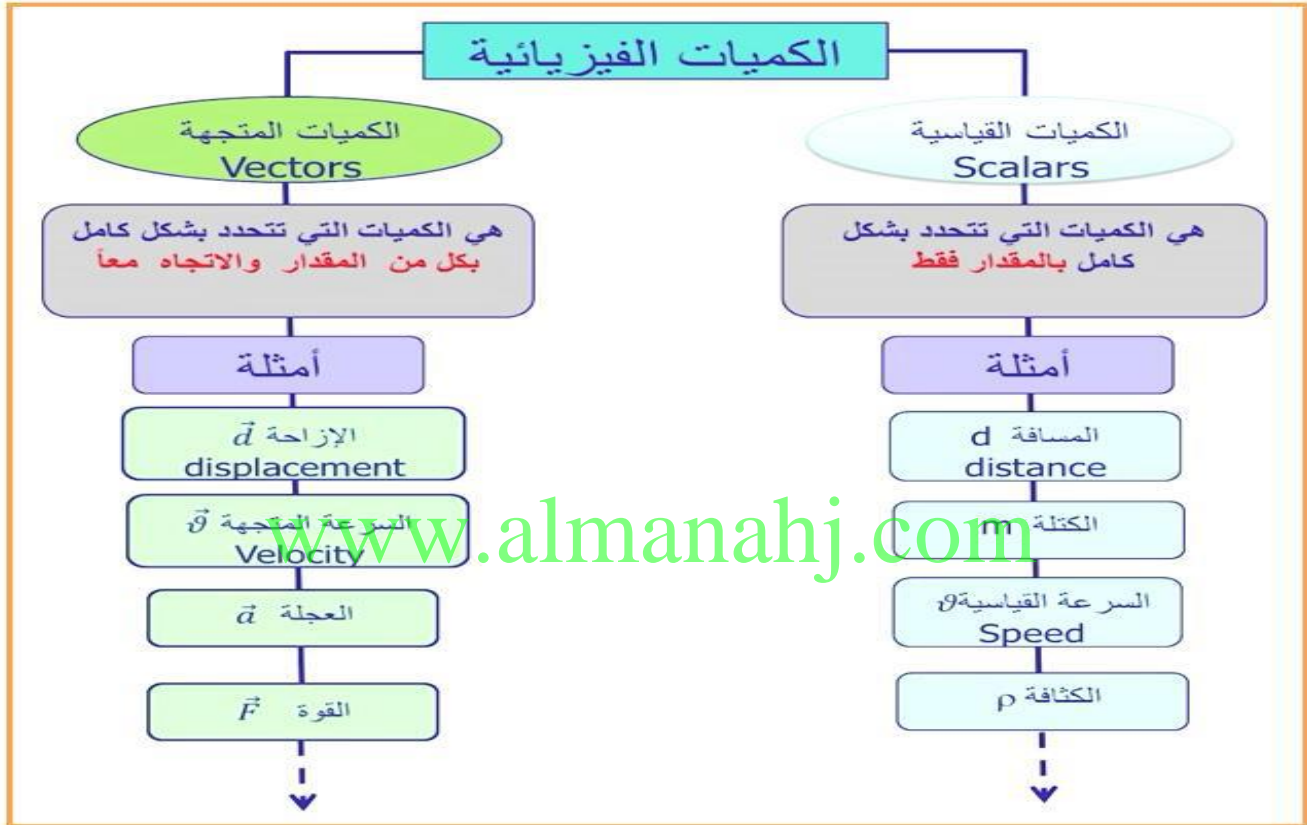


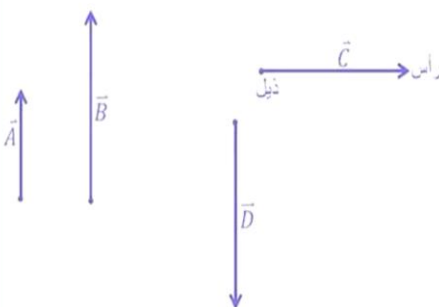
عندما نتكلم عن المتجهات ، يجب ان نتذكر ان المتجه يمثل اي كمية فيزيائية لها مقدار واتجاه ، لذلك نقسم الكميات الفيزيائية الى :



كيف يتم تمثيل الكميات المتجهة بيانياً؟

كل كمية متجهة يعبر عنها بمتجه يُمثل بيانياً بقطعة مستقيمة موجهة.

