

# 1

## القوى الكهروستاتيكية

dxb

### ما سنتعلمه

- 1.1 الكهرومغناطيسية
- 1.2 الشحنة الكهربائية
- الشحنة الأولية (الأساسية)
- مثال 1.1 الشحنة الكلية
- 1.3 العوازل والموصلات  
وأشباء الموصلات  
والموصلات الفائقة التوصيل
- أشباء الموصلات
- الموصلات الفائقة التوصيل
- 1.4 الشحن الكهروستاتيكي
- الشحن الكهربائي بالاحتكاك
- 1.5 القوة الكهروستاتيكية –  
قانون كولوم
- مبدأ التراكم
- مثال 1.2 القوة الكهروستاتيكية  
داخل الذرة
- مثال 1.3 موضع الاتزان
- مسألة محلولة 1.1 كرات مشحونة
- مرشح الترسيب الكهروستاتيكي
- مسألة محلولة 1.2 خرزة  
على سلك
- طابع الليزر
- مسألة محلولة 1.3 أربعة أجسام  
مشحونة
- 1.6 قانون كولوم وقانون نيوتن  
في الجذب
- مثال 1.4 القوى بين الإلكترونيات

### ما تعلمناه

#### دليل المذاكرة للاختبار

- إرشادات حل المسائل
- أسئلة الاختيار من متعدد
- أسئلة مفاهيمية
- تمارين
- تمارين بعطيات متعددة



**الشكل 1.1** (a) شارة ناجة عن الكهرباء الساكنة خدث بين إصبع شخص وسطح فلزي بالقرب من زر المصعد. (b) (c) شاراتان شببتان تتجاذب عندما يمسك الشخص جسمًا فلزياً، كمفتاح السيارة أو عملة معدنية، لكنهما ليستا مؤلفتين لأنهما خدثان بين سطح فلزي وجسم فلزي.

يعتقد كثيرون أن الكهرباء الساكنة تمثل في تلك الشارة المزعجة التي يشعر بها الشخص عندما يلمس جسمًا فلزياً كمقبض الباب في يوم جاف بعد سيره على سجاده (الشكل 1.1). في الواقع، تضع معظم شركات تصنيع الإلكترونيات لوحات معدنية صغيرة على المعدات بحيث يتفرغ أي شرر من جسم المستخدم في هذه اللوحات حتى لا تتلف أجزاء الجهاز الحساسة. لكن ليست الكهرباء الساكنة هي تلك الشارة المزعجة التي تحدث أحياناً فحسب؛ بل هي نقطة البداية لأي دراسة للكهرباء والمغناطيسية. هاتان القوتان اللتان غيرتا المجتمع البشري بشكل جذري مثل أي شيء منذ اكتشاف النار أو العجلة. في هذه الوحدة، سندرس خصائص الشحنة الكهربائية. تُتبَع عن الشحنة الكهربائية المتحركة ظاهرةً منفصلة تُسمى المغناطيسية. وسيتم تناول هذه الظاهرة في الوحدات التالية. لكننا سنتناول في هذه الوحدة الأجسام المشحونة غير المتحركة. ومن هنا يأتي مصطلح القوى الكهروستاتيكية أو الكهرباء الساكنة. إن الجسيمات المشحونة تشكل الذرات والجزيئات التي تتكون منها الأجسام، لذا فكل الأجسام لها شحنة. غالباً لا نلاحظ تأثيرات الشحنة الكهربائية لأن معظم الأجسام متعادلة كهربائياً. لكن القوى التي تربط بين الذرات وتفصل الأجسام بعضها عن بعض حتى لو كانت متلامسة هي في طبيعتها قوى كهربائية.

## ما سنتعلمه

- العازل رديبة التوصيل أو عديمة التوصيل للكهرباء، والموصلات جيدة التوصيل للكهرباء، لكنها ليست موصلات ممتازة — حيث يحدث فقد قليل من الطاقة.
- يمكن صناعة أشباه الموصلات للتغيير بين الحالتين الموصلة والعازلة.
- الموصلات الفاقعية التوصيل هي موصلات ممتازة للكهرباء.
- يمكن شحن الأجسام بلامستها، ويُسمى الشحن بالتصفيق، أو شحنها من دون ملامستها، ويُسمى الشحن بالبحث.
- القوة الكهربائية بين شحتين كهربائيتين ساكنتين تتناسب طرديًا مع حاصل ضرب الشحتين وعكسياً مع مربع المسافة بينهما.
- يمكن جمع القوى الكهرومغناطيسية بين الجسيمات ككميات متوجهة من خلال عملية التراكم.
- تنتج عن الشحنة الكهربائية قوة بين الجسيمات أو الأجسام المشحونة.
- تشكل الكهرباء والمغناطيسية معاً القوة الكهرومغناطيسية، وهي إحدى القوى الأساسية في الطبيعة.
- يوجد نوعان من الشحنات الكهربائية، موجبة وسالبة، والشحنات المتماثلة تناقض، أما الشحنات المختلفة فتتجاذب.
- الشحنة الكهربائية مكتأة، أي أنها تكون فقط مضاعفات صحيحة لأقل كمية شحنة أساسية، كما تكون الشحنة الكهربائية محفوظة.
- معظم المواد الموجودة حولنا متعدلة كهربائياً.
- الإلكترون جسيم أولي، وشحنته هي أقل كمية شحنة كهربائية يمكن ملاحظتها.

## الكهرومغناطيسية

ربما لم يكن هناك لغز حير الإنسان في الحضارات القديمة أكثر من الكهرباء التي كان يلاحظها آنذاك في شكل صواعق دقيقة (الشكل 1.2). فالقوة التدميرية المصاحبة للبرق كانت تتسبب أحياناً في الحرائق وموت الأشخاص وأحياناً، وقد احترق الإنسان في هذه القوة لأنه لم يكن يعرف سببها أو مصدر هذا البرق.

لاحظ اليونانيون القدماء أن قطعة الكهرمان المدلولة بقطعة قماش تجذب الأجسام الصغيرة والخفيفة، لكنها أصبحت نافذة، وأن تدليك الكهرمان بقطعة قماش تنقل جسيمات سالبة الشحنة، تُسمى الإلكترونات، من قطعة المعلم إلى الكهرمان. (والكلمتان إلكترون وكهرباء مشتقتان من الكلمة اليونانية كهرمان المكافئة لهما). يدور السبق أيضاً من الإلكترونات المتقدمة، كما لاحظ اليونانيون الأوائل وغيرهم أجساماً مغناطيسية تتكون بشكل طبيعي تُسمى أحجار المغناطيس، حيث وجدوا هذه الأجسام في تربسات الماجنتيت، وهو معدن يتكون من أكسيد الحديد. وقد استخدمت هذه الأجسام في صناعة البوصلات في أوائل عام 300 قبل الميلاد.

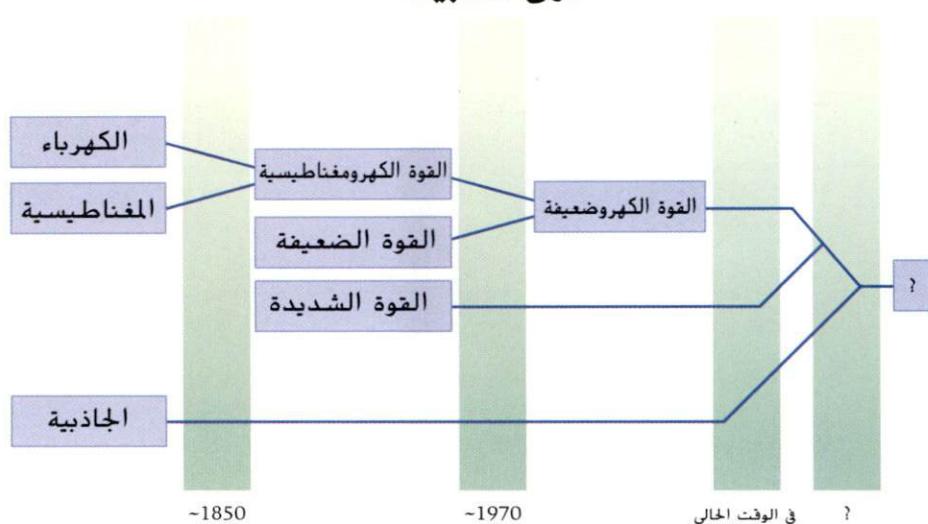
لم تكن العلاقة بين الكهرباء والمغناطيسية مفهومة حتى منتصف القرن التاسع عشر، الوحدات التالية ستكتشف كيف يمكن توحيد الكهرباء والمغناطيس، فإذا طار عمل مشترك يُسمى الكهرومغناطيسية، لكن لا يتوقف اختراع القوى عند هذا الحد. ففي أوائل القرن العشرين، اكتشفت قوتوان أساسستان آخرین وهما: القوة الضعيفة التي تعمل أثناء انحلال بيتاً (الذي يبعث فيه إلكترون وبيوتريون تلقائياً من أنواع معينة من النوى)، والقوة الشديدة الموجودة داخل نواة الذرة. حالياً، ينظر إلى القوة المغناطيسية والقوة الضعيفة كشكليين مكوئين للقوة الكهرومغناطيسية (الشكل 1.3). بالنسبة إلى الظواهر التي ستنتمي مناقشتها في هذه الوحدة وفي الوحدات التالية، لن يكون لا خلاف القوة الكهرومغناطيسية هذا أي تأثير؛ لكن تظهر أهميتها في التصادمات التي تحدث بين الجسيمات ذات الطاقة الأعلى. ولأن مقاييس الطاقة لا يخادع القوة الكهرومغناطيسية على جدأ، لا زالت معظم الكتب الدراسية تشير إلى القوى الأساسية الأربع: قوة الجاذبية والقوة الكهرومغناطيسية والقوة الضعيفة والقوة الشديدة.

في الوقت الحالي، يعتقد عدد كبير من علماء الفيزياء أنه يمكن أيضاً أن تتحدد القوة الكهرومغناطيسية مع القوة الشديدة فيما يصفوه بإطار العمل المشترك. وتوجد نظريات كثيرة تفترح طرقاً لتحقيق ذلك، لكنها لا زالت تفتقر إلى الأدلة التجريبية حتى الآن، المثير للدهشة أن دمج قوة الجاذبية، التي عرفت قبل أي من القوى الأساسية بفترة طويلة، في إطار مشترك مع القوى الأساسية الأخرى هو أكبر معضلة تواجه علماء الفيزياء، وتُعد الجاذبية الكمية والتماثل الفائق والنظيرية الخيطية هي بؤر الارتكاز الحالية لأبحاث الفيزياء الحديثة التي يحاول فيها وأعضو النظريات وضع صياغة واحدة لهذا الإرداد التام واكتشاف (ما غالوا في تسميته) بنظرية كل شيء، حيث يعتمد عملهم في الأساس على مبادئ التماثل والافتراض التام بأن الطبيعة عبارة عن نظام متناسق وبسيط.



**الشكل 1.2** صواعق برقية فوق إحدى المدن.

## قوى الطبيعة



**الشكل 1.3** تاريخ اخراج القوى الأساسية.

أما في هذه الوحدة، فستدرس الشحنة الكهربائية، وكيفية تفاعل المواد معها، والكهرباء الساكنة، والقوى التي تنتج عن الشحنات الكهربائية. وستشمل **القوى الكهروستاتيكية** حالات تكون فيها الشحنات ثابتة في مكانها ولا تتحرك.

## 1.2 الشحنة الكهربائية

لنعمن النظر قليلاً في سبب الشرر الكهربائي الذي تتعرض له أحياناً في يوم جافه إذا لست مقبض باب فلزياً بعد سيرك على سجاده. (أدى الشرر الناجم عن القوة الكهروستاتيكية إلى اشتغال الألياف الغازية أيضاً أثناء قيام شخص بملء خزان السيارة في محطة للوقود. هذه ليست قصة خيالية وقد رصدت كاميرات المراقبة في إحدى محطات الوقود حالات نادرة لذلك). إن العملية التي تسببت في حدوث هذا الشرر تُسمى **الشحن**. وتمثل آلية الشحن في نقل جسيمات سالبة الشحنة، تسمى **الإلكترونات**، من ذرات مادة السجادة وجزيئاتها إلى نعل حذائك. يمكن أن تنتقل هذه الشحنة بسهولة عبر جسمك، بما في ذلك بيديك. حيث تتفرع الشحنة الكهربائية المتراكمة في مقبض الباب الفلزى، مسببة الشرر.

يوجد نوعان من الشحنة الكهربائية في الطبيعة. هما **الشحنة الموجبة والشحنة السالبة**. عادة لا تبدو الأشياء الموجودة حولنا مشحونة. بل تكون متعدلة كهربائياً. تحتوي الأجسام المتعادلة على أعداد متساوية تقريباً من الشحنات السالبة والموجبة التي غالباً ما تلغى كل منها الأخرى. ولا يلاحظ تأثيرات الشحنة الكهربائية إلا عندما تكون الشحنات الموجبة والسائلة غير متوازنة.

إذا قمت بذلك قضيب زجاجي بقطعة قماش، فإن القضيب يصبح مشحوناً وتكتسب قطعة القماش شحنة مختلفة عن شحنة القضيب. وإذا قمت بذلك قضيب بلاستيكي بقطعة من الفراء، فإنها يكتسبان شحنات مختلفة أيضاً. وإذا قربت قضيبين زجاجيين مشحونين أحدهما إلى الآخر، فإنها سينتافران. وبالمثل، إذا قربت قضيبين بلاستيكين مشحونين أحدهما إلى الآخر، فسينتافران أيضاً. بينما سيحدث خلاف بين قضيب زجاجي مشحون وقضيب بلاستيكي مشحون. وسبب ذلك هو أن القضيبين الزجاجي والبلاستيكي يختلفان في الشحنة. أدت هذه الملاحظات إلى القانون التالي:

**قانون الشحنات الكهربائية**  
الشحنات المتماثلة تتنافر والشحنات المختلفة تتلاحم.

تُسمى وحدة الشحنة الكهربائية **الكولوم** (C). نسبة إلى عالم الفيزياء الفرنسي شارل أوغستان دي كولوم (1736–1806). وتُعرف وحدة الكولوم بدلالة وحدة التيار في النظام الدولي للوحدات، وهي وحدة الأمبير (A). نسبة إلى فيزيائي فرنسي آخر وهو أندريه ماري أمبير (1775–1836). ولا يمكن اشتقاق الأمبير أو الكولوم بدلالة وحدات النظام الدولي الأخرى: المتر والكيلوجرام والثانية. فالأمبير وحدة أساسية أخرى في النظام الدولي للوحدات. لهذا السبب، يُسمى النظام الدولي للوحدات أساسياً بنظام MKSA. فهذا الاسم مأخوذ من الأحرف الأولى من أسماء الوحدات الأساسية الأربع وهي: ampere, second, kilogram, meter. وُتُعرَّف وحدة الشحنة كالتالي:

$$(1.1) \quad 1 \text{ C} = 1 \text{ A s}$$

ستنطرب إلى تعريف الأمبير عند مناقشة التيار في وحدات لاحقة. لكن يمكننا تعريف مقدار الكولوم ببساطة عن طريق تحديد شحنة الإلكترون واحد:

$$(1.2) \quad q_e = -e$$

حيث  $q_e$  الشحنة، وقيمة  $e$  (أفضل قيمة مقبولة حالياً فيست بالتجربة) هي

$$(1.3) \quad e = 1.602176565(35) \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

(عادة ما يكفي استخدام أول رقمين إلى أربعة أرقام معنوية من الجزء العشرى. سنتستخدم القيمة 1.602 في هذه الوحدة، لكن تذكرة أن المعادلة 1.3 توضح القيمة الدقيقة التي فيست بها هذه الشحنة.) إن شحنة الإلكترون خاصية داخلية له، تماماً ككتلته. وشحنة البروتون، جسيم أساسى آخر في لنزرة إثلة لقدر شحنة الإلكترون، غير أن شحنة البروتون موجبة:

$$(1.4) \quad q_p = +e$$

إن تحديد أي الشحنتين موجبة وأيهما سالبة أمر اختياري. والتحديد الاصطلاحي  $q_p > 0$   $q_e < 0$  يرجع إلى السياسي العالم والخترع الأمريكي بنيامين فرانكلين (1706–1790) صاحب الريادة في دراسات الكهرباء.

إن الكولوم الواحد هو وحدة شحنة كبيرة للغاية. وسنرى لاحقاً في هذه الوحدة مدى حجمه عندما تتحقق من مقدار القوى التي بينها الشحنات بعضها على بعض. كما أن الوحدات  $\text{nC}$  (الميكرو كولوم،  $C^{-6}$ ) و  $\text{nC}_6$  (النانو كواون،  $C^{-10}$ ) و  $\text{pC}$  (البيكو كولوم،  $C^{-12}$ ) وحدات شائعة الاستخدام. اقترح بنيامين فرانكلين أيضاً أن الشحنة محفوظة. فهي لا تفنى ولا تستحدث، بل تنتقل من جسم إلى آخر.

## مراجعة المفاهيم 1.1

كم عدد الإلكترونات اللازمة لإنتاج شحنة مقدارها $1.00 \text{ C}$	
?!	
6.24 · $10^{18}$ (d)	1.60 · $10^{19}$ (a)
6.66 · $10^{17}$ (e)	6.60 · $10^{19}$ (b)
3.20 · $10^{16}$ (c)	

## قانون حفظ الشحنة

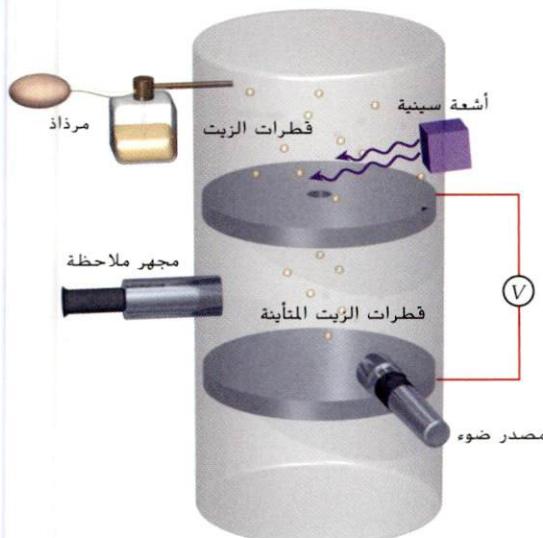
الكمية الكلية للشحنة الكهربائية في نظام مطلق تتغير.

هذا القانون هو رابع قانون للحقائق تتعرض له حتى الآن. أما القوانين الثلاثة الأولى فهي خاصة بحفظ الطاقة الكلية وكمية الحركة وكمية الحركة الزاوية. مثل قوانين الحفظ رابطاً مشتركاً بين كل جوانب الفيزياء، ومن ثم بين كل دروس هذا الكتاب أيضاً.

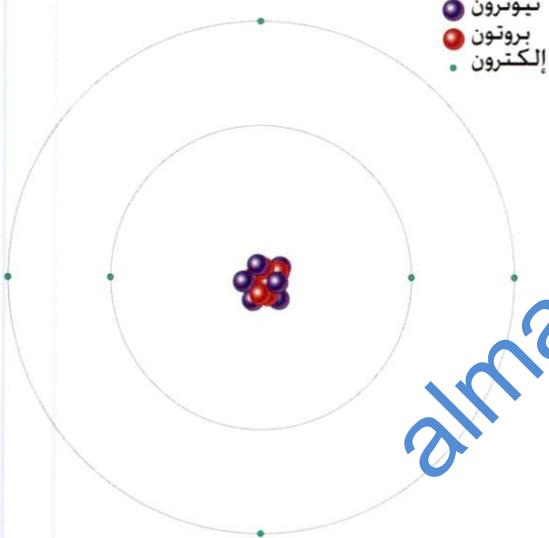
من المهم أن نلاحظ أنه يوجد قانون حفظ للشحنة، لكن ليس لكتلة. الكتلة والطاقة ليست مستقلتين إدراهماً عن الأخرى. وما يوصي أحياناً في الكيمياء التمهيدية بحفظ الكتلة ليس قانون حفظ دقيقاً. لكنه مجرد تقرير يستخدم لحساب عدد الذرات في التفاعلات الكيميائية. ( فهو تقرير جيد لعدد الأرقام المعنوية الكبير، لكنه ليس قانوناً دقيقاً كقانون حفظ الشحنة). ينطبق حفظ الشحنة على كل الأنظمة. بدءاً من النظام المجهري للقضيب البلاستيكي والفراء وحتى أنظمة الجسيمات دون الذرية.

## الشحنة الأولية (الأساسية)

تكون الشحنة الكهربائية مضاعفات صحيحة فقط لأقل كمية شحنة. ويعبر عن ذلك بقولنا إن الشحنة **مكتَّبة**. إن أصغر وحدة شحنة كهربائية يمكن ملاحظتها هي شحنة الإلكترون، وتساوي  $1.602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$  (كما خذلها المعادلة 1.3).



**الشكل 1.4** رسم تخطيطي لتجربة قطرات الزيت لليكأن.



**الشكل 1.5** في ذرة الكربون، يحتوي النواة على ستة نيوترونات وستة بروتونات. ويحيط بالنواة ستة إلكترونات. لاحظ أن هذا رسم تخطيطي، وليس مقياساً.

لقد ثبت أن الشحنة الكهربائية مكماة عن طريق التجربة المبنكرة التي أجرتها عالم الفيزياء الأمريكي روبرت ميليكان (1868-1953) عام 1910 والمعروفة باسم تجربة قطرة الزيت لليكأن (الشكل 1.4). في هذه التجربة، تم رش قطرات من الزيت في غرفة وقد تزعت منها الإلكترونات خارج قطرات نتيجة تعرضها لأشعة معينة، وهي الأشعة السينية غالباً. ثم سقطت قطرات الشحنة موجبة الشحنة بين لوحين مشحوئين كهربائياً. وبضبط الشحنة بين اللوحين، توقفت قطرات التقطرات. فلاحظ ميليكان أن الشحنة مكماة، وليس متصلة. (سيتم توضيح التحليل الكمي لهذه التجربة في الوحدة 3 التي تتناول الجهد الكهربائي). أثبتت هذه التجربة والتعديلات التي أجريت عليها لاحقاً أن الشحنة هي فقط مضاعفات صحيحة لشحنة الإلكترون. وفي ملاحظاتنا اليومية للكهرباء، لا نلاحظ أن الشحنة مكماة لأن معظم الظواهر الكهربائية تشمل أعداداً هائلة من الإلكترونات.

نافسنا أن المادة تتكون من ذرات وأن الذرة تتكون من نواة تحتوي على بروتونات مشحونة ونيترونات متعادلة. يوضح الشكل 1.5 رسماً تخطيطياً لذرة كربون. تحتوي ذرة الكربون على ستة بروتونات وستة نيوترونات (عادةً) في نواتها. ويحيط بهذه النواة ستة إلكترونات. لاحظ أن هذا الرسم ليس مقياساً. في الذرة الحقيقة، تكون المسافة من الإلكترونات إلى النواة أكبر بكثير من حجم النواة (عامل قوته الأساسية 10000). كما أن الإلكترونات الموضحة في الرسم موجودة في مدارات دائرة. وهذا ليس صحيحاً تماماً. سنرى أن مواقع الإلكترونات في الذرة تختلف، بتوزيعات الاحتمال فقط.

ذكرنا سابقاً أن البروتون يحمل شحنة موجبة مقدارها مساواً تماماً لقدر شحنة الإلكترون السالبة. في الذرة المتعادلة، يتساوي عدد الإلكترونات سالبة الشحنة مع عدد البروتونات موجبة الشحنة. وكلة الإلكترون أصغر بكثير من كلة النيوترون أو البروتون. وهذا سبب تركيز معظم كتلته الذرة في النواة. كما يمكن توزيع الإلكترونات من الذرات بسهولة نسبية. لذا فمن الطبيعي أن تكون الإلكترونات في ناقلات الكهرباء، لا البروتونات أو نواة الذرة.

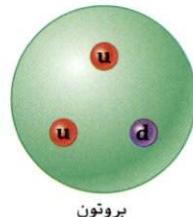
إن الإلكترون جسيم أولى ليس له أجزاء؛ فهو جسيم نقطي تصفه قطبه صفر (وفقاً لفهم الحالي على الأقل). بينما استُخدمت مسافير عالية الطاقة لروف الجزء الداخلي للبروتون. يتكون البروتون من جسيمات مشحونة تُسمى الكواركات. وربما لها جسيمات غير مشحونة تُسمى الجلوكات. تبلغ شحنة الكواركات  $\frac{1}{3} e$  أو  $\frac{2}{3} e$  من شحنة الإلكترون. ولا يمكن أن توجد هذه الجسيمات ذات الشحنة الصغيرة جداً بشكل مستقل ولم يتمكن العلماء نهايةً من ملاحظتها بشكل مباشر بالرغم من كثرة الأبحاث المكثفة التي أجروها. وتعد شحنات الكواركات خصائص داخلية لهذه الجسيمات الأولية. تماماً كشحنة الإلكترون.

يتكون البروتون من اثنين من الكواركات العلوية (شحنة كل منها  $\frac{2}{3} e$ ) وكوارك سفلي واحد (بشحنة  $-\frac{1}{3} e$ ). لتكون شحنة البروتون هي  $+e = +\frac{2}{3} e + (-\frac{1}{3} e)$ . كما هو موضح في الشكل 1.6a. بينما يتكون النيوترون المتعادل كهربائياً من كوارك علوي وكواركين سفليين. كما هو موضح في الشكل 1.6b. لذا فإن شحنة النيوترون تتساوي  $q_n = 0 = (+\frac{2}{3} e) + (-\frac{1}{3} e)$ . كما توجد جسيمات شبيهة بالإلكترون وكتلتها أكبر بكثير تُسمى الميون والتاو. لكن تبقى الحقيقة الأساسية هي أن كل المادة التي نلاحظها في حياتنا اليومية تتشكل من إلكترونات (بشحنة كهربائية  $-e$ ). وكواركات علوية وسفلية (بشنحنة كهربائية  $\frac{2}{3} e$  و  $+\frac{1}{3} e$  على التوالي)، وجلونات (غير مشحونة).

المثير للدهشة أن مجموع شحنات الكواركات داخل البروتون يكون مساوياً تماماً لقدر شحنة الإلكترون. ولا زالت هذه الحقيقة تمثل لغزاً، حيث تشير إلى تناقض عميق في الطبيعة لا نستطيع فهمه حتى الآن.

لأن كل الأجسام المجرية تتكون من الذرات، والذرات مكونة في الأساس من إلكترونات ونواة ذرية تحتوي على بروتونات ونيوترونات، فإنه يمكن التعبير عن الشحنة،  $q$ ، لأي جسم بدلالة مجموع عدد البروتونات،  $N_p$ ، ناقص مجموع عدد الإلكترونات،  $N_e$ ، التي يتألف منها الجسم:

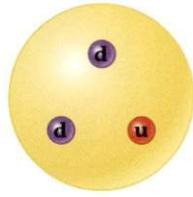
$$(1.5) \quad q = e(N_p - N_e)$$



بروتون

$$q_p = +\frac{2}{3}e + \frac{2}{3}e - \frac{1}{3}e = +e$$

(a)



نيوترون

$$q_n = +\frac{2}{3}e - \frac{1}{3}e - \frac{1}{3}e = 0$$

(b)

- الشكل 1.6** (a) يحتوي البروتون على كواركين علوبيين (u) وكوارك واحد سفلي (d). (b) يحتوي النيوترون على كوارك واحد علو (u) وكواركين سفليين (d).

إذا أردنا أن يكتسب قالب حديدي كتلته 3.25 kg شحنة موجبة مقدارها C 0.100. فما نسبة الإلكترونات التي ستحتاج إلى تزعمها؟

### مثال 1.1 الشحنة الكلية

#### المأساة

إذا أردنا أن يكتسب قالب حديدي كتلته 3.25 kg شحنة موجبة مقدارها C 0.100. فما نسبة الإلكترونات التي ستحتاج إلى تزعمها؟

#### الحل

العدد الكتلي للحديد هو 56. إذا عدد ذرات الحديد في قالب كتلته kg 3.25 هو

$$N_{atom} = \frac{(3.25 \text{ kg})(6.022 \cdot 10^{23} \text{ atoms/mole})}{0.0560 \text{ kg/mole}} = 3.495 \cdot 10^{25} = 3.50 \cdot 10^{25} \text{ atoms}$$

نجد هنا استخدمنا عدد أفوجادرو، 6.022.10<sup>23</sup>. وتعريف المول الذي ينص على أن كتلة المول الواحد من المادة بحدة الجرام هي نفسها العدد الكتلي للمادة – وهو 56 في هذه الحالة. كما أن العدد الذري للحديد هو 26. وهو ما يساوي عدد البروتونات أو الإلكترونات في ذرة حديد. فإن إجمالي عدد الإلكترونات في قالب كتلته kg 3.25 هو 3.25.

$$N_e = 26N_{atom} = (26)(3.495 \cdot 10^{25}) = 9.09 \cdot 10^{26} \text{ electrons}$$

نستخدم المعادلة 1.5 لإيجاد عدد الإلكترونات،  $N_{\Delta e}$ ، الذي ستنتزعه. وبما أن عدد الإلكترونات يساوي عدد البروتونات في الجسم الأصلية قبل شحنته. فإن الفرق في عدد البروتونات والإلكترونات سيكون هو عدد الإلكترونات المتردعة،  $N_{\Delta e}$ .

$$q = e \cdot N_{\Delta e} \Rightarrow N_{\Delta e} = \frac{q}{e} = \frac{0.100 \text{ C}}{1.602 \cdot 10^{-19} \text{ C}} = 6.24 \cdot 10^{17}.$$

وأخيراً نحصل على نسبة الإلكترونات التي ستحتاج إلى تزعمها:

$$\frac{N_{\Delta e}}{N_e} = \frac{6.24 \cdot 10^{17}}{9.09 \cdot 10^{26}} = 6.87 \cdot 10^{-10}.$$

ستحتاج إلى نزع أقل من واحد في المليار من الإلكترونات من القالب الحديدي لكي يحمل القالب شحنة موجبة كبيرة مقدارها C 0.100.

### سؤال الاختبار الذاتي 1.1

اكتب شحنة الجسيمات الأولية أو الذرات التالية بدلالة الشحنة الأساسية

$$. e = 1.602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$$

(a) بروتون

(b) نيوترون

(c) ذرة هيليون (بروتونان ونيوترونان وإلكترونان)

(d) ذرة هيدروجين (بروتون واحد وإلكترون واحد)

(e) كوارك علو

(f) كوارك سفلي

(g) إلكترون

(h) جسيم آغا (بروتونان ونيوترونان)

### 1.3 العوازل والموصلات وأشباه الموصلات والموصلات الفائقة التوصيل

تُسمى المواد جيدة التوصيل للكهرباء **موصلات**. وتُسمى المواد عديمة التوصيل للكهرباء **عوازل**. (بالطبع توجد موصلات جيدة وردية وعوازل جيدة وردية. وفقاً لخصائص كل نوع من المواد).

يشير التركيب الإلكتروني للمادة إلى طريقة ارتباط الإلكترونات بالنواة. وستناقش ذلك في وحدات لاحقة. لكن ما يعنيها الآن هو الميل النسبي لذرات المادة إلى كسب الإلكترونات أو فقدتها. بالنسبة إلى العوازل، لا تكون الإلكترونات حررة الحركة بسبب الارتباط القوي بين إلكترونات المادة وذراتها الذي يمنع هروب الإلكترونات من الذرات لتتحرك بحرية خلال المادة. حتى عند إضافة شحنة خارجية إلى المادة العازلة، لا تتحرك هذه الشحنة الخارجية بشكل ملحوظ. ومن الأمثلة النموذجية للمواد العازلة الزجاج والبلاستيك والقطن.

على التقييم من ذلك، تتميز المواد الموصولة بتركيب إلكتروني يسمح لبعض الإلكترونات بحرية الحركة خلالها. بينما لا تتحرك الشحنات الموجبة لذرات المادة الموصولة لأنها ترتكز في النوى الثقيلة. وتعد المعادن من الأمثلة النموذجية للموصولات الصلبة. فالنحاس، على سبيل المثال، موصل جيد يستخدم في صناعة الأسلاك الكهربائية.

يمكن أن تعمل الموائع والأنسجة العضوية كموصلات أيضاً. ولا يكون الماء المقطر النقي موصلًا جيداً، لكن إذابة مادة معينة، مثل ملح الطعام الشائع ( $\text{NaCl}$ )، في الماء يحسن من قدرة الماء على توصيل الكهرباء بدرجة كبيرة لأن أيونات الصوديوم موجبة الشحنة ( $\text{Na}^+$ ) وأيونات الكلور سالبة الشحنة ( $\text{Cl}^-$ ) تكون قادرة على الحركة في الماء وتوصيل الكهرباء. وعلى عكس المواد الصلبة، تكون ناقلات الشحنات الموجبة والسالبة في الماء قادر على الحركة. أما النسيج العضوي فليس موصلًا جيداً، لكنه يوصل الكهرباء بما يكفي لجعل التيارات الكبيرة خطيرة علينا.

## أشباء الموصلات

توجد فئة من المواد، تُسمى **أشباء الموصلات**. يمكن أن تغير من عازلة إلى موصولة ثم إلى عازلة مرة أخرى. على الرغم من أن أشباه الموصلات لم تكتشف إلا منذ أكثر من خمسين عاماً بفترة قصيرة، فإنها تُعد أساس كل صناعات الكمبيوتر والإلكترونيات الاستهلاكية. وأول استخدام واسع للنطاق لأشباه الموصلات كان في أجهزة الترانزistor (الشكل 1.7a). وتقوم شرائح أجهزة الكمبيوتر الحديثة (الشكل 1.7b) بوظائف الملايين من أجهزة الترانزistor. في الواقع، لو لا اكتشاف أشباه الموصلات، لاستحالت صناعة أجهزة الكمبيوتر وكل منتجات الإلكترونيات الاستهلاكية وأجهزتها الحديثة (مثل التلفاز والكاميرات ومشغلات ألعاب الفيديو والهواتف الخلوية وغيرها). وقد صرخ غوردون مور، المؤسس المشارك لشركة إنتل، أنه يفضل التكنولوجيا المتقدمة، يتضاعف متوسط قوة وحدة المعالجة المركزية لأجهزة الكمبيوتر كل 18 شهراً، وهو متوازن تجRibي على مدار الخمسة عقود الماضية. تُعرف ظاهرة التضاعف هذه باسم قانون مور. وقد كان علماء الفيزياء وسيطرون بذلك القوة الحركية والدافعة لهذه المسيرة من الاكتشافات والابتكارات والتحسينات العلمية.

