

مراجعة ليلة الامتحان في مادة الجبر

للشهادة الإعدادية

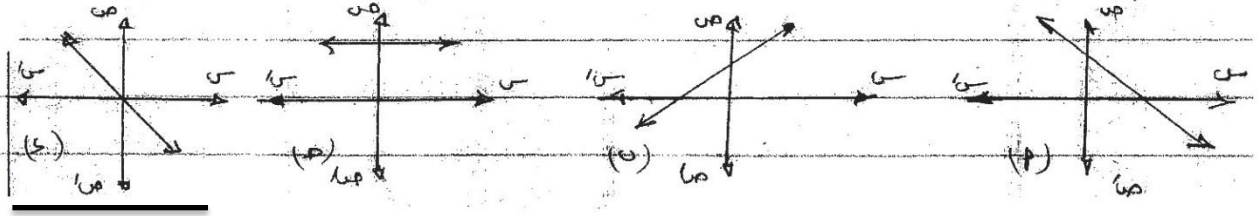
السؤال الأول : اختر الإجابة الصحيحة :-

- (١) النقطة (-٣، ٤) تقع في الربع [الأول ، الثاني ، الثالث، الرابع]
- (٢) اذا كانت النقطة(س-٥، ٧-س) تقع في الربع الثاني فان س= [٥، ٣، ٧، ٩]
- (٣) اذا كانت س={٢} ، ص={٤، ٠} فان ن(س×ص)=..... [٨، ٨٠، ٦، ٢]
- (٤) اذا كان ن(س)=٥ ، ن(س×ص) = ١٥ فان ن(ص)=..... [٤٥، ٣، ١/٣، ٢٥]
- (٥) اذا كانت س={٥، ٦، ٧} فان ن(س^٢)=..... [٣، ٦، ٩، ١٢]
- (٦) اذا كانت النقطة (س، ٧) تقع علي محور الصادات فان س+١=.... [صفر، ١، ٥، ٦]
- (٧) اذا كانت (٣، ٥) ∈ {٦، ٣} × {س، ٨} فان س=..... [٨، ٦، ٣، ٥]
- (٨) اذا كان بيان العلاقة ع هو { (٢، ٣) ، (٥، ١) ، (٤، ٦) } فان ع تمثل دالة مداها هو..... [{٢، ٤، ٥} ، {١، ٣، ٦} ، ط، ص]
- (٩) مجموعة صور عناصر مجال الدالة تسمى[القاعدة ، المجال، المدي، المجال المقابل]
- (١٠) اذا كانت د دالة من المجموعة س الي المجموعة ص فان مدي الدالة ⊃ [س ، ص ، س × ص ، ع]
- (١١) اذا كانت $\frac{١}{٣} = \frac{٥}{٣}$ فان $\frac{١٣}{٥} =$ [١، ٣، ٥، ١٥]
- (١٢) اذا كانت أ، س، ب، ٢ كميات متناسبة فان $\frac{١}{ب} =$ [٢ : ١ ، ١ : ٢ ، ٣ : ١ ، ١ : ٣]
- (١٣) اذا كانت ٣ أ = $\frac{٥}{٦}$ فان $\frac{١}{ب} =$ [$\frac{١٨}{٥}$ ، $\frac{١٥}{٦}$ ، $\frac{٦}{١٥}$ ، $\frac{٥}{١٨}$]
- (١٤) الرابع المتناسب للكميات ٣، ٦، ٦ هو [٣، ٦، ٩، ١٢]
- (١٥) الوسط المتناسب بين العددين ٤، ٢٥ = [١٠، ٢٩، ١٠٠، ١٠ ±]
- (١٦) الأول المتناسب للاعداد ٢١، ١٥، ٣٥ هو..... [$\frac{٣}{٧}$ ، ٣، ٧، ٩]
- (١٧) الدالة د حيث د(س) = س^٤ - ٢س^٣ + ٧ كثيرة حدود من الدرجة [الاولى ، السابعة ، الرابعة ، الثالثة]
- (١٨) اذا كانت د(س)=٧ فان د(٣)=..... [٣، ٥، ٧، ١٠]
- (١٩) الدالة د(س)=س^٢ - (س^٢ + ٣) كثيرة حدود من الدرجة ... [الثانية ، الاولى، الرابعة، الصفرية]
- (٢٠) اذا كان المستقيم الممثل للدالة د: ح ← ح حيث د(س) = ٤س - ٥ يقطع محور الصادات في النقطة (أ، ٣) فان أ = [١، ٢، ٣، ٤]

