوجد قياس كل مما يلي.



فهم طبيعة المسائل أوجد قيمة كل متغير.

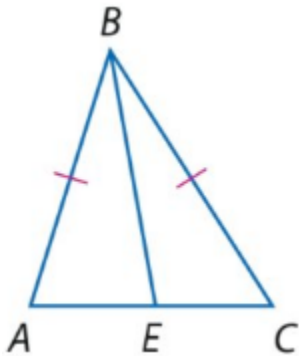


الانتظام أوجد قيمة كل متغير.



[www.almanahj.com](http://www.almanahj.com)

البرهان اكتب برهاناً من عمودين.



المعطيات:  $\triangle ABC$  متساوي الساقين؛  $\overline{EB}$  ينصف  $\angle ABC$ .  
المطلوب:  $\triangle ABE \cong \triangle CBE$