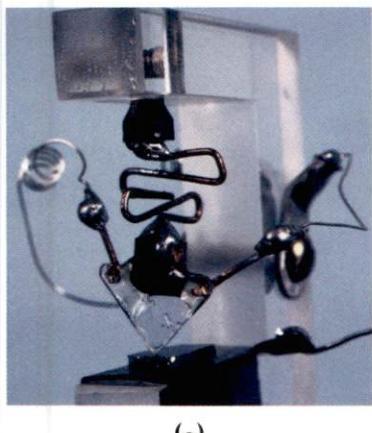
يوجد نوعان من أشباه الموصلات: نقية ومتقية. ومن أمثلة أشباه الموصلات النقية البلورات النقية كيميائياً لزرينج الجاليوم، أو الجرمانيوم، أو السليكون على وجه المخصوص. وبصنع المهندسون أشباه الموصلات غير النقية عن طريق التعقيم، وهو إضافة أميّات دقيقة (عادة ما تكون بنسبة 1 لكل 10 مليون) من المواد الأخرى التي يمكن أن تعمل كمانحات الترانزistorات أو مستقبلات الإلكترونات. تُسمى أشباه الموصلات المطعمية بمانحات الإلكترونات النوع  $n$  (حيث يشير  $n$  إلى الشحنة "negative"). أي السالبة. وإذا كانت مادة التعقيم تعمل كمستقبل للإلكترونات، فإن الفجوة التي يتركها الإلكترون بعد ارتباطه بالمستقبل يمكن أن تنتقل أيضاً عبر شبه الموصل لتعمل كناقل في الشحنة الموجبة. لهذا تُسمى أشباه الموصلات هذه النوع  $p$  (حيث يشير  $p$  إلى الشحنة "positive". أي الموجبة). لهذا على عكس الموصلات الصلبة العادية التي لا تتحرك فيها إلى الشحنات السالبة، تتحرك في شاه الموصلات كل من الشحنات السالبة والشحنات الموجبة (التي هي فجوات تركها الإلكترونات المقطورة).

## الموصلات الفائقة التوصيل

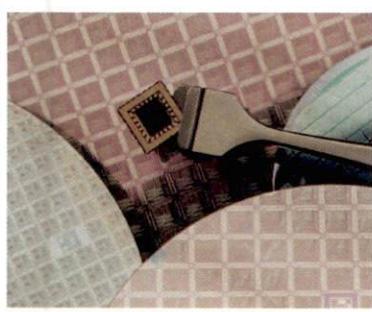
**الموصلات الفائقة التوصيل** هي مواد مقاومتها لتوصيل الكهرباء صفر، على عكس المواد العاديّة التي يحدث فيها فقد فعلياً إلا عند درجات حرارة منخفضة جداً. ومن نماذج الموصلات فائقة التوصيل سبيكة البيوبوروم والتيتانيوم التي يجب الحافظة عليها عند درجة حرارة قريبة من درجة حرارة الهليوم السائل ( $4.2\text{ K}$ ) لاحتفاظ بخصائص المواد الفائقة التوصيل. خلال العشرين سنة الماضية، تم تطوير مواد جديدة تُسمى  $T_c$  *superconductors* *high- $T_c$* . أو الموصلات الفائقة التوصيل عالية الحرارة (حيث يشير الرمز  $T_c$  إلى "درجة الحرارة الحرجة". وهي أعلى درجة حرارة تسمى بالموصلية الفائقة). تكون هذه المواد فائقة التوصيل عند درجة حرارة التيتريوجين السائل ( $77.3\text{ K}$ ). لكن حتى الآن، لم تكتشف مواد فائقة التوصيل عند درجة حرارة الفرقه ( $300\text{ K}$ ). ولو اكتشفت لكانت مفيدة للغاية. وُجّه حالياً أبحاث تستهدف تطوير مثل هذه المواد ووضع تفسير نظري للظواهر الفيزيائية التي تؤدي إلى الموصلية الفائقة عند درجة الحرارة العالية.

## 1.4 الشحن الكهروستاتيكي

تُسمى عملية شحن الجسم بشحنة ساكرة **الشحن الكهروستاتيكي**. ويمكن فهم الشحن الكهروستاتيكي من خلال سلسلة من التجارب البسيطة. يعمل مصدر الطاقة كمصدر موقر للشحنة الموجبة والسالبة. وتُعد بطارية السيارة مصدر طاقة مثالاً؛ فهي تستخدم التفاعلات الكيميائية للفصل بين الشحنات الموجبة والشحنات السالبة. ويمكن شحن العديد من القضايا العازلة بشحنة موجبة أو سالبة من مصدر



(a)



(b)

**الشكل 1.7** (a) نسخة طبق الأصل من جهاز الترانزistor الأول الذي اخترعه جون باردين ووالتر براين وويليام شوكلي عام 1947. (b) شرائح أجهزة الكمبيوتر الحديثة المصنوعة من رقاقات السيليكون تحتوي على عشرات الملايين من أجهزة الترانزistor.

الطاقة. كما يمكن التخلص من الشحنات عن طريق التوصيل بالأرض. فالأرض مستودع شحنة لا يبني تقريباً. وتميز بقدرتها فاعلة على معادلة الأجسام المشحونة كهربائياً التي تكون متلامسة معها. يُسمى تفريغ الشحنة هذا **التاريف**، وُسمى الوصلة الكهربائية بالأرض وصلة **أرضية**.

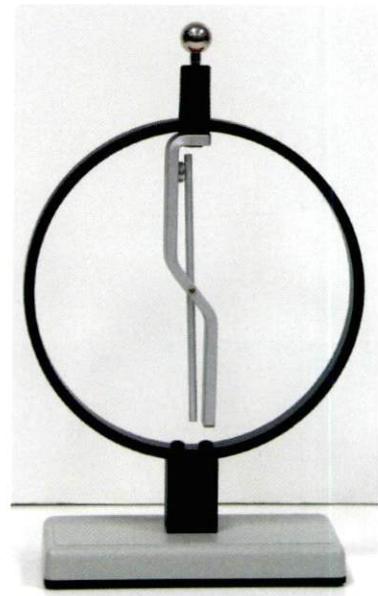
**الكشاف الكهربائي** جهاز يظهر استجابة ملحوظة عند شحنه. يمكنك صناعة كشاف كهربائي بسيط باستخدام شريطين من رقائق معدنية رفيعة جداً بحيث يكونان متصلين عند طرف واحد ومتدليين من إطار عازل على أن يكونا متقاربين. لن تكون رقائق الألومنيوم التي ستستخدم في المطابخ مناسبة لأنها عريضة جداً. لكن يمكنك شراء رقاقات معدنية رفيعة من متاجر بيع مستلزمات الهوايات. وبالنسبة إلى الإطار العازل، يمكنك مثلاً استخدام الحافة العلوية المستديرة لكرub من الفلين.

يحتوي الكشاف الكهربائي الموضح في الشكل 1.18. وهو مصمم للعروض التوضيحية في الدروس. على موصلين يكونان متلامسين ومتدليين بشكل حر في وضع التعادل. وأحد هذين الموصلين متصل بمفصلة عند منتصفه بحيث يتبع عن الموصل الثابت عند شحن الكشاف الكهربائي. يتصل هذان الموصلان بكرة موصلة أعلى الكشاف الكهربائي. وهي تسمح بدخول الشحنة أو خروجها بسهولة.

يوضح الشكل 1.9a كشافاً كهربائياً غير مشحون. واستخدم مصدر الطاقة لشحن قضيب عازل بشحنة سالبة. عند تفريغ القضيب من الكوة الموجودة أعلى الكشاف الكهربائي. كما هو موضح في الشكل 1.9b. تناهى الإلكترونات الموجودة في الكوة الموصلة للكشاف الكهربائي. فتنتج شحنة سالبة صافية في موصل الكشاف الكهربائي. تؤدي هذه الشحنة السالبة إلى دوران الموصل المتحرك لأن شحنة الموصل الثابت سالبة أيضاً. مما يتسبب في تناهه. ولأن القضيب لم يلمس الكوة. فإن شحنة الموصل المتحرك تكون شحنة **مستحثة**. وعند إبعاد القضيب كما هو موضح في الشكل 1.9c. تقل هذه الشحنة الموجدة إلى الصفر. ويعود الموصل المتحرك إلى وضعه الأصلي لأن إجمالي الشحنة الموجودة في الكشاف الكهربائي لا يتغير عند حدوث ذلك.

إذاً تكرار هذه التجربة باستخدام قضيب يحمل شحنة موجبة. فستنجدب الإلكترونات الموجودة في الموصلين إلى القصبي وتتدفق إلى الكرة الموصلة. وستنتج عن ذلك شحنة موجبة صافية في الموصلين تؤدي إلى دوران الموصل المتحرك مرة أخرى. لاحظ أن الشحنة الكلية في الكشاف الكهربائي تكون صفراء في كلتا الحالتين. لأن حركة الموصل تشير فقط إلى أن القضيب ممشحون. وعند إبعاد القضيب موجب الشحنة. يعود الموصل المتحرك إلى وضعه الأصلي مرة أخرى. من المهم ملاحظة أنه لا يمكننا تحديد نوع هذه الشحنة.

على الجانب الآخر، إذا نمس قضيب عازل سالب الشحنة كرة الكشاف الكهربائي. كما يوضح الشكل 1.10b. فستتدفق الإلكترونات من القضيب إلى الموصل وتنتج شحنة سالبة صافية. وعند إبعاد القضيب. تبقى الشحنة موجودة فوق الموصل المتحرك متراجعاً. كما هو موضح في الشكل 1.10c.



**الشكل 1.8** كشاف كهربائي تموجي يستخدم في العروض التوضيحية في المدارس.

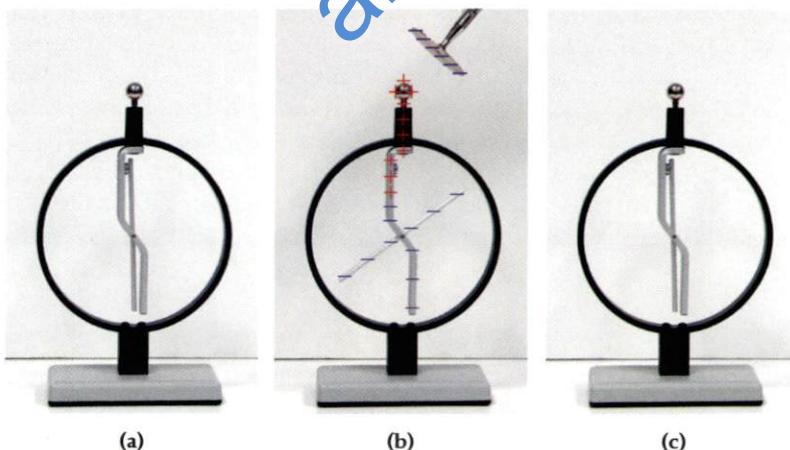
## مراجعة المفاهيم 1.2

يتحرك الموصل المتصل بمفصلة بعيداً عن الموصل الثابت عند شحن الكشاف الكهربائي لأن:

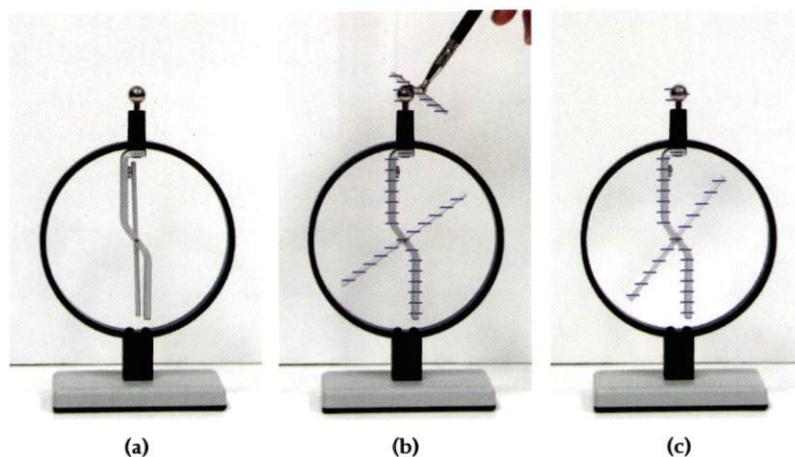
- (a) الشحنات المتماثلة تناهه.
- (b) الشحنات المتماثلة تتجاذب.
- (c) الشحنات المختلفة تجاذب.
- (d) الشحنات المختلفة تتناهه.

## الشكل 1.9 الشحن باللحث:

- (a) كشاف كهربائي غير مشحون.
- (b) تفريغ قضيب ذي شحنة سالبة إلى الكشاف الكهربائي.
- (c) إبعاد القضيب سالب الشحنة.



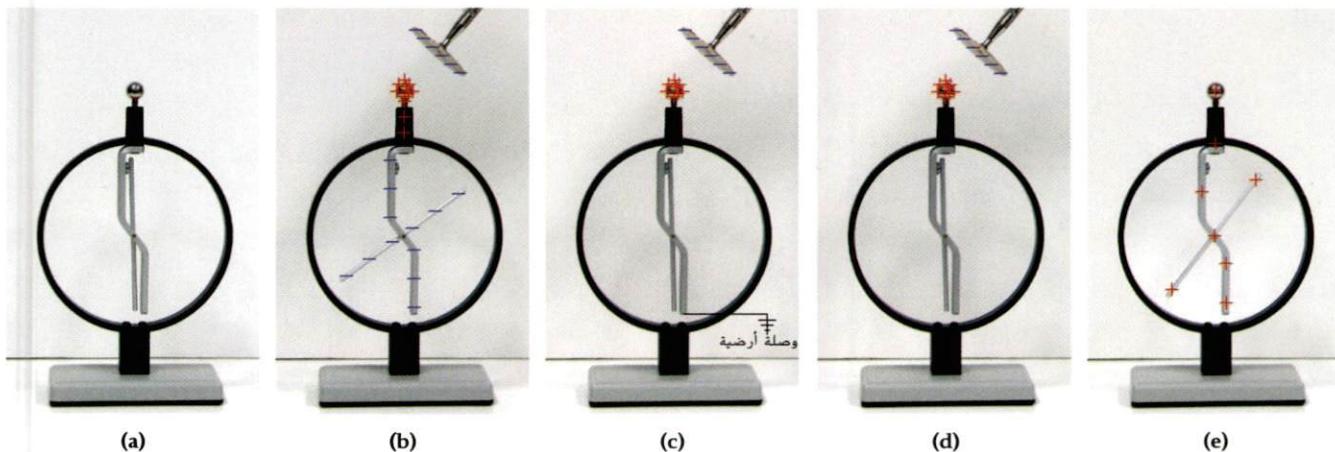
**الشكل 1.10** الشحن بالتوصل:  
(a) كشاف كهربائي غير مشحون. (b) ملامسة قضيب ذي شحنة سالبة مع الكشاف الكهربائي. (c) إبعاد القضيب سالب الشحنة.



وبالمثل، إذا لامس قضيب عازل موجب الشحنة كرة الكشاف الكهربائي غير المشحون، فسيتغلل الكشاف الكهربائي الإلكترونات إلى القضيب موجب الشحنة ويصبح موجب الشحنة. مرة أخرى، يكون للقضيب موجب الشحنة والقضيب سالب الشحنة اخلاق نفسه في الكشاف الكهربائي، ولا يمكننا أن نحدد ما إذا كانت شحنة أي من القضيبين موجبة أم سالبة تسمى هذه العملية **الشحن بالتوصل**.

يمكن توضيح نوعي الشحنة بلامسة قضيب سالب الشحنة أولًا مع الكشاف الكهربائي، وحيث أنها ستحريك الموصل المتحرك، كما يوضح الشكل 1.10 وإن كانت ملامسة قضيب موجب الشحنة مع الكشاف الكهربائي بعد ذلك، فسيعود الموصل المتحرك إلى وضع التوازن. أي أن الشحنة ستتصبح متعادلة (إذا افترضنا أن القضيبين في الأساس كانوا متماثلين في القوة المطلقة للشحنة). فستنتج من ذلك أنه يوجد نوعان من الشحنة. لكن لأن الشحنات دليل على وجود الإلكترونات متحركة، فإن الشحنة السالبة تشير إلى زيادة الإلكترونات، وتشير الشحنة الموجبة إلى نقص الإلكترونات.

يمكن شحن الكشاف الكهربائي دون ملامسته مع القضيب المشحون. وهو موضح في الشكل 1.11. فالكشاف الكهربائي غير مشحون في الشكل 1.11a. ثم قرّب قضيب ثابت مشحون إلى كرة الكشاف الكهربائي لكن من دون ملامستها، كما في الشكل 1.11b. وفي الشكل 1.11c، تم توصيل الكشاف الكهربائي بوصلة أرضية. ثم أزيلت الوصلة الأرضية معبقاء القضيب المشحون قريباً من كرة الكشاف الكهربائي من دون ملامستها، كما في الشكل 1.11d. وفي الخطوة التالية، تم إبعاد القضيب عن الكشاف الكهربائي كما في الشكل 1.11e. وظل الكشاف الكهربائي مشحوناً بشحنة موجبة (لكن حرف الموصل المتحرك أقل منه في الشكل 1.11b). ستنطبق هذه العملية أيضاً عند استخدام قضيب موجب الشحنة. تُسمى هذه العملية **الشحن بالاحت**. وهي تؤدي إلى شحن الكشاف الكهربائي بشحنة مختلفة عن شحنة القضيب.



**الشكل 1.11** الشحن بالاحت:  
(a) كشاف كهربائي غير مشحون. (b) تقرّب قضيب ذي شحنة سالبة إلى الكشاف الكهربائي. (c) وصلة أرضية متصلة بالكساف الكهربائي. (d) إزالة الوصلة الأرضية. (e) إبعاد القضيب سالب الشحنة. تارك الكشاف الكهربائي مشحوناً بشحنة موجبة.

## الشحن الكهربائي بالدلك

كما ذكرنا سابقاً، يؤدي ذلك مادتين معاً إلى شحنتهما. لكننا لم نناقش سؤالين أساسيين حول هذه الظاهرة: أولاً، ما سببها الحقيقي؟ ثانياً، أي من المادتين تُشحن بشحنة موجبة وأيهما تُشحن بشحنة سالبة؟

العجب أن الأسباب المجهولة للشحن الكهربائي بالاحتكاك لا زالت غير مفهومة بشكل كامل، كما هو الحال مع الكثير من مظاهر الاحتكاك. والنظرية السائدة حول هذه الظاهرة هي أنه عندما يحدث تلامس بين سطхи جسمين في عملية الاحتكاك، يحدث التصاق وت تكون روابط كيميائية بين ذرات هذين السطحين. وعند انفصال السطحين، تتمزق بعض هذه الروابط الجديدة تاركة كمية وفيرة من الإلكترونات المشتركة في الروابط على المادة التي لها دالة شغل أكبر.

توضح نتائج الأبحاث الحديثة لدراسة الأسطح بمجاهر القوة الذرية أن الشحن الكهربائي بالاحتكاك يمكن أن يحدث أيضاً عندما يحدث احتكاك بين جسمين من المادة نفسها. كما ثبت أن عملية الشحن تنقل الإلكترونات فقط، بل وتنتقل أحياناً قطعاً صغيرة جداً (نانومترات قليلة) من المادة من جسم إلى آخر.

أي من المادتين تُشحن بشحنة موجبة وأيهما تُشحن بشحنة سالبة؟ لقد أجبت عن هذا السؤال سلسلة من التجارب تتلخص نتائجها في الشكل 1.12 في شكل قائمة ببعض المواد الشائعة التي يمكن حكمها معاً. إذا قمت بحك مادتين من هذه القائمة إدراهما مع الأخرى، فستكتسب المادة الأعلى في القائمة شحنة موجبة صافية، بينما ستكتسب المادة الأخرى شحنة سالبة صافية.

القاعدة الثابتة في النهاية هي أنه كلما زادت شدة الاحتكاك، زاد انتقال الشحنة. ويحدث ذلك لأن زيادة شدة التلامس يؤدي إلى زيادة الاحتكاك الذي يؤدي بدوره إلى زيادة التفاصيل المجهولة لنقل الشحنة على سطح المواد.

+ ↑	جلد الإنسان
الخلد	قراء الأرض
الزجاج	الكوارتز
شعر الإنسان	النابلون
الصوف	الحرير
الورق	القطن
الخشب	اللوسيت
الكريمان	المطاط
الريابون	البوليستر
الستيرلين	الأكريليك
البولي بوريثان	السيليكون
- ↓	التفلون

الشكل 1.12 تسلسل الشحن الكهربائي بعض المواد الشائعة.

## 1.5 القوة الكهرومغناطيسية - قانون كولوم

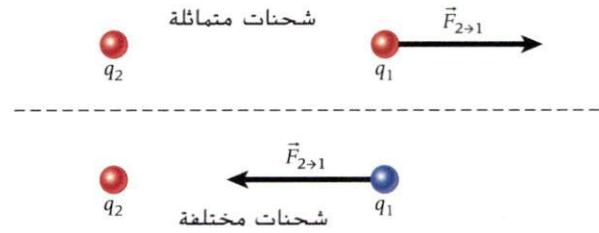
إن قانون الشحنات الكهربائية دليل على وجود قوة بين أي شحنتين ساكتئن. وقد أظهرت التجارب أنه إذا بذلت الشحنة  $q_2$  قوة كهرومغناطيسية على الشحنة  $q_1$ ، فإن القوة المبذولة على الشحنة  $q_1$  تكون في اتجاه الشحنة  $q_2$  إذا كانت الشحنتان مختلفتين، بينما ستكون بعيداً من الشحنة  $q_2$  إذا كانت الشحنتان متماثلتان (الشكل 1.13). ينبع تأثير هذه القوة التي تؤثر بها شحنة على أخرى على امتداد الخط بين هاتين الشحنتين. يحدد قانون كولوم مقدار هذه القوة كما يلي

$$(1.6) \quad F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$$

حيث  $q_1$  و  $q_2$  شحنتان كهربائيتان،  $r = |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|$  هي المسافة بينهما، و

$$(1.7) \quad k = 8.99 \cdot 10^9 \frac{\text{N m}^2}{\text{C}^2}$$

هو ثابت كولوم. تلاحظ أن الكولوم الواحد يعادل شحنة كبيرة جداً. فإذا كانت المسافة بين شحنتين مقدار كل منها  $1\text{ C}$  هي  $1\text{ m}$ ، فإن مقدار القوة التي ستبذلها كل منهما على الأخرى سيساوي  $8.99 \times 10^9$  مليارات نيوتن. وعلى سبيل المقارنة، تساوي هذه القوة وزن 450 فضائياً مكتملاً محمل الحمولة!



الشكل 1.13 القوة التي تبذلها الشحنة 2 على الشحنة 1: (a) شحنتان متماثلتان؛ (b) شحنتان مختلفتان.

كُلّ العلاقة بين ثابت كولوم وثابت آخر،  $\epsilon_0$ . يُسمى **السماحية الكهربائية للحيز المطلق**،

$$(1.8) \quad k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$$

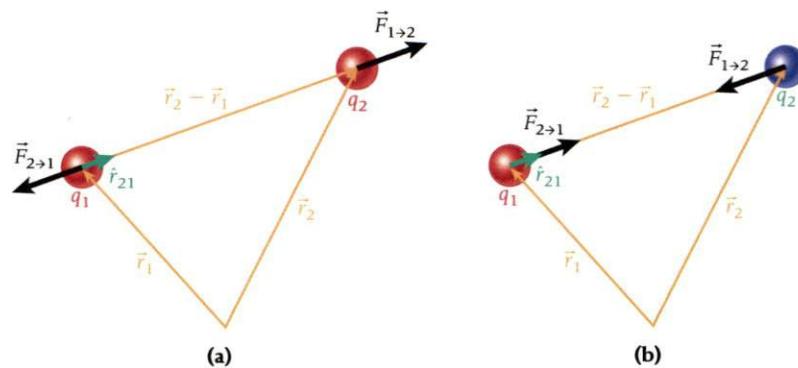
## مراجعة المفاهيم 1.3

إذا وضعت شحنتين بحيث تفصل بينهما مسافة  $r$ . ثم ضاعفت كلّاً من الشحنتين وضاعفت المسافة بينهما، فكيف سيتغير مقدار القوة المبذولة بين الشحنتين؟

- (a) ستكون القوة الجديدة ضعف هذا المدار.
- (b) ستكون القوة الجديدة نصف هذا المدار.
- (c) سيزيد مقدار القوة الجديدة بأربعة أضعاف.
- (d) سيقلّ مقدار القوة الجديدة بأربعة أضعاف.
- (e) ستكون القوة الجديدة بالمقدار نفسه.

### الشكل 1.14 تمثيل متجهات القوى

الكهرومغناطيسية التي تؤثر بها سحتان إحداهما على الآخر: (a) سحتان متماثلان؛ (b) سحتانان مختلفان.



لذا فإن قيمة الثابت  $\epsilon_0$  هي

$$(1.9) \quad \epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{C^2}{N \cdot m^2}$$

ومن ثم فإن الطريقة الأخرى لكتابه المعادلة 1.6 هي

$$(1.10) \quad F = \frac{k |q_1 q_2|}{4\pi \epsilon_0 r^2}$$

### مراجعة المفاهيم 1.4

ما الذي تدل عليه القوى المؤثرة في الشحنة  $q_3$  في الشكل 1.15 بخصوص إشارات الشحنات الثلاث؟

- (a) كل الشحنات الثلاث موجبة.
- (b) كل الشحنات الثلاث سالبة.
- (c) الشحنة  $q_3$  صفر.

(d) الشحنتان  $q_1$  و  $q_2$  مختلفتان.

(e) الشحنتان  $q_1$  و  $q_2$  متماثلان، والشحنة  $q_3$  مختلفة عنهما.

كما سترى في الوحدات التقليدية التالية، تكون بعض معادلات القوى الكهرومغناطيسية أكثر مناسبة عند كتابتها بدلالة الثابت  $k$ . بينما يكون من الأسهل كتابة معادلات أخرى بدلالة  $1/(4\pi\epsilon_0)$ .

لاحظ أن الشحنتين في كل من المعادلين 1.6 و 1.10 يمكن أن تكونا موجبتين أو سالبتين، لذا فإن ناتج ضرب الشحنتين يمكن أن يكون موجباً أو سالباً أيضاً. ولأن إشارةات المختلفة تتجاذب والشحنات المتماثلة تتنافر، ست Dell القيمة السالبة الناتجة ضرب  $q_1 q_2$  على التجاذب وتبدل قيمته الموجبة على التناfork. وأخيراً، يمكن كتابة قانون كولوم للقوة التي تبذلها الشحنة 2 على الشحنة 1 بصيغة المتجهات:

$$(1.11) \quad \vec{F}_{2 \rightarrow 1} = -k \frac{q_1 q_2}{r^2} \hat{r}_{21}$$

في هذه المعادلة،  $\hat{r}_{21}$  هو متجه وحدة يتجه من  $q_1$  إلى  $q_2$  (انظر الشكل 1.14). حيث بالإشارة السالبة إلى أن القوة تكون تناforkية إذا كانت كلتا الشحنتين موجبة أو كانت كلاهما سالبة في هذه الحالة. يكون اتجاه  $\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$  بعيداً عن الشحنة 2. كما يوضح الشكل 1.14a. وعلى الجانب الآخر، إذا كانت إحدى الشحنتين موجبة والأخرى سالبة، فسيكون اتجاه  $\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$  نحو الشحنة 2. كما هو موجود في الشكل 1.14b.

إذا بذلت الشحنة 2 القوة  $\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$  على الشحنة 1. فإنه من السهل الحصول على القوة  $\vec{F}_{1 \rightarrow 2}$  التي تبذلها الشحنة 1 على الشحنة 2 من القانون الثالث لنيوتون:  $\vec{F}_{1 \rightarrow 2} = -\vec{F}_{2 \rightarrow 1}$ .

### مبدأ التراكب

درستنا في هذه الوحدة حتى الآن القوة بين شحنتين. لنفكّر الآن في الشحنات النقاطية الثلاث،  $q_1$  و  $q_2$  و  $q_3$ ، عند المواقع  $x_1$  و  $x_2$  و  $x_3$  على التوالي. كما يوضح في الشكل 1.15. نحصل على القوة التي تبذلها الشحنة 1 على الشحنة 3. من خلال المعادلة

$$\vec{F}_{1 \rightarrow 3} = -\frac{k q_1 q_3}{(x_3 - x_1)^2} \hat{x}$$

### مراجعة المفاهيم 1.5

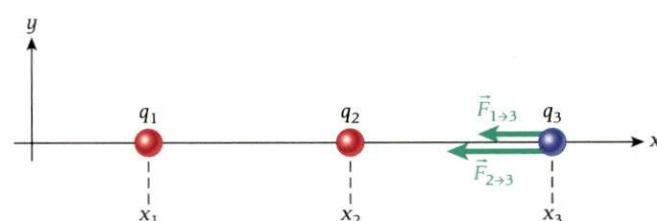
إذا افترضنا أن طول كل متجه من المتجهين في الشكل 1.15 يتناسب مع مقدار القوة الذي يمثله، فما الذي يشير إليه المتجهان بخصوص مقدار أي شحنتين  $q_1$  و  $q_2$ ؟ (تمرين: المسافة بين  $x_2$  و  $x_1$  هي نفسها المسافة بين  $x_2$  و  $x_3$ ).

a)  $|q_1| < |q_2|$

b)  $|q_1| = |q_2|$

c)  $|q_1| > |q_2|$

d) لا يمكن تحديد الإجابة من المعلومات المعطاة في الشكل.



الشكل 1.15 القوانين اللتان تبذلهما الشحنتان 1 و 2 على الشحنة 3.

ونحصل على القوة التي تبذلها الشحنة 2 على الشحنة 3 من خلال المعادلة

$$\vec{F}_{2 \rightarrow 3} = -\frac{kq_2 q_3}{(x_3 - x_2)^2} \hat{x}$$

إن القوة التي تبذلها الشحنة 1 على الشحنة 3 لا تتأثر بوجود الشحنة 2، والقوة التي تبذلها الشحنة 2 على الشحنة 3 لا تتأثر بوجود الشحنة 1، بالإضافة إلى أن القوتين اللتين تبذلهما الشحنة 1 والشحنة 2 على الشحنة 3 يُجمِعان في صورة كمبئين متوجهين لتعطيان القوة المخلصة التي تؤثُر في الشحنة 3:

$$\vec{F}_{\text{مُجمَع}} = \vec{F}_{1 \rightarrow 3} + \vec{F}_{2 \rightarrow 3}$$

بشكل عام، يمكننا التعبير عن القوة الكهرومغناطيسية،  $(\vec{F})$ ، التي تؤثُر في الشحنة  $q$  الموجودة عند الموضع  $\vec{r}$  والناتجة عن مجموعة الشحنات،  $q_i$ . الموجودة عند الموضع  $\vec{r}_i$  كما يلي:

$$(1.12) \quad \vec{F}(\vec{r}) = kq \sum_{i=1}^n q_i \frac{\vec{r}_i - \vec{r}}{|\vec{r}_i - \vec{r}|^3}$$

نحصل على هذه النتيجة باستخدام تراكم القوى والمعادلة 1.11 لكل تفاعل بين شحتين.

## القوى الكهرومغناطيسية داخل الذرة

### 1.2

السؤال 1 ما مقدار القوة الكهرومغناطيسية المبذولة بين البروتونين داخل نواة ذرة الهليوم؟

#### الحل 1

يرتبط البروتونان بالبروتونين داخل نواة ذرة الهليوم بفعل القوة الشديدة؛ بينما يتبع البروتونان أحدهما عن الآخر بسبب القوة الكهرومغناطيسية المبذولة بينهما، وشحنة كل بروتون هي  $q_p = +e$ . كما تفصل بين البروتونين مسافة مقدارها  $r = 2 \cdot 10^{-15} \text{ m} = 2 \text{ fm}$  تقريباً. لذا يمكننا إيجاد القوة باستخدام قانون كولوم كما يلي:

$$F = k \frac{|q_p q_p|}{r^2} = \left( 8.99 \cdot 10^9 \frac{\text{N m}^2}{\text{C}^2} \right) \frac{(1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C})(1.6 \cdot 10^{-19} \text{ C})}{(2 \cdot 10^{-15} \text{ m})^2} = 58 \text{ N}$$

إذًا، مقدار القوة التي تباعد بين البروتونين في نواة ذرة الهليوم هو  $58 \text{ N}$  (ما يعادل وزن فقط كامل النمو تقريباً). وإذا تأملنا في حجم النواة، فستجده أن هذه النواة هائلة جدًا. فلماذا لا تنفجر نواة الذرة إذًا؟ الإجابة هي أنه توجد قوة أكبر تحافظ على عناصر الذرة استناداً إلى تمسيبها بالقوة الشديدة.

#### مراجعة المفاهيم 1.6

يوضح الشكل ثلاث شحنات مرتبة على خط مستقيم. ما اتجاه القوة الكهرومغناطيسية المؤثرة في الشحنة الوسطى؟



- (d)  $\uparrow$  (c)  $\downarrow$  (b)  $\leftarrow$  (a)  
(e) لا توجد قوة مؤثرة في هذه الشحنة.

السؤال 2 ما مقدار القوة الكهرومغناطيسية بين نواة الذهب وإلكترون نواة الذهب الموجود في مدار نصف قطره  $4.88 \cdot 10^{-12} \text{ m}$

#### الحل 2

الإلكترون سالب الشحنة ونواة الذهب موجبة الشحنة بجذب كل منها الآخر بقوة مقدارها

$$F = k \frac{|q_e q_N|}{r^2}$$

حيث إن شحنة الإلكترون هي  $q_e = -e$  وشحنة نواة الذهب هي  $q_N = +79e$ . لذا فإن القوة المبذولة بين الإلكترون ونواة هي

$$F = k \frac{|q_e q_N|}{r^2} = \left( 8.99 \cdot 10^9 \frac{\text{N m}^2}{\text{C}^2} \right) \frac{(1.60 \cdot 10^{-19} \text{ C})(79)(1.60 \cdot 10^{-19} \text{ C})}{(4.88 \cdot 10^{-12} \text{ m})^2} = 7.63 \cdot 10^{-4} \text{ N}$$

إذًا، مقدار القوة الكهرومغناطيسية التي تبذلها النواة على الإلكترون في ذرة الذهب أقل بنحو 100000 ضعف من مقدار القوة المبذولة بين البروتونات داخل النواة.

#### مراجعة المفاهيم 1.7

يوضح الشكل ثلاث شحنات مرتبة على خط مستقيم. ما اتجاه القوة الكهرومغناطيسية المؤثرة في الشحنة الوسطى؟ (لاحظ أن مقدار الشحنة اليسرى يساوي ضعف مقدارها في 1.6). مراجعة المفاهيم 1.6



- (d)  $\uparrow$  (c)  $\downarrow$  (b)  $\leftarrow$  (a)  
(e) لا توجد قوة مؤثرة في هذه الشحنة.

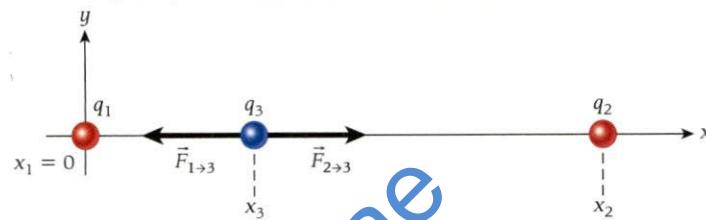
ملاحظة: إن كتلة نواة الذهب تزيد بحوالي 400000 ضعف عن كتلة الإلكترون. لكن مقدار القوة التي تبذلها نواة الذهب على الإلكترون يتساوى تماماً مع مقدار القوة التي تبذلها الإلكترون على نواة الذهب. ولعلك تقول إن هذا ما ينص عليه القانون الثالث لنيوتن. وهذا صحيح. لكن الجدير بالذكر أن هذا القانون الأساسي ينطبق على القوى الكهرومغناطيسية أيضاً.