(٢١) العلاقة التي تمثل اغير طردي بين س، ص هي.....

$$[\text{س ص} = ٧ ، \underline{\text{ص} = ٢\text{س}} ، \text{ص} = \text{س} + ٢ ، \frac{\text{ص}}{\text{س}} = \frac{٤}{٣}]$$

(٢٢) الشكل البياني الذي يمثل تغير طردي بين س، ص هو



(٢٣) ابسط واسهل مقاييس التشتت هو [المدى ، الوسط الحسابي، الوسيط، المنوال]

(٢٤) الوسط الحسابي لمجموعة القيم ٣، ٤، ٦، ٧ = [٥، ١٠، ٢٠، ٤٠]

(٢٥) المدى لمجموعة القيم ٢، ١٣، ١٢، ١٦ هو [٢، ١٣، ١٤، ١٦]

(٢٦) الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي يسمى

[المدى، الانحراف المعياري، الوسيط، الوسط الحسابي]

(٢٧) اذا كانت جميع قيم المفردات متساوية في القيم فان

[س = صفر، $\sigma = \underline{\text{صفر}}$ ، س - س < صفر ، س - س > صفر]

(٢٨) اذا كان مج(س - س) = ٣٦ = ٢(س - س) فان $\sigma = ٩$.. [٢، ٤، ١٨، ٢٧]

(٢٩) اختيار عينة من طبقات المجتمع الاحصائي تسمى بالعينه.....

[العشوائية ، الطبقيّة، العمودية، العنقودية]

س ١ : اذا كان (٢س، ٤) = (٨، ص+١) أوجد قيمة $\sqrt{\text{س}^٢ + \text{ص}^٢}$

الحل

$$\begin{array}{l|l} ٤ = ١ + \text{ص} & ٨ = ٢\text{س} \\ \text{ص} - ٤ = ١ & ٤ = \text{س} \\ \text{ص} = ٣ & \end{array}$$

$$٥ = \sqrt{٢٥} = \sqrt{٩ + ١٦} = \sqrt{\text{س}^٢ + \text{ص}^٢}$$

س ٢ اذا كان س \times ص = $\{(1, 1), (3, 1), (5, 1)\}$
 أوجد س ، ص ، ص \times س، ص ٢

الحل

$$\{1\} = \text{س}$$

$$\{5, 3, 1\} = \text{ص}$$

$$\{(1, 5), (1, 3), (1, 1)\} = \text{ص} \times \text{س}$$

$$\text{ص} \times ٢ = \{(1, 1), (3, 1), (5, 1), (1, 3), (3, 3), (5, 3), (1, 5), (3, 5), (5, 5)\}$$

س ٣ اذا كان س = $\{3\}$ ، ص = $\{7, 3\}$

ع = $\{1, 2\}$ أوجد

$$(1) \text{ع} \times \text{س} \quad (2) (\text{ص} \cap \text{س}) \times \text{ع}$$

الحل

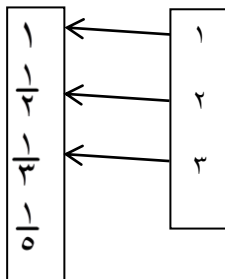
$$(1) \text{ع} \times \text{س} = \{(3, 1), (3, 2)\}$$

$$(2) (\text{ص} \cap \text{س}) \times \text{ع} = \{(1, 2), (3, 2)\}$$

س ٤ اذا كانت س = $\{1, 2, 3\}$

ص = $\{1, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}\}$ وكانت ع علاقة من س الي ص حيث أ ع ب تعني أ معكوس ضربي للعدد ب لكل أ \in س ، ب \in ص اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي هل ع دالة ام لا وان كانت دالة اوجد مداها .