ما هي خصائص القطعة الموجهة التي تمثل المتجه؟



1- طولها يتناسب مع مقدار الكمية.

2- اتجاهها يدل على اتجاه الكمية.

3- بدايتها تسمى ذيل المتجه.

4- نهايتها تسمى رأس المتجه.

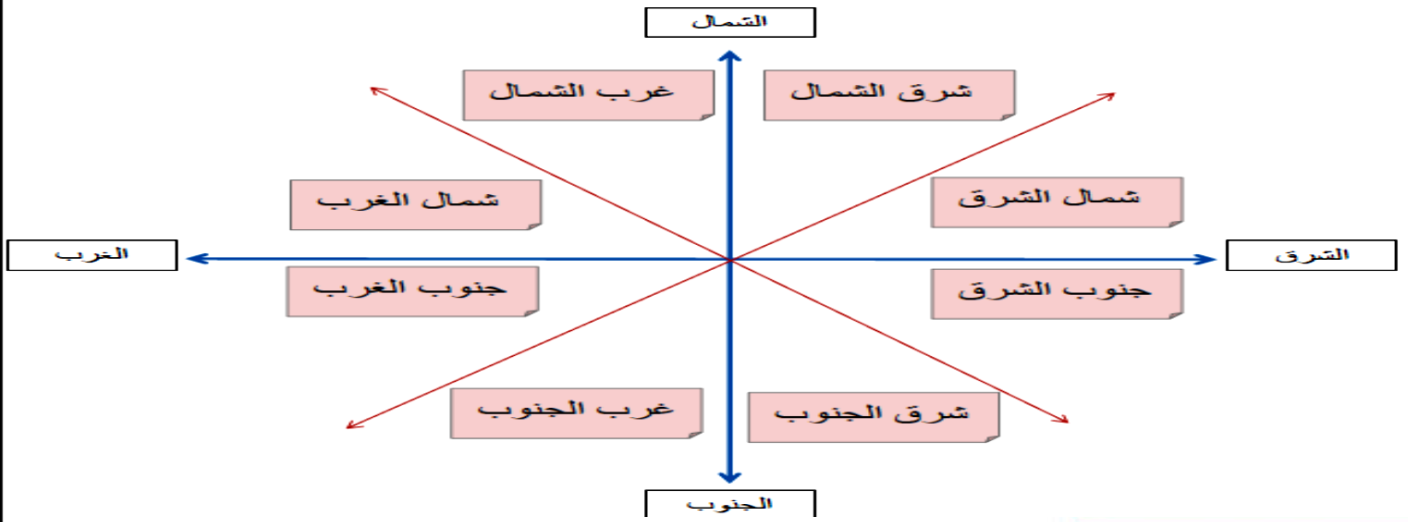
الفرق بين المسافة والإزاحة؟

المسافة : هي الطول الكلي للمسار الذي يقطعه جسم ما . وهي كمية قياسية (لا يتعين ذكر اتجاهها)
اما الإزاحة : هي البعد المستقيم الواصل بين نقطة ابداء حركة الجسم والنهاية (كمية اتجاهية يجب ذكر الاتجاه)
مثال / المسافة التي يقطعها الجسم وفقاً للمخطط ادناه هي (20m)
اما ازاحته فهي (.....)