### مثال 1.3 موضع الاتزان

#### المأساة

بوضوح الشكل 1.16 موضع جسيمين مشحونين: يقع الجسم  $q_1 = 0.15 \mu\text{C}$  عند نقطة الأصل. ويقع الجسم  $q_2 = 0.35 \mu\text{C}$  على محور  $X$  الموجب عند النقطة  $x_2 = 0.40 \text{ m}$ . أين يجب أن يكون موضع الجسم الثالث المشحون،  $q_3$ . ليكون عند نقطة اتزان (حيث يكون مجموع القوى المؤثرة فيه صفرًا)؟

**الشكل 1.16** موضع ثلاثة جسيمات مشحونة. يوضح الشكل أن شحنة الجسم الثالث سالبة.



**الحل**  
لنحدد أول الموضع التي لن نضع عندها هذه الشحنة. إذاً نجعل الشحنة الثالثة في أي موضع بعيداً عن المحور  $X$ . فستكون هناك دائمة مركبة قوية في اتجاه المحور  $X$  وبعيداً عنه. لذا يمكننا تحديد نقطة اتزان (يكون مجموع القوى عنداتها صفرًا) على المحور  $X$  فقط. يمكن تقسيم المحور  $X$  إلى ثلاثة أجزاء مختلفة:  $x \leq x_1 = 0$  و  $x_1 < x < x_2$  و  $x > x_2$ . وبالنسبة إلى الجزء  $x_1 < x < x_2$ . فإن اتجاهات القوى من  $q_1$  المؤثرة في  $q_3$  سيكون في الاتجاه الموجب إذا كانت الشحنة سالبة بينما سيكون في الاتجاه السالب إذا كانت الشحنة موجبة. ولأننا نبحث عن موضع تلغى عنده القوانين كل جزءاً آخر، فمن الممكن استبعاد الجزء  $x = x_1 \leq x \leq x_2$ . وسنستبعد الجزء  $x_2 \geq x$  للسبب نفسه.  
في الجزء المتبقى من المحور  $X$ . وهو  $x_1 < x < x_2$ . سيؤثر  $q_1$  و  $q_2$  في  $q_3$  بقوى معاكستين في الاتجاه. أي أننا نبحث عن الموضع  $x_3$ . حيث ستتساوى عنده القوانين في المقدار ليصبح مجموع القوى صفرًا. ونعتبر عن تساوي القوتين بالمعادلة

$$|\vec{F}_{1 \rightarrow 3}| = |\vec{F}_{2 \rightarrow 3}|$$

والتي يمكننا إعادة كتابتها بالصورة

$$k \frac{|q_1 q_3|}{(x_3 - x_1)^2} = k \frac{|q_3 q_2|}{(x_2 - x_3)^2}$$

نلاحظ الآن أن مقدار الشحنة الثالثة وإشارتها ليس لها أي تأثير لأن هذه الشحنة تلغى. كما هو الحال مع الثابت  $k$ . وينتج لنا

$$\frac{q_1}{(x_3 - x_1)^2} = \frac{q_2}{(x_2 - x_3)^2}$$

أو

$$q_1(x_2 - x_3)^2 = q_2(x_3 - x_1)^2$$

أو

$$\sqrt{q_1} x_2 + \sqrt{q_2} x_1 = \sqrt{q_2} (x_3 - x_1)$$

أو

$$x_3 = \frac{\sqrt{q_1} x_2 + \sqrt{q_2} x_1}{\sqrt{q_1} + \sqrt{q_2}}$$

يمكننا أخذ الجذر التربيعي لكلا طرفي المعادلة (i) لأن  $x_2 < x_3 < x_1$ . لذا من المؤكد أن كلاً من الجذرين.  $x_1$  و  $x_2 - x_3$  سيكون موجباً.

وبالتعويض بالأرقام المعطاة في المأساة. تكون النتيجة

$$x_3 = \frac{\sqrt{q_1} x_2 + \sqrt{q_2} x_1}{\sqrt{q_1} + \sqrt{q_2}} = \frac{\sqrt{0.15 \mu\text{C}}(0.4 \text{ m})}{\sqrt{0.15 \mu\text{C}} + \sqrt{0.35 \mu\text{C}}} = 0.16 \text{ m.}$$

هذه نتيجة منطقية لأننا متوقع أن نقطة الاتزان ستكون بالقرب من الشحنة الأصفر.

كرات مشحونة

### **مأساة محلولة 1.1**

السؤال

كرتان متماثلان مشوّهتان تتدليان من السقف بحيلين عازلين متساوين في الطول،  $\ell = 1.50 \text{ m}$  (الشكل 1.17). وُسُّخت كل كرة بشحنة مقدارها  $q = 25.0 \mu\text{C}$  ثم أصبحت الكرتان المتداлиتان في وضع السكون. وضُعَّنَ كل حبل زاوية مقدارها  $25.0^\circ$  مع المستوى الرأسي (الشكل 1.17a). ما كتلة كل من الكرتين؟

٦٧

**فَكَر** تُوجَد ثلَاث قوىٌ تؤثِّر في كُل كرةً مشحونةً: قُوَّةُ الْجاذِبَة وقوَّةُ التَّنافِر الكهروستاتيكيَّة وقوَّةُ الشُّد المُوجَودَة في الخيل. لذا يمكننا إيجاد مركبات القوى الثلاث ومساواتها بالصُّغرى، مما يسْهِل علينا إيجاد كتلة الكرتئين المشحونتين.

**ارسم** يوضح الشكل 1.17b مخطط جسم حر للكرة البسرى.

**ابحث** ينص شرط الازان السكוני على أن مجموع مركبات  $\times$  للقوى الثلاث المؤثرة في الكورة يجب أن يكون صفرًا، وأن مجموع مركبات  $\times$  لهذه القوى يجب أن يكون صفرًا، إذاً

$$(i) \quad T \sin \theta - F_e = 0$$

حيث  $F_0$  مقدار شد الجبل،  $\theta$  الزاوية التي يصنعها الجبل مع المستوى الرأسي، و  $F$  مقدار القوة الكهربائية. ومجموع مركبات  $z$  للقوى هو

$$(ii) \quad T \cos \theta - F_g = 0$$

قوة الجاذبية، وإنما هي إلا وزن الكرة المشحونة:

$$(iii) \quad F_g = mg$$

حيث  $m$  هي كتلة الكرة المشوونة. ونحصل على القوة الكهرومغناطيسية التي تبذلها القوتان إحداثيا على الآخر بالمعادلة

$$(iv) \quad F_e = k \frac{q^2}{d^2}$$

حيث  $d$  هي المسافة بين الكريتين. ويمكننا تعبير عن المسافة بين الكريتين بدلالة طول الجبل.  $\ell$ . بالنظر إلى الشكل 1.17a سنجد أن

$$\sin \theta = \frac{d/2}{\ell}$$

يمكنا بعد ذلك التعبير عن القوة الكهروستاتيكية بدلالة المزوية التي يصنعها الجبل المستوى الرأسي،  $\theta$ ، وطول الجبل،  $l$ :

$$(v) \quad F_e = k \frac{q^2}{(2\ell \sin \theta)^2} = k \frac{q^2}{4\ell^2 \sin^2 \theta}$$

**حول إلى أيسط صورة** نقسم المعادلة (ii) على المعادلة (ii).

$$\frac{T \sin \theta}{T \cos \theta} = \frac{F_e}{F_g}$$

وبعد إلغاء قيمة شد الجبل (المجهولة). ستصبح المعادلة كما يلى

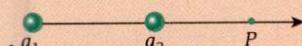
$$\tan \theta = \frac{F_e}{F_g}$$

بـالتعويض بالمعادلين (iii) و (v) عن قوة الجاذبية والقوة الكهرومغناطيسية. نحصل على

$$\tan \theta = \frac{k \frac{q^2}{4\ell^2 \sin^2 \theta}}{mg} = \frac{kq^2}{4mq\ell^2 \sin^2 \theta}$$

## سؤال الاختبار الذاتي 1.2

وُضعت شحنة موجبة  $+q$  عند النقطة  $P$ . على بين الشحتين  $q_1$  و  $q_2$ . كما يوضح الشكل، فكانت محصلة الفوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الشحنة  $+q$  تساوي صفرًا. حدد ما إذا كانت كل عبارة من العبارات التالية صوابًا أم خطأ.



(a) الشحنة  $q_2$  تختلف عن الشحنة  $q_1$  في الإشارة وتقل عنها في المقدار.

(b) مقدار الشحنة  $q_1$  أصغر من مقدار الشحنة  $q_2$ .

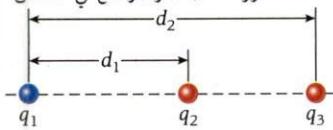
(c) الشحتان  $q_1$  و  $q_2$  متباينان.

(d) إذا كانت الشحنة  $q_1$  سالبة، فستكون الشحنة  $q_2$  موجبة.

(e) الشحنة  $q_1$  أو  $q_2$  موجبة.

## مراجعة المفاهيم 1.8

فكّر في الشحتات الثلاث الموضوعة على امتداد المحور  $X$ . كما هو موضح في الشكل.



قيم الشحتات هي

$$q_2 = 2.16 \mu\text{C}, q_1 = -8.10 \mu\text{C}$$

$q_3 = 2.16 \mu\text{C}$  و المسافة بين  $q_2$  و  $q_3$  هي

$$d_1 = 1.71 \text{ m}$$

و المسافة بين  $q_1$  و  $q_2$  هي

$$d_2 = 2.62 \text{ m}$$

فoltage الكهروستاتيكية الكلية التي يتذلّلها

$$q_2$$
 على  $q_3$  هي

$$(a) 2.77 \cdot 10^{-8} \text{ N}$$

$$(b) 2.22 \cdot 10^{-4} \text{ N}$$

$$(c) 7.92 \cdot 10^{-6} \text{ N}$$

$$(d) 6.71 \cdot 10^{-2} \text{ N}$$

$$(e) 1.44 \cdot 10^{-5} \text{ N}$$



الشكل 1.19 محطة لتوليد الطاقة

تعمل بالفحم في جامعة ولاية ميشيغان. تستخدم مرشح ترسيب كهروستاتيكيًا لإزالة الجسيمات من الانبعاثات الدخانية.

وبالحل لإيجاد كتلة الكرة، نحصل على

$$m = \frac{kq^2}{4g\ell^2 \sin^2 \theta \tan \theta}$$

احسب بالتعويض باستخدام القيم العددية. نحصل

$$m = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(25.0 \mu\text{C})^2}{4(9.81 \text{ m/s}^2)(1.50 \text{ m})^2 (\sin^2 25.0^\circ)(\tan 25.0^\circ)} = 0.764116 \text{ kg}$$

قرب سنقراب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:  
 $m = 0.764 \text{ kg}$

تحقق ثانية للتحقق ثانية، سنستخدم تقريرات الزوايا الصغيرة  $\theta \approx \cos \theta \approx \sin \theta \approx \tan \theta$ . عندئذ تقترب قوة الشد في الحبل من  $mg$ . ويمكننا التعبير عن مركبات  $X$  للقوى بالصورة التالية

$$T \sin \theta \approx mg \theta = F_e = k \frac{q^2}{d^2} \approx k \frac{q^2}{(2\ell\theta)^2}$$

وبالحل لإيجاد كتلة الكرة المشحونة، نحصل على

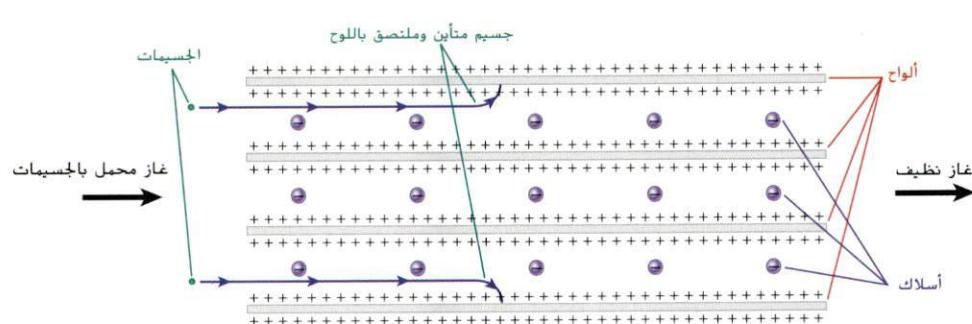
$$m = \frac{kq^2}{4g\ell^2\theta^3} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(25.0 \mu\text{C})^2}{4(9.81 \text{ m/s}^2)(1.50 \text{ m})^2 (0.436 \text{ rad})^3} = 0.768 \text{ kg}$$

وهو ناخٌ قریب من إجابتنا.

## مرشح الترسيب الكهروستاتيكي

من تطبيقات الشحن الكهروستاتيكي والقوى الكهروستاتيكية إزالة الانبعاثات الدخانية من محطات توليد الطاقة التي تعمل بالفحم. يستخدم جهاز **مرشح الترسيب الكهروستاتيكي (ESP)** لإزالة الرماد والجسيمات الأخرى التي تنتج عن احتراق الفحم لتوليد الطاقة. ويوضح الشكل 1.18 آلية عمل هذا الجهاز.

يتكون مرشح الترسيب الكهروستاتيكي من أسلاك وألواح. ويكون للألواح جهد كهربائي سالب عالي مقارنة بالجهد الكهربائي الموجب لجموعة الألواح. (مصطلح الجهد الكهربائي المستخدم هنا هو المصطلح الدارج؛ وفي الوحدة 3، ستحدد مفهوم هذا المصطلح من حيث فرق الجهد الكهربائي). في الشكل 1.18 يدخل غاز العادم الناجع عن احتراق الفحم من بسار مرشح الترسيب الكهروستاتيكي. وتحمل الجسيمات المارة بالقرب من الأسلاك شحنة سالبة. لذا تتجذب هذه الجسيمات إلى الألواح موجبة الشحنة وتلتتصق بها. ويستمر مرور الغاز عبر مرشح الترسيب الكهروستاتيكي ليخرج من الجانب الآخر خاليًا من الرماد والجسيمات الأخرى. ثم تُهز الألواح لاستطاع المادة المتراكمة عليها في حاوية موجودة أسفل الألواح. وتُستخدم هذه المادة في أغراض كثيرة، منها مواد البناء والأسمدة. يوضح الشكل 1.19 مثالاً لخطوة توليد طاقة تعمل بالفحم تستخدم مرشح ترسيب كهروستاتيكيًا.



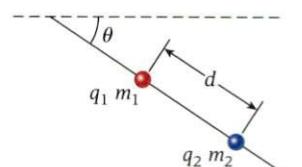
الشكل 1.18 آلية عمل مرشح الترسيب الكهروستاتيكي الذي يستخدم في تنظيف غاز العادم المنبعث من محطات توليد الطاقة التي تعمل بالفحم. يوضح الشكل منظراً علويًا للجهاز.

## خربة على سلك

### مسألة محلولة 1.2

#### المأساة

خربة شحنتها  $\mu C = +1.28$  ثابتة في مكانها على سلك عازل يصنع زاوية مقدارها  $\theta = 42.3^\circ$  مع المستوى الأفقي (الشكل 1.20a). وتنزلق خربة ثانية شحنتها  $\mu C = -5.06$  على السلك من دون احتكاك. وعند مسافة  $d = 0.380$  m بين الخربتين، تبلغ القوة المخلصة المؤثرة في الخربة الثانية صفرًا ما مقدار الكتلة  $m_2$ . للخربة الكتلة  $m_1$ .



(a)

**الحل**  
فَكَّرْ إن قوة الجاذبية التي تتسبب في اتزان الخربة التي كتلتها  $m_2$  على السلك تعادلها قوة الجذب الكهرومغناطيسية بين الشحنة الموجبة في الخربة الأولى والشحنة السالبة في الخربة الثانية. ويمكن اعتبار الخربة الثانية جسمًا يتزلق على سطح مستوي مائل.

**ارسُمْ** يوضح الشكل 1.20b مخطط جسم حر للقوى المؤثرة في الخربة الثانية. وقد حددنا مستوى إحداثياً يمثل فيه اتجاه محور X الموجب امتداد السلك. يمكن خيال القوة التي يبذلها السلك على الكتلة  $m_2$  لأن هذه القوة مركبة  $y$  فقط، ويمكننا حل المسألة ب مجرد خليل مركبات X للقوى.

**ابحثْ** إن قوة الجذب الكهرومغناطيسية بين الخربتين توازن مركبة قوة الجاذبية المؤثرة في الخربة الثانية على امتداد السلك. بينما تؤثر القوة الكهرومغناطيسية في اتجاه محور X السالب، وتحصل على مقدارها من خلال المعادلة

$$(i) \quad F_e = k \frac{|q_1 q_2|}{d^2}$$

تناسب مركبة X لقوة الجاذبية المؤثرة في الخربة الثانية مع مركبة وزن الخربة الثانية الموازية للسلك. وبشير الشكل 1.20b إن أنه يمكن الحصول على مركبة وزن الخربة الثانية على السلك من خلال المعادلة

$$(ii) \quad F_g = m_2 g \sin \theta$$

**حوال إلى أبسط صورة** إننا نتحقق من التوازن، تكون القوة الكهرومغناطيسية متساوية لقوة الجاذبية:  $F_e = F_g$ . وبالتعويض عن تعبيرات المقادير المقوية من المعادلين (i) و(ii)، ننتج لنا المعادلة التالية

$$k \frac{|q_1 q_2|}{d^2} = m_2 g \sin \theta$$

وبحل هذه المعادلة لإيجاد كتلة الخربة الثانية، نحصل على

$$m_2 = \frac{k |q_1 q_2|}{d^2 g \sin \theta}$$

**احسبْ** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$m_2 = \frac{k q_1 q_2}{d^2 g \sin \theta} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(1.28 \mu\text{C})(5.06 \mu\text{C})}{(0.380 \text{ m})^2 (9.81 \text{ m/s}^2) (\sin 42.3^\circ)} = 0.0610746 \text{ kg}$$

**قربْ** سنقرب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$m_2 = 0.0611 \text{ kg} = 61.1 \text{ g}$$

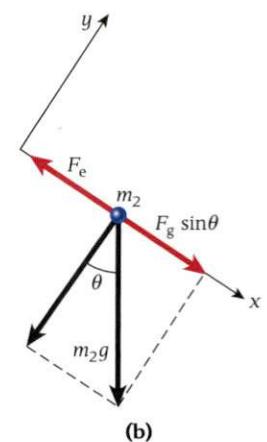
**تحقق ثانية** للتحقق ثانية، نحسب كتلة الخربة الثانية مفترضين أن السلك في وضع رأسي، أي أن  $\theta = 90^\circ$ . ثم يمكننا مساواة وزن الخربة الثانية بالقوة الكهرومغناطيسية بين الخربتين:

$$k \frac{|q_1 q_2|}{d^2} = m_2 g$$

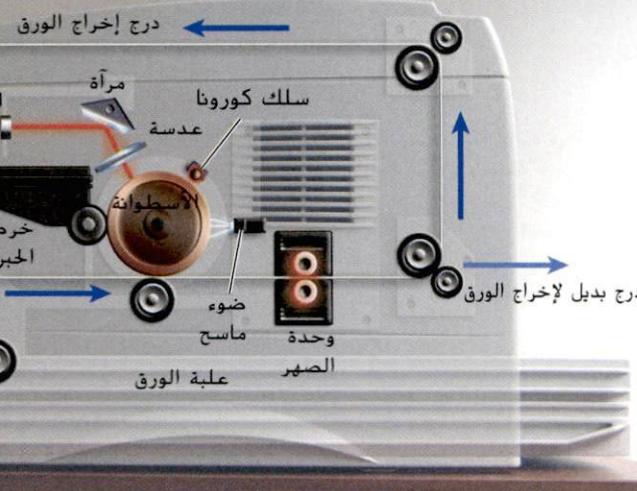
وبحل لإيجاد كتلة الخربة الثانية، نحصل على

$$m_2 = \frac{k q_1 q_2}{d^2 g} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(1.28 \mu\text{C})(5.06 \mu\text{C})}{(0.380 \text{ m})^2 (9.81 \text{ m/s}^2)} = 0.0411 \text{ kg}$$

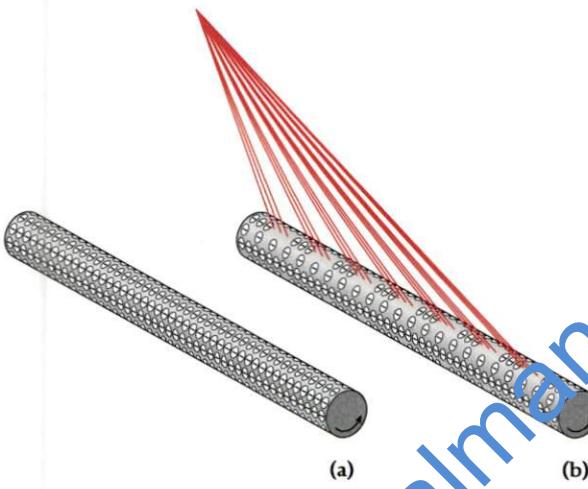
لأن الزاوية التي يصنعها السلك مع المستوى الأفقي ثقل، ستزيد كتلة الخربة الثانية المحسوبة. فالنتيجة، التي أوجدناها أعلى إلى حد ما من الكتلة التي يمكن أن يدعمها السلك في الوضع الرأسي، 0.0611 kg، لذا تبدو الإجابة منطقية.



**الشكل 1.20** (a) خربتان مشحونتان على سلك. (b) مخطط الجسم الحر للقوى المؤثرة في الخربة الثانية.



**الشكل 1.21** آلية عمل طابعة الليزر النموذجية.



**الشكل 1.22** (a) الأسطوانة المشحونة بالكامل في طابعة الليزر.  
(b) الأسطوانة صفراء. (b) الأسطوانة يتم تسجيل سطر واحد من البيانات عليها بواسطة ضوء الليزر. حيث تتعادل الشحنة السالبة عند أي نقطة يسقط عليها ضوء الليzer. فتتجذب النقاط مفرغة الشحنة مسحوق الحبر الذي ينبع صورة على الورقة.

## طابعة الليزر

تُعد طابعة الليزر مثلاً آخر للأجهزة التي تستخدم القوى الكهرومغناطيسية. ويوضح الشكل 1.21 آلية عمل هذه الطابعة. توضح الأسهم الزرقاء مسار الورقة. حيث تُسحب الورقة من علبة الورق أو تُلْقَى بيدوياً عبر علبة تلقيم الأوراق البديلة. ثم تمر الورقة فوق أسطوانة حيث يوضع مسحوق الحبر على سطح الورقة. ثم تمر بوحدة صهر تذيب جزيئات مسحوق الحبر لثبيتها بشكل دائم على الورقة.

يكون جسم الأسطوانة فلزياً ومطلقاً بمادة معينة حساسة للضوء. ويعمل السطح الحساس للضوء كعازل يحتفظ بالشحنة في غياب الضوء، لكن يفرغ الشحنة بسرعة إذا سُلط الضوء عليه. كما تدور الأسطوانة بحيث تكون سرعة حركة سطحها متماثلة مع سرعة الورقة المتحركة. يوضح الشكل 1.22 المبدأ الأساسي لآلية عمل الأسطوانة.

**أشحن الأسطوانة** بالإلكترونات السالبة باستخدام سلك عالي الجهد. ثم يوجه ضوء الليزر على سطح الأسطوانة. فيحدث تفريغ لشحنة السطح هذه عند أي نقطة يسقط عليها ضوء الليزر. يستخدم الليزر ذات شعاع يكون ضيقاً ويظل مركزاً. حيث إن سطح الصورة التي تم طباعتها يمكنه أن يجعل ببساطة مرآة متحركة وعدسة. ويمكن أن تكتب طابعة الليزر النموذجية من 600 إلى 1200 بكسيل لكل بوصة. يمر سطح الأسطوانة بعد ذلك بسراة تلقط جزيئات مسحوق الحبر من خرطوشة الحبر. فمسحوق الحبر عبارة عن ترتيبات عازلة صغيرة وسوداء تتكون من مادة شببية بالبلاستيك. وتكون شحنة بدروه الحبر مماثلة لجهد الأسطوانة السالب. لذا عند أي نقطة حدث فيها تفريغ لشحنة الأسطوانة، تُراكم القوى الكهرومغناطيسية جزيئات الحبر على سطح الأسطوانة، وأي جزء من سطح الأسطوانة لم يتعرض لضوء الليزر لا يلتقط جزيئات الحبر.

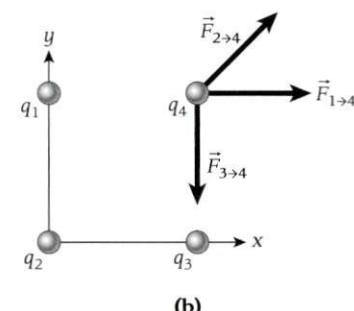
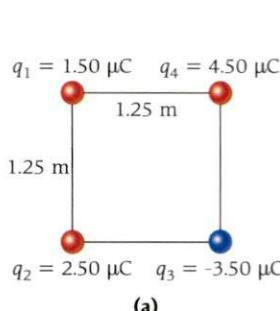
ثم يحدث تلامس بين الأسطوانة والورقة مع دواران الأسطوانة. ومن ثم تنتقل جزيئات الحبر من سطح الأسطوانة إلى الورقة. ومع استمرار دوران الأسطوانة، تزداد جزيئات الحبر المتبقية ليصبح السطح متوازن الشحنة بواسطة ضوء ماسح أو أسطوانة مسح دوّارة خصيصاً لطباعة الصورة التالية. ثم تمر الورقة بوحدة الصهر الذي تذيب جزيئات مسحوق الحبر لتنتج صورة مثبتة بشكل دائم على الورقة.

## أربعة أجسام مشحونة

### مسألة محلولة 1.3

يوضح الشكل 1.23a أربعة أجسام مشحونة تقع عند زوايا مربع طول ضلعه 1.25 m.

**الشكل 1.23** (a) أربع شحنتات (b) القوى التي تبذلها الشحنتات الثلاث الأخرى على الشحنة  $q_4$ .



## المأساة

ما مقدار واجه القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في  $q_4$  والناتجة عن الشحنات الثلاث الأخرى؟

### الحل

**فكرة** القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الشحنة  $q_4$  تساوي مجموع متجهات القوى الناتجة عن تفاعلات هذه الشحنات مع الشحنات الثلاث الأخرى. لذا فلتنتبه إلى أننا لن جمع مقادير القوى الفردية جبرياً فحسب. بل سنحتاج إلى إيجاد مركبات القوى الفردية في كل واجه مكاني ثم جمعها لإيجاد مركبات متجهة محصلة القوى. ثم سنحتاج إلى حساب طول متجه محصلة القوى هذا.

**رسم** يوضح الشكل 1.23b الشحنات الأربع في نظام إحداثي  $xy$  نقطة الأصل فيه عند موقع  $q_2$ .

**ابحث** إن محصلة القوى المؤثرة في  $q_4$  تساوي مجموع متجهات القوى  $\vec{F}_{3 \rightarrow 4}$  و  $\vec{F}_{2 \rightarrow 4}$  ولذا ستكون مركبة  $X$  لمجموع القوى كما يلي

$$(i) F_x = k \frac{|q_1 q_4|}{d^2} + k \frac{|q_2 q_4|}{(\sqrt{2}d)^2} \cos 45^\circ = \frac{kq_4}{d^2} \left( q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ \right)$$

حيث  $d$  طول ضلع المربع. وكما يوضح الشكل 1.23b، تساوي مركبة  $X$  لـ  $\vec{F}_{3 \rightarrow 4}$  صفرًا. لذا ستكون مركبة

$$(ii) F_y = k \frac{|q_2 q_4|}{(\sqrt{2}d)^2} \sin 45^\circ - k \frac{|q_3 q_4|}{d^2} = \frac{kq_4}{d^2} \left( \frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3 \right)$$

حيث تساوي مركبة  $y$  لـ  $\vec{F}_{1 \rightarrow 4}$  صفرًا كما يوضح الشكل 1.23b. ونحصل على مدار محصلة القوى من خلال المعادلة

$$(iii) F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$$

ونحصل على زاوية محصلة القوى من خلال المعادلة

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x}$$

**حوال إلى أبسط صورة** نعوض بتعابير  $F_x$  و  $F_y$  من المعادلتين (i) و (ii) في المعادلة (iii).

$$F = \sqrt{\left[ \frac{kq_4}{d^2} \left( q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ \right) \right]^2 + \left[ \frac{kq_4}{d^2} \left( \frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3 \right) \right]^2}$$

يمكننا إعادة كتابة المعادلة بالصورة

$$F = \frac{kq_4}{d^2} \sqrt{\left( q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ \right)^2 + \left( \frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3 \right)^2}$$

وبالنسبة إلى زاوية القوة. نحصل على

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{F_y}{F_x} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{\frac{kq_4}{d^2} \left( \frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3 \right)}{\frac{kq_4}{d^2} \left( q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ \right)} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{\left( \frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3 \right)}{\left( q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ \right)} \right)$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية. نحصل على

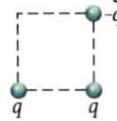
$$\frac{q_2}{2} \sin 45^\circ = \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ = \frac{2.50 \mu C}{2\sqrt{2}} = 0.883883 \mu C$$

إذًا مقدار القوة هو

$$F = \frac{(8.99 \cdot 10^9 N m^2/C^2)(4.50 \mu C)}{(1.25 m)^2} \sqrt{(1.50 \mu C + 0.883883 \mu C)^2 + (0.883883 \mu C - 3.50 \mu C)^2} \\ = 0.0916379 N$$

### مراجعة المفاهيم 1.9

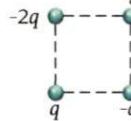
يوضح الشكل ثلاث شحنات موضوعة بالترتيب عند زوايا مربع. ما اتجاه القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الشحنة السفلية اليمنى؟



- (d)
- (c)
- (b)
- (a)
- (e) لا توجد قوة مؤثرة في هذه الشحنة.

### مراجعة المفاهيم 1.10

يوضح الشكل أربع شحنات موضوعة بالترتيب عند زوايا مربع. ما اتجاه القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الشحنة السفلية اليمنى؟



- (d)
- (c)
- (b)
- (a)
- (e) لا توجد قوة مؤثرة في هذه الشحنة.

وبالنسبة إلى اتجاه القوة، نحصل على

$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{\frac{q_2}{2} \sin 45^\circ + q_3}{q_1 + \frac{q_2}{2} \cos 45^\circ} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{(0.883883 \mu C - 3.50 \mu C)}{(1.50 \mu C + 0.883883 \mu C)} \right) = -47.6593^\circ$$

**قرب** سنترب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$F = 0.0916 \text{ N}$$

$$\theta = -47.7^\circ$$

**تحقق ثانية** للتحقق ثانية من النتيجة التي توصلنا إليها. نحسب مقادير القوى الثلاث المؤثرة في  $q_4$ . بالنسبة إلى  $\vec{F}_1 \rightarrow 4$ . نحصل على

$$F_{1 \rightarrow 4} = k \frac{|q_1 q_4|}{r_{14}^2} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(1.50 \mu C)(4.50 \mu C)}{(1.25 \text{ m})^2} = 0.0388 \text{ N}$$

وبالنسبة إلى  $\vec{F}_2 \rightarrow 4$ . نحصل على

$$F_{2 \rightarrow 4} = k \frac{|q_2 q_4|}{r_{24}^2} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(2.50 \mu C)(4.50 \mu C)}{[\sqrt{1.25 \text{ m}}]^2} = 0.0324 \text{ N}$$

أما بالنسبة إلى  $\vec{F}_3 \rightarrow 4$ . فسنحصل على

$$F_{3 \rightarrow 4} = k \frac{|q_3 q_4|}{r_{34}^2} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(3.50 \mu C)(4.50 \mu C)}{(1.25 \text{ m})^2} = 0.0906 \text{ N}$$

كل المقادير الثلاثة للقوى الفردية لها القوة الأساسية نفسها لنتيجة مجموع القوى التي أوجدناها. وهذا يمتحنا الثقة في أن إجابتنا ليست بعيدة بفارق كبير. كما أن الاتجاه الذي حصلنا عليه يبدو منطقياً لأنه يوجه القوة الاتجاه إلى أسفل وإلى اليمين، وهو ما توقعه عند النظر إلى الشكل b 1.23.

## 1.6 قانون كولوم وقانون نيوتن في الجذب

لقانون كولوم الذي يصف القوة الكهروستاتيكية بين شحتتين كهربائيتين،  $F_e$ . صيغة مشابهة لقانون نيوتن الذي يصف قوة الجاذبية بين كتلتين،  $F_g$ :

$$F_e = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} \quad \text{و} \quad F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حيث  $m_1$   $m_2$  كتلتان،  $q_1$   $q_2$  شحتان كهربائيتان،  $r$  المسافة الفاصلة. تناسب كلتا القوتين عكسياً مع مربع المسافة. وعken أن تكون القوة الكهروستاتيكية قوة جذب أو تناقض لأن الشحنات يمكن أن تكون موجبة أو سالبة. (انظر الشكلين 1.14a و 1.14b). أما قوة الجاذبية فدائماً ما تكون قوة جذب لأنها يوجد نوع واحد فقط من الكتلة. (الحالة الموضحة في الشكل 1.14b فقط هي الحالة الممكنة لقوة الجاذبية). ونحصل على النسبة بين القوتين بدلالة ثابت التنساب  $k$  و  $G$ .

## مثال 1.4

### القوى بين الإلكترونات

لنقيم الشدة النسبية للقوىتين بحساب نسبة القوة الكهروستاتيكية وقوة الجاذبية المبذولتين بين الإلكترونين. نحصل على النسبة باستخدام المعادلة

$$\frac{F_e}{F_g} = \frac{k q_e^2}{G m_e^2}$$

لأن الاعتماد على المسافة هو نفسه لكلتا القوتين حيث لها العلاقة نفسها بالمسافة. فلا يوجد اعتماد على المسافة في نسبة القوتين - بل يلغى. تبلغ كتلة أحد الإلكترونين  $m_e = 9.109 \cdot 10^{-31} \text{ kg}$

### مراجعة المفاهيم 1.11

- تزيد كتلة البروتون عن كتلة الالكترون بمقدار ~2000 ضعف. لذا فإن نسبة  $F_e/F_p$  وبروتونين لبروتونين في المثال 1.4 لا لكترونين.
- (a) تقل بمقدار 4 ملايين ضعف عن (b) تقل بمقدار 2000 ضعف عن (c) تمايز (d) تزيد بمقدار 2000 ضعف عن (e) تزيد بمقدار 4 ملايين ضعف عن

ومقدار شحنته  $C = -1.602 \cdot 10^{-19} C$ . باستخدام قيمة ثابت كولوم المعطى في المعادلة 1.7.  $G = 6.67 \cdot 10^{-11} N m^2/kg^2$ . وقيمة ثابت الجذب العام.  $k = 8.99 \cdot 10^9 N m^2/C^2$ . نجد عند التعويض بالقيم العددية أن

$$\frac{F_e}{F_g} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 N m^2/C^2)(1.602 \cdot 10^{-19} C)^2}{(6.67 \cdot 10^{-11} N m^2/kg^2)(9.109 \cdot 10^{-31} kg)^2} = 4.17 \cdot 10^{42}.$$

لذا فإن القوة الكهرومagneticsية بين الالكترونين أشد من قوة الجاذبية بينهما بأكثر من 42 فوهة أسمية.

على الرغم من الضعف النسبي لقوة الجاذبية، فإنها القوة الوحيدة التي لها أهمية على المستوى الفلكي. وسبب ذلك أن كل النجوم والكواكب والأجرام الفلكية الأخرى لا تحمل شحنة صافية. لذا لا توجد قوة كهرومagneticsية صافية بينها، وتكون قوة الجاذبية هي السائدة.