الحل



$$\text{بيان ع} = \{(1, 1), (2, \frac{1}{3}), (3, \frac{1}{5})\}$$

ع : دالة لان كل عنصر من عناصر س خرج منه سهم واحد

$$\text{المدي} = \{1, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}\}$$

س ٥ اذا كانت س = { ٤ ، ٣ ، ٢ }

ص = { ٨ ، ٧ ، ٦ ، ٥ ، ٤ ، ٣ } وكانت د : س ← ص حيث د (س) = ٩ - س

أوجد صور عناصر س بالداله د

الحل

$$٧ = ٢ - ٩ = (٢) د$$

$$٦ = ٣ - ٩ = (٣) د$$

$$٥ = ٤ - ٩ = (٤) د$$

مجموع الصور = { ٥ ، ٦ ، ٧ }

س ٦ اذا كانت س = { ٥ ، ٣ ، ١ } وكانت ع داله على س وكان

بيان ع = { (٥ ، ١) ، (٣ ، ١) ، (١ ، ٥) } فاوجد القيمة العددية للمقدار أ+ب

الحل

$$٨ = ٥ + ٣ = ب + أ$$

$$٣ = أ ، ٥ = ب$$

$$٥ = أ ، ٣ = ب$$

س ٧ اذا كان بيان الداله د = { (١ ، ٣) ، (٢ ، ٢) ، (٣ ، ١) ، (٤ ، ٠) }

(٢) أكتب قاعدة الداله

(١) اكتب مجال ومدى الداله

الحل

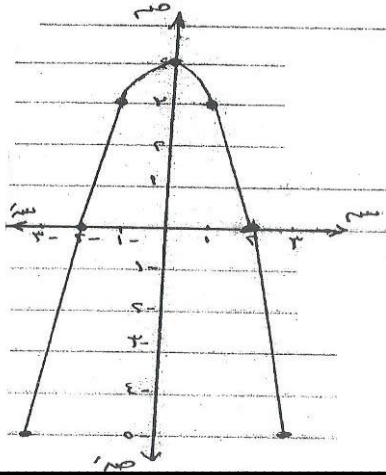
١- المجال = { ٣ ، ٢ ، ١ ، ٠ }

المدى = { ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ }

٢- قاعدة الداله د (س) = ٤ - س

س٨ ارسم منحنى الداله د حيث د (س) = ٤ - س٢ في الفتره [٣- ، ٣] ومن الرسم عين
 (١) نقطة رأس المنحنى (٢) معادله محور التماثل (٣) القيمة الصغري او العظمى للداله

الحل



س	٣-	٢-	١-	٠	١	٢	٣
ص	٥-	٠	٣	٤	٣	٠	٥-

نقطة رأس المنحنى = (٤ ، ٠)

معادله محور التماثل هي س=٠

القيمة العظمى = ٤

س٩ اذا كانت د (س) = س٢ - س + ٣
 (١) اذكر درجة د
 (٢) أوجد د (٢-) ، د (١) ، د (٠)

د من الدرجة الثانية
 د (٢-) = ٣ + (٢-) - (٢-) = ٩
 د (١) = ٣ + (١) - (١) = ٣
 د (٠) = ٣ + (٠) - (٠) = ٣

س١٠ اذا كانت $\frac{س}{ص} = \frac{٢}{٥}$ أوجد قيمة المقدار : $\frac{٢س + ص}{س + ٤ص}$

الحل

س = ٢م ص = ٥م

المقدار = $\frac{٢٥ + ٢٢ \times ٢}{٢٥ \times ٤ + ٢٢} = \frac{٢٥ + ٢٤}{٢٢٠ + ٢٢} = \frac{٢٩}{٢٢٢} = \frac{٩}{٢٢}$

$$\text{س ١١ إذا كان } \frac{ج}{٣} = \frac{ب}{٥} = \frac{١}{٤}$$

$$\text{أثبت ان : } \frac{١}{٣} = \frac{ج+ب-١}{ج-ب+١}$$

الحل

$$٢٤ = ١$$

$$٢٥ = ب$$

$$٢٣ = ج$$

$$م = \frac{ج}{٣} = \frac{ب}{٥} = \frac{١}{٤}$$

$$\text{الأيمن} = \frac{٢٣ + ٢٥ - ٢٤}{٢٣ - ٢٥ + ٢٤} = \frac{٢٢}{٢٦} = \frac{٢}{٦} = \frac{١}{٣} = \text{الأيسر}$$