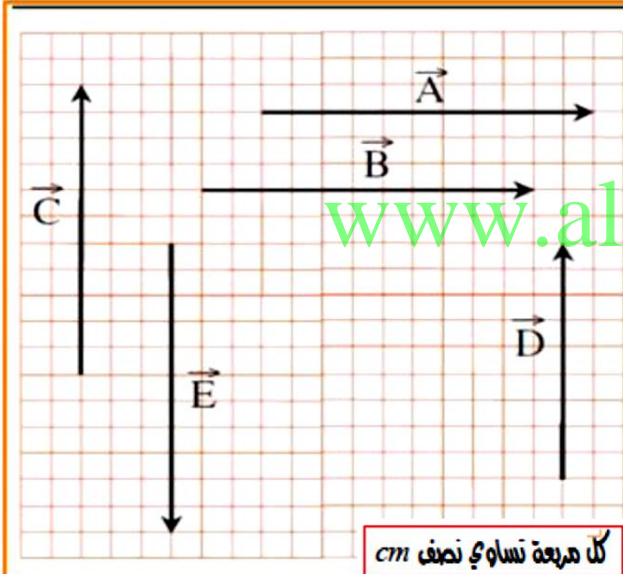


ميساه الاعظمي

الاتجاهات الرئيسية والفرعية

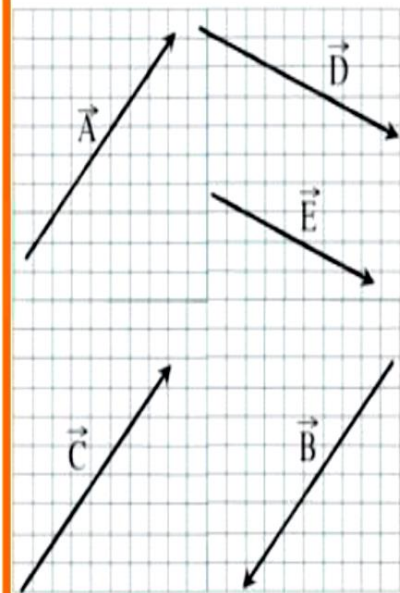


اكمل الجدول التالي



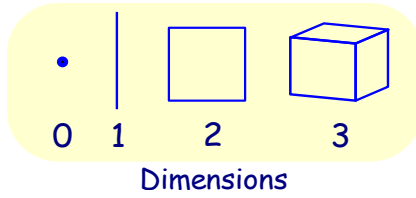
كل مربعة تساوي نصف cm

المتجه	مقداره	اتجاهه
\vec{A}		
\vec{B}		
\vec{C}		
\vec{D}		
\vec{E}		



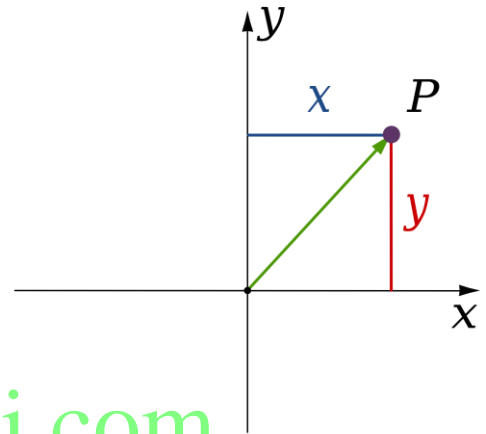
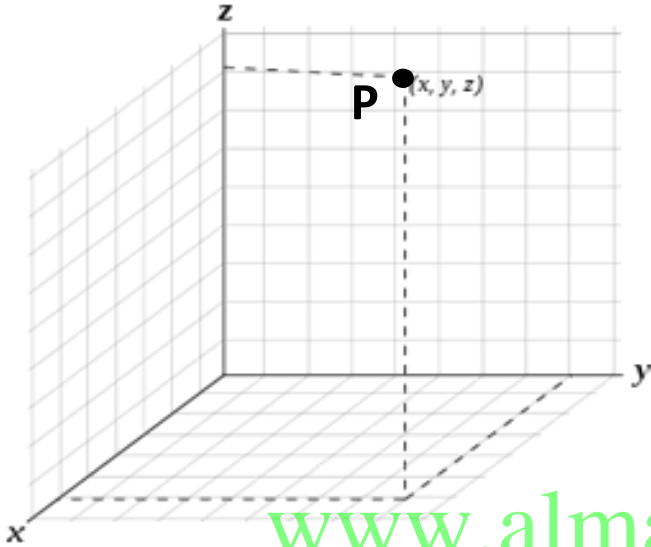
العلاقة	صحيحة أو غير صحيحة	السبب
$\vec{D} = \vec{E}$		
$\vec{D} = \vec{A}$		
$\vec{A} = \vec{C}$		
$\vec{B} = -\vec{C}$		

تصفُ العبارات في الجدول العلاقات بين المتجهات في الشبكة جانباً، مستخدماً مسطرة ومنقلة، حدد أي من العبارات صحيحة، وأي منها غير صحيحة، مع ذكر السبب.