بنطبق قانون كولوم للقوى الكهرومagneticsية على الأنظمة الجهرية بما فيها الذرة، رغم أن التأثيرات بالغة الدقة في الأنظمة الذرية دون الذرية تتطلب استخدام حل أكثر تطوراً يسمى الديناميكا الكهربائية الكمية. ولا ينطبق قانون الجذب لنيوتون في الأنظمة دون الذرية، كما يجب تعديله مع بعض الظواهر في الأنظمة الفلكية مثل حركة عطارد البارادية حول الشمس. وبحكم هذه التفاصيل الدقيقة لتفاعل الجاذبية نظرية النسبية العامة لأيشتنباين.

سيتم تناول أوجه الشبه بين تفاعلات الجاذبية والتفاعلات الكهرومagneticsية بمزيد من التفصيل في الوحدتين التاليتين تتناولان الحالات الكهربائية والجهد الكهربائي.

### ما تعلمناه | دليل المذاكرة للاختبار

■ يوجد نوعان من الشحنات الكهربائية، موجبة وسلبية. الشحنات المتماثلة تناصر، والشحنات المختلفة تتجاذب.

■ كم الشحنة الكهربائية (كمية الشحنة الأساسية) يساوي  $e = 1.602 \cdot 10^{-19} C$ .

■ شحنة الالكترون  $-e = q_e$ . وشحنة البروتون  $+e = q_p$ . ولا يحمل النيوتون شحنة.

■ تحصل على الشحنة الصافية للجسم من خلال المعادلة  $e = e \cdot N_p - N_e$  في عدد البروتونات،  $N_p$ . ناقص  $e$  في عدد الالكترونات،  $N_e$ . التي ينكرؤ منها الجسم.

■ الشحنة الكلية في نظام مغلق تكون محفوظة دائمة.

■ يمكن شحن الأجسام بلامستها، وبسم الشحن بالتوصيل.

■ شحنتها من دون ملامستها، وبسم الشحن بالاحت.

■ يصطف قانون كولوم القوة المبذولة بين شحنتين ثابتتين:

$$F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$$

■ ثابت قانون كوايد يساوي

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8.99 \cdot 10^9 \frac{N m^2}{C^2}$$

■ السماحية الكهربائية للحيز المطلق تساوي

$$\epsilon_0 = 8.85 \cdot 10^{-12} \frac{C^2}{N m^2}$$

### إجابات أسئلة الاختبار الذاتي

(e) صواب

(c) خطأ

(a) صواب

(d) صواب

1.2 (b)

-1 (g)

+2 (h)

$+\frac{2}{3}$  (e)

$-\frac{1}{3}$  (f)

0 (c)

0 (d)

+1 (a) 1.1

0 (b)

## إرشادات حل المسائل

الموجودتان على مسافتين متساوين من شحنة ثالثة لا تبدلان قوئين متساوين على هذه الشحنة إذا كانتا مختلفتين في المقدار أو الإشارة.

3. عادة ما يكون لوحدات القوى الكهرومغناطيسية بادئات تشير إلى القوى  $10^{-9} \text{ N/C}$  أو  $10^{-12} \text{ C/N}$ ، والكتلة بوحدة  $\text{kg}$  أو  $\text{g}$ . كما أن هناك وحدات أخرى شائعة الاستخدام. وأفضل طريقة للمتابعة هو تحويل كل الكميات إلى وحدات النظام الدولي الأساسية. بحيث تتناسب مع قيمة  $k = 1/4\pi\epsilon_0$ .

1. في المسائل التي تتضمن قانون كولوم، غالباً ما يكون من المفيد عمل رسم تخطيطي لجسم حر يوضح منجهات القوى الكهرومغناطيسية المؤثرة في جسم مشحون. انتبه جيداً إلى الإشارات: حيث تشير القوة السالبة بين جسيمين إلى الجذب، بينما تشير القوة السالبة إلى التنازع. وتأكد من أن اتجاهات القوى في الرسم التخطيطي تتناسب مع إشارات القوى في العمليات الحسابية.

2. استخدم التناظر للتحويل إلى أبسط صورة. لكن انتبه إلى مراعاة مقادير الشحنات وإشاراتها وكذا المسافات بينها. فالشحنات

## أسئلة الاختيار من متعدد

1.7 عند وضع بروتونين أحدهما بجوار الآخر من دون أن تكون هناك أي أجسام أخرى قريبة منها:

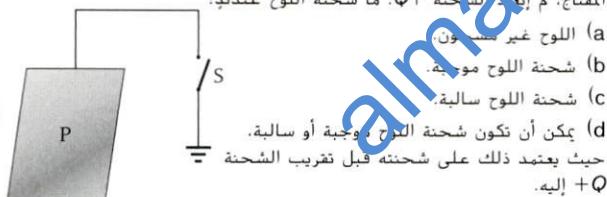
- d) ينجدان إلى بعضهما بسرعة ثابتة.
- a) يتبعان عن بعضهما بعجلة.
- e) يتبعان عن بعضهما بسرعة ثابتة.
- b) يطلبان ساكتين.
- c) يقتربان إلى بعضهما بعجلة.

1.8 غلقت كرتان فلزيان خفيتها الوزن إدراهما بجوار الأخرى في خبطين عازلين. إذا كانت إدراهما تحمل شحنة صافية، بينما لا تحمل الأخرى شحنة صافية. فإن الكرتين ستتجذبان إلى بعضهما.

- a) لن تبدا محصلة قوة كهرومغناطيسية إدراهما على الأخرى.
- b) لن تبدا محصلة قوة كهرومغناطيسية إدراهما على الأخرى.
- c) ستتلاشان.

1.9 حدد بما سبق على إشارة الشحنة الصافية الموجودة في إحدى الكرتين.

1.10 إذا تم توصيل فلزي بالأرض عن طريق موصل يعمل بعناد. ولم يكن المفتاح موصولاً في البداية. حيث شحنة  $Q_1 = +10 \mu\text{C}$  في اللوح من دون ملامسته. ثم قُوبل المفتاح. بعد توصيل المفتاح، تم إيجاد الشحنة  $Q_2 = -25 \mu\text{C}$ . ما شحنة اللوح عندئذ؟



حيث يعتمد ذلك على شحنته قبل تفريغ الشحنة  $+Q$  إليها.

1.10 إذا قرئت قضيب بلاستيكياً ذا شحنة سالبة إلى موصل مؤرّض من دون ملامسته. ثم قمت بفصل التأريض. فيما إشارة شحنة الموصل بعد إبعاد التأريض المشحون؟

- a) سالبة
- b) موجبة
- c) بدون شحنة
- d) لا يمكن تحديدها من المعلومات المعطاة

1.11 عند ذلك قضيب بلاستيكي يفراء أربن. فإن القصيب يصبح

- a) سالب الشحنة.
- b) موجب الشحنة.
- c) متعادلاً.

d) إما سالب الشحنة أو موجب الشحنة. حيث يعتمد ذلك على ما إذا كانت حركة الفراء أثناء الدلك في اتجاه واحد دائرياً أم إلى الأمام وإلى الخلف.

1.12 عند ذلك قضيب زجاجي يوشاج من البوليستررين. فإن القصيب يصبح

- a) سالب الشحنة.
- b) موجب الشحنة.
- c) متعادلاً.

d) إما سالب الشحنة أو موجب الشحنة. حيث يعتمد ذلك على ما إذا كانت حركة الوشاج أثناء الدلك في اتجاه واحد دائرياً أم إلى الأمام وإلى الخلف.

1.1 أي مما يلي يحدث عندما يُعطي لوح فلزي شحنة موجبة؟

a) تنتقل البروتونات (الشحنات الموجبة) من جسم آخر إلى اللوح.

b) تنتقل الإلكترونات (الشحنات السالبة) من اللوح إلى جسم آخر.

c) تنتقل الإلكترونات (الشحنات السالبة) من اللوح إلى جسم آخر وتنتقل البروتونات أيضاً (الشحنات الموجبة) من جسم آخر إلى اللوح.

d) يعتمد ذلك على ما إذا كان الجسم الناقل للشحنة موصل أم عازل.

1.2 إذا كانت القوة المبذولة بين شحنة مقدارها  $25 \mu\text{C}$  وشحنة مقدارها  $10 \mu\text{C}$  تساوي  $8.0 \text{ N}$ . فما المسافة الفاصلة بين الشحنتين؟

- a)  $0.28 \text{ m}$
- b)  $0.53 \text{ m}$
- c)  $0.45 \text{ m}$
- d)  $0.15 \text{ m}$

1.3 وضعت شحنة  $Q_1 = -4 \mu\text{C}$  على الأخور  $X$  عند النقطة  $a$ . أين يجب أن توضع الشحنة  $Q_2 = Q_1$  ليبدل محصلة قوى كهرومغناطيسية مقدارها صفر على شحنة الثالثة.  $Q_3 = Q_1$ . موجودة عند نقطة الأصل؟

- a) عند نقطة الأصل
- b)  $x = -2a$
- c)  $x = -a$
- d)  $x = 2a$

1.4 أي من الأنظمة التالية له أكبر شحنة سالبة؟

- a) إلكترونات
- b) بروتونات
- c) ثلاثة إلكترونات وبروتون واحد
- d) إلكترون واحد
- e) خمسة إلكترونات وخمسة بروتونات

1.5 شحتنان نقطيان مثبتان على الأخور  $X$ . إذا كانت الشحنة  $q_1 = 6.0 \mu\text{C}$  موضوعة عند نقطة الأصل.  $O$ . حيث  $x_1 = 0.0 \text{ cm}$ . وكانت الشحنة  $q_2 = -3.0 \mu\text{C}$  موضوعة عن النقطة  $A$ . حيث  $x_2 = 8.0 \text{ cm}$ . فأين يجب أن توضع الشحنة الثالثة.  $q_3$ . على الأخور  $X$  بحيث تكون محصلة القوى الكهرومغناطيسية المؤثرة فيها صفر؟

- a)  $19 \text{ cm}$
- b)  $27 \text{ cm}$
- c)  $0.0 \text{ cm}$
- d)  $8.0 \text{ cm}$
- e)  $-19 \text{ cm}$

1.6 أي من الحالات التالية تنتج أكبر محصلة قوى تؤثر في الشحنة  $Q$ ؟

a) تبعد الشحنة  $Q = 1 \text{ C}$  مسافة  $1 \text{ m}$  عن شحنة مقدارها  $-2 \text{ C}$ .

b) تبعد الشحنة  $Q = 1 \text{ C}$  مسافة  $0.5 \text{ m}$  عن شحنة مقدارها  $-1 \text{ C}$ .



c) تقع الشحنة  $Q = 1 \text{ C}$  في منتصف المسافة بين شحنة مقدارها  $-1 \text{ C}$  وشحنة مقدارها  $1 \text{ C}$  تفصل بينهما مسافة  $2 \text{ m}$ .

d) تقع الشحنة  $Q = 1 \text{ C}$  في منتصف المسافة بين شحنتين مقدار  $2 \text{ C}$  تفصل بينهما مسافة  $2 \text{ m}$ .

e) تبعد الشحنة  $Q = 1 \text{ C}$  مسافة  $2 \text{ m}$  عن شحنة مقدارها  $-4 \text{ C}$ .

1.13 فكر في الإلكترون كتلته  $m$  وشحنته  $-e$  - يتحرك في مدار دائري نصف قطره  $r$  حول بروتون ثابت كتلته  $M$  وشحنته  $+e$ . وبعث الإلكترون في مداره بفعل القوة كهروستاتيكية بينه وبين البروتون. أي من التعبيرات التالية صحيح لسرعة الإلكترون؟

a) $a = \frac{2ke^2}{mMr}$	c) $a = \frac{1}{2}me^2k^2$	e) $a = \frac{ke^2}{mr^2}$
b) $a = \sqrt{\frac{2e^2}{mkr}}$	d) $a = \frac{2ke^2}{mr}$	

1.14 فكر في الإلكترون كتلته  $m$  وشحنته  $-e$  - يبعد مسافة  $r$  عن بروتون ثابت كتلته

a) $v = \sqrt{\frac{ke^2}{mr}}$	c) $v = \sqrt{\frac{2ke^2}{mr^2}}$	e) $v = \sqrt{\frac{ke^2}{2Mr}}$
b) $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$	d) $v = \sqrt{\frac{me^2}{kr}}$	

1.22 كيف يمكن أن تبذل ذرة متعادلة كهربائياً قوة كهروستاتيكية على ذرة أخرى متعادلة كهربائياً؟

1.23 كان أول العلماء الذين أسهموا في فهم القوة الكهروستاتيكية في القرن الثامن عشر على علم بقائهم ثيون في الجذب. كيف استنتجوا أن القوة التي كانوا يدرسونها لم تكن شكلاً مختلفاً من إشكال قوة الجاذبية أو ظهرها من مظاهرها؟

1.24 يتحرك جسيمان مشحونان في مسارات مختلفتين بفضل تأثير القوى الكهروستاتيكية بينهما. ما الأشكال التي يمكن أن يصيغها المساران؟

1.25 أدى ذلك باللون إلى اكتسابه شحنة سالبة. ثم مال البالون إلى الالتصاق بجدار غرفة. هل يجب أن تكون شحنة الجدار موجبة لكي يحدث ذلك؟

1.26 وضعت شحتنان كهربائيتان على خط مستقيم كما يوضح الشكل. هل يمكن وضع جسم مشحون (حر. الحركة) عند أي نقطة على الخط المستقيم بين الشحتين ولا يتحرك؟

1.27 وضعت شحتنان كهربائيتان على خط مستقيم كما يوضح الشكل. أين يمكن وضع شحنة ثالثة على الخط المستقيم بحيث تكون القوة المؤثرة في هذه الشحنة صفر؟ هل تحدث إشارة الشحنة الثالثة أو مقدارها أي فرق في الإجابة؟

2.00 C

-3.00 C

1.28 عند تقارب تضييق ذي شحنة موجبة إلى موصل متعادل من دون ملامسته، هل ستُبذل على التضييق قوة جذب أم قوة تناول أم لن تكون هناك قوة على الإطلاق؟ شرح.

2.00 C

4.00 C

1.29 عندما تخرج من السيارة وتكون درجة الرطوبة منخفضة، غالباً ما تتعرض لصدمة تنت عن الكهرباء الساكنة التي تنشأ عن احتكاك جسمك بالمقعد. كيف يمكنك تفريح شحنة جسمك من دون التعرض لصدمة مؤلمة؟ ولماذا يكون دخولك إلى السيارة مرة أخرى خطراً أثناء تزويد السيارة بالوقود؟

1.32 توجد وحدة أخرى للشحنة وهي الوحدة الكهروستاتيكية (esu). وتعزف كال التالي: تبذل شحتنان نقطيان، مقدار كل منها 1 esu وتنفصل بينهما مسافة 1 cm. قوة مقدارها 1 ديناناً إحداثها على الأخرى:

$$1 \text{ دين} = 1 \text{ g cm/s}^2$$

(a) حدد العلاقة بين وحدة esu ووحدة الكيلوم.

(a) حدد العلاقة بين وحدة esu والشحنة الأولية.

1.33 تيار شدته 5.00 mA يكفي لأن يجعل مضلاًتك تتبض. احسب عدد الإلكترونات التي ستتدفق عبر جلك إذا تمَّضت تيار كهذا لمدة 5. 10.0 s.

1.34 كم عدد الإلكترونات الموجودة في 1.00 kg من المياه؟

1.15 إذا كانت هناك مسافة فاصلة  $d$  بين جسيمين مشحونين (شحنة كل منها  $Q$ ). فستكون هناك قوة  $F$  بينهما. ما مقدار هذه القوة إذا تضاعف مقدار كل شحنة وكانت المسافة بينهما  $2d$ ؟

1.16 افترض أن كلًّا من الشمس والأرض أعطي شحنة متساوية في المدار ومتماثلة في الإشارة بما يكفي لإلغاء قوة الجاذبية بينهما. كم ضعفاً من شحنة الإلكترون ستكون هذه الشحنة؟ هل يظل هذا الرقم نسبة كبيرة من عدد الشحنات الموجبة أو السالبة في الأرض؟

1.17 من الواضح أن القوة الكهروستاتيكية شديدة للغاية مقارنة بقدرة الجاذبية. وفي الواقع، القوة الكهروستاتيكية هي القوة الأساسية التي تحكم الظواهر المهمة - قوة الشد في الحبل، والقوى العمودية بين الأسطح والاحتكاك، والتفاعلات الجزيئية. وما إلى ذلك - باستثناء الوزن. فلماذا استغرق العلماء وقتاً طويلاً جداً لهم هذه القوة إذا؟ بل إن ثبوت وضع قانون الجاذبية قبل فترة طويلة من فهم الكهرباء بشلل أولي.

1.18 أحياناً، يكتسب بعض الأشخاص شحنة ساكنة عند دلك أقدامهم بسجادة مما يؤدي إلى انتصاب شعرهم. لماذا يحدث ذلك؟

1.19 شحتنان موجبيان، كل منها تساوي  $Q$ . تبعداً إحداثها عن الأخرى مسافة  $2d$ ، ووضعت شحنة ثالثة،  $-0.2Q$ . في منتصف المسافة بين الشحتين الموجبين ثم أزيحت مسافة  $d \ll x$  (أي أن  $x$  أصغر بكثير من  $d$ ) متعادلة على الشحتين الموجبين. ما مقدار القوة المؤثرة في هذه الشحنة؟ بالنسبة إلى  $d \ll x$ . كيف يمكنك تقريب حركة الشحنة السالبة؟

1.20 عندما ترتدي ثوباً خارجاً من مجف الملابس، يلتتصق الثوب بجسمك أحياً. ما سبب ذلك؟

1.21 تفصل مسافة ابتدائية  $d$  بين كرتين مشحونتين. وكان مقدار القوة المؤثرة في كل كرت هو  $F$ . ثم اقتربت الكرتان إحداثها من الأخرى بحيث كان مقدار القوة المؤثرة في كل منها  $9F$ . ما معامل التغير في المسافة بين الكرتين؟

يشير رقم المسألة الأزرق إلى توفر حل في دليل حلول الطالب. تشير علامة النقطة الواحدة • والنقطتين .. إلى زيادة مستوى صعوبة المسألة.

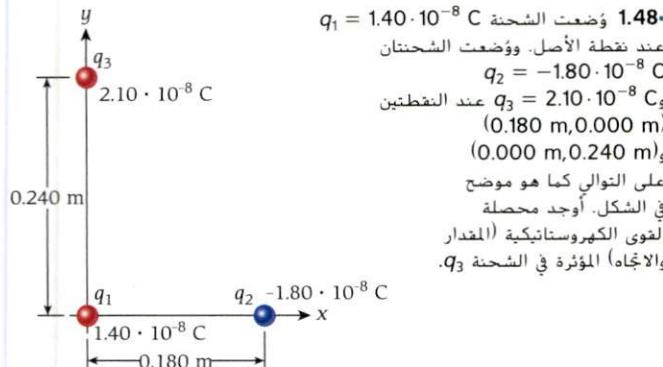
## القسم 1.2

1.30 كم عدد الإلكترونات اللازمة لإنتاج شحنة كلية مقدارها C؟

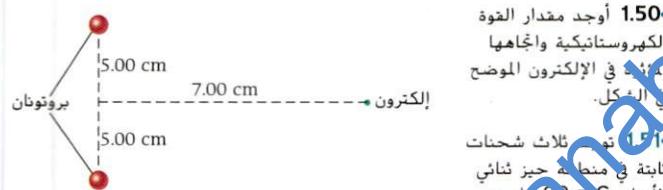
1.31 إن الفارادي وحدة شحنة كثيرة ما تصادفها في التطبيقات الكهروميكانيكية. ويرجع اسمها إلى عالم الفيزياء والكميات البريطاني مايكل فارادي. وهي تساوي مولاً واحداً فقط من الشحنات الأولية. احسب عدد الكيلومات في 1.000 فارادي.

**1.46.** وضعت شحنة نقطية  $+3q$  عند نقطة الأصل، وشحنة نقطية  $-q$  على الخور  $X$  عند نقطة  $D = 0.500 \text{ m}$ . عند أي نقطة على الخور  $X$  س تكون محصلة القوى من الشحنات الأربعين المؤثرة في شحنة الثالثة،  $Q_0$ . مساوية صفر؟

**1.47.** وضعت أربع شحنات متماثلة  $Q$  على الزوايا الأربع لستطيل محيطه  $2.00 \text{ m}$  إذا كانت  $3.00 \text{ m} = Q = 32.0 \text{ C}$ . فما مقدار القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في أي شحنة من الشحنات؟



**1.49.** تقع شحنة موجبة  $Q$  على الخور  $X$  على مسافة  $a$  من نقطة الأصل. وتقع شحنة موجبة أخرى  $q$  على الخور  $X$  على مسافة  $b$  من نقطة الأصل.  
(a) ما قيمة (في المتر)  $b$  التي عندها تكون مركبة  $X$  للقوة المؤثرة في  $Q$  بقيمتها الصغرى؟  
(b) ما قيمة (في المتر)  $b$  التي عندها تكون مركبة  $X$  للقوة المؤثرة في  $Q$  بقيمتها العظمى؟



**1.51.** تقع ثلاثة شحنات ثابتة في منطقة حيز ثانوي الأبعاد:  $2.00 \text{ mm}$ ,  $-5.00 \text{ mm}$ ,  $+3.00 \text{ mC}$  عند  $(0.0, 0.0)$ ,  $(0.0, 2.00 \text{ mm})$ ,  $(11.0 \text{ mm}, -5.00 \text{ mm})$ . ما مقدار محصلة القوى المؤثرة في الشحنة  $C = -2.00 \text{ mC}$ ؟

**1.52.** وضعت خرزتان (باجيان أسطواناتنا الشكل). كتلة كل منها  $m = 10.0 \text{ mg}$ . إجمالي عدد الإلكترونات في كل خرزان  $d = 2.00 \text{ cm}$ . وكان معامل الاحتكاك السكوني بين الخرزتين والسطح  $\mu_s = 0.200 \text{ m}$ . تم أعطيهن خرزتان شحنات متماثلتين (في المقدار والإشارة). ما أقل شحنة لازمة لكي تبدأ الخرزان في التحرك؟

**1.53.** كرة صغيرة كتلتها  $30.0 \text{ g}$  وشحنتها  $C = +0.200 \mu\text{C}$  - متولدة من السقف بخيط. وهي متولدة على ارتفاع  $5.00 \text{ cm}$  فوق رأسية عازلة. إذا ذهرت كرة صغيرة أخرى كتلتها  $50.0 \text{ g}$  وشحنتها فوق رأسية عازلة. إذا ذهرت كرة صغيرة أخرى كتلتها  $C = +0.200 \mu\text{C}$  أسفل الكرة الأولى مباشرة، فهل ستغادر الكرة سطح الأرض؟ وما مقدار الشد في الحبل لحظة وجود الكرة الأخرى أسفل الكرة الأولى مباشرة؟

**1.54.** شحنتان  $C = +3.00 \text{ mC}$  و  $C = -4.00 \text{ mC}$  ثابتتان في وضع السكون وتنفصل بينهما مسافة مقدارها  $5.00 \text{ m}$ .  
(a) أين يمكن وضع شحنة مقدارها  $C = +7.00 \text{ mC}$  بحيث تكون محصلة القوى المؤثرة فيها صفر؟

**1.55.** أربع شحنات نقطية،  $q$ . مثبتة على الزوايا الأربع لمربع طول ضلعه  $10.0 \text{ cm}$ . ويندلل الإلكترون فوق نقطة يعادل وزنه عندها مع القوة الكهروستاتيكية الناتجة عن الإلكترونات الأربع. على مسافة  $15.0 \text{ nm}$  فوق مركز المربع. ما مقدار الشحنات الثابتة؟ عبر عن الشحنة بوحدة الكولوم وكيف تختلف الشحنة الإلكترون؟

**1.35.** تُعذف الأرض دائماً بالأشعة الكونية التي يتكون معظمها من البروتونات.

وتسقط هذه البروتونات على الغلاف الجوي للأرض من كل الاتجاهات بمعدل 1245 بروتوناً لكل متر مربع في الثانية. إذا افترضنا أن عمق الغلاف الجوي للأرض يبلغ 120.0 km. فما مقدار الشحنة الكلية التي تسقط على الغلاف الجوي في مدة 6378 km؟ افترض أن نصف قطر سطح الأرض ساوي 5.000 min.

**1.36.** أثناء إجراء أحد الطلاب تجربة شبيهة بتجربة قطرة الزيت للميكانيك، كانت مقدار الشحنات التي قاسها كالتالي:

$3.26 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$5.09 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$1.53 \cdot 10^{-19} \text{ C}$
$6.39 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	$4.66 \cdot 10^{-19} \text{ C}$	

أوجد شحنة الإلكترون باستخدام هذه المقادير.

### القسم 1.3

**1.37.** تم تطعيم عينة من السيليكون بالفوسفور بنسبة 1 لكل  $10^6$ . يعمل الفوسفور كمagnet للاكترونات. حيث ي benign إلكترون حزاً لكل ذرة. وتبليغ كثافة السيليكون  $2.33 \text{ g/cm}^3$ . وبطبيعة كتلته الذرية  $28.09 \text{ g/mol}$ .  
(a) احسب عدد الإلكترونات الحرة (الموصلة) لكل وحدة حجم في السيليكون المليء.

(b)قارن النتيجة من الجزء (a) مع عدد الإلكترونات الموصولة لكل وحدة حجم في سلك من النحاس. مفترضاً أن كل ذرة نحاس تستحق إلكترون واحداً حزاً (موصل).  
علمياً بأن كثافة النحاس  $8.96 \text{ g/cm}^3$ . وكتلته الذرية  $63.54 \text{ g/mol}$ .

### القسم 1.5

**1.38.** كرتان مشحوطان تفصل بينهما مسافة مقدارها  $8.00 \text{ cm}$ . إذا اقتربت الكرتان إدراكاً من الأخرى بما يكفي لزيادة مقدار القوى المؤثرة في كل منها بمعدل أربعة أضعاف. فيما المسافة الفاصلة بينهما عند ذلك؟

**1.39.** جسيمان متماثلان مشحوطان تفصل بينهما مسافة  $1.00 \text{ m}$  يتناقضان بوزن مقدارها  $N = 1.00 \text{ N}$ . ما مقدار الشحنات؟

**1.40.** ما المسافة الفاصلة التي يجب أن تكون بين إلكترونين على سطح الأرض كي تكون القوى الكهروستاتيكية بينهما متساوية لوزن أحد الإلكترونين؟

**1.41.** في كلوريد الصوديوم الصلب (ملح الطعام). يزيد عدد الإلكترونات في أيونات الكلوريد عن عدد البروتونات بإلكترون واحد. ويزيد عدد البروتونات في أيونات الصوديوم عن عدد الإلكترونات ببروتون واحد. وتنفصل بين هذه الأيونات مسافة مقدارها  $0.28 \text{ nm}$ . احسب القوى الكهروستاتيكية بين أيون صوديوم وأيون كلوريد.

**1.42.** في كلوريد الصوديوم الفازى، يزيد عدد الإلكترونات في أيونات الكلوريد عن عدد البروتونات بإلكترون واحد. ويزيد عدد البروتونات في أيونات الصوديوم عن هذه الأيونات مسافة  $0.48 \text{ nm}$  فوق نقطة منتصف جزء كلوريد الصوديوم. فما مقدار القوى الكهروستاتيكية واجهتها التي يبذلها الجزيء على هذا الإلكترون؟

**1.43.** احسب مقدار القوى الكهروستاتيكية التي يبذلها الكواركان العلويان أحدهما على الآخر داخل بروتون إذا كانت المسافة الفاصلة بينهما  $0.900 \text{ fm}$ .

**1.44.** تقع شحنة مقدارها  $C = -4.00 \text{ nC}$  على الخور  $X$ . ما مقدار القوى المؤثرة في الشحنة  $C = +2.00 \text{ nC}$ ؟

**1.45.** وصلت كرتان فلزيتان غير مشحوطين،  $1 \text{ g}$  و  $2 \text{ g}$ . وبساطة زيربرك عازل (بطبيعة  $= 1.00 \text{ m}$ ). وبثبات زيربرك  $k = 25.0 \text{ N/m}$ . كما هو موضح في الشكل. ثم اكتسبت الكرتان الشحنات  $q_1 + q_2$  - وقتمدد الزيربرك وأصبح طوله  $L = 0.635 \text{ m}$ . تذكر أن القوى التي يبذلها الزيربرك هي  $F_z = k \Delta x$ . حيث  $\Delta x = L - L_0$ . إذا أطلق الزيربرك بطيئة فلزية ليصبح موصلاً. فما الطول الجديد للزيربرك؟

### قبل الشحن



### بعد الشحن



### تمارين إضافية

**1.65** تصفيف ثباتي شحنتان مقدار كل منها  $q = 1.00 \mu\text{C}$  على مسافات متقاربة مقدار كل منها  $2.00 \text{ cm}$  بطول المتر  $y$  على  $y = 14.0 \text{ cm}$ . أوجد القوة المؤثرة في الشحنة الموجودة عند النقطة  $y = 4.00 \text{ cm}$

**1.66** في نموذج بور مبسط لذرة الهيدروجين، من المفترض أن يتحرك الإلكترون في مدار دائري نصف قطره  $m_e \cdot 5.29 \cdot 10^{-11} \text{ m}$  تقريباً حول بروتون. احسب سرعة الإلكترون في هذا المدار.

**1.67** قطر الدائرة في نواة ذرة الكربون - 14 (كتلتها  $14 \text{ amu}$ ) هو  $3.01 \text{ fm}$ . وتحتوى النواة على 6 بروتونات وشحتها  $+6e$ .

(a) ما مقدار القوة المؤثرة في بروتون يبعد  $3.00 \text{ fm}$  عن سطح هذه النواة؟ افترض أن النواة شحنة نقطية.

(b) ما مقدار عجلة البروتون؟

**1.68** نشأت قوة تناقض متساوية مقدارها  $0.100 \text{ N}$  بين جسمين مشحوبين. إذا قلت شحنة أحد الجسمين إلى النصف وتضاعفت المسافة الفاصلة بين الجسمين، فما مقدار القوة الجديدة؟

**1.69** يقع جسم (شحنته  $q = +19.0 \mu\text{C}$ ) على المتر  $x = -10.0 \text{ cm}$  ووضع جسم ثان (شحنته  $q = -57.0 \mu\text{C}$ ) على المتر  $x = +20.0 \text{ cm}$ . ما مقدار القوة الكهروستاتيكية الكلية المؤثرة في جسم ثالث (شحنته  $q = -3.80 \mu\text{C}$ ) يقع عند نقطة الأصل ( $x = 0 \text{ m}$ )؟

**1.70** تقع ثلاثة شحنتان نقطية على المتر  $x = +64.0 \text{ cm}$ ,  $x = +80.0 \text{ cm}$ ,  $x = +160.0 \text{ cm}$ . ما مقدار القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الشحنة عند النقطة  $x = 50.0 \text{ cm}$ ؟

**1.71** نتيجة اصطدام الأشعة الكونية والرياح الشمسية بالأرض، تحمل الأرض شحنة كهربائية صافية تساوي  $C = 6.8 \cdot 10^5$  - نفريباً. أوجد مقدار الشحنة التي يجب إعطاؤها لجسم كتلته  $9.0 \cdot 10^6 \text{ kg}$  ليكون ملائماً في الهواء على ارتفاع قريب من سطح الأرض بفعل القوة الكهروستاتيكية.

**1.72** تندل كتلة مقدارها  $10.0 \text{ g}$  على ارتفاع  $5.00 \text{ cm}$  فوق لوح مستوي غير موصول. مباشرة فوق شحنة مضمنة مقدارها  $q$  (بالكيلومول). إذا كان للكتلة الشحنة  $Q_1$ . فيما قدار الشحنة  $q$  اللازم لكي تكون الكتلة معلقة بشكل حر في الهواء (بحيث تكون طافية عن نقطة ثابتة، من دون ارتفاع أو انخفاض؟ إذا تراجعت الشحنة  $q$  عن إضلاعه الكترونات إلى الكتلة، فما مقدار التغير في الكتلة؟

**1.73** وضفت في شحنتان نقطية عند نقاط النظام الإحداثي  $XY$  التالية:

$$\begin{aligned} Q_1 &= -1.00 \mu\text{C} & (-3.00 \text{ cm}, 0.00 \text{ cm}) \\ Q_2 &= -1.00 \mu\text{C} & (+3.00 \text{ cm}, 0.00 \text{ cm}) \\ Q_3 &= +1.024 \mu\text{C} & (0.00 \text{ cm}, 0.00 \text{ cm}) \\ Q_4 &= +2.00 \mu\text{C} & (0.00 \text{ cm}, -4.00 \text{ cm}) \end{aligned}$$

احسب محصلة القوى الناتجة عن الشحنتان  $Q_1$  و  $Q_2$  المؤثرة في الشحنة  $Q_3$ .

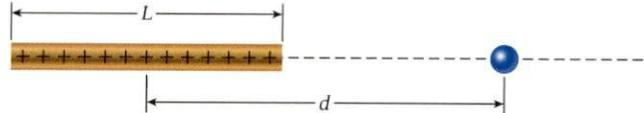
**1.74** طلبت ثلاثة كرات من الفلين. كل منها  $g = 5.00 \text{ g}$  ونصف قطرها  $2.00 \text{ cm}$ . بالكريون الأسود لنكون موصلة. ثم زبطة كل منها في خيط طوله  $1.00 \text{ m}$  وتولت بشكل حر من نقطة مشرتكة. وأعطيت كل كرة مقدار الشحنة  $q$  نفسها. وفي موضع الارتفاع، شُكلت الكرات مثلاً متساوية الأضلاع طول ضلعه  $25.0 \text{ cm}$  في المستوى الأفقي. أوجد مقدار الشحنة  $q$ .

**1.75** تقع شحنتان نقطيتان على المتر  $X$ . إذا كانت إحدى الشحنتين التخطيتين بمقدار  $2.67 \mu\text{C}$  وتعتبر عند نقطة الأصل. وكانت الشحنة الأخرى بمقدار  $6.00 \text{ mC}$  - وتعتبر عند  $20.0 \text{ cm}$ . فأين يجب أن توضع شحنة ثالثة بحيث تكون في موضع اتزان؟

**1.76** خرزتان شحنة كل منها  $2.67 \mu\text{C}$  معلقتان في خيط عازل ومندلبتان من السقف إدراهما فوق الأخرى على استقامة واحدة كما هو موضح في الشكل. وكانت المخرزة السفلية، الثانية في مكانها على طرف الخيط. هي  $m_1 = 0.280 \text{ kg}$ . بينما تنزلق المخرزة الثانية على الخيط من دون احتكاك. وعند مسافة  $d = 0.360 \text{ m}$  بين مركزي المخرزتين، توازن قوة الجاذبية الأرضية المؤثرة في  $m_2$  مع القوة الكهروستاتيكية بين المخرزتين.

ما مقدار المكتلة  $m_2$ . للخرزة الثانية؟ (تمييز: يمكن إهمال تفاعل الجاذبية بين المخرزتين).

**1.56** يوضح الشكل قضيباً رفياً منمنظم الشحنة طوله  $L$  وشحنته الكلية  $Q$ . اكتب تعبيراً لمقدار القوة الكهروستاتيكية المؤثرة في الإلكترون يقع على محور القضيب على مسافة  $d$  من نقطة منتصف القضيب.