س ١٢ أوجد العدد الذي إذا أضيف مربعه إلى حدي النسبة ١١:٧ فإنها تصبح ٤ : ٥

الحل

نفرض العدد = س مربعه س^٢

$$\frac{٤}{٥} = \frac{٧ + س^٢}{١١ + س^٢}$$

$$٣٥ + ٢س^٢ = ٤٤ + ٢س^٢ ، ٤٤ + ٢س^٢ = ٣٥ + ٢س^٢$$

$$٩ = ٢س^٢ \quad س = \pm ٣ \quad \text{العدد هو ٣ ، -٣}$$

س ١٣ عددان صحيحان النسبة بينهما ٧:٣ إذا طرح من كل منهما ٥ أصبحت النسبة بينهما ٣:١ أوجد العددين

الحل

نفرض العددان هما ٣س ، ٧س

$$\frac{١}{٣} = \frac{٥ - ٣س}{٥ - ٧س}$$

$$١٥ - ٧س = ١٥ - ٣س ، ١٥ - ٧س = ١٥ - ٣س$$

$$١٠ = ٣س \quad ٥ = ٧س$$

$$\text{الأول} = ١٠ = ٥ \times ٢ \quad \text{الثاني} = ٣٥ = ٥ \times ٧$$

س١٤ اذا كانت $\frac{ج}{ج-س} = \frac{٢}{٢-ب}$ اثبت أن

ا ، ب ، ج ، د كميات متناسبة

الحل

$$٢(ج-س) = ج(٢-ب)$$

$$٢ج = ٢س - ب٢ + ج٢$$

$$٢ج = ٢س - ب٢ + ج٢ \quad , \quad \text{اذن أ ، ب ، ج ، د متناسبة} \quad \frac{ج}{س} = \frac{٢}{ب}$$

س١٥ اذا كان ا ، ب ، ج ، د كميات متناسبة

اثبت ان

$$\frac{ج٢-٢}{س٢-ب} = \frac{ج٣+١٢}{س٣+ب٢}$$

الحل

$$\begin{aligned} ٢ب &= ٢ \\ ٢س &= ج \end{aligned}$$

$$٢ = \frac{ج}{س} = \frac{٢}{ب}$$

$$٢ = \frac{(س٣+ب٢)٢}{(س٣+ب٢)٢} = \frac{٢س٣+٢ب٢}{س٣+ب٢} = \text{الأيمن}$$

$$٢ = \frac{(س٢-ب)٢}{(س٢-ب)٢} = \frac{٢س٢-٢ب}{س٢-ب} = \text{الأيسر}$$

$$\text{الأيمن} = \text{الأيسر}$$

س١٦ اذا كانت ب وسط متناسب بين أ ، ج

$$\text{اثبت ان : } \frac{ب}{ج} = \frac{ب^2 + أ^2}{ب^2 + ج^2}$$

الحل

$$\frac{ب}{ج} = \frac{ب}{ب} = \frac{أ}{ب} \quad \frac{أ}{ب} = \frac{ب}{ج}$$

$$\frac{أ}{ب} = \frac{ب}{ج} \Rightarrow \frac{أ^2}{ب^2} = \frac{ب^2}{ج^2} \Rightarrow \frac{أ^2}{ب^2} = \frac{ب^2 + أ^2}{ب^2 + ج^2}$$

$$\frac{أ^2}{ب^2} = \frac{ب^2 + أ^2}{ب^2 + ج^2} \Rightarrow \frac{أ^2}{ب^2} = \frac{أ^2 + ب^2}{ب^2 + ج^2} \Rightarrow \frac{أ^2}{ب^2} = \frac{أ^2 + ب^2}{ب^2 + ج^2}$$

س١٧ ص ∞ س وكانت ص = ٢٠ عندما س = ٧ أوجد ص عندما س = ١٤

الحل

ص ∞ س

$$\frac{ص}{س} = \frac{١٤}{٢٠} = \frac{٧}{١٤} \Rightarrow \frac{ص}{س} = \frac{٧}{١٤} \Rightarrow \frac{ص}{١٤} = \frac{٧}{١٤} \Rightarrow ص = ٧$$

س١٨ اذا كانت ص ∞ س وكانت ص = ١٤ عندما س = ٤٢ اوجد العلاقة بين س ، ص ثم اوجد قيمة ص عندما س = ٦٠