الأنظمة الإحداثي الديكارتية (الكارتيزية)

لتحديد موضع جسم متحرك ما نحتاج الى أنظمة تسمى أنظمة إحداثيات وفي هذه الأنظمة نقطة مرجع ثابتة تسمى نقطة الأصل ومحاور محددة ومعرفة ومن الأمثلة على هذه الأنظمة هو (النظام الإحداثي الديكارتية) .
وتتمثل هذه الأنظمة في بعدين أو في ثلاث ابعاد، اي في مستوى او في الفضاء كما موضح بالشكل أدناه

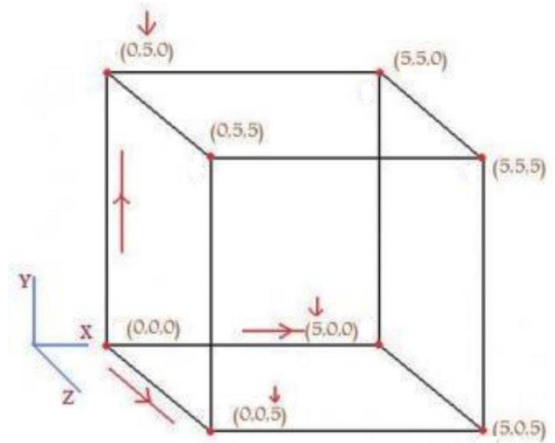
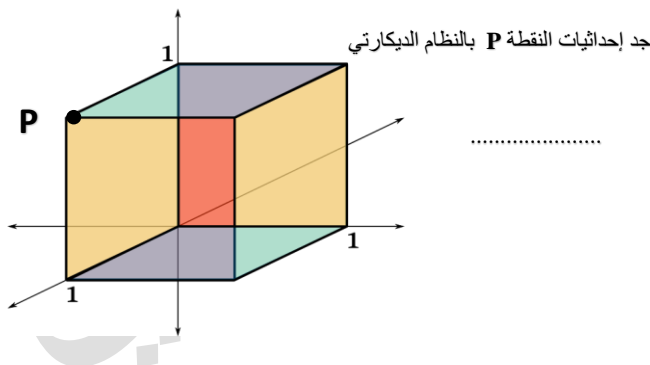


www.almanahj.com

نظام إحداثي ثلاثي البعد
إحداثي النقطة P فيه هي (P_x, P_y, P_z)

نظام إحداثي ثنائي البعد
إحداثي النقطة P فيه هي (P_x, P_y)

يمثل الشكل المجاور إحداثيات زوايا المكعب في النظام الديكارتية لمكعب طول ضلعه 5 وحدات.



ملاحظة : يمكن نقل أي متجه من موضع الى موضع اخر مع المحافظة على مقداره واتجاهه ولحساب إحداثي المتجه يتم عن طريق طرح إحداثي بداية المتجه من إحداثي النهاية

جمع وطرح المتجهات

➔ جمع المتجهات باستخدام المركبات

➔ جمع المتجهات و طرحها بيانياً

- باستخدام التمثيل الديكارتي للمتجهات:

$$\vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$$

$$\vec{A} = (A_x, A_y, A_z)$$

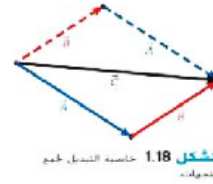
$$\vec{B} = (B_x, B_y, B_z)$$

$$\vec{C} = \vec{A} + \vec{B}$$

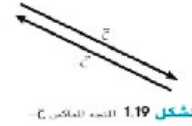
$$= (A_x, A_y, A_z) + (B_x, B_y, B_z)$$

$$= (A_x + B_x, A_y + B_y, A_z + B_z)$$

$$\vec{A} + \vec{B} = \vec{B} + \vec{A} \square$$



$$\vec{C} - \vec{C} = (0,0,0) \square$$



أي أن :

$$C_x = A_x + B_x$$

$$C_y = A_y + B_y$$

$$C_z = A_z + B_z$$

www.almanahj.com

$$\vec{B} = \vec{C} - \vec{A} \square$$

➔ ضرب متجه في كمية قياسية

$$\vec{E} = s \vec{A} = s(A_x, A_y, A_z) = (sA_x, sA_y, sA_z) \cdot$$

$$E_x = sA_x \cdot$$

$$E_y = sA_y \cdot$$

$$E_z = sA_z \cdot$$

✓ مثال :

$$\vec{A} = (2, 3, 5)$$

$$\vec{E} = 6\vec{A}$$

. أوجد \vec{E} ؟

متجهات الوحدة

- . هي متجهات مقدارها واحد ، تمتد على طول المحاور الإحداثية الأساسية الموجبة للنظام الإحداثي .
- . في حالة النظام ثلاثي الابعاد تكون هذه المتجهات في اتجاه محور X الموجب و y الموجب و z الموجب ويرمز لها على الترتيب :

$$\hat{x}\hat{y}\hat{z}$$

$$(1,0,0) = \hat{x}$$

$$(0,1,0) = \hat{y}$$

$$(0,0,1) = \hat{z}$$

تطبيق 1 / مثل المتجهات الاتية بدلالة متجهات الوحدة

$$\vec{B} = (2, -1, 3)$$

❖ مثال :