**1.57** شحنة سالبة  $q$ ، ثابتة عند الإحداثي  $(0, 0)$ . وتبعد قوة جذب على شحنة موجبة  $+q$ ، تقع في البداية عند الإحداثي  $(x, 0)$ . نتيجة لذلك، تتحرك الشحنة الموجبة بعجلة في اتجاه الشحنة السالبة. استخدم المفكوك ذو الحدين  $\Delta F = 2kq^2/\delta^3$  من الشحنة السالبة. ستزداد القوة التي تبذلها الشحنة السالبة  $\Delta F = 2kq^2/\delta^3$  علىها بمقدار

**1.58** شحنة سالبة  $-q$ ، ثابتة عند الإحداثي  $(-d, 0)$  - متماثلان في المقدار ثابتان عند الإحداثي  $(d, 0)$ . فؤضعت شحنة موجبة مائلة لها في المقدار  $q$ . وكيلتها عند الإحداثي  $(0, 0)$ . في منتصف المسافة بين الشحنتين السالبتين، إذا تم تحريك الشحنة الموجبة مسافة  $\delta$  في اتجاه  $\perp$  الموجب ثم خرّرت، فستكون الحركة الناتجة شبيهة بذبذبة تواقيبة - ستتدبر الشحنة الموجبة بين الإحداثيين  $(0, \delta)$  و  $(0, -\delta)$ . أوجد محصلة القوى المؤثرة في الشحنة الموجبة عندما تتحرك إلى الإحداثي  $(0, \delta)$  واستخدم المفكوك ذو الحدين  $\Delta F = 2kq^2/\delta^3$ . لإيجاد تعبير لتردد الذبذبة الناتجة. (تمييز: استخدم فقط الحدود التي تأثر بذبذبة في  $\delta$ ).

### القسم 1.6

**1.59** افترض أن الأرض والقمر اكتسيا شحنتين موجبين متساوين في المقدار. ما مقدار الشحنة اللازمة لإنتاج قوة تناقض كهروستاتيكية تساوي  $100\%$  من الجاذبية بين الجسمين؟

**1.60** بسبب التشابه بين صيغة قانون نيوتن في الجذب وصيغة قانون كولوم، فمن البعض أن قوة الجاذبية مرتبطة بالقوة الكهروستاتيكية. افترض أن الجاذبية ما هي إلا شحنة كهربائية بطيئتنا - أي أن هناك شحنة زائدة  $Q$  تحملها الأرض وشحنة زائدة متساوية لها في المقدار ومضادة لها الاتجاه  $-Q$  - بحملها القمر مسؤولة للقمر حول الأرض. ما مقدار  $Q$  اللازم لإعادة إنتاج مقدار قوة الجاذبية الملازمة؟

**1.61** في نموذج بور لذرة الهيدروجين، يتحرك الإلكترون حول نواة تحتوي على بروتون واحد في مدارات دائري ذات أنصاف أقطار محسوبة بدقة من خلال المعادلة  $n^2 a_n^2 = \frac{4}{3} \pi r_n^3 \cdot 5.29 \cdot 10^{-11} \text{ m}$ . حيث ...  $r_n = 1, 2, 3, \dots$ . حسب قطر المدار الأول (الأصغر). ويسمي نصف قطر بور  $a_B$  بال بالنسبة إلى أول أربع مدارات. وقارن بين شدة هذا التفاعل وشدة الجاذبية بين البروتون والإلكترون.

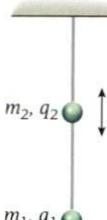
**1.62** توصلت بعض النماذج الذرية الأقدم إلى أن السرعة النجمية المدارية للإلكترون في الذرة يمكن أن ترتفع بنصف قطر الذرة. إذا كان نصف قطر ذرة الهيدروجين هو  $5.29 \cdot 10^{-11} \text{ m}$  وكانت القوة الكهروستاتيكية مسؤولة عن حركة الإلكترون الدائرية، فما الطاقة الحركية لهذا الإلكترون المداري؟

**1.63** بالنسبة إلى الذرة المذكورة في المأسنة 1.62. ما نسبة قوة الجاذبية بين الإلكترون والبروتون إلى القوة الكهروستاتيكية؟ كيف ستتغير هذه النسبة في حالة مضاعفة نصف قطر الذرة؟

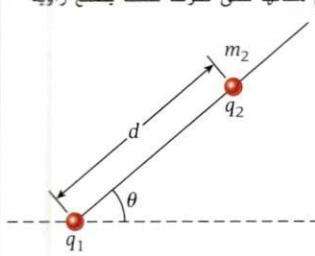
**1.64** يشكل عام، ليست الأجسام الفلكية متعادلة كهربائياً تماماً. افترض أن كلًا من الأرض والقمر يحمل شحنة مقدارها  $1.00 \cdot 10^6 \text{ C}$  - (هذا صحيح تقريباً). وسيتم تحديد قيمة أكثر دقة في الوحدة 2).

(a) قارن بين التناقض الكهروستاتيكي الناتج وتفاعل الجاذبية بين القمر والأرض. ابحث عن أي بيانات لازمة.

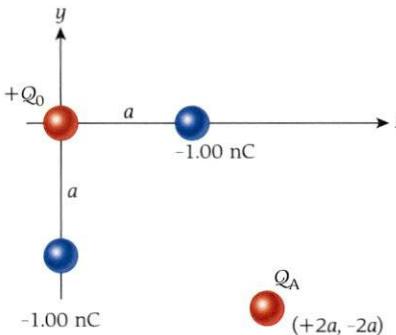
(b) ما تأثيرات هذه القوة الكهروستاتيكية في حجم مدار القمر حول الأرض وشكله واستقراره؟



**1.81-** خرزة شحنتها  $q_1 = 1.27 \mu\text{C}$  ثابتة في مكانها على طرف سلك يصنع زاوية  $\theta = 51.3^\circ$  مع المستوى الأفقي، وتنزلق خرزة ثانية، كتلتها  $m_2 = 3.77 \text{ g}$  على السلك من دون وشحنته  $q_2 = 6.79 \text{ }\mu\text{C}$ . على السلك من دون احتكاك، ما المسافة  $d$  التي تتواءز عندها قوة الجاذبية الأرضية المؤثرة في  $m_2$  مع القوة الكهروستاتيكية بين الخرزتين؟ أهلل تعامل الجاذبية بين الخرزتين.



**1.82-** في الشكل الموضح، تساوي محصلة القوى الكهروستاتيكية المؤثرة في  $Q_A$  صفرًا، إذا كانت  $Q_0 = +1.00 \text{ nC}$ . فأوجد مقدار  $Q_A$ .



**1.86-** كما هو موضح في الشكل، مقدار الشحنة الثابتة  $q_1$  هو  $3.979 \mu\text{C}$  وتقع عند  $x_1 = -14.69 \text{ m}$ .  $x_2 = 14.13 \text{ m}$ . ما إحداثي  $X$  للنقطة التي عندها تساوي محصلة القوى المؤثرة في الشحنة النقطية  $5.000 \mu\text{C}$  صفرًا؟

**1.87-** كما هو موضح في الشكل، مقدار الشحنة النقطية  $q_1$  هو  $4.325 \mu\text{C}$  وتقع عند  $x_1 = -7.757 \text{ m}$ .  $x_2 = 14.33 \text{ m}$  وتقع عند  $X$  للنقطة التي عندها تساوي محصلة القوى المؤثرة في الشحنة النقطية  $2.358 \text{ m} - 3.000 \mu\text{C}$  صفرًا هو  $4.671 \mu\text{C}$  وتقع عند  $x_1 = -3.573 \text{ m}$ .  $x_2 = 1.000 \text{ m}$  والإحداثي  $X$  للنقطة التي عندها تساوي محصلة القوى المؤثرة في الشحنة النقطية  $6.845 \mu\text{C}$  هو  $4.625 \text{ m}$ . ما قيمة  $X$ ؟

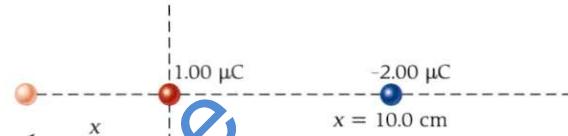
**1.88-** كما هو موضح في الشكل، مقدار الشحنة النقطية  $q_1$  هو  $4.671 \mu\text{C}$  وتقع عند  $x_1 = -3.573 \text{ m}$ .  $x_2 = 1.000 \text{ m}$  والإحداثي  $X$  للنقطة التي عندها تساوي محصلة القوى المؤثرة في الشحنة النقطية  $2.358 \text{ m} - 3.000 \mu\text{C}$  صفرًا هو  $4.625 \text{ m}$ . ما قيمة  $X$ ؟

**1.77-** أوجد محصلة القوى المؤثرة في شحنة  $C = 2.00 \text{ }\mu\text{C}$  عند نقطة الأصل في نظام إحداثي  $xy$  إذا كانت هناك شحنة  $C = 5.00 \text{ }\mu\text{C}$  عند النقطة  $(3.00 \text{ m}, 0.00)$  وشحنة  $C = -3.00 \text{ }\mu\text{C}$  عند النقطة  $(0.00, 4.00 \text{ m})$ .

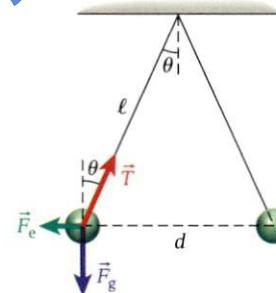
**1.78-** كرтан، كتلة كل منها  $g = 2.33 \text{ kg}$  ومتذليلان من نقطة مشتركة. وكان الخيطان متذليلين بشكل حرف البداية. مع ملامسة كل كرة للأخرى. ثم أعلقت كل كرة شحنة متساوية مقدارها  $q$ . فأخذت القوى الناتجة المؤثرة في الكرتين إلى تدلي كل خيط بزاوية  $\theta = 10.0^\circ$  مع المستوى الرأسي. أوجد  $q$ . مقدار الشحنة في كل كرة.

**1.79-** تقع شحنة نقطية  $q_1 = 100 \text{ nC}$  عند نقطة الأصل في نظام إحداثي  $xy$ . وتقع شحنة نقطية  $q_2 = -80.0 \text{ nC}$  على المحور  $X$  عند  $x = 2.00 \text{ m}$ . بينما تقع شحنة نقطية  $q_3 = -60.0 \text{ nC}$  على المحور  $y$  عند  $y = -2.00 \text{ m}$ . أوجد محصلة القوى (مقدارًا واتجاهًا) المؤثرة في  $q_1$ .

**1.80-** شحنة موجبة  $q_1 = 1.00 \mu\text{C}$  ثابتة عند نقطة الأصل. وشحنة ثانية  $q_2 = -2.00 \mu\text{C}$  ثابتة عند  $x = 10.0 \text{ cm}$ . أين يجب أن توضع شحنة ثالثة على المحور  $X$  بحيث تكون محصلة القوى المؤثرة فيها صفرًا؟



## تمارين بمعطيات متعددة



**1.83-** كرтан كتلة كل منها  $0.9680 \text{ kg}$  وشحنة كل منها  $29.59 \mu\text{C}$ . ومتذليلان من السقف بخيطين لهما الطول  $\ell$  نفسه. كما هو موضح في الشكل. (a) إذا كانت الزاوية التي يصنعها الخيطان مع المستوى الرأسي  $29.79^\circ$  فما طول الخيطين؟

**1.84-** كرтан متماثلان في الكتلة. وشحنة كل منها  $15.71 \mu\text{C}$ . ومتذليلان من السقف بخيطين لهما الطول  $\ell = 1.223 \text{ m}$  نفسه. كما هو موضح في الشكل. والزاوية التي يصنعها الخيطان مع المستوى الرأسي تساوي  $21.07^\circ$ . ما كتلة كل من الكرتين؟

**1.85-** كرтан كتلة كل منها  $0.9935 \text{ kg}$ . ومتذليلان في الشحنة. ومتذليلان من السقف بخيطين لهما الطول  $\ell = 1.235 \text{ m}$  نفسه. كما هو موضح في الشكل. والزاوية التي يصنعها الخيطان مع المستوى الرأسي تساوي  $22.35^\circ$ . ما شحنة كل من الكرتين؟

2

# ال المجالات الكهربائية وقانون جاوس



**الشكل 2.1** قرش أبيض عملاق يستطيع استئثار انبالات الكهربائية الضعيفة التي تنتجه الفراش.

يُعدُّ الفرش الأبيض العملاق واحداً من أكثر المفترسات الخبيثة على كوكب الأرض (الشكل 2.1). فهو يتمتع بحواس متعددة تساعدُه على اصطياد الفراش: على سبيل المثال، يمكنه أن يشم كميات الدم الصغيرة جداً على بعد 5 km (3 mi). وربما الأكثر دهشةً من ذلك تلك الأعضاء الخاصة، التي تسمى أميولات لورينزي، وهي فنوات دقيقة تنمو لهذا الخلوق لاستشعار المجالات الكهربائية الضعيفة التي تنتج عن حركة العضلات في أي مكانٍ حي، سواءً أكان سمةً أم فقمةً أم إنساناً. وهنا نطرح سؤالين: ما المجالات الكهربائية؟ وما علاقتها بالشحبات الكهربائية؟

إن مفهوم المجالات المتجهة واحد من أكثر الأفكار إفادة وإنتاجية في كل مجالات الفيزياء. يقدم هذا الفصل شرحاً لمفهوم المجال الكهربائي وكيفية ارتباطه بالشحنات والقوى الكهرومغناطيسية. ثم يوضح كيفية تحديد المجال الكهربائي الناجم عن توزيع معين للشحنة. وننقد هنا هذه الدراسة إلى أحد أهم قوانين الكهرباء، وهو قانون جاوس، الذي يحدد العلاقة بين المجالات الكهربائية والشحنة الكهرومغناطيسية. لكن يُطبّق قانون جاوس عملياً فقط عندما يكون لتوزيع الشحنة عائلة هندسية كافية لتبسيط العملية الحسابية. حتى في هذه الحالة، تكون بعض المفاهيم الأخرى المرتبطة بالمجالات الكهربائية ضرورية لاستخدام المعادلات.

27	تعريف المجال الكهربائي	2.1
27	خطوط المجال	2.2
28	الشحنة التقطيعية	
29	شحنة نقطيتان مختلفتان في الإشارات	
29	شحنة نقطيتان متباينتان في الإشارات	
30	ملاحظات عامة	
30	المجال الكهربائي الناجع عن الشحنات	2.3
30	عن الشحنات التقطيعية	
30	مثال 2.1 ثلاث شحنات	
32	المجال الكهربائي الناجع عن ثنائية قطب	2.4
33	مثال 2.2 جزيء الماء	
34	التوزيعات العامة للشحنة	2.5
34	مثال 2.3 خط شحنة محدد	
35	مسألة محلولة 2.1 حلقة شحنة	
37	القدرة الناجعة عن مجال كهربائي	2.6
37	مثال 2.4 حجرة الاستساقط الزمني	
38	مسألة محلولة 2.2 حركة الإلكترون فوق لوح مشحون	
39	ثنائي القطب في مجال كهربائي	
39	مسألة محلولة 2.3 ثانوي قطب	
40	كهربائي في مجال كهربائي	
42	التدفق الكهربائي	2.7
43	مثال 2.5 تدفق كهربائي عبر مكعب	
43	قانون جاوس	2.8
44	قانون جاوس وقانون كولوم	
45	الحماية	
46	تماثلات خاصة	2.9
47	التماثل الأسطواني	
47	التماثل السطحي	
48	التماثل الكروي	
48	مسألة محلولة 2.4 توزيع كروي غير منتظم للشحنة	
49	ال نقاط الحادة ومانعات الصواعق	
51	ما تعلمناه / دليل المذاكرة للاختبار	
52	إرشادات حل المسائل	
53	أسئلة الاختبار من متعدد	
54	أسئلة مفاهيمية	
55	خاتمين	
58	تمارين معطيات متعددة	

## ما سنتعلمه

- ينص قانون جاوس على أن التدفق الكهربائي عبر سطح مغلق يتناسب طردياً مع مجموع الشحنة الكهربائية المحاطة بهذا السطح. ويوفر هذا القانون طرفة بسيطة لحل مسائل المجال الكهربائي التي تبدو معقدة.
- المجال الكهربائي في موصل يساوي صفرًا.
- مقدار المجال الكهربائي الناتج عن سلك طويل لانهائي منتظم الشحنة يتناسب عكسياً مع المسافة العمودية من السلك.
- المجال الكهربائي الناتج عن لوح شحنة لانهائي لا يعتمد على المسافة من اللوح.
- يتماثل المجال الكهربائي خارج توزيع كروي للشحنة مع المجال الناتج عن شحنة نقطية لها الشحنة الكلية نفسها مجتمعة في مركز هذه الكروة.
- يمثل المجال الكهربائي القوة الكهربائية عند نقاط مختلفة في الفراغ.
- تمثل خطوط المجال الكهربائي متجهات محصلة القوى المبذولة على وحدة شحنة كهربائية موجبة. وتبعد من الشحنات الموجبة وتنتهي في الشحنات السالبة.
- ينتشر المجال الكهربائي لشحنة نقطية في شكل خطوط شعاعية. وهو يتناسب طردياً مع الشحنة. وعكسياً مع مربع المسافة من الشحنة.
- يتكون ثالثي القطب الكهربائي من شحنة موجبة وشحنة سالبة متساوية في المقدار.
- التدفق الكهربائي هو ناتج ضرب مساحة السطح في مرکبة المجال الكهربائي العمودية على هذا السطح.

## 2.1

### تعريف المجال الكهربائي

في الوحدة 1، ناقشتنا القوة بين شحنتين نقطتين أكثري فعند إيجاد محصلة القوى التي تبذلها شحنات أخرى على شحنة معينة عند نقطة ما في الفراغ، نحصل على اتجاهات مختلفة لهذه القوى.

إن التعامل مع حالة كهذه يستلزم مفهوم **المجال**، الذي يمكن استخدامه لوصف قوى معينة. يُعرف **المجال الكهربائي**،  $E(r)$ ، عند أي نقطة في الفراغ، بـ بأنه محصلة القوى الكهربائية المؤثرة في شحنة مقسومة على مقدار هذه الشحنة:

$$(2.1) \quad \vec{E}(\vec{r}) = \frac{\vec{F}(\vec{r})}{q}$$

إن وحدات المجال الكهربائي هي البيوتون لكل كولوم ( $N/C$ ). وبلغى هذا التعريف البسيط الاعتبار المقادير القوية الكهربائية على الشحنة المعيية التي يتم استخدامها لقياس القوى. حيث يمكننا إيجاد محصلة القوى المؤثرة في أي شحنة بسهولة باستخدام المعادلة  $\vec{F}(\vec{r}) = q\vec{E}(\vec{r})$  التي ما هي إلا تقيير بسيط في ترتيب المعادلة 2.1.

تكون القوة الكهربائية المؤثرة في شحنة عند نقطة معينة بأتجاه (أو بعيداً عن الشحنة، حسب إشارة الشحنة) شدة المجال الكهربائي عند هذه النقطة ويتناصف طردياً مع مقدار الشحنة. ونحصل على مقدار القوة من خلال المعادلة  $F = |q| E$ . حيث يكون اتجاه القوة المؤثرة في شحنة موجبة في اتجاه  $\vec{E}(\vec{r})$ ، ويكون اتجاه القوة المؤثرة في شحنة سالبة في الاتجاه المعاكس له  $-\vec{E}(\vec{r})$ .

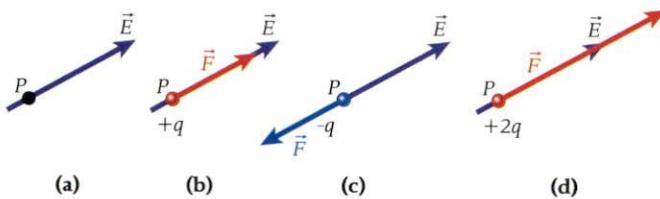
في حالة وجود مصادر متعددة للمجالات الكهربائية في الوقت نفسه، مثل الشحنات النقطية المتعددة، يتم إيجاد المجال الكهربائي عند أي نقطة محددة من خلال تراكب المجالات الكهربائية الناتجة من كل المصادر. وهذا التراكب ينشأ مباشرة عن تراكب القوى الذي مهدنا له في دراستنا للميكانيكا ونماهشنا في الوحدة 1 التي تتناول القوى الكهرومغناطيسية. نعبر عن **مبدأ التراكب** للمجال الكهربائي الكلي،  $\vec{E}_t$ . عند أي نقطة في الفراغ إحداثياً  $\vec{r}$ ، والناتج عن  $n$  من مصادر المجال الكهربائي بالمعادلة التالية

$$(2.2) \quad \vec{E}_t(\vec{r}) = \vec{E}_1(\vec{r}) + \vec{E}_2(\vec{r}) + \dots + \vec{E}_n(\vec{r})$$

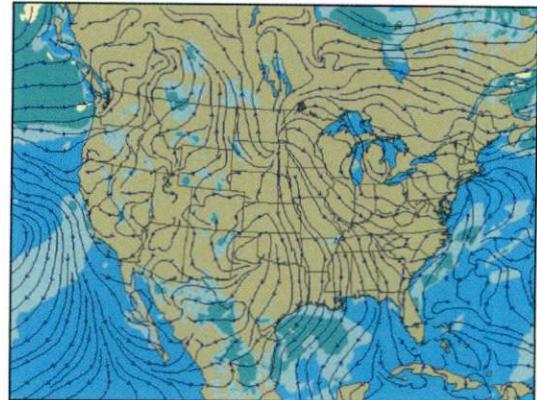
## 2.2

### خطوط المجال الكهربائي

يمكن أن يتغير المجال الكهربائي (ويتغير بالفعل في معظم التطبيقات) كدالة للإحداثي المكانى. ويمكن أن تتصور تغيير اتجاه المجال الكهربائي وشنته من خلال رسم **خطوط المجال الكهربائي**. وهي تمثل بيانياً محصلة القوى المتجهة المبذولة على وحدة شحنة اختبار موجبة. ينطبق التمثل على كل نقطة فردية في الفراغ الذي يمكن أن تكون شحنة الاختبار موضوعة فيه. ويكون اتجاه خط المجال عند أي نقطة هو نفسه اتجاه القوة عند تلك النقطة، ويتناصف كثافة خطوط المجال طردياً مع مقدار القوة.



**الشكل 2.3** القوة الناتجة عن وضع شحنة في مجال كهربائي. (a) نقطة  $P$  على خط مجال كهربائي. (b) شحنة موجبة  $+q$  موضوعة عند النقطة  $P$ . (c) شحنة سالبة  $-q$  موضوعة عند النقطة  $P$ . (d) شحنة موجبة  $+2q$  موضوعة عند النقطة  $P$ .



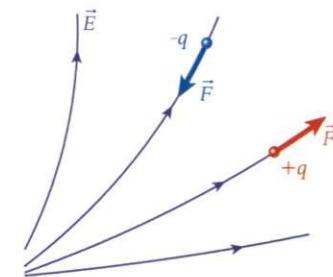
**الشكل 2.2** اتجاهات الرياح عند السطح في الولايات المتحدة في 23 مارس 2008. وفقًا لخدمة الطقس الوطنية.

يمكن تشبّه خطوط المجال الكهربائي بخطوط انسياپ الرياح الموضحة في الشكل 2.2. تمثل هذه الخطوط قوّة الرياح المؤثرة في أجسام عند موقع معينة. تماماً كما تمثل خطوط المجال الكهربائي الّاّفة الكهربائية عند نقاط معينة. يمكن استخدام منطاد الهواء الساخن كأداة اختبار لتحديد اتجاه خطوط انسياپ الرياح هذه. على سبيل المثال، إذا أطلق منطاد هواء ساخن في دالاس في ولاية تكساس، فسيتحرك من الشمال إلى الجنوب في الحالة الموضحة في الشكل 2.2. وكلما كانت تدفقات الرياح فريدة بعضها من بعض، زادت سرعة الرياح، ومن ثمّ يتحرّك المنطاد بسرعة أكبر.

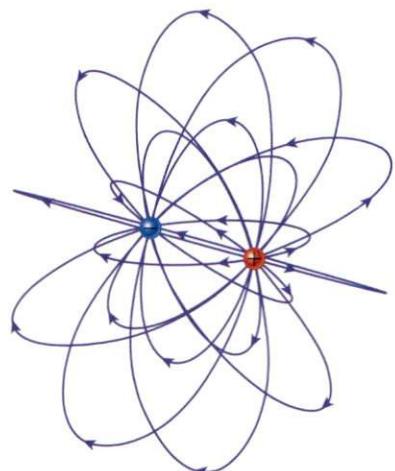
لكي نرسم خطوط المجال الكهربائي، نتخيل وضع شحنة موجبة صغيرة عند كلّ نقطة في المجال الكهربائي. وتكون هذه الشحنة صغيرة بما يكفي بحيث لا تؤثّر في المجال. تسمى هذه الشحنة الصغيرة أحياً **شحنة اختبار** وتحسب القوّة الخصّلة المؤثرة في الشحنة. أما اتجاه القوّة فيحدّد اتجاه خط المجال. على سبيل المثال، يوضح الشكل 2.3a نقطة في مجال كهربائي. في الشكل 2.3b، وضعت شحنة  $+q$  عند النقطة  $P$ . على خط المجال الكهربائي، وكانت القوّة المؤثرة في الشحنة في اتجاه المجال الكهربائي نفسه. وفي الشكل 2.3c، وضعت شحنة  $-q$  عند النقطة  $P$ . وكانت القوّة الخصّلة في عكس اتجاه المجال الكهربائي. أما في الشكل 2.3d، فوضع الشحنة  $+2q$  عند النقطة  $P$ . وكانت القوّة الخصّلة المؤثرة في الشحنة في اتجاه المجال الكهربائي، وزاد مقدار القوّة المؤثرة في الشحنة  $+q$  إلى مثلي ما كان عليه. ستتبع قاعدة تمثيل الشحنة الموجبة باللون الأزرق، الشحنة السالبة باللون الأزرق.

في المجال الكهربائي غير المنتظم، تكون القوّة الكهربائية عند نقطتين مختلفتين معاً مماسة لخطوط المجال الكهربائي عند تلك النقطتين، كما هو موضح في الشكل 2.4. وتكون القوّة المؤثرة في شحنة موجبة في اتجاه المجال الكهربائي، بينما تكون القوّة المؤثرة في شحنة سالبة في عكس اتجاه المجال الكهربائي. تتجه خطوط المجال الكهربائي من مصادر الشحنة الموجبة نحو مصادر الشحنة السالبة. ويبدأ كل خط من خطوط المجال عند شحنة وينتهي عند أخرى. حيث تبدأ خطوط المجال الكهربائي دائمًا من الشحنات الموجبة وينتهي في الشحنات السالبة.

تنشر المجالات الكهربائية في ثلاثة أبعاد (الشكل 2.5). لكن للتيسير، تمثل المجالات الكهربائية في هذه الوحدة في بعدين عادةً.

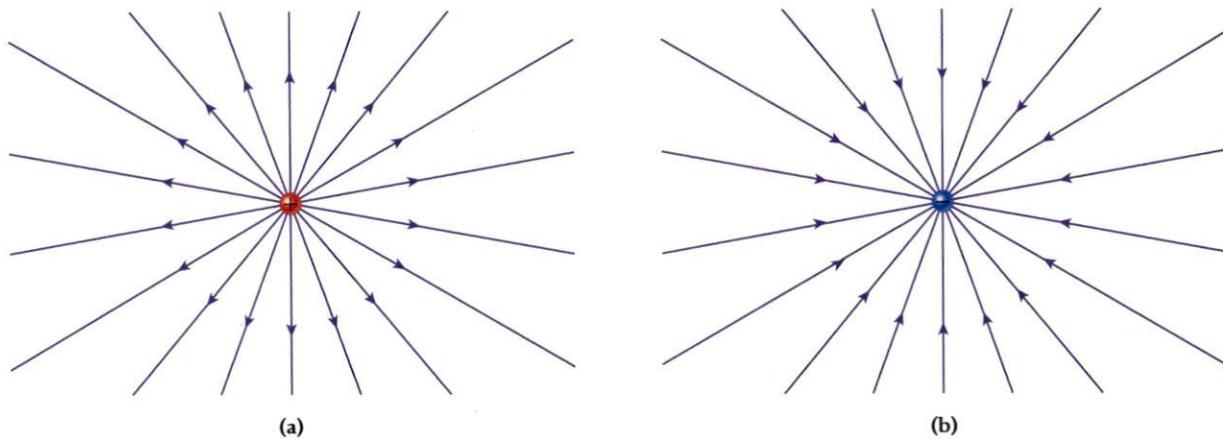


**الشكل 2.4** مجال كهربائي غير منتظم. الشحنة الموجبة  $+q$  والشحنة السالبة  $-q$  في المجال تأثران ببعدي كمّا هو موضّع وكلّ قوّة مماسة لخط المجال الكهربائي.



يوضح الشكل 2.6 خطوط المجال الكهربائي الناتجة عن شحنة نقطية معزولة. حيث تبعُّ خطوط المجال من الشحنة النقطية في اتجاهات شعاعية. إذا كانت الشحنة النقطية موجبة (الشكل 2.6a)، فإن خطوط المجال الناشئة تكون مبتعدة عن الشحنة؛ أما إذا كانت الشحنة النقطية سالبة، فإن خطوط المجال الناشئة تكون في اتجاه الشحنة (الشكل 2.6b). وبالتالي إلى الشحنة النقطية الموجبة المعزولة، تنشأ خطوط المجال الكهربائي من هذه الشحنة وينتهي في الشحنات السالبة في ما لا نهاية.

**الشكل 2.5** تمثيل ثلاثي الأبعاد لخطوط المجال الكهربائي الناتجة من شحتين نقطيتين مختلفتين في الإشارة.



**الشكل 2.6** خطوط المجال الكهربائي (a) الخارج من شحنة نقطية موجبة (b) الداخل إلى شحنة نقطية سالبة واحدة.

أما بالنسبة إلى الشحنة النقطية السالبة، فتشاً خطوط المجال الكهربائي من الشحنات الموجبة في مالا نهاية وتنتهي في هذه الشحنة. لاحظ أن المسافات بين خطوط المجال الكهربائي تقل كلما اقتربت الخطوط من الشحنة النقطية، وتزداد كلما ابتعدت هذه الخطوط عن الشحنة النقطية، مما يشير إلى أن المجال الكهربائي يضعف كلما زاد الابتعاد عن الشحنة. وسندرس مقدار المجال كثيّاً في القسم 2.3.

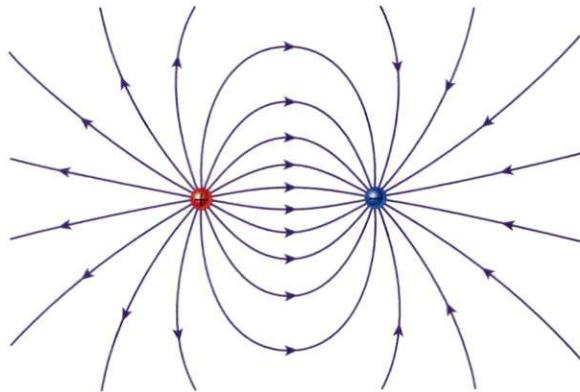
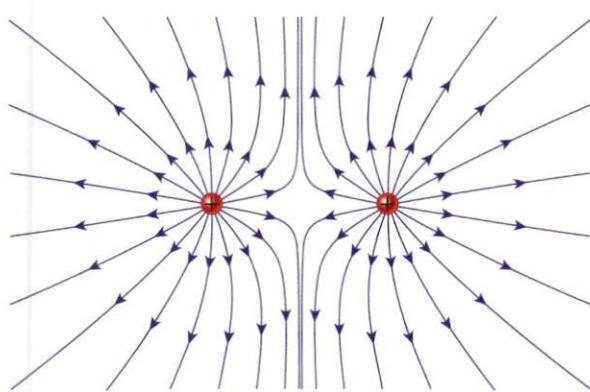
### شحتان نقطيتان مختلفتان في الإشارة

يمكّنا استخدام مبدأ التراكم لتحديد المجال الكهربائي الناجم من شحتين نقطيتين. يوضح الشكل 2.7 خطوط المجال الكهربائي الناجمة من شحتين نقطيتين مختلفتين في الإشارة، متساويتين في المقدار، عند كل نقطة في المستوى. يُجمع المجالان الكهربائيان الناجمان من الشحنة الواحدة والشحنة السالبة جمّعاً إيجاهياً لتحصل على محصلة المجال الكهربائي الناجم مقداراً واحداً. (وضح المثل 2.5 خطوط المجال المتماثلة في شكل ثلاثي الأبعاد).

كما ذكرنا سابقاً، تنشأ خطوط المجال الكهربائي من الشحنة الموجبة وتنتهي في الشحنة السالبة. وعند النقطتين الأقرب إلى أي من الشحتين، تتمايل خطوط المجال مع الخطوط الناجمة عن الشحنة النقطية واحدة، لأن تأثير الشحنة الأبعد يكون ضعيفاً. وكلما اقتربنا من الشحتين، تقل المسافات بين خطوط المجال الكهربائي، مما يشير إلى زيادة شدة أو مقدار المجال في هذه المناطق. كما يشير تواصل سلسلة المجال بين الشحتين إلى وجود قوة جاذب بين الشحتين.

### شحتان نقطيتان متماثلتان

يمكّنا أيضاً تطبيق مبدأ التراكم على شحتين نقطيتين متماثلتين. يوضح الشكل 2.8 خطوط المجال الكهربائي لشحتين نقطيتين متماثلتين في الإشارة والمقدار. إذا كانت الشحتان موجبيتين (كما هو موضح في الشكل 2.8)، فإن خطوط المجال الكهربائي تبدأ من هاتين الشحتين وتنتهي في مالا نهاية. أما إذا كانت الشحتان سالبتين، فإن خطوط المجال تبدأ من ما لا نهاية وتنتهي في هاتين الشحتين. وإذا كانت الشحتان متماثلتين في الإشارة، فإن خطوط المجال لا تتصل بين الشحتين. بل تنتهي في ما لا نهاية.



**الشكل 2.8** خطوط مجال كهربائي ناجمة عن شحتين نقطيتين موجبيتين متساويتين في المقدار.

**الشكل 2.7** خطوط مجال كهربائي ناجمة عن شحتين نقطيتين موجبيتين متماثلتين في الإشارة، وكل شحنة المقدار نفسه.

كما تؤكد خطوط المجال التي تنشأ من شحنة ولا تنتهي مطلقاً في شحنة أخرى مماثلة على وجود التناقض بين الشحنتين.

### ملاحظات عامة

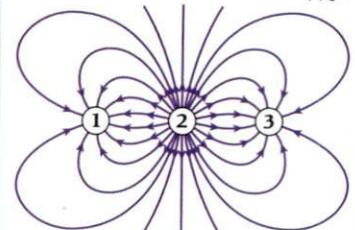
إن أبسط ثلاث حالات ممكنة درستها للتو تقودنا إلى قاعدتين عامتين تنطبقان على كل خطوط المجال لكل توزيعات الشحنة:

1. تنشأ خطوط المجال من الشحنات الموجبة وتنتهي في الشحنات السالبة.

2. لا تتقاطع خطوط المجال مطلقاً. وهذه القاعدة هي نتيجة لحقيقة أن الخطوط تمثل المجال الكهربائي الذي يتاسب طردياً مع القوة الخصبة المؤثرة في شحنة موضوعة عند نقطة معينة. لأنه إذا تقاطعت خطوط المجال، فسيعني ذلك أن القوة الخصبة ستكون في الجاهين متلاقيين عند النقطة نفسها. وهذا مستحيل.