الحل

ص ∞ س

$$\frac{ص}{س} = \frac{١٤}{٤٢} = \frac{١}{٣} \Rightarrow \frac{ص}{س} = \frac{١}{٣} \Rightarrow \frac{ص}{١} = \frac{١}{٣} \Rightarrow ص = \frac{١}{٣} س$$

$$\text{عندما س = ٦٠} \Rightarrow ص = ٦٠ \times \frac{١}{٣} = ٢٠$$

س١٩ اذا كانت $٢ص٩ + ٢س٤ = ١٢$ س ص

اثبت ان : س تتغير طردياً بتغير ص

الحل

$$٠ = ٢ص٩ + ٢س١٢ - ٢س١٢$$

$$٠ = (٢س٣ - ٢س٢) (٢س٣ - ٢س٢) ، ٠ = ٢س٣ - ٢س٢$$

$$٢س٣ = ٢س٢ ، س = \frac{٣}{٢} ص ، س \propto ص$$

س٢٠ اذا كانت ص تتغير عكسياً مع س وكانت ص = ١٠ عندما س = ٣ اوجد ص عندما س = ٥

الحل

$$ص \propto \frac{١}{س}$$

$$٣٠ = ٣ \times ١٠ = س \times ص = ٣٠$$

$$ص = \frac{٣٠}{س}$$

$$العلاقة ص = \frac{٣٠}{س} \quad \text{عندما س} = ٥ \quad ص = \frac{٣٠}{٥} = ٦$$

س٢١ اذا كان وزن جسم على الأرض (و) يتناسب طردياً مع وزنه على القمر (ر) فاذا

كان و = ١٨٢ كجم ، ر = ٣٥ كجم

فاوجد ر٢ عندما و٢ = ٣١٢ كجم

الحل

و \propto ر

$$٦٠ \text{ كجم} = \frac{٣١٢ \times ٣٥}{١٨٢} = ر$$

$$\frac{٣٥}{٧} = \frac{١٨٢}{٣١٢}$$

$$\frac{١}{٢ر} = \frac{١}{٧}$$

س٢٢ أحسب الوسط الحسابى والانحراف المعياري للقيم ٧٣ ، ٥٤ ، ٦٢ ، ٧١ ، ٦٠

الحل

س	س - س̄	(س - س̄)²
٧٣	٩	٨١
٥٤	١٠-	١٠٠
٦٢	٢-	٤
٧١	٧	٤٩
٦٠	٤-	١٦
٣٢٠		٢٥٠

$$\bar{s} = \frac{\sum s}{n} = \frac{320}{5} = 64$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2}{n}} = \sqrt{\frac{250}{5}} \approx 7.1$$

س٢٣ أحسب الانحراف المعياري من الجدول الاتي

الفئة	٤	٦	٨	٥	المجموع
التكرار	١	٢	٣	٤	١٠

الحل

س	ك	س × ك	س - س̄	(س - س̄)²	(س - س̄)² × ك
٤	١	٤	٢-	٤	٤
٦	٢	١٢	صفر	صفر	صفر
٨	٣	٢٤	٢	٤	١٢
٥	٤	٢٠	١-	١	٤
المجموع	١٠	٦٠			٢٠

$$\bar{s} = \frac{\sum (s \times k)}{\sum k} = \frac{60}{10} = 6$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (s - \bar{s})^2 \times k}{\sum k}} = \sqrt{\frac{20}{10}} = 1.4$$

س٢٤ أحسب الانحراف المعياري من الجدول الآتي

المجموع	-٠	-٢	-٤	-٦	٨ - ١٠
التكرار	١	٥	٩	٣	٢

الحل

المجموعه ك	س	س × ك	س - س̄	(س - س̄)²	(س - س̄)² × ك
-٠	١	١	٤-	١٦	١٦
-٢	٥	١٥	٢-	٤	٢٠
-٤	٩	٤٥	صفر	صفر	صفر
-٦	٣	٢١	٢	٤	١٢
٨ - ١٠	٢	١٨	٤	١٦	٣٢
المجموع	٢٠	١٠٠			٨٠

$$\bar{s} = \frac{\sum (س \times ك)}{\sum ك} = \frac{١٠٠}{٢٠} = ٥$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (س - \bar{s})^2 \times ك}{\sum ك}} = \sqrt{\frac{٨٠}{٢٠}} = ٢$$

مع تمنياتي لكم بالنجاح والتوفيق