- مثل المتجه $\vec{A} = (2, 3, 5)$ بمتجهات الوحدة.

www.almanahj.com

$$\vec{R} = (4, 6, -2)$$

✓ الحل :

$$\vec{P} = (5, 0, 7)$$

$$\vec{D} = (4, 8)$$

$$\vec{A} = (2, 3, 5)$$

يمكن التعبير عنها بمتجهات الوحدة كالتالي:

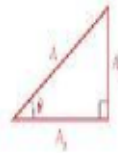
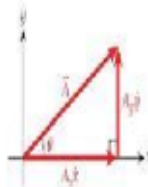
$$\vec{A} = 2\hat{x} + 3\hat{y} + 5\hat{z}$$

➤ طول المتجه و اتجاهه

- يمكن حساب طول المتجه كالتالي :

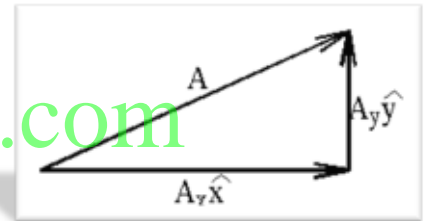
$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} \cdot$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{A_y}{A_x} \cdot$$



$$A_x = A \cos\theta$$

$$A_y = A \sin\theta$$



تطبيق 2 / جد طول المتجهات الاتية

$$\vec{B} = (2, -1, 3)$$

.....

$$\vec{R} = (4, 6, -2)$$

.....

$$\vec{P} = (5, 0, 7)$$

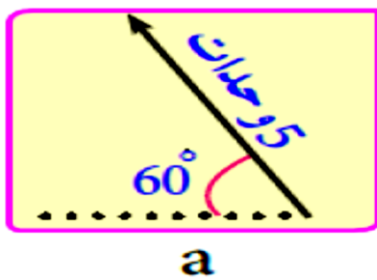
.....

$$\vec{D} = (4, 8)$$

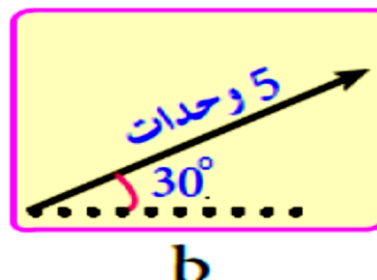
.....

www.almanahj.com

تطبيق 3 / مثل المتجهات الاتية بدلالة متجهات الوحدة



$$\vec{A} =$$



$$\vec{B} =$$

➤ الضرب القياسي للمتجهات

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = |\vec{A}| |\vec{B}| \cos \alpha = \vec{B} \cdot \vec{A}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2 + A_z^2}$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{B_x^2 + B_y^2 + B_z^2}$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z$$

خصائص الضرب القياسي

www.almanahj.com

$$\begin{aligned} \hat{x} \cdot \hat{y} &= 0 \\ \hat{x} \cdot \hat{z} &= 0 \\ \hat{z} \cdot \hat{y} &= 0 \end{aligned}$$

لان الزاوية بينهما هي 90°
و $\cos 90 = 0$

$$\begin{aligned} \hat{x} \cdot \hat{x} &= 1 \\ \hat{y} \cdot \hat{y} &= 1 \\ \hat{z} \cdot \hat{z} &= 1 \end{aligned}$$

لان الزاوية بينهما 0
و $\cos 0 = 1$

$$\begin{aligned} \vec{A} \cdot \vec{B} &= \vec{B} \cdot \vec{A} \\ \vec{A} \cdot (\vec{B} + \vec{C}) &= \vec{A} \cdot \vec{B} + \vec{A} \cdot \vec{C} \\ \vec{A} \cdot (\vec{B} - \vec{C}) &= \vec{A} \cdot \vec{B} - \vec{A} \cdot \vec{C} \\ \vec{A} \cdot d\vec{B} &= d(\vec{A} \cdot \vec{B}) \end{aligned}$$

. أوجد الزاوية α بين متجهي الموقع

$$\vec{A} = (4, 2, 5)$$

$$\vec{B} = (4, 4, 3)$$

.....
.....