### مراجعة المفاهيم 2.1

أي من الشحنات الموضحة في الشكل موجبة؟



(a) رقم 1

(b) رقم 2

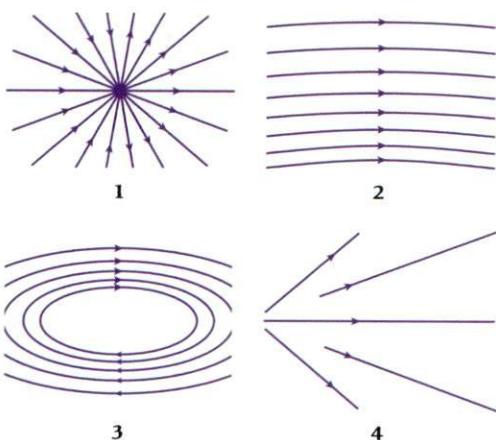
(c) رقم 3

(d) رقم 1 و 3

(e) كل الشحنات الثلاث موجبة.

### مراجعة المفاهيم 2.2

إذا افترضنا أنه لا توجد شحنات في المناطق الأربع الموضحة في الشكل، فأي نمط يمكن أن يمثل مجالاً كهربائياً؟



(a) النمط 1 فقط

(b) النمط 2 فقط

(c) النمطان 2 و 3

(d) النمطان 1 و 4

(e) لا يمثل أي نمط مجالاً كهربائياً.

### 2.3 المجال الكهربائي الناتج عن الشحنات النقطية

يمكن الحصول على مقدار القوة الكهربائية المؤثرة في شحنة نقطية  $q_0$  والمناتجة عن شحنة نقطية أخرى  $q$ . من خلال المعادلة

$$(2.3) \quad F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|qq_0|}{r^2}$$

باعتبار  $q_0$  شحنة اختبار صغيرة، يمكننا التعبير عن مقدار المجال الكهربائي عند نقطة وجود الشحنة  $q_0$  والناتج عن الشحنة النقطية  $q$  على النحو التالي

$$(2.4) \quad E = \left| \frac{F}{q_0} \right| = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{|q|}{r^2}$$

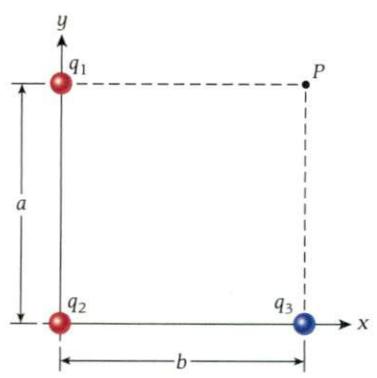
حيث  $r$  المسافة من شحنة الاختبار إلى الشحنة النقطية. ويكون اتجاه المجال الكهربائي حيث يخرج المجال من الشحنة النقطية الموجبة ويتوجه الشحنة النقطية السالبة.

إن المجال الكهربائي عبارة عن كمية متوجهة، ومن ثم يجب جمع مركبات المجال كل على حدة. يوضح المثال 2.1 جمع المجالات الكهربائية الناشئة عن ثلاث شحنات نقطية.

### ثلاث شحنات

### مثال 2.1

يوضح الشكل 2.9 ثلاث شحنات نقطية ثابتة:  $q_1 = +1.50 \mu C$ ,  $q_2 = +2.50 \mu C$ ,  $q_3 = -3.50 \mu C$ . الشحنة  $q_1$  عند النقطة  $(0, a)$ , والشحنة  $q_2$  عند النقطة  $(0, 0)$ , والشحنة  $q_3$  عند النقطة  $(b, 0)$ . حيث  $b = 6.00 \text{ m}$ ,  $a = 8.00 \text{ m}$ .



الشكل 2.9 مواقع الشحنات النقطية الثلاث.

**المُسَأَّلَة**

ما المجال الكهربائي  $\vec{E}$ ، الذي تنتجه هذه الشحنات الثلاث عند النقطة  $P = (b, a)$ ؟

**الحل**

يجب أن نجمع المجالات الكهربائية الناتجة من الشحنات الثلاث باستخدام المعادلة 2.2. ثم نتابع بجمع كل مركبة على حدة، بداية من المجال الناتج من  $q_1$ :

$$\vec{E}_1 = E_{1,x} \hat{x} + E_{1,y} \hat{y}$$

يؤثر المجال الناتج من  $q_1$  في اتجاه  $X$  فقط عند النقطة  $(b, a)$ . لأن  $q_1$  لها الإحداثي  $y$  نفسه للنقطة  $P$ . ومن ثم فإن  $E_{1,x} = E_{1,y} = 0$ ، وبذلك  $\vec{E}_1 = 0$ .

$$E_{1,x} = \frac{kq_1}{b^2}$$

وبالمثل، يؤثر المجال الناتج من  $q_3$  في اتجاه  $y$  فقط عند النقطة  $(b, a)$ . ومن ثم فإن  $E_{3,y} = E_{3,x} = 0$ . حيث

$$E_{3,y} = \frac{kq_3}{a^2}$$

كما هو موضح في الشكل 2.10. يمكن الحصول على المجال الكهربائي الناتج من  $q_2$  عند النقطة  $P$  من خلال المعادلة

$$\vec{E}_2 = E_{2,x} \hat{x} + E_{2,y} \hat{y}$$

لاحظ أن  $\vec{E}_2$ ، المجال الكهربائي الناتج من  $q_2$  عند النقطة  $P$ . ينبع عن  $q_2$ . لأن  $q_2 > 0$ . (وكان سيتجه مباشرة نحو الشحنة  $q_2$  إذا كانت هذه الشحنة سالبة). ونحصل على مقدار المجال الكهربائي هذا من خلال المعادلة

$$E_2 = \frac{k|q_2|}{a^2 + b^2}$$

نحصل على المركبة  $E_{2,x}$  من الصيغة  $E_{2,x} = E_2 \cos \theta$ . حيث  $\theta = \tan^{-1}(a/b)$ . ونحصل على المركبة  $E_{2,y}$  من خلال الصيغة  $E_{2,y} = E_2 \sin \theta$ . وبجمع المركبات، يكون المجال الكهربائي الكلي عند النقطة  $P$  هو

$$\begin{aligned} \vec{E} &= (E_{1,x} + E_{2,x}) \hat{x} + (E_{1,y} + E_{3,y}) \hat{y} \\ &= \left( \frac{kq_1}{b^2} + \frac{kq_2 \cos \theta}{a^2 + b^2} \right) \hat{x} + \left( \frac{kq_3}{a^2} + \frac{kq_2 \sin \theta}{a^2} \right) \hat{y} \end{aligned}$$

باستخدام القيمتين المعطتين لل نقطتين  $a$  و  $b$ . نجد أن  $\theta = \tan^{-1}(8/6) = 53.1^\circ$ . و  $E_2 = \sqrt{(8.00 \text{ m})^2 + (6.00 \text{ m})^2} = 100 \text{ m}^2$

$$E_x = (8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2) \left( \frac{1.50 \cdot 10^{-6} \text{ C}}{(6.00 \text{ m})^2} + \frac{(2.50 \cdot 10^{-6} \text{ C})(\cos 53.1^\circ)}{100 \text{ m}^2} \right) = 509 \text{ N/C}$$

مركبة  $y$  هي

$$E_y = (8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2) \left( \frac{(2.50 \cdot 10^{-6} \text{ C})(\sin 53.1^\circ)}{100 \text{ m}^2} + \frac{-3.50 \cdot 10^{-6} \text{ C}}{(8.00 \text{ m})^2} \right) = -312 \text{ N/C}$$

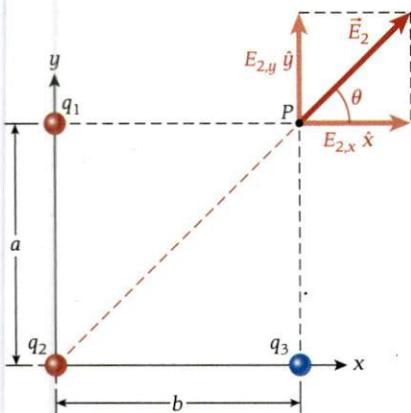
مقدار المجال هو

$$E = \sqrt{E_x^2 + E_y^2} = \sqrt{(509 \text{ N/C})^2 + (-312 \text{ N/C})^2} = 597 \text{ N/C}$$

اتجاه المجال عند النقطة  $P$  هو

$$\varphi = \tan^{-1} \left( \frac{E_y}{E_x} \right) = \tan^{-1} \left( \frac{-312 \text{ N/C}}{509 \text{ N/C}} \right) = -31.5^\circ$$

ما يعني أن اتجاه المجال الكهربائي يكون إلى اليمين وإلى أسفل. لاحظ أنه على الرغم من أن الشحنات في هذا المثال بالميكروكولوم والمسافات بالأمتار، فإن المجالات الكهربائية كبيرة، مما يوضح أن الميكروكولوم كمية شحنة كبيرة.



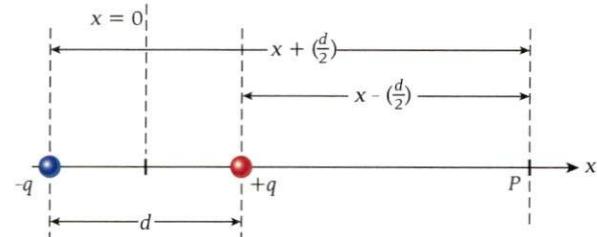
**الشكل 2.10** المجال الكهربائي الناتج عن الشحنة  $q_2$ ، ومركبته  $x$  و  $y$  له عند النقطة  $P$ .

## 2.4 المجال الكهربائي الناتج عن ثنائي قطب

يُسمى النظام المكون من جسيمين نقطيين مشحوبين بشحتتين (متتساويتين في المقدار) ومختلفتين في الإشارة **ثنائي القطب الكهربائي**. ونحصل على المجال الكهربائي الناتج عن ثباني القطب الكهربائي من خلال جمع متوجهات المجالات الكهربائية الناتجة من الشحتتين. يوضح الشكل 2.7 خطوط المجال الكهربائي في يُبعدين لثباني قطب كهربائي.

باستخدام مبدأ التركب، يمكننا إيجاد المجال الكهربائي الناتج من شحتتين نقطتين من خلال جمع متوجهات المجالات الكهربائية للشحتتين. لنفترض في الحالة الخاصة للمجال الكهربائي الذي ينتج عن ثباني قطب على امتداد محور ثباني القطب، الذي يُعرف بالخط الواسط بين الشحتتين. ونفترض أن إتجاه محور التماطل الأساسي لهذا ثباني القطب يكون على امتداد المحور  $x$  (الشكل 2.11). المجال الكهربائي  $\vec{E}$ . عند النقطة  $P$  على محور ثباني القطب مجموع المجال

الناتج عن  $+q$ . الذي نرمز إليه بالرمز  $\vec{E}_+$ . والمجال الناتج عن  $-q$ . الذي نرمز إليه بالرمز  $\vec{E}_-$



**الشكل 2.11** حساب المجال الكهربائي الناتج عن ثباني قطب كهربائي.

باستخدام المعادلة 2.4. يمكننا التعبير عن مقدار المجال الكهربائي لثباني القطب على امتداد المحور  $x$ . عندما  $d/2 > x$ . كما يلي

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r_+^2} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-q}{r_-^2}$$

حيث  $r_+$  المسافة بين  $P$  و  $+q$  و  $r_-$  المسافة بين  $P$  و  $-q$ . ولا نحتاج إلى أعمدة القيمة المطلقة في هذه المعادلة لأن الحد الأول في الطرف الأيمن موجب وأكبر من الحد الثاني (السالب). ونحصل على المجال الكهربائي عند كل النقاط على المحور  $x$  (باستثناء النقطة  $x = \pm d/2$ ). حيث توجد الشحتان من خلال المعادلة

$$(2.5) \quad \vec{E} = E_x \hat{x} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q(x-d/2)}{r_+^3} \hat{x} + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-q(x+d/2)}{r_-^3} \hat{x}$$

ستتحقق الآن من مقدار  $\vec{E}$  ونقيده فـ  $E = E_x > 0$  لكون  $0 < x < d/2$ . حيث سنجد أن

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(x - \frac{1}{2}d)^2} - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{(x + \frac{1}{2}d)^2}$$

يأعاد الترتيب ومراعاة أننا نزيد الحصول على تعريفه الصيغة نفسها للمجال الكهربائي الناتج عن شحنة نقطية، سنكتب المعادلة السابقة على النحو التالي

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 x^2} \left[ \left(1 - \frac{d}{2x}\right)^{-2} - \left(1 + \frac{d}{2x}\right)^{-2} \right]$$

لإيجاد تعبير للمجال الكهربائي على مسافة كبيرة من ثباني القطب، يمكننا إجراء التقرير  $d \gg x$  واستخدام المفهوم ذي الحدين. (بما أن  $d \gg x$ . فيمكننا إسقاط الحدود التي تحتوي على مربع  $d/x$  والقوى الأساسية الأعلى). ونحصل على

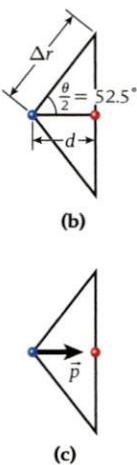
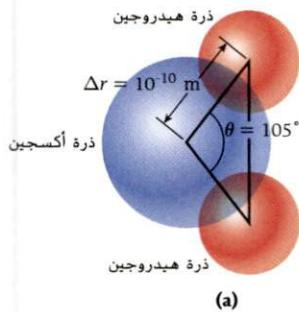
$$E \approx \frac{q}{4\pi\epsilon_0 x^2} \left[ \left(1 + \frac{d}{x} - \dots\right) - \left(1 - \frac{d}{x} + \dots\right) \right] = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 x^2} \left( \frac{2d}{x} \right)$$

التي يمكن كتابتها بالصيغة

$$(2.6) \quad E \approx \frac{qd}{2\pi\epsilon_0 x^3}$$

يمكن خوبل المعادلة 2.6 إلى أبسط صورة من خلال تحديد كمية متوجهة تُسمى **عزم ثباني القطب الكهربائي**,  $\vec{p}$ . يكون إتجاه عزم ثباني القطب هذا من الشحنة السالبة إلى الشحنة الموجبة. وهو عكس إتجاه خطوط المجال الكهربائي. ونحصل على المقدار  $p$ . لعزم ثباني القطب الكهربائي من خلال المعادلة

$$(2.7) \quad p = qd$$



الشكل 2.12 (a) رسم تخطيطي

يوضح الشكل الهندسي لجزيء الماء  $\text{H}_2\text{O}$ . يمثل الذرات في شكل كرات.

(b) رسم تخطيطي يوضح مركز الشحنة الموجية (النقطة الحمراء على اليمين) ومركز الشحنة السالبة (النقطة الزرقاء على اليسار). (c) عزم ثالثي القطب بافتراض شحتين شبه نقطتين.

#### مراجعة المفاهيم 2.4

وضع ثالثي قطب متعادل كهربائياً في مجال كهربائي خارجي كما هو موضح في الشكل في مراجعة المفاهيم 2.3. في أي حالة (حالات) تكون محصلة عزم الدوران المبدولة على ثالثي القطب صفر؟

- (a) الحالات 1 و 3
- (b) الحالات 2 و 4
- (c) الحالات 1 و 4
- (d) الحالات 2 و 3
- (e) الحالات 1 فقط

حيث  $q$  مقدار أي من الشحتين،  $d$  المسافة الفاصلة بينهما. وفقاً لهذا التعريف، تعبر عن مقدار المجال الكهربائي الناتج عن ثالثي القطب على امتداد الخط  $X$  الموجب على مسافة تكون كبيرة مقارنة بالمسافة بين الشحتين بالتعبير التالي

$$(2.8) \quad E = \frac{p}{2\pi\epsilon_0|X|^3}$$

المعادلة 2.8 صالحة أيضاً لـ  $-x$ . كما أن حل المعادلة 2.5 لإيجاد  $\vec{E}$  يوضح أن  $E_x > 0$  في كلا طرفي ثالثي القطب. نقطة اختلاف فإن المجال الناتج عن شحنة نقطية، يتناصف عكسيًا مع مربع المسافة والمجال الناتج عن ثالثي القطب يتناصف عكسيًا مع مكعب المسافة، وفقاً للمعادلة 2.8.

#### جزيء الماء

#### مثال 2.2

إن جزيء الماء  $\text{H}_2\text{O}$ ، هو أهم جزيء في حياتنا. فعزم ثالثي القطب له غير صوري، وهذا هو السبب الرئيس في أن جزيئات عضوية كثيرة يمكنها الارتباط بالماء. كما أن عزم ثالثي القطب هذا يجعل الماء مذيباً ممتازاً للعديد من المركبات العضوية وغير العضوية.

يتكون كل جزيء ماء من ذرتين هيدروجين وذرة أكسجين، كما هو موضح في الشكل 2.12a. ويكون توزيع الشحنة لكل ذرة فردية توزيعاً كروياً تقريباً. بين ذرة الأكسجين إلى جذب الإلكترونات سالبة الشحنة إليها، مما يعطي ذرتين الهيدروجين شحنة موجية صغيرة. وترتبط الذرات الثلاث بحيث يصنع المطران اللدان بربطان مركزي ذرتين الهيدروجين بمركز ذرة الأكسجين زاوية مقدارها  $105^\circ$  (انظر الشكل 2.12a).

#### المسئلة

افتراض أنت اعتبرنا جزيء الماء شحتين موجبين عند موقع ذرتين الهيدروجين (البروتونات) وشحتين سالبيتين عند موقع نواة الأكسجين. على أن تكون كل الشحتات متساوية في المقدار. ما عزم ثالثي القطب الكهربائي الناتج للماء؟

#### الحل

يقع مركز الشحنة للشحتين الموجبين، في المنتصف تماماً بين مردعي ذرتين الهيدروجين، كما هو موضح في الشكل 2.12b. وبدلالة المسافة بين ذرة الهيدروجين وذرة الأكسجين  $\Delta r = 10^{-10} \text{ m}$ ، كما هو موضح في الشكل 2.12a. تكون المسافة بين مركزي الشحنة الموجية والشحنة السالبة هي

$$d = \Delta r \cos\left(\frac{\theta}{2}\right) = (10^{-10} \text{ m}) (\cos 52.5^\circ) = 0.6 \cdot 10^{-10} \text{ m}$$

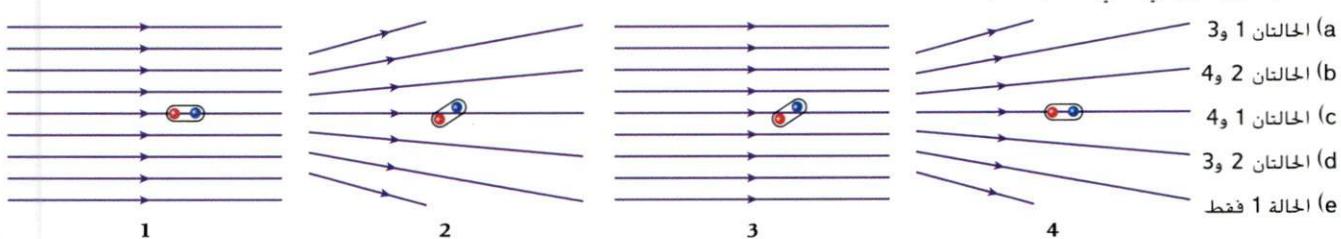
وبضرب هذه المسافة في الشحنة المنشورة،  $q = 2e$ . نحصل على مقدار عزم ثالثي القطب للماء:

$$p = 2ed = (3.2 \cdot 10^{-19} \text{ C})(0.6 \cdot 10^{-10} \text{ m}) = 2 \cdot 10^{-29} \text{ C m}$$

نقترب نتيجة هذه العملية الحسابية البسطة للغاية. في نطاق العامل 3. من القيمة المقيسة  $6.2 \cdot 10^{-30} \text{ C m}$  وحقيقة أن عزم ثالثي القطب الحقيقي للماء أصغر من هذه النتيجة الخسوة تشير إلى أن إلكتروني ذرتين الهيدروجين لا يتجذبان تماماً إلى ذرة الأكسجين، لكنهما يتجذبان بمتوسط ثلث المسافة فقط.

#### مراجعة المفاهيم 2.3

وضع ثالثي قطب متعادل كهربائياً في مجال كهربائي خارجي كما هو موضح في الشكل. في أي حالة (حالات) تكون محصلة القوى المؤثرة في ثالثي القطب صفر؟



## 2.5 التوزيعات العامة للشحنة

حدّدنا المجالات الكهربائية لشحنة نقطية فردية ولشحتين نقطيتين (ثنائي القطب الكهربائي). لكن ماذا لو أردنا تحديد المجال الكهربائي الناتج من شحنات كثيرة؟ ينشأ عن كل شحنة فردية مجال كهربائي، كما توضح المعادلة 2.4. وباستخدام مبدأ التركب، يمكن جمع كل المجالات الكهربائية هذه لإيجاد محصلة المجال عند أي نقطة في الفراغ. لكننا رأينا بالفعل في المثال 2.1 أن جمع متجهات المجال الكهربائي يمكن أن يكون طويلاً ومعقداً مع ثلاث شحنات نقطية فقط. فإذا أردنا استخدام هذه الطريقة مع تريليونات الشحنات النقطية مثلاً، فستكون العملية الحسابية أشبه بالمستحيلة حتى لو استخدمنا جهاز كمبيوتر عملاقاً. ولأن تطبيقات الحياة اليومية عادة ما تستلزم عدداً هائلاً من الشحنات، كان لا بد من إيجاد طريقة لتبسيط العمليات الحسابية. يمكن أن تكون هذه الطريقة هي استخدام التكامل إذا كان هناك عدد هائل من الشحنات المرتبة في الفراغ موزع بأحد الأشكال المنتظمة. وبالخصوص، التوزيعات في بعدين حيث تكون الشحنات مرتبة على سطح جسم قلزي، وكذلك التوزيعات في بعد واحد حيث تكون الشحنات مرتبة على طول السلك. وكما سترى، يمكن أن يكون التكامل طريقة سهلة للغاية في حل المسائل التي تتضمن توزيعات الشحنة هذه التي سيكون خليلها بطريقة التجميع المباشرة صعباً للغاية.

خُصِّرَ الإجراء التكامل، سنقوم بتقسيم الشحنة إلى عناصر،  $dq$ . وإيجاد المجال الكهربائي الناتج من كل عنصر شحنة كهلاً لو كان شحنة نقطية. إذا كانت الشحنة موزعة بطول جسم أحادي البعد (خط مستقيم)، فيمكننا التعبير عن الشحنة بدلالة الشحنة لكل وحدة طول مضروبة في الطول، أو  $\lambda dx$ . وإذا كانت الشحنة موزعة على سطح (جسم ثالثي الأبعاد)، فسنعتبر عن  $dq$  بدلالة الشحنة لكل وحدة سطح مضروبة في المساحة، أو  $\sigma dA$ . أما إذا كانت الشحنة موزعة على حجم ثالثي الأبعاد، فسنكتب  $dq$  كناتج ضرب الشحنة لكل وحدة حجم في الحجم، أو  $\rho dV$ . أي إن:

$$(2.9) \quad \begin{cases} dq = \lambda dx & \text{على امتداد خط} \\ dq = \sigma dA & \text{على السطح} \\ dq = \rho dV & \text{على الحجم} \end{cases}$$

إذا مقدار المجال الكهربائي الناتج عن توزيع الشحنة من الشحنة التفاضلية:

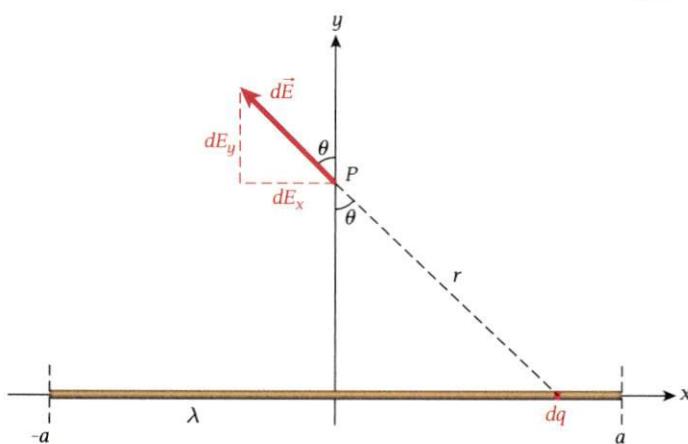
$$(2.10) \quad dE = k \frac{dq}{r^2}$$

في المثال التالي، سنجد المجال الكهربائي الناتج عن خط شحنة محدد.

## مثال 2.3

### شحنات على سلك مستقيم

لإيجاد المجال الكهربائي على امتداد خط ينْصَف سلكاً، دعوه محدد وكثافة شحنته الخطية  $\lambda$ . سنُجري تكاملًا لمقادير المجال الكهربائي الناتجة عن كل الشحنات الموزعة في السلك. سنفترض أن السلك يقع على امتداد المحور  $x$  (الشكل 2.13).



**الشكل 2.13** حساب المجال الكهربائي الناتج عن كل الشحنة الموجدة في سلك طوويل بإجراء تكامل لمقادير المجال الكهربائي بطول السلك.

و سنفترض أيضاً أن نقطة منتصف السلك تقع عند  $x = 0$ . وأن أحد طرفيه يقع عند النقطة  $x$ . والطرف الآخر يقع عند النقطة  $-x$ . نستنتج أنه لا توجد أي قوة كهربائية موازية للسلك (في اتجاه  $x$ ) على امتداد الخط المنصف للسلك. فعلى امتداد هذا الخط. لا يمكن أن يكون المجال الكهربائي إلا في اتجاه  $\perp$  فقط. يمكننا إذا حساب المجال الكهربائي الناتج عن كل الشحنات، عند  $0 \geq x$ . وضرب النتيجة في 2 للحصول على، المجال الكهربائي لـ كاميل السلك.

ستعتبر أن الشحنة التفاضلية،  $dq$ . موجودة على الخار  $X$ . كما هو موضح في الشكل 2.13. بخد مقدار المجال الكهربائي،  $dE$ . عند النقطة  $(0, y)$  الناتج عن هذه الشحنة من خلال المعادلة 2.10.

$$dE = k \frac{dq}{r^2}$$

حيث  $y^2 + x^2 = r^2$  المسافة من النقطة  $P$ . لذا نحصل على مركبة المجال الكهربائي العمودية على السلك (في اتجاه  $\hat{a}$ ) من خلال المعادلة

$$dE_y = k \frac{dq}{r^2} \cos \theta$$

حيث  $\theta$  الزاوية المحسورة بين اتجاه الكهربائي الناتج عن  $dq$  والمحور  $y$  (انظر الشكل 2.13). ترتبط الزاوية  $\cos \theta = V/L$  لأن  $V = L \sin \theta$ .

يمكنا بربط الشحنة بالمسافة على المحوร  $x$ . من خلال كثافة الشحنة الخطية، يمكننا أن نكتب  $dq = \lambda dx$ . ومن ثم فإن الحال الكهربائي عند مسافة  $y$  من السلك الطوويل هو

$$E_y = 2 \int_0^a dE_y = 2 \int_0^a k \frac{dq}{r^2} \cos \theta = 2k \int_0^a \frac{\left(\frac{a-y}{2}\right)}{r} = 2k\lambda y \int_0^a \frac{dx}{(x^2 + y^2)^{3/2}}$$

يمكن حساب قيمة التكامل على الطرف الأيمن (باستخدام حدود تكامل أو أحد البرامج مثل Mathematica أو Maple). نحصل على،

$$\int_0^a \frac{dx}{(x^2 + y^2)^{3/2}} = \left[ \frac{1}{y^2} \frac{x}{\sqrt{x^2 + y^2}} \right]_0^a = \frac{1}{y^2} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}}$$

إذا نحصل على الحال الكهربائي عند مسافة  $z$  على خط ينصف السلك من خلال المعادلة

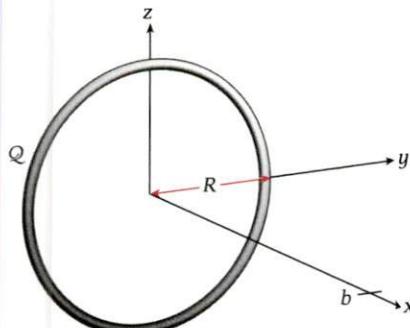
$$F_y = 2k\lambda y \frac{1}{y^2} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}} = \frac{2k\lambda}{y} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}}$$

وأخيرًا، عندما  $\infty \rightarrow a$ . أي عندما يكون طول السلك لانهائيًا، فإن  $1 \rightarrow a^2 + a^2$ ، ونحصل على المعادلة التالية لسلك لانهائي:

$$E_y = \frac{2k\lambda}{y}$$

يعنى آخر، يتناسب المجال الكهربائى تناسباً عكسيّاً مع المسافة من السلك.

لتناول الان مسألة ذات شكل هندسي أكثر تعقيداً، وهي إيجاد المجال الكهربائي الناتج عن حلقة شحنة على امتداد محور الحلقة.



شحنهات على حلقة

## 2.1 مسألة محلولة

فكّر في حلقة مشحونة نصف قطرها  $R = 0.250\text{ m}$ . كما هو موضح (الشكل 2.14). للحلقة كثافة شحنة خطية منتظمة. والشحنة الكلية في الحلقة هي  $Q = +5.00\text{ }\mu\text{C}$ . ما المجال الكهربائي عند  $b = 0.500\text{ m}$  على محور الحلقة؟

**فقر** الشحنة موزعة بالتساوي على الخلقة. لذا يمكن حساب المجال الكهربائي عند الموق  $x = b$  من خلال تكامل المجال الكهربائي الناتج عن شحنة كهربائية. وفقاً للنماذج، يكون تكامل مركبات المجال الكهربائي العمودية على محور الخلقة صفرًا. لأن المجالات الكهربائية لعناصر الشحنة على الجانبين المتقابلين للمحور يلغى كل منها الآخر. ويكون المجال الكهربائي الناتج موازيًا لمحور الخلقة.

**الشكل 2.14** حلقة مشحونة نصف قطرها  $R$  وشحنتها الكلية  $Q$ .

**ارسم** يوضح الشكل 2.15 هندسة المجال الكهربائي على امتداد محور حلقة الشحنة.

**ابحث** المجال الكهربائي التفاضلي  $dE$ . عند  $x = b$  ناج عن الشحنة التفاضلية  $dq$  الواقعة عند  $R = R$  (انظر الشكل 2.15). والمسافة من النقطة  $(x = b, y = 0)$  إلى النقطة  $(x = 0, y = R)$  هي

$$r = \sqrt{R^2 + b^2}$$

مرة أخرى، نحصل على مقدار  $\vec{dE}$  من خلال المعادلة 2.10:

$$dE = k \frac{dq}{r^2}$$

ونحصل على مقدار مركبة  $\vec{dE}$  الموازية للمحور  $x$  من خلال المعادلة

$$dE_x = dE \cos \theta = dE \frac{b}{r}$$

**حوال إلى أبسط صورة** يمكننا إيجاد المجال الكهربائي الكلي من خلال تكامل مركبات  $x$  له على كل الشحنات الموزعة على الحلقة:

$$E_x = \int_{\text{ring}} dE_x = \int_{\text{ring}} \frac{b}{r} k \frac{dq}{r^2}$$

سنحتاج إلى إجراء التكامل حول محيط حلقة الشحنة. ويمكننا ربط الشحنة التفاضلية بطول القوس التفاضلي  $ds$ . في النحو التالي:

$$dq = \frac{Q}{2\pi R} ds$$

يمكننا إذاً التعبير عن التكامل على حلقة الشحنة كلها في صورة تكامل حول طول القوس في دائرة:

$$E_x = \int_0^{2\pi R} k \left( \frac{Q}{2\pi R} ds \right) \frac{b}{r^3} = \left( \frac{kQb}{2\pi R r^3} \right) \int_0^{2\pi R} ds = \kappa Q \frac{b}{r^3} = \frac{kQb}{(R^2 + b^2)^{3/2}}$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$E_x = \frac{kQb}{(R^2 + b^2)^{3/2}} = \frac{(8.99 \cdot 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(5.00 \cdot 10^{-6} \text{ C})(0.500 \text{ m})}{[(0.250 \text{ m})^2 + (0.500 \text{ m})^2]^{3/2}} = 128,654 \text{ N/C}$$

**قرّب** سنقرب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$E_x = 1.29 \cdot 10^5 \text{ N/C}$$

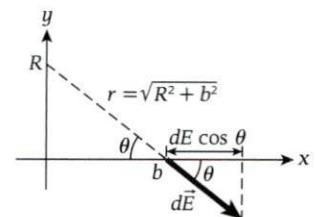
**تحقق ثانية** يمكننا التتحقق من صحة الصيغة التي أشتقتها للمجال الكهربائي باستخدام نقطة على مسافة كبيرة من حلقة الشحنة، مثل  $R \gg b$ . في هذه الحالة، سنجد أن

$$E_x = \frac{kQb}{(R^2 + b^2)^{3/2}} \xrightarrow{b \gg R} E_x = \frac{kQb}{b^3} = k \frac{Q}{b^2}$$

وهو تعبير المجال الكهربائي الناج من شحنة نقطية  $Q$  عند مسافة  $b$ . كما يمكننا التتحقق من الصيغة باستخدام  $b = 0$ :

$$E_x = \frac{kQb}{(R^2 + b^2)^{3/2}} \xrightarrow{b=0} E_x = 0$$

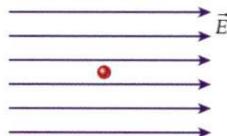
وهو ما تتوقعه عند مركز حلقة الشحنة. ومن ثم، تبدو النتيجة التي توصلنا إليها منطقية.



**الشكل 2.15** الشكل الهندسي للمجال الكهربائي على امتداد محور حلقة الشحنة.

**مراجعة المفاهيم 2.5**

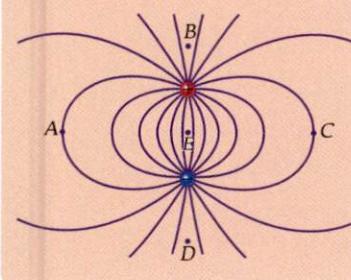
وضع جسم صغير موجب الشحنة في مجال كهربائي منظم كما هو موضح في الشكل. عندما يتحرر الجسم، فإنه



- (a) لن يتحرك.
- (b) سبباً في الحركة بسرعة ثابتة.
- (c) سبباً في الحركة بعجلة ثابتة.
- (d) سبباً في الحركة بعجلة متزايدة.
- (e) سببها إلى الخلف وإلى الأمام بحركة توافقة بسيطة.

**سؤال الاختبار الذاتي 2.1**

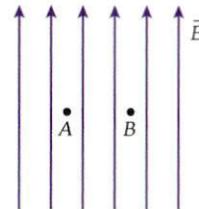
يوضح الشكل منظراً ثانوي الأبعاد لخطوط المجال الكهربائي الناتج عن شحنتين مختلفتين في الإشارة. ما اتجاه المجال الكهربائي عند النقاط A و B و C و D؟ وعند أي من النقاط A و B و C و D تكون مقدار المجال الكهربائي أكبر ما يكون؟

**2.6 القوة الناجمة عن مجال كهربائي**

نحصل على القوة  $\vec{F}$  التي يبذلها مجال كهربائي  $\vec{E}$  على شحنة نقطية  $q$  من المعادلة  $q\vec{E} = \vec{F}$ . وهي إعادة صياغة بسيطة لتعريف المجال الكهربائي في المعادلة 2.1. أي أن القوة التي يبذلها المجال الكهربائي على شحنة موجبة تؤثر في اتجاه المجال الكهربائي نفسه. ويكون متوجه القوة مماسياً لخطوط المجال الكهربائي دائمًا وفي اتجاه المجال الكهربائي أيضًا إذا كانت  $q > 0$ .

**مراجعة المفاهيم 2.6**

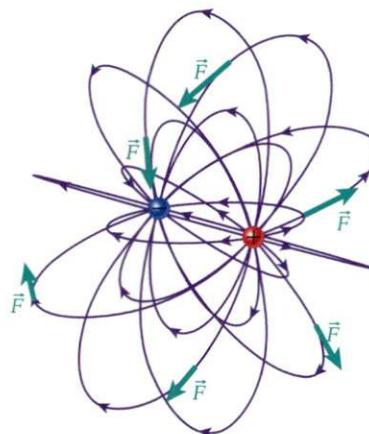
يمكن وضع جسم صغير موجب الشحنة في مجال كهربائي منظم عند الموقع A أو الموقع B في الشكل. ما وجہ المقارنة بين القوتين الكهربائيتين اللتان تؤثران في الجسم عند الموقعين؟



- (a) مقدار القوة الكهربائية المؤثرة في الجسم تكون أكبر عند الموقع A.
- (b) مقدار القوة الكهربائية المؤثرة في الجسم تكون أكبر عند الموقع B.
- (c) لا توجد قوة كهربائية مؤثرة في الجسم عند أي من الموقعين A أو B.
- (d) تتساوى القوة الكهربائية المؤثرة في الجسم عند الموقع A مع القوة المؤثرة في الجسم عند الموقع B في المقدار وتعاكسها في الاتجاه.

أ) القوة الكهربائية المؤثرة في الجسم عند الموقع A هي القوة الكهربائية غير الصفرية نفسها المؤثرة في الجسم عند الموقع B.

القوة المؤثرة في الشحنة الموجبة الناجمة عن المجال الكهربائي المنتشر في ثلاثة أبعاد في الشكل 2.16 الذي يوضح الحالة لجسيمين مختلفين في الشحنة. (هذا هو المجال نفسه الموضح في الشكل 2.5. لكن أضيفت إليه عمليات لمتجهات القوة). نلاحظ أن القوة المؤثرة في الشحنة الموجبة تكون مماسية دائمًا لخطوط المجال وفي اتجاه المجال الكهربائي نفسه. أما القوة المؤثرة في الشحنة سالبة فستكون في الاتجاه المعاكس.



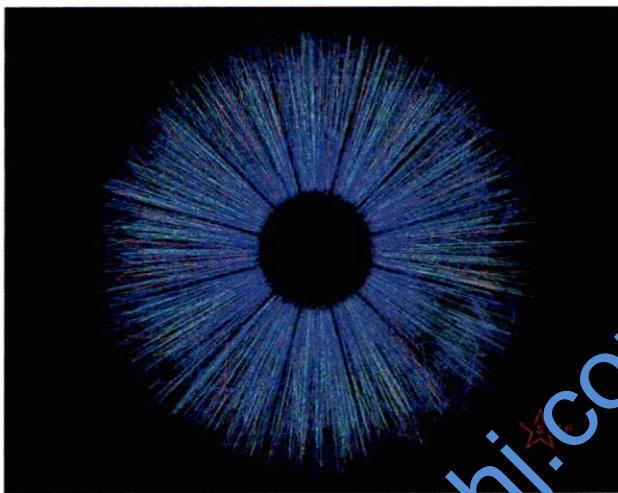
**الشكل 2.16** اتجاه القوة التي يبذلها المجال الكهربائي، الناتج عن شحنتين نقطتين مختلفتين في الإشارة. على شحنة موجبة عند نقاط مختلفة في الفراغ.

**حجرة الإسقاط الزمني****مثال 2.4**

يدرس علماء الفيزياء النووية أشكالاً جديدة للمادة من خلال تصادم أنوبي الذهب عند طلاقات عالية جداً. وفي فيزياء الجسيمات، تنشأ جسيمات أولية جديدة وتتم دراستها من خلال تصادم البروتونات مع مضادات البروتونات عند أعلى مستويات للطاقة. حيث ينتج عن هذه التصادمات جسيمات كثيرة تتدفق بعيداً من نقطة التفاعل بسرعات عالية. ولا تكون أجهزة الكشف البسيطة عن الجسيمات كافية لتحديد هذه الجسيمات. لذا يستخدم الفيزيائيون جهاز حجرة الإسقاط الزمني (TPC) الذي يوجد في معظم أجهزة الكشف الكبيرة عن الجسيمات.

من أمثلة حجرة الإسقاط الزمني مصادم الأيونات الثقيلة النسبي STAR TPC الموجود في مختبر بروكهافن الوطني على جزيرة لوج آيلاند في نيويورك. يتكون مصادم STAR TPC من أسطوانة كبيرة ممتلئة بالغاز (90% أرجون و10% ميثان) للسماح بحركة الإلكترونات بحرية داخله دون أن تخذله ذرات الغاز أو جزيئاته.

يوضح الشكل 2.17 نتائج تصادم حدث بين نوائي ذهب في مصادم لهذا. تتولد الآلاف الجسيمات المشحونة التي تمر عبر الغاز داخل حجرة الإسقاط الزمني. أثناء مرور هذه الجسيمات المشحونة عبر الغاز، فإنها تؤدي ذرات الغاز وتنتج الإلكترونات حرقة. وبطريق مجال كهربائي ثابت بمقدار  $13,500 \text{ N/C}$  بين مركز حجرة الإسقاط الزمني والغطاء، ينبع على طرق الأسطوانة، فيؤثر المجال بقوة كهربائية على الإلكترونات الحرقة. ولأن شحنة الإلكترونات سالبة، يؤثر المجال الكهربائي بقوّة في الاتجاه المعاكس لاتجاه المجال الكهربائي. فتحاول الإلكترونات أن تتسارع في اتجاه القوة الكهربائية، لكنها تتفاعل مع الإلكترونات جزيئات الغاز وتبدأ في الانحراف نحو غطائي الأسطوانة بسرعة ثابتة مقدارها  $5 \text{ cm}/\mu\text{s} = 5 \cdot 10^4 \text{ m/s} \approx 100,000 \text{ mph}$ .



**الشكل 2.17** تصادم حدث بين نوائي ذهب في مصادم STAR TPC عند طلاقات عالية جداً عند النقطة الموجودة في منتصف الصورة. يشير كل خط ملون إلى المسار الذي خلفه جسيم دون ذري نتج عن التصادم.

يحتوي كل غطاء طرفي للأسطوانة على 68,304 جهاز كشف يمكن أن يقيس الشحنة كدالة في زمن انحراف الإلكترونات عن النقطة التي تحررت منها. وكل جهاز كشف موضع ( $(x, y)$ ) معين. فمن قياسات زمن وصول الشحنة وسرعة الانحراف المعلم من الإلكترونات، يمكن حساب مركبات  $\mathbf{z}$  لمواقعها. لذا فإن مصادم STAR TPC يمكن أن يعطي تمثيلاً ثلاثياً لاماكن كاملاً لمسار ثابن كل جسيم مشحون. وتظهر هذه المسارات في الشكل 2.17، حيث تمثل الألوان مقداراً ثابناً الماخ عن كل مسار.

## حركة الإلكترون فوق لوحة مشحونة

### مسألة محلولة 2.2

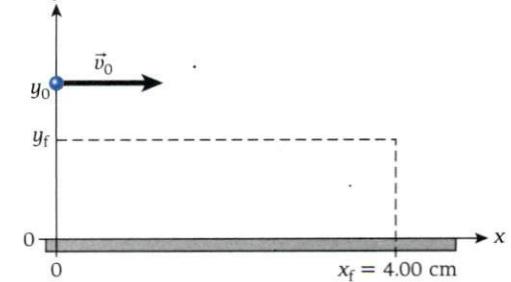
#### المأسأة

أطلق إلكترون طاقته الحركية ( $1 \text{ eV} = 1.602 \cdot 10^{-19} \text{ J}$ ) فوق لوحة موصى مشحون وفي وضع أفقي. وتبلغ كثافة شحنة سطح اللوحة  $4.00 \cdot 10^{-6} \text{ C/m}^2$ . إذا كان مسار الإلكترون في الاتجاه الأفقي أعلى اللوحة (على مسافة من سطحه)، مما انحراف الرأسى للإلكترون بعد أن يقطع مسافة  $4.00 \text{ cm}$ .

#### الحل

فكّر السرعة المتجهة الابتدائية للإلكترون أفقية. وأثناء حركته، سيتعرض الإلكترون لقوة جذب ثابتة من اللوحة موجب الشحنة تنتج عنها عجلة ثابتة متوجهة إلى أسفل. لذا يمكننا حساب الزمن الذي سيستغرقه الإلكترون ليتحرك مسافة  $4.00 \text{ cm}$  في الاتجاه الأفقي ثم استخدام هذا الزمن لحساب الانحراف الرأسى للإلكترون.

رسم يوضح الشكل 2.18 الإلكترون بسرعة متجهة ابتدائية  $\vec{v}_0$  في الاتجاه الأفقي. والموقع الابتدائي للإلكترون محدد عند  $x_0 = 0$  و  $y_0 = y$ .



**الشكل 2.18** إلكترون يتحرك إلى اليمين بسرعة متجهة ابتدائية  $\vec{v}_0$  فوق لوحة موصى مشحون.

**بحث** الزمن الذي س يستقره الإلكترون ليقطع المسافة المطلوبة هو

$$(i) t = x_f / v_0$$

حيث  $x_f$  الموضع الأفقي النهائي، و  $v_0$  السرعة الابتدائية للإلكترون. وأثناء وجود الإلكترون في حالة حركة. يبذل اللوح الموصى الشحون قوة عليه. يكون اتجاه هذه القوة إلى أسفل (نحو اللوح). ونحصل على مقدارها من خلال المعادلة

$$(ii) F = qE = e \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

حيث  $\sigma$  كثافة الشحنة في اللوح الموصى و  $e$  شحنة الإلكترون. ينتج عن هذه القوة عجلة ثابتة متوجهة إلى أسفل. ونحصل على مقدارها بالمعادلة  $a = F/m$ . حيث  $m$  كتلة الإلكترون. وباستخدام تعبير إيجاد القوة من المعادلة (ii). يمكننا التعبير عن مقدار هذه العجلة على النحو التالي

$$(iii) a = \frac{F}{m} = \frac{e\sigma}{m\epsilon_0}$$

لاحظ أن هذه العجلة ثابتة. لذا نحصل على الموضع الرأسى للإلكترون كدالة زمن من خلال المعادلة

$$(iv) y_f = y_0 - \frac{1}{2} at^2 \Rightarrow y_f - y_0 = -\frac{1}{2} at^2$$

وأخيراً، يمكننا ربط الطاقة الحركية الابتدائية للإلكtron بسرعته المتوجهة الابتدائية من خلال المعادلة

$$(v) K = \frac{1}{2} mv_0^2 \Rightarrow v_0^2 = \frac{2K}{m}$$

**حول إلى أبسط صورة** نعوض بتعبيري الزمن والعجلة من المعادلتين (i) و (iii) في المعادلة (iv) ونحصل على المعادلة التالية

$$(vi) y_f - y_0 = -\frac{1}{2} at^2 = -\frac{1}{2} \left( \frac{e\sigma}{m\epsilon_0} \right) \left( \frac{x_f}{v_0} \right)^2 = -\frac{e\sigma x_f^2}{2m\epsilon_0 v_0^2}$$

عندما نعوض الآن بتعبير مربع السرعة الابتدائية من المعادلة (v) في الخط الأيمن من المعادلة (vi). نحصل على المعادلة التالية

$$(vii) y_f - y_0 = -\frac{e\sigma x_f^2}{2m\epsilon_0 \left( \frac{2K}{m} \right)} = -\frac{e\sigma x_f^2}{4\epsilon_0 K}$$

**احسب** سنقوم أولاً بتحويل وحدة الطاقة الحركية للإلكترون من الإلكترون فولت إلى جاول:

$$K = (2.00 \text{ keV}) \frac{1.602 \cdot 10^{-19} \text{ J}}{1 \text{ eV}} = 3.204 \cdot 10^{-16} \text{ J}$$

وبالتعويض بالقيم العددية في المعادلة (vii). نجد أن

$$y_f - y_0 = -\frac{e\sigma x_f^2}{4\epsilon_0 K} = -\frac{(1.602 \cdot 10^{-19} \text{ C})(4.00 \cdot 10^{-6} \text{ C/m}^2)(0.0400 \text{ m})^2}{4(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ C}^2/\text{N m}^2)(3.204 \cdot 10^{-16} \text{ J})} = -0.0903955 \text{ m}$$

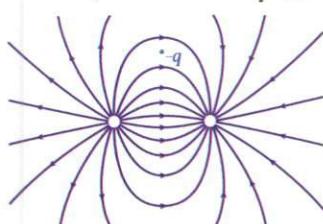
**قرب** سنقرب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$y_f - y_0 = -0.0904 \text{ m} = -9.04 \text{ cm}$$

**تحقق ثانية** الانحراف الرأسى الذي حسبناه يعادل تقريباً ضعف المسافة التي يقطعها الإلكترون في الاتجاه  $x$ . وهذا مطفي. على الأقل أن لكل منها القيمة الأساسية نفسها. كما أن بعض الحالات البدئية خفت في المعادلة (vii) الخاصة بإيجاد الانحراف. أولاً، يأخذ المسار شكل قطع مكافى. وهذا ما تتوقعه للقوة الثابتة ومن ثم العجلة الثابتة. ثانياً، عندما تكون كثافة شحنة السطح صفرًا. تكون قيمة الانحراف صفرًا. ثالثاً، عندما تكون الطاقة الحركية كبيرة جدًا. يكون الانحراف ضئلاً جدًا. وهو ما تتوقعه أيضًا بشكل بدئي.

## مراجعة المفاهيم 2.7

وضعت شحنة سالبة  $-q$  في مجال كهربائي غير منتظم كما هو موضح في الشكل. ما اتجاه القوة الكهربائية المؤثرة في هذه الشحنة السالبة؟



(a)



(b)



(c)



(d)

(e) القوة تساوى صفرًا.

## ثنائي القطب في مجال كهربائي

تأثير الشحنة النقطية في مجال كهربائي بقوة نحصل عليها بالمعادلة 2.1. وتكون القوة الكهربائية عكسية ذاتها لخط المجال الكهربائي المار بال نقطة. يمكن وصف تأثير المجال الكهربائي في ثنائي القطب بدالة المجال الكهربائي المتجه،  $\vec{E}$ . وزعم ثنائي القطب الكهربائي المتجه،  $\vec{p}$ . من دون معرفة الحاجة إلى معرفة تفصيلية بالشحنتين المكونة لثنائي القطب الكهربائي.

لدراسة سلوك ثانوي القطب الكهربائي، فلنفترض في شحنتين  $+q$  و $-q$ . تفصل بينهما مسافة  $d$  في مجال كهربائي ثابت ومنظم،  $\vec{E}$  (الشكل 2.19). (لاحظ أننا ندرس الآن القوى المؤثرة في ثانوي قطب موجود في مجال خارجي. لا المجال الناتج عن ثانوي القطب كما فعلنا في القسم 2.4. وسنفترض أيضًا أن مجال ثانوي القطب صغير مقارنة بـ  $E$  [لذا يمكننا تجاهل تأثيره في المجال المنظم]). يبذل المجال الكهربائي قوة متوجهة إلى أعلى على الشحنة الموجبة. وقوة متوجهة إلى أسفل على الشحنة السالبة. ومقدار كل من القوتين هو  $qE$ . رأينا أن هذه الحالة يتزوج عنها عزم دوران  $\vec{\tau} = \vec{r} \times \vec{F}$  حيث  $\vec{r}$  ذراع العزم و $\vec{F}$  القوة. ونحصل على مقدار عزم الدوران من المعادلة  $\tau = rF \sin\theta$ .

حيث  $\tau$  ذراع العزم و $F$  القوة. ونحصل على مقدار عزم الدوران من المعادلة  $\tau = rF \sin\theta$ . كما هو الحال دائمًا، يمكننا حساب عزم الدوران حول أي نقطة ارتكاز. لذا يمكننا اختيار موقع الشحنة السالبة. إذاً القوة المؤثرة في الشحنة الموجبة هي فقط التي تُؤثر في عزم الدوران. وطول متوجه الموضع هو  $d = r$ . وهو طول ثانوي القطب. ولأن  $F = qE$  كما هو منصوص عليه بالفعل، فإنه يمكن كتابة تعبير إيجاد عزم الدوران في ثانوي قطب كهربائي موجود في مجال كهربائي خارجي على النحو التالي

$$\tau = qEd \sin\theta$$

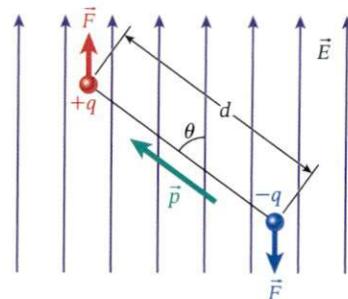
بتنظر أن عزم ثانوي القطب الكهربائي يُحدَّد بالمعادلة  $\tau = pd$ . يمكننا الحصول على مقدار عزم الدوران كما يلي:

$$(2.11) \quad \tau = pE \sin\theta$$

لأن عزم الدوران عبارة عن متوجه ويجب أن يكون متعمدًا على كل من عزم ثانوي القطب الشهري والجال الكهربائي. فإنه يمكن كتابة العلاقة في المعادلة 2.11 في صورة ضرب إنجاهي:

$$(2.12) \quad \vec{\tau} = \vec{p} \times \vec{E}$$

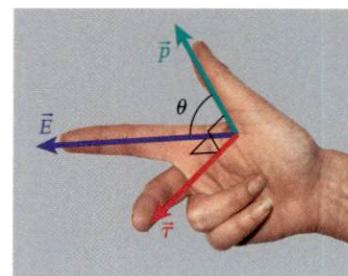
كما هو الحال من كل نوع الضرب الإنجاهي. يمكننا الحصول على إتجاه عزم الدوران باستخدام قاعدة اليد اليمنى. كما هو موضح في الشكل 2.20. يشير إصبع الإبهام إلى إتجاه الحد الأول في الضرب الإنجاهي، وهو  $\vec{p}$  في هذه الحالة. ويشير إصبع السبابية إلى إتجاه الحد الثاني،  $\vec{E}$ . بينما يشير الإصبع الوسطى إلى إتجاه ناتج الضرب الإنجاهي،  $\vec{\tau}$ . المتعمد على كل من الحدين.



**الشكل 2.19** ثانوي قطب كهربائي في مجال كهربائي.

## سؤال الاختبار الذاتي 2.2

استخدم مركز كتلة ثانوي القطب كنقطة ارتكاز، وأثبت أنه يمكن الحصول على التعبير  $\tau = qEd \sin\theta$  مرة أخرى لعزم الدوران.



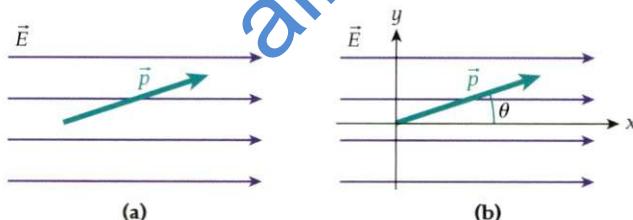
**الشكل 2.20** قاعدة اليد اليمنى

للضرب الإنجاهي لعزم ثانوي القطب الكهربائي والجال الكهربائي، ناتجًا عنها متوجه عزم الدوران.

## مسألة محلولة 2.3 ثانوي قطب كهربائي في مجال كهربائي

### المسألة

وَضْع ثانوي قطب كهربائي مقدار عزم ثانوي القطب  $p = 1.40 \cdot 10^{-12} \text{ C m}$  في مجال كهربائي منتظم مقداره  $E = 498 \text{ N/C}$  (الشكل 2.21a).



**الشكل 2.21** (a) ثانوي قطب كهربائي في مجال كهربائي منتظم. (b) المجال الكهربائي في اتجاه  $X$ . وعزم ثانوي القطب في المستوى  $XY$ .

عند لحظة زمنية معينة، كانت الزاوية بين عزم ثانوي القطب الكهربائي والمجال الكهربائي هي  $\theta = 14.5^\circ$  ما المرجعيات الديكارتية لعزم الدوران في ثانوي القطب؟

### الحل

**فكرة** عزم الدوران في ثانوي القطب يساوي ناتج الضرب الإنجاهي للمجال الكهربائي وعزم ثانوي القطب الكهربائي.

**رسم** سفترض أن خطوط المجال الكهربائي في الاتجاه  $X$ . وأن عزم ثانوي التقطب الكهربائي يقع في المستوى  $xy$  (الشكل 2.21b). وسكون الاتجاه  $Z$  عمودياً على مستوى الصفحة.

**ابحث** نحصل على عزم الدوران في ثانية القطب الكهربائي الناتج عن المجال الكهربائي من خلال المعادلة

$$\vec{\tau} = \vec{p} \times \vec{E}$$

لأن ثنائي القطب يقع في المستوى  $yx$ . فستكون المركبات الديكارتية لعزم ثنائي القطب الكهربائي هي

$$\vec{p} = (p_x, p_y, 0)$$

ولأن المجال الكهربائي يؤثر في اتجاه X. فستكون مركباته الديكارتية هي

$$\vec{E} = (E_x, 0, 0) = (E, 0, 0)$$

**حول إلى أبسط صورة** وفقاً لتعريف الضرب الالجاهي. يعبر عن المركبات الديكارتية لعزم الدوران على النحو التالي

$$\vec{\tau} = (p_y E_z - p_z E_y) \hat{x} + (p_z E_x - p_x E_z) \hat{y} + (p_x E_y - p_y E_x) \hat{z}$$

في هذه الحالة الخاصة، التي تكون فيها  $E_y$  و  $E_z$  وكلها متساوية صفرًا، سنحصل على

$$\vec{\tau} = - p_y E_x \hat{Z}$$

مُركبة  $y$  لعزم ثانوي القطب هي  $ps \sin \theta$ . ومركبة  $x$  للمجال الكهربائي هي ببساطة  $E_x = E$ . إذا مقدار عزم الدوران هو

$$\tau = (p \sin \theta) E \Rightarrow pE \sin \theta$$

وأتجاه عزم الدوران في اتجاه  $\mathbf{z}$  السالب.

**احسب** نعوض بالقيم العددية المعطاة ونحصل على

$$\tau = pE \sin \theta = (1.40 \cdot 10^{-12} \text{ C m})(498 \text{ N/C})(\sin 14.5^\circ) = 1.74565 \cdot 10^{-10} \text{ N m}$$

**قرَب** سنقرب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$\tau = 1.75 \cdot 10^{-10} \text{ N m}$$

**حقق ثانية** من المعادلة 2.11. نعرف أن مقدار عزم الدوران يساوى

$$\tau = pE \sin \theta$$

وهي النتيجة التي حصلنا عليها باستخدام الضرب الالجاهي الصريح. وبتطبيق قاعدة الـ  $a(m+n) = am + an$  في الشكل 2.20، يمكننا تحديد اتجاه عزم الدوران: فمع تمثيل إصبع الإبهام الأيمن لفرم ذاتي القطب الكهربائي، وتمثيل إصبع السبابة اليمنى للمجال الكهربائي، يشير إصبع الوسطى الأيمن إلى دائرة الصفحة. وهو ما يتوافق مع النتيجة التي حصلنا عليها باستخدام الضرب الالجاهي. ومن ثم فإن النتيجة التي توصلنا إليها صحيحة.

**تناول المثال 2.2** عزم ثانوي القطب لجزيء الماء. إذا تعرض جزيئات الماء بجال كهربائي خارجي، فإنها تتعرض لعزم دوران ومن ثم تبدأ في الدوران. وإذا كان تغير اتجاه المجال الكهربائي الخارجي سريعاً جداً، فإن جزيئات المياه تتحرك في شكل ذبذبات دورانية ينبع منها حرارة. وهذا هو مبدأ آلية عمل فرن الميكروويف. حيث تستخدم أفران الميكروويف ترددًا مقداره  $2.45\text{ GHz}$  للمجال الكهربائي المتذبذب.

للمجالات الكهربائية دور مهم أيضًا في الفسيولوجية البشرية. لكن هذه الحالات متغيرة مع الزمن وليس ثابتة كذلك التي تم تناولها في هذه الوحيدة. كما ينبع دماغ الإنسان مجالات كهربائية متغيرة باستمرار من خلال نشاط الخلايا العصبية. وعken قياس هذه الحالات عن طريق إدخال أقطاب كهربائية في الدماغ عبر عظمة الجمجمة. أو بوضع هذه الأقطاب على سطح الدماغ المكشوف. وعادة ما يكون ذلك أثناء جراحة الدماغ. تسمى هذه الطريقة تخطيط كهربية قشر الدماغ (ECOG). كما أن أحد مجالات الأبحاث الحالية يركّز بشكل مكثف على قياس الحالات الكهربائية للدماغ وتصويرها بتقنيات جديدة. وذلك عن طريق وضع الأقطاب الكهربائية على سطح الجمجمة. لكن لأن الجمجمة نفسها تحيط الحالات الكهربائية. فإن هذه التقنيات تتطلب أجهزة حساسة للغاية ولا زالت في مراحلها الأولى. ولعل أكثر تطورات الأبحاث إثارة (أو إخافة. حسب منظورك لها) تظهر في أجهزة الربط بين الدماغ والكمبيوتر. ففي هذا المجال الجديد، يستخدم النشاط الكهربائي في الدماغ مباشرة للتحكم في أجهزة الكمبيوتر. ويُستخدم مؤثرات خارجية

لإنشاء مجالات كهربائية داخل الدماغ. ويجتهد الباحثون في هذا المجال بهدف مساعدة المرضى للتغلب على الإعاقات البدنية، مثل العمي والشلل.

## 2.7 التدفق الكهربائي

يمكن أن تتطلب حسابات المجال الكهربائي، كتلك الواردة في مثال 2.3، بعض العمل. لكن في كثير من الحالات الشائعة، خاصة التي تتضمن مماثلاً هندسياً، يمكن استخدام طريقة فعالة لتحديد المجالات الكهربائية من دون حساب التكاملات بشكل صريح. وتنسند هذه الطريقة إلى قانون جاوس، وهو يمثل إحدى العلاقات الأساسية الخاصة بالحالات الكهربائية. حيث سيتيح لنا حل مسائل المجالات الكهربائية، التي تبدو معقدة للغاية، بطريقة سهلة وبسيطة. لكن استخدام قانون جاوس يتطلب استيعاب مفهوم التدفق الكهربائي.

تخيل أنك تمسك حلقة مساحتها الداخلية  $A$  في تيار من المياه يتدفق بسرعة متوجه  $\vec{v}$  كما هو موضح في الشكل 2.22. يُعرف متوجه المساحة،  $\vec{A}$ ، للحلقة بأنه متوجه مقداره  $A$  يتوجه عمودياً على سطح الحلقة. في الشكل 2.22a، متوجه مساحة الحلقة مواز للسرعة المتوجه للتدفق، والسرعة المتوجه للتدفق عمودية على سطح الحلقة. ونحصل على كمية الماء المارة عبر الحلقة لكل وحدة زمنية من ناحٍ ضرب  $A\vec{v}$  حيث  $\vec{v}$  مقدار السرعة المتوجه للتدفق. أما إذا كان سطح الحلقة مماثلاً بالنسبة إلى اتجاه المياه المتدايرة (الشكل 2.22b)، فإننا نحصل على كمية الماء المتدايرة عبر الحلقة من خلال الصيغة  $A\vec{v} \cos \theta$ . حيث  $\theta$  الزاوية بين متوجه مساحة الحلقة واتجاه السرعة المتوجه للمياه المتدايرة. تُسمى كمية الماء المتدايرة عبر الحلقة التدفق،  $\Phi = A\vec{v} \cos \theta = \vec{A} \cdot \vec{v}$ . ولأن التدفق هو قياس الحجم لكل وحدة زمنية، فإن وحدته هي المتر مكعب لكل ثانية ( $\text{m}^3/\text{s}$ ).

يشبه المجال الكهربائي المياه المتدايرة. فكـر في مجال كهربائي منتظم مقداره  $E$  يمر عبر مساحة معيينة  $A$  (الشكل 2.23). مرة أخرى، متوجه المساحة هو  $\vec{A}$ . متوجه المجال الكهربائي عمودي على سطح المساحة. والزاوية  $\theta$  هي الزاوية المخصوصة بين متوجه المجال الكهربائي ومتوجه المساحة كما هو موضح في الشكل 2.23. المجال الكهربائي الذي يمر عبر مساحة  $A$  يُسمى **التدفق الكهربائي**. ونحصل عليه من خلال المعادلة

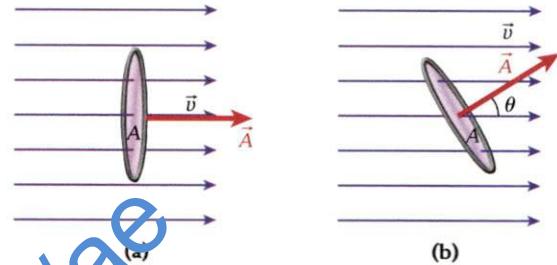
$$(2.13) \quad \Phi = EA \cos \theta$$

بلغة مبسطة، يتناسب التدفق الكهربائي طردياً مع عدد خطوط المجال الكهربائي المارة عبر المساحة. وسنفترض أنتا نحصل على المجال الكهربائي من خلال الصيغة  $(\vec{E})$  وأن المساحة عبارة عن سطح مغلق، وليس سطحاً مفتوحاً حلقة ببساطة كما في الماء المتدايق. في حالة السطح المغلق، نحصل على التدفق الكهربائي الكلي أو محصلته انطلاقاً تكامل المجال الكهربائي على السطح المغلق:

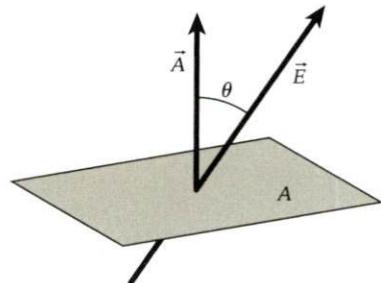
$$(2.14) \quad \Phi = \iint_S \vec{E} \cdot d\vec{A}$$

حيث  $\vec{E}$  المجال الكهربائي عند كل عنصر مساحة تقاضي  $d\vec{A}$  للسطح المغلق. ويكون اتجاه  $d\vec{A}$  إلى خارج السطح المغلق. في المعادلة 2.14، تعني الحلقة الموجودة على التكاملات أن التكامل يجري على سطح مغلق، وتشير علامتا التكامل إلى إجراء التكامل على متغيرين. (ملاحظة: تستخدم بعض الكتب رموزاً مختلفة للتكمال على سطح مغلق،  $\int dA$  أو  $\iint dA$  فقط. لكن هذه الرموز تشير إلى إجراء التكامل نفسه الموضح في المعادلة 2.14 يجب وصف عنصر المساحة التقاضي  $d\vec{A}$  بمتغيرين مكانيين

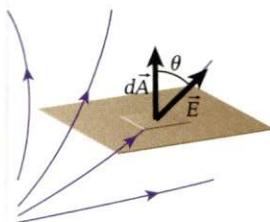
مثل  $x$  و  $y$  في الإحداثيات الديكارتية أو  $\theta$  و  $\phi$  في الإحداثيات الكروية.



**الشكل 2.22** مياه متدايرة بسرعة متوجهة مقدارها  $v$  عبر حلقة مساحتها  $A$ . (a) متوجه المساحة مواز للسرعة المتوجهة. (b) متوجه المساحة عند زاوية  $\theta$  مع السرعة المتوجهة للتدفق.



**الشكل 2.23** مجال كهربائي منتظم  $E$  يمر عبر مساحة  $A$ .



**الشكل 2.24** مجال كهربائي غير منتظم،  $\vec{E}$ . يمر عبر مساحة تقاضلي،  $d\vec{A}$ .

يوضح الشكل 2.24 مجالاً كهربائياً غير منتظم،  $\vec{E}$ . يمر عبر عنصر مساحة تقاضلي،  $d\vec{A}$ . كما يوضح جزءاً من السطح المغلق. والزاوية الخصورة بين المجال الكهربائي وعنصر المساحة التقاضلي هي  $\theta$ .



**الشكل 2.25** مكعب مساحة وجهه  $A$  في مجال كهربائي منتظم،  $\vec{E}$ , عمودي على سطح أحد أوجه المكعب.

## تدفق كهربائي عبر مكعب

### مثال 2.5

ما محصلة التدفق الكهربائي المار عبر المكعب؟

#### الحل

المجال الكهربائي في الشكل 2.25 عمودي على سطح أحد أوجه المكعب الستة، ومن ثم فهو عمودي أيضاً على الوجه المقابل له. ويوضح الشكل 2.26a متجهي المساحة لهذين الوجهين،  $\vec{A}_1$  و $\vec{A}_2$ . لذا فإن محصلة التدفق الكهربائي المار عبر هذين الوجهين هي

$$\Phi_{12} = \Phi_1 + \Phi_2 = \vec{E} \cdot \vec{A}_1 + \vec{E} \cdot \vec{A}_2 = -EA_1 + EA_2 = 0$$

يأخذ التدفق المار عبر الوجه 1 إشارة سالبة لأن المجال الكهربائي متوجه المساحة،  $\vec{A}_1$ . متعاكسان في الأتجاه. أما متجهات المساحة للأوجه الاربعة المتبقية فكلها عمودية على المجال الكهربائي. كما هو موضح في الشكل 2.26b. لذا فإن محصلة التدفق الكهربائي المار عبر الوجه الأربع هي

$$\Phi_{3456} = \Phi_3 + \Phi_4 + \Phi_5 + \Phi_6 = \vec{E} \cdot \vec{A}_3 + \vec{E} \cdot \vec{A}_4 + \vec{E} \cdot \vec{A}_5 + \vec{E} \cdot \vec{A}_6 = 0$$

قيمة كل نواج الضرب القياسي هي صفر لأن متجهات المساحة لهذه الأوجه الأربع عمودية على المجال الكهربائي. ومن ثم فإن محصلة التدفق الكهربائي المار عبر المكعب هي

$$\Phi = \Phi_{12} + \Phi_{3456} = 0$$

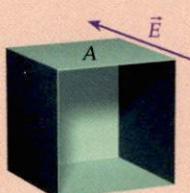
(a)

(b)

**الشكل 2.26** (a) وجهاً المكعب العموديان على المجال الكهربائي. متوجه المساحة أحدهما مواز للمجال الكهربائي والأخر متواز عكسه معه. (b) الأوجه الأربع لل檄عب الموازية للمجال الكهربائي. متجهات المساحة عمودية على المجال الكهربائي.

## سؤال الاختبار الذاتي 2.3

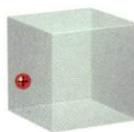
يوضح الشكل مكعب مساحة وجهه  $A$  ووجهاً ناقضاً للمكعب. يوجد هذا الجسم مكعب الشكل ذو الأوجه الخمسة في مجال كهربائي منتظم،  $\vec{E}$ . عمودي على وجه واحد. ما محصلة التدفق الكهربائي المار عبر الجسم؟



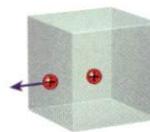
لبدء مناقشتنا حول قانون جاوس، لنتخيل صندوقاً مكعب الشكل (الشكل 2.27a). مصنوعاً من مادة لا تؤثر في المجالات الكهربائية. إذاً وضعت شحنة موجبة بالقرب من أي سطح للصندوق، فلن

تتأثر بأي قوة. افترض الآن أنه توجد شحنة موجبة داخل الصندوق وأن شحنة الاختبار الموجبة وضعت بالقرب من سطح الصندوق (الشكل 2.27b). ستتأثر شحنة الاختبار الموجبة بقوة متوجهة إلى الخارج ناتجة عن الشحنة الموجدة داخل الصندوق. وإذا كانت شحنة الاختبار قريبة من أي سطح للصندوق، فستتأثر بالقوة المتوجهة إلى الخارج. وإذا تضاعفت الشحنة الموجدة داخل الصندوق، فستتأثر شحنة الاختبار الموجبة بالقرب من أي سطح للصندوق بضعف القوة المتوجهة إلى الخارج.