➤ الضرب الاتجاهي

$$\vec{A} \times \vec{B} = |\vec{A}||\vec{B}| \sin \alpha = -\vec{B} \times \vec{A}$$

• يعرف الضرب الاتجاهي بين المتجهين
 $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$

$$\vec{A} \times \vec{B} = \begin{vmatrix} \hat{x} & \hat{y} & \hat{z} \\ A_x & A_y & A_z \\ B_x & B_y & B_z \end{vmatrix}$$

$$\begin{aligned} C_x &= A_y B_z - A_z B_y \\ C_y &= -(A_x B_z - A_z B_x) \\ C_z &= A_x B_y - A_y B_x \end{aligned}$$

$$\vec{C} = (A_y B_z - A_z B_y) \hat{x} - (A_x B_z - A_z B_x) \hat{y} + (A_x B_y - A_y B_x) \hat{z}$$



خصائص الضرب الإتجاهي

$$\hat{x} \times \hat{y} = \hat{z}$$

$$\hat{z} \times \hat{x} = \hat{y}$$

$$\hat{y} \times \hat{z} = \hat{x}$$

لان الزاوية

بينهما هي 90°

$$\sin 90 = 1 \text{ و}$$

$$\hat{y} \times \hat{x} = -\hat{z}$$

$$\hat{x} \times \hat{z} = -\hat{y}$$

$$\hat{z} \times \hat{y} = -\hat{x}$$

$$\hat{x} \times \hat{x} = 0$$

$$\hat{y} \times \hat{y} = 0$$

$$\hat{z} \times \hat{z} = 0$$

لان الزاوية

بينهما 0

$$\sin 0 = 0 \text{ و}$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$$

$$\vec{A} \times (\vec{B} + \vec{C}) = \vec{A} \times \vec{B} + \vec{A} \times \vec{C}$$

$$\vec{A} \times (\vec{B} - \vec{C}) = \vec{A} \times \vec{B} - \vec{A} \times \vec{C}$$

$$\vec{A} \times d\vec{B} = d(\vec{A} \times \vec{B})$$

$$\vec{A} \times (\vec{B} \times \vec{C}) = \vec{B}(\vec{A} \cdot \vec{C}) - \vec{C}(\vec{B} \cdot \vec{A})$$

تطبيق 1/ إذا كان $\vec{A} = (4, 2, 3)$ $\vec{B} = (-6, 3, 2)$ $\vec{C} = (-1, -5, 5)$ احسب :

$$\vec{A} + \vec{B} \quad (a)$$

.....
.....

$$\vec{A} - \vec{C} \quad (b)$$

.....
.....

$$2\vec{A} - 3\vec{B} \quad (c)$$

.....
.....

(d) الزاوية بين \vec{A} و \vec{B}

www.almanahj.com

.....
.....

$$\vec{A} \times \vec{B} \quad (e)$$

.....
.....

$$|\vec{A} \times \vec{B}| \quad (f)$$

.....
.....

$$\vec{A} \times \vec{A} \text{ (g)}$$

.....

$$\vec{B} \cdot \vec{B} \text{ (h)}$$

.....

$$\vec{A} \times \vec{B} \times \vec{C} \text{ (i)}$$

.....

.....

$$(\vec{A} + \vec{B}) \cdot \vec{C} \text{ (j)}$$

www.almanahj.com

.....

.....

$$(\vec{A} - \vec{B}) \cdot \vec{C} \text{ (k)}$$

.....

.....

تطبيق 2/ اذا اضيف المتجه \vec{A} الى المتجه $\vec{B} = 6\hat{x} - 8\hat{y}$ كان المتجه الجديد في إتجاه محور X الموجب ومقداره 12 ، احسب قيمة واتجاه المتجه \vec{A}

.....

.....

تطبيق 3/ اذا اضيف المتجه \vec{B} الى المتجه \vec{A} كان الناتج $6\hat{x} + 7\hat{y}$ واذا طرح المتجه \vec{B} من المتجه \vec{A} كانت النتيجة $\vec{B} = -4\hat{x} + 7\hat{y}$ فما مقدار كل من \vec{A} و \vec{B}

.....

.....

.....

.....

تطبيق 4/ عند اضافة المتجه \vec{B} الى المتجه $\vec{C} = 3\hat{x} + 4\hat{y}$ فإن النتيجة تكون متجه في إتجاه محور y الموجب ومقداره مساوي لمقدار \vec{C} فما مقدار المتجه \vec{B}

.....

.....

.....

.....

www.almanahj.com

اجتهد .. ابتكر .. ابداع

واجعل العالم يرى
أفضل ما لديك



مع امنياتي لكم بالتوفيق والنجاح