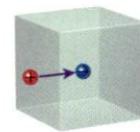
افترض الآن أنه توجد شحنة سالبة داخل الصندوق (الشكل 2.27c). عندما توضع شحنة الاختبار الموجبة بالقرب من أحد سطح الصندوق، ستتأثر الشحنة بقوة متوجهة إلى الداخل. وإذا وضعت شحنة الاختبار الموجبة بالقرب من أي سطح للصندوق، فستتأثر الشحنة بقوة متوجهة إلى الداخل. وستؤدي مضاعفة الشحنة السالبة داخل الصندوق إلى مضاعفة القوة المتوجهة إلى الداخل المؤثرة في شحنة الاختبار الموضوعة بالقرب من أي سطح للصندوق.



(a)



(b)



(c)

**الشكل 2.27** ثلاثة صناديق تخيلية مصنوعة من مادة لا تؤثر في المجالات الكهربائية. شحنة اختبار موجبة موضوعة بالقرب من يسار: (a) صندوق فارغ; (b) صندوق في داخله شحنة موجبة; (c) صندوق في داخله شحنة سالبة.

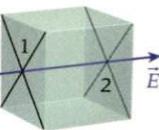
عندما نقارن ذلك بلياه المتداقة، تبدو خطوط المجال الكهربائي متداقة إلى خارج الصندوق المحتوي على شحنة موجبة، وإلى داخل الصندوق المحتوي على شحنة سالبة.

لتخيل الآن صندوقاً فارغاً في مجال كهربائي منتظم (الشكل 2.28). إذا وضع شحنة اختبار موجبة بالقرب من الجانب 1، فإنها تتأثر بقوة متوجهة إلى الداخل. وإذا وضعت الشحنة بالقرب من الجانب 2، فإنها تتأثر بقوة متوجهة إلى الخارج. ويكون المجال الكهربائي موازيًا للجوانب الأربع الأخرى، لذا لن تتأثر شحنة الاختبار الموجبة بأي قوة متوجهة إلى الداخل أو إلى الخارج إذا وُضعت بالقرب من هذه الجوانب. إذاً عندما نقارن ذلك بلياه المتداقة، تكون قيمة محصلة المجال الكهربائي المتدايق إلى داخل الصندوق وإلى خارجه صفرًا.

عندما تكون هناك شحنة داخل الصندوق، ستبدو خطوط المجال الكهربائي متداقة إلى داخل الصندوق أو إلى خارجه. وعندما لا تكون هناك شحنة داخل الصندوق، ستكون قيمة محصلة خطوط المجال الكهربائي المتداقة إلى داخل الصندوق أو إلى خارجه صفرًا. تقدّمنا هذه الملاحظات وكذا تعريف التدفق الكهربائي، الذي يوضح مفهوم تدفق خطوط المجال الكهربائي ويحدد كميته، إلى **قانون جاوس**:

$$(2.15) \quad \Phi = \frac{q}{\epsilon_0}$$

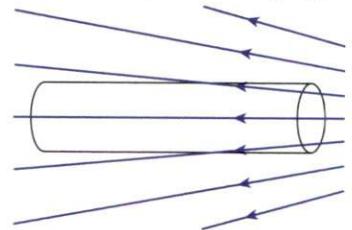
تمثّل  $q$  هنا الشحنة الكلية داخل سطح مغلق، وبُسْمِي **سطحًا جاوسيًا**. ويمكن أن يكون السطح المغلق صندوقًا كالذي ذكرناه في مناقشتنا، أو أي سطح مغلق ذي شكل عشوائي. وعادة ما يختار شكل سطح اوس لكي يعكس التمايزات التي تتضمّنها حالة المسألة.



**الشكل 2.28** صندوق فارغ تخيلي في مجال كهربائي منتظم.

## مراجعة المفاهيم 2.8

وُضعت أسطوانة مصنوعة من مادة عازلة في مجال كهربائي كما هو مبين في الشكل. ستكون محصلة التدفق الكهربائي المار عبر سطح الأسطوانة



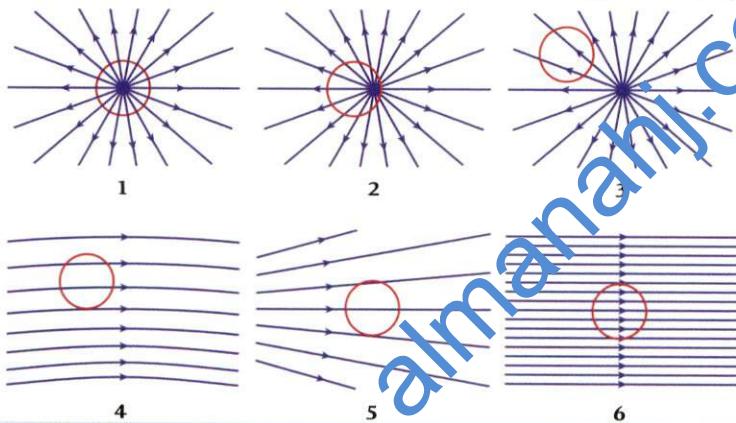
(a) موجبة.

(b) سالبة.

(c) صفرًا.

## مراجعة المفاهيم 2.9

الخطوط الموجحة في الشكل هي خطوط مجال كهربائي، والدائرة سطح جاوسي. ما الحالة (الحالات) التي يكون التدفق الكهربائي الكلي فيها غير صفر؟



- (a) 1 فقط
- (b) 2 فقط
- (c) 4 و 5 و 6
- (d) 6 فقط
- (e) 1 و 2

توجد صيغة أخرى لقانون جاوس تتضمن تعريف التدفق الكهربائي (المعادلة 2.14):

$$(2.16) \quad \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

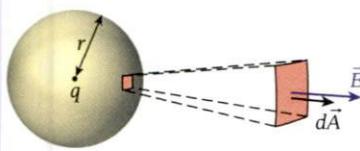
وفقاً للمعادلة 2.16، ينص قانون جاوس على أن تكامل سطح مركبات المجال الكهربائي العمودية على المساحة مضروباً في المساحة يتناسب طردياً مع الشحنة الكلية داخل السطح المغلق. قد يبدو هذا التعبير معقداً، لكنه يبسط إلى حد كبير في حالات كثيرة ويُكتَنَّا من إجراء عمليات حسابية سريعة جداً قد تكون معقدة للغاية لو لا هذا التعبير.

## قانون جاوس وقانون كولوم

يمكننا اشتقاء قانون جاوس من قانون كولوم. ولكن فعل ذلك، بدلًا بشحنة نقطية موجبة،  $q$ . يكون اتجاه المجال الكهربائي الناتج من هذه الشحنة على امتداد أنصاف الأقطار إلى الخارج، كما رأينا في القسم 2.3. ووفقاً لقانون كولوم (القسم 1.5)، يكون مقدار المجال الكهربائي الناتج من هذه الشحنة هو

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

ستجد الآن التدفق الكهربائي المار عبر سطح مغلق والناتج عن هذه الشحنة النقطية. وبالنسبة إلى سطح جاوسي، نختار سطحًا كرويًّا نصف قطره  $r$ . على أن تكون الشحنة في مركز الكرة،



**الشكل 2.29** سطح جاوي كروي نصف قطره  $r$  يحيط بشحنة  $q$ . يوضح الشكل نظرية عن قرب لعنصر سطح تقاطعي مساحته  $dA$ .

كما هو موضح في الشكل 2.29. ينقطع المجال الكهربائي الناتج من الشحنة النقطية الموجبة مع كل عنصر تقاطعي لسطح الشكل الكروي الجاوي بشكل متزايد. لذا عند كل نقطة في هذا سطح جاوي، يتوازي متجه المجال الكهربائي  $\vec{E}$  مع متجه مساحة السطح التقاطعي  $d\vec{A}$ . وسيكون متجه مساحة السطح مبتعداً دائمًا عن سطح جاوي الكروي. لكن يمكن أن يكون متجه المجال الكهربائي إلى الخارج أو إلى الداخل حسب إشارة الشحنة. إذا كانت الشحنة موجبة، فسيكون ناتج الضرب القياسي للمجال الكهربائي وعنصر مساحة السطح هو  $E dA \cos 0^\circ = E dA$ . وسيكون التدفق الكهربائي في هذه الحالة، وفقاً للمعادلة 2.14، هو

$$\Phi = \iint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \iint E dA$$

لأن المجال الكهربائي له المقدار نفسه في أي مكان في الفراغ عند مسافة  $r$  من الشحنة النقطية  $q$ . فيمكننا إخراج  $E$  من التكامل:

$$\Phi = \iint E dA = E \iint dA$$

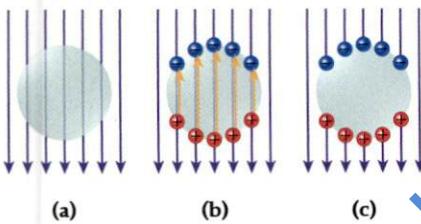
ما تبقى لدينا الآن لإيجاد قيمته هو تكامل المساحة التقاطعية على سطح كروي، وهو ما نحصل عليه من خلال المعادلة  $\iint dA = 4\pi r^2$ . إذًا، حصلنا من قانون كولوم حالة الشحنة النقطية على التعبير التالي

$$\Phi = (E) \left( \iint dA \right) = \left( \frac{q}{4\pi \epsilon_0 r^2} \right) (4\pi r^2) = \frac{q}{\epsilon_0}$$

وهو نفسه تعبير قانون جاوي في المعادلة 2.15. لقد أثبتنا أنه يمكن استئصال قانون جاوي من قانون كولوم للشحنة النقطية الموجبة، لكن من الممكن أيضًا إثبات أن قانون جاوي ينطبق على أي توزيع للشحنة داخل سطح مغلق.

## سؤال الاختبار الذاتي 2.4

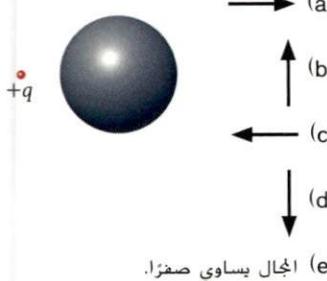
ما التغيرات التي ستحدث في الاستئصال السابق في قانون جاوي إذا استُخدمت شحنة نقطية سالبة؟



**الشكل 2.30** الحماية من مجال كهربائي خارجي (مثل بالأسماء الأرجوانية الرأسية) داخل موصل.

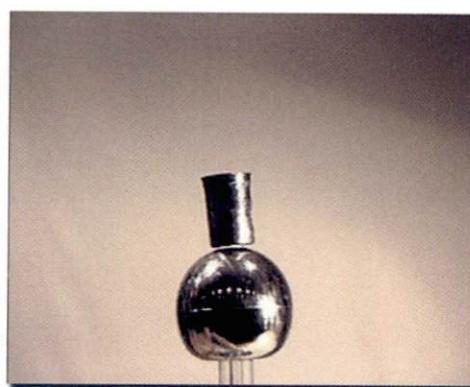
عند صناعة جويف في جسم موصل، تكون الشحنة الصافية ومن ثم المجال الكهربائي داخل هذا التجويف صفرًا دائمًا. بعض النظر عن شحنة الموصل أو شدة المجال الكهربائيخارجي المؤثر فيه. لإثبات ذلك، سنفترض أن سطحًا جاويًا مغلقًا يحيط بالتجويف، بحيث يكون التجويف كله داخل الموصل. وقد أوضحنا في مناقشتنا السابقة (انظر الشكل 2.30) أن المجال يكون صفرًا عند كل نقطة في هذا السطح، إذاً تكون محصلة التدفق عبر هذا السطح صفرًا أيضًا. ووفقاً لقانون جاوي، نستنتج أنه لا يوجد شحنة صافية يحيط بها هذا السطح. فإذا كانت هناك كميات متساوية من الشحنات الموجبة والسلبية على سطح التجويف (ومن ثم لا يوجد شحنة صافية)، فلن تكون هذه الشحنة ساكنة، حيث ستنجذب الشحنات الموجبة والسلبية إلى بعضها البعض وستتحرك بحرية حول سطح التجويف ليبلغ بعضها بعضًا. لذا يكون أي تجويف داخل الموصل محمي تماماً من أي مجال كهربائي خارجي. وبسمى هذا التأثير **أحياناً الحماية الكهروستاتيكية**.

من العروض التوضيحية المقترنة حول هذه الحماية وضع وعاء بلاستيكي ممتلي بقطن فلين صغيرة أعلى مولد فان دي غراف، الذي يعمل كمصدر للمجال الكهربائي القوي (الشكل 2.31a). حيث ينتج عن شحن المولد تراكم شحنة كثيفة هائلة على القبة، فينتج مجال كهربائي قوي حولها.





(a)



(b)

**الشكل 2.31** (a) قطع قطع الفلين الصغيرة في قطع الفلين بعض الشيء وتناثر كمية صغيرة من شحنة على المولد. (b) قطع قطع الفلين داخل علبة معدنية.

وسبب هذا المجال، تتفصل الشحنات الموجودة في قطع الفلين بعض الشيء وتكتسب كمية صغيرة من سرعة تحرك القطب. إذا كان المجال منتظمًا، فلن تكون هناك أي قوة مؤثرة في ثنيات القطب هذه. لكن المجال الكهربائي غير المنتظم يبذل قوة حتى لو كانت قطع الفلين الصغيرة متعادلة كهربائياً. لذا تتطاير قطع الفلين الصغيرة إلى خارج الوعاء. إذا وضعت قطع الفلين الصغيرة نفسها داخل علبة فلزية مفتوحة، فإنها تتطاير عند شحن المولد (الشكل 2.31b). فال المجال الكهربائي يخترق جوانب الوعاء البلاستيكي بسهولة يصل إلى قطع الفلين الصغيرة. بينما طبعًا لقانون جاوس، يمكن أن يوفر الفلز الموصى حماية داخله ويمنع قطع الفلين الصغيرة من اكتساب عزم ثباتي القطب.

ليس بالضرورة يكون الموصى الحبيط بالتجويف قطعة معدنية صلبة، بل تكفي شبكة من السلك لتوفير الحماية. يمكن إثبات ذلك، بإحدى الطرق المثيرة للدهشة وهي جلوس شخص داخل القفص ثم تعریض القفص للتغريغ كهربائي يشبه البرق (الشكل 2.32). سنجد أن الشخص الجالس داخل القفص لا يتعرض لأي ضرر، حتى لو اتسع سطح الفلزى للقفص من الداخل. يجب أن ننتبه إلى أن أي جزء من الجسم يبرز خارج القفص يمكن أن يتعرض لإصابة خطيرة، لأن ظرف قبضة اليد حول أحد قضبان القفص! يسمى هذا القفص قفص فارادي، نسبة إلى عالم الفيزياء البريطاني مايكل فارادي (1791-1867) الذي اخترعه.

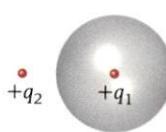
كان لقفص فارادي تأثير مهم ترتبت عليه.. ولعل من أكثرها صلة به أن السيارة خميك من صاعقة البرق عندما تكون داخلها - إلا إذا كنت تقود سيارة مكشوفة. حيث يوفر اللوح الفلزي والإطار الفولاذي الحديط بمقدمة الركاب الحماية الازمة: العذر مع بداية استخدام الفيبرجلاس والبلاستيك وألياف الكربون كبدائل للوحات الفلزية في هيكل السيارات، لم تعد هذه الحماية مضمرة.



**الشكل 2.32** شخص داخل قفص فارادي لا يتعرض لأي ضرر من الجهد الكهربائي الكبير المطبق خارج القفص، والذي ينتج شرارة كبيرة. يُجرى هذا العرض التوضيحي عدة مرات يومياً في المتحف الألماني في ميونيخ في ألمانيا.

## مراجعة المفاهيم 2.11

كرة مجوفة ومحصلة غير مشحونة في البداية. فـ وضع شحنة موجبة  $+q_1$  داخل الكرة كما هو مبين في الشكل. ثم وضعت شحنة موجبة أخرى  $+q_2$  بالقرب من الكرة لكن من الخارج. أي من العبارات التالية تصف محصلة القوة الكهربائية المؤثرة في كل شحنة؟



- (a) توجد محصلة قوة كهربائية تؤثر في  $+q_2$  لكن لا تؤثر في  $+q_1$ .  
 (b) توجد محصلة قوة كهربائية تؤثر في  $+q_1$  لكن لا تؤثر في  $+q_2$ .  
 (c) تتأثر كلتا الشحنتين بمحصلة قوة كهربائية متساوية في المقدار والاتجاه.  
 (d) تتأثر كلتا الشحنتين بمحصلة قوة كهربائية متساوية في المقدار ومتناهية في الاتجاه.

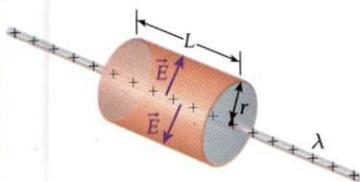
- (e) لا توجد محصلة قوة كهربائية تؤثر في أي من الشحنتين.

## 2.9 حالات خاصة في تمايل توزيع الشحنات

في هذا القسم، سنقوم بإيجاد المجال الكهربائي الناتج عن أجسام مشحونة ذات أشكال مختلفة. وفي القسم 2.5 تم تحديد توزيعات الشحنة لأشكال هندسية مختلفة. انظر المعادلة 2.9. يوضح الجدول 2.1 رموز توزيعات الشحنة هذه ووحداتها.

الجدول 2.1 رموز توزيعات الشحنة

الرمز	الاسم	الوحدة
$\lambda$	الشحنة لكل وحدة طول	$C/m$
$\sigma$	الشحنة لكل وحدة مساحة	$C/m^2$
$\rho$	الشحنة لكل وحدة حجم	$C/m^3$



**الشكل 2.33** سلك طوبي بشحنة لكل وحدة طول  $\lambda$  محاط بسطح جاوسي في شكل أسطوانة قافية نصف قطرها  $L$  وطولها  $L$ . يوضح الشكل تمثيلات لمتجهات المجال الكهربائي داخل الأسطوانة.

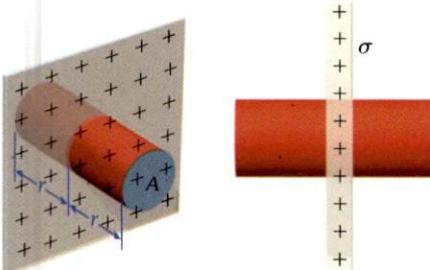
### مراجعة المفاهيم 2.12

وضع إجمالي  $1.45 \cdot 10^6$  من الإلكترونات الفائضة على سلك متعادل كهربائياً في البداية طوله  $1.13 \text{ m}$ . ما مقدار المجال الكهربائي عند نقطة على مسافة  $0.401 \text{ m}$  من منتصف السلك؟ (تلميح: افترض أن الطول  $1.13 \text{ m}$  قريب بما يكفي من "الطول اللانهائي").

- a)  $9.21 \cdot 10^{-3} \text{ N/C}$
- b)  $2.92 \cdot 10^{-1} \text{ N/C}$
- c)  $6.77 \cdot 10^1 \text{ N/C}$
- d)  $8.12 \cdot 10^2 \text{ N/C}$
- e)  $3.31 \cdot 10^3 \text{ N/C}$

### سؤال الاختبار الذاتي 2.5

كيف ستتغير الإجابة عن سؤال مراجعة المفاهيم 2.12 إذا لم نفترض أن السلك يمكن معاملته كسلك ذي طول لانهائي؟ (تلميح: انظر مثال 2.3).



**الشكل 2.34** لوح مستو لانهائي وغير موصل كثافة شحنته  $\sigma$ . ويقطع المستوى بشكل متعادل سطح جاوسي في شكل أسطوانة قافية ذات مقطع عرضي مساحته  $A$  موازٍ للمستوى، وذات ارتفاع  $2r$  أعلى المستوى وأسفله.

## التمايل الأسطواني

باستخدام قانون جاوس، يمكننا حساب مقدار المجال الكهربائي الناجم عن سلك موصل مستقيم وطويل منتظم الشحنة لكل وحدة طول  $0 < \lambda$ . سنتخيل أولاً سطحاً جاوسيّاً على شكل أسطوانة قافية نصف قطرها  $L$  وطولها  $L$  خيط بالسلك بحيث يكون السلك على امتداد محور الأسطوانة (الشكل 2.33). يمكننا تطبيق قانون جاوس على هذا سطح جاوس. من خلال التمايل، نعرف أن المجال الكهربائي الناجم عن السلك يجب أن يكون شعاعياً عمودياً على السلك. والاحتياج بوجود التمايل هنا يحتاج إلى مزيد من التفسير لأن هذه الحجج شائنة للغاية.

أولاً، تخيل دوران السلك حول محور على امتداد طوله. سيشمل هذا الدوران كل الشحنات الموجودة في السلك ومجاراتها الكهربائية. لكن سبليط شكل السلك كما هو بعد الدوران بأي زاوية. لذا سيكون المجال الكهربائي الناجم عن الشحنة الموجودة في السلك كما هو أيضاً. تستنتج أن المجال الكهربائي لا يعتمد على زاوية الدوران حول السلك. وهذا استنتاج عام: إذا كان للجسم تمايل دائري، فإن المجال الكهربائي لا يعتمد على زاوية الدوران.

ثانياً، إذا كان السلك طويلاً جداً، فسيظل شكله كما هو عند أي جزء على امتداد طوله. وإذا لم يتغير السلك فإن مجال الكهربائي لن يتغير أيضاً. ومعنى هذه الملاحظة أنه لا يوجد اعتماد على الإحداثي على طول السلك. يُسمى هذا النوع من التمايل التمايل الانتقالي. ولأنه لا يوجد اتجاه مرجح في الفراغ بطول السلك، فلن تكون هناك مركبة مجال كهربائي موازية للسلك.

لندع إلى سطح جاوس، نلاحظ أن طبق الأسطوانة لا يضيقان أي قيمة إلى التكامل في قانون جاوس (المعادلة 2.16) لأن المجال الكهربائي موازٍ لمذرين السطحيين ومن ثم فهو عمودي على المتجهات العومدية على السطح. إن المجال الكهربائي عمودي على جدار الأسطوانة عند أي نقطة. لذا نحصل على

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = EA = E(2\pi rL) = \frac{q}{\epsilon_0} = \frac{\lambda L}{\epsilon_0}$$

حيث  $2\pi rL$  مساحة جدار الأسطوانة. وبحل هذه المعادلة، سنجد مقدار المجال الكهربائي الناجم عن سلك طوبي منتظم الشحنة:

$$(2.17) \quad E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} = \frac{2k\lambda}{r}$$

حيث  $r$  المسافة العومدية على السلك. بالنسبة إلى  $0 < \lambda$ . تتطابق المعادلة 2.17 أيها، لكن سبليط المجال الكهربائي إلى الداخل لا إلى الخارج. لاحظ أن هذه هي النتيجة نفسها التي حصلنا عليها في مثال 2.3 للمجال الكهربائي الناجم عن سلك ذي طول لانهائي - لكن حصلنا عليه هنا بطريقة أسهل بكثيراً.

بدأت تلاحظ القوة الحسابية الكبيرة التي يتضمنها قانون جاوس، والتي يمكن استخدامها لحساب المجال الكهربائي الناجم عن كل أنواع توزيعات الشحنة، المتضمنة والمتصلة. لكن من العملي استعمال قانون جاوس فقط في الحالات التي يمكن فيها الاستفادة من حالات التمايل؛ وإلا فسيكون حساب التدفق صعباً للغاية.

من المقيد المقارنة بين اعتماد المجال الكهربائي على المسافة من شحنة نقطية واعتماده على المسافة من سلك طوبي مستقيم. فالنسبة إلى الشحنة النقطية، ينافي المجال الكهربائي مع مربع المسافة. أسرع بكثير من تناقص المجال الكهربائي الناجم عن السلك الطويل. حيث يقل في تناسب عكسي مع المسافة.

## التمايل السطحي

افتراض أن لوحاً مسطحاً رقيقاً وغير موصل، مساحته لانهائي ويشمل شحنة موجبة (الشكل 2.34). وشحنته منتظرمة لكل وحدة مساحة  $0 < \sigma < \infty$ . لنقم بإيجاد المجال الكهربائي الذي يبعد مسافة  $2r$  عن سطح مستوى الشحنة اللانهائي هذا.

للقيام بذلك، دختر سطحاً جاوسيّاً في شكل أسطوانة قافية مختلفة. مساحة مقطعيها العرضي  $A$  وطولها  $2r$ . قطع المستوى بشكل عمودي كما هو موضح في الشكل 2.34. لأن المستوى لانهائي والشحنة موجبة، يجب أن يكون المجال الكهربائي عمودياً على طرق الأسطوانة وموازيًا لجدرها. باستخدام قانون جاوس، نحصل على

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = (EA + EA) = \frac{q}{\epsilon_0} = \frac{\sigma A}{\epsilon_0}$$

حيث  $\sigma A$  الشحنة الخاصة بالأسطوانة. لذا سيكون مقدار المجال الكهربائي الناج عن مستوى شحنة لانهائي هو

$$(2.18) \quad E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

إذا كان  $0 < \sigma$ . فإن المعادلة 2.18 ستنطبق أيضاً. لكن سيكون المجال الكهربائي في اتجاه المستوى لا يبتعد عنه.

بالنسبة إلى لوح موصل لانهائي كثافة شحنته  $0 > \sigma$  على كل سطح. يمكننا إيجاد المجال الكهربائي باختيار سطح جاوسي في شكل أسطوانة قافية. لكن بالنسبة إلى هذه الحالة، يحيط الموصل بأحد طرفي الأسطوانة (الشكل 2.35). والمجال الكهربائي داخل الموصل يساوي صفرًا. لذا لا يوجد تدفق عبر طرف الأسطوانة الخاصة بالموصل. كما أن المجال الكهربائي خارج الموصل يجب أن يكون عمودياً على السطح ومن ثم موازياً لجدار الأسطوانة وعمودياً على طرفيها الموجود خارج الموصل. إذاً، يكون التدفق عبر سطح جاوس هو  $EA$ . ونحصل على الشحنة الخاصة بالشحنة من خلال الصيغة  $\sigma A$ . لذا يصبح قانون جاوس كما يلي

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = EA = \frac{\sigma A}{\epsilon_0}$$

إذاً، مقدار المجال الكهربائي خارج سطح الموصل المسطح المشحون هو

$$(2.19) \quad E = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$$

### التمثيل الكروي

لإيجاد المجال الكهربائي الناج عن توزيع كروي متماثل للشحنة، سنفكر في هيكل كروي رقيق شحنته  $q > 0$  ونصف قطره  $r$  (الشكل 2.36).

ستستخدم هنا سطحًا جاوسيًا كرويًا فيه  $r > r_2$  ومتاح المركز مع الكرة المشحونة. بتطبيق قانون جاوس، نحصل على

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = E(4\pi r^2) = \frac{q}{\epsilon_0}$$

يمكننا إيجاد مقدار المجال الكهربائي.

$$E = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q}{r^2}$$

إذا كان  $0 < q$ . فسيتجه المجال شعاعياً نحو الأسطنة الكروية لا يبتعدا عنها. وبالنسبة إلى سطح جاوسي الآخر، الذي فيه  $r > r_1$ . ومتاح المركز أيضًا من الهيكل الكروي المشحون، فإننا نحصل على

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = E(4\pi r^2) = 0$$

لذا يكون سلوك المجال الكهربائي خارج الهيكل الكروي للشحنة كما لو كانت الشحنة شحنة نقطية تقع في مركز الكرة، بينما يكون المجال الكهربائي صفرًا داخل الهيكل الكروي للشحنة.

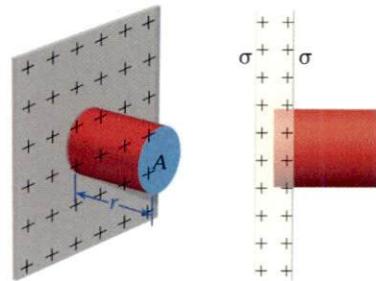
لنقم الآن بإيجاد المجال الكهربائي الناج عن الشحنة الموزعة بالتساوي على الحجم الكروي، بكثافة شحنة منتظرية  $\rho > 0$  (الشكل 2.37). نصف قطر الكرة هو  $r$ . ونستخدم سطحًا جاوسيًا في شكل كرة نصف قطرها  $r < r_1$ . من خلال تماثل توزيع الشحنة، نعرف أن المجال الكهربائي الناج عن الشحنة عمودي على سطح جاوس. لذا يمكننا كتابة الصيغة التالية

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = E(4\pi r^2) = \frac{q}{\epsilon_0} = \frac{\rho}{\epsilon_0} \left(\frac{4}{3}\pi r^3\right)$$

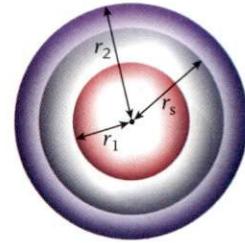
حيث  $4\pi r^2$  مساحة سطح جاوسي الكروي، و  $\frac{4}{3}\pi r^3$  الحجم الكروي بسطح جاوسي. من المعادلة السابقة، نحصل على المجال الكهربائي عند نصف قطر  $r_1$  داخل توزيع منتظم للشحنة:

$$(2.20) \quad E = \frac{\rho r_1}{3\epsilon_0}$$

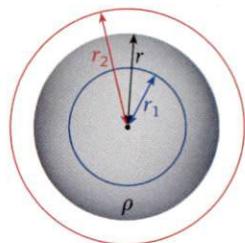
يمكننا أن نسمي الشحنة الكلية للكرة  $q_t$ . وهي تساوي الحجم الكلي للتوزيع الكروي للشحنة مضروباً في كثافة الشحنة.



**الشكل 2.35** مستوى موصل لانهائي كثافة شحنته  $\sigma$  على كلا السطحين، ويحيط بأحد طرفي سطح جاوسي على شكل أسطوانة قافية.



**الشكل 2.36** هيكل كروي مشحون نصف قطره  $r_s$  وسطح جاوسي نصف قطره  $r_2 > r_s$  وسطح جاوسي آخر نصف قطره  $r_1 < r_s$ .



**الشكل 2.37** توزيع كروي للشحنة بشحنة منتظرة لكل وحدة حجم  $\rho$  ونصف قطر  $r$ . ويوضح الشكل أيضًا سطحين كرويين جاوسيين، أحدهما بنصف قطر  $r < r_1 < r_2$  والأخر بنصف قطر  $r > r_2$ .

$$q_t = \rho \frac{4}{3} \pi r^3$$

ومن ثم فإن الشحنة الماءطة بسطح جاوس هي

$$q = \frac{r_1}{\text{حجم داخل}} q_t = \frac{\frac{4}{3} \pi r_1^3}{\frac{4}{3} \pi r^3} q_t = \frac{r_1^3}{r^3} q_t$$

من خلال هذا التعبير للشحنة الماءطة، يمكننا إعادة كتابة قانون جاوس لهذه الحالة بالصيغة التالية

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = E(4\pi r_1^2) = \frac{q_t}{\epsilon_0} \frac{r_1^3}{r^3}$$

التي عطينا

$$(2.21) \quad E = \frac{q_t r_1}{4\pi\epsilon_0 r^3} = \frac{k q_t r_1}{r^3}$$

إذا افترضنا أن سطح جاوس نصف قطره أكبر من نصف قطر توزيع الشحنة،  $r > r_1$ . فيمكننا تطبيق قانون جاوس على النحو التالي:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = E(4\pi r_1^2) = \frac{q_t}{\epsilon_0}$$

أو

$$(2.22) \quad E = \frac{q_t}{4\pi\epsilon_0 r_1^2} = \frac{k q_t}{r_1^2}$$

إذا، ينمايل المجال الكهربائي خارج توزيع كروي للشحنة مع المجال الناج عن شحنة نقطية بالمقدار نفسه مجمعة في مركز هذه الكرة.

## سؤال الاختبار الذاتي 2.6

افتراض كرة نصف قطرها  $R$  ولها شحنة  $q$  مؤثرة بانتظام على حجم الكرة. ما مقدار المجال الكهربائي عند نقطة تبعد  $2R$  عن مركز الكرة؟

## مسألة محلولة 2.4

### توزيع كروي غير منتظم للشحنة

تحصل على التوزيع الكروي المنتظم وغير المنتظم للشحنة من خلال المعادلة

$$\rho(r) = \begin{cases} \rho_0 \left(1 - \frac{r}{R}\right) & \text{عندما } r \leq R \\ 0 & \text{عندما } r > R \end{cases}$$

حيث  $R = 0.250 \text{ m}$ ,  $\rho_0 = 10.0 \mu\text{C/m}^3$ .

### المأساة

ما المجال الكهربائي الناج عن توزيع الشحنة هذا عند  $r_1 = 0.125 \text{ m}$  وعند  $r_2 = 0.500 \text{ m}$

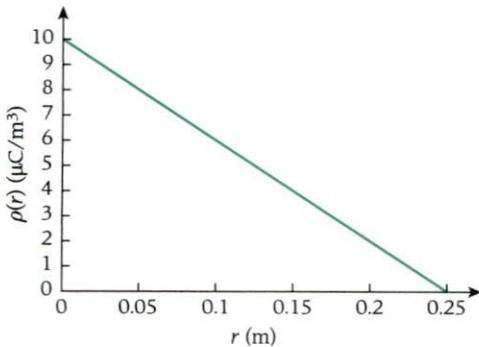
### الحل

**فكرة** يمكننا استخدام قانون جاوس لإيجاد المجال الكهربائي كدالة نصف قطر إذا استخدمنا سطحًا جاوسياً كرويًا. يقع نصف قطر  $r = 0.125 \text{ m}$  داخل توزيع الشحنة. وتحصل على الشحنة الماءطة بالسطح الكروي عند  $r = r_1$  من خلال تكامل كثافة الشحنة من  $0$  إلى  $r = r_1$ . أما المجال الكهربائي خارج التوزيع الكروي للشحنة فهو ينمايل مع المجال الناج عن شحنة نقطية متساوية في المقدار مع الشحنة الكلية للتوزيع الكروي.

**رسم** يوضح الشكل 2.38 تمثيل كثافة الشحنة،  $\rho$ . كدالة لنصف قطر  $r$ .

**ابحث** يخبرنا قانون جاوس (المعادلة 2.16) أن  $\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = q/\epsilon_0$ . وداخل التوزيع الكروي غير المنتظم للشحنة عند نصف قطر  $r < r_1$ . يصبح قانون جاوس كما يلي

$$(i) \quad \epsilon_0 E(4\pi r_1^2) = \int_0^{V_1} \rho(r) dV = \int_0^{r_1} \rho_0 \left(1 - \frac{r}{R}\right) (4\pi r^2) dr$$



**الشكل 2.38** كثافة الشحنة كدالة لنصف القطر لتوزيع كروي غير منتظم للشحنة.

بإجراء التكامل على الطرف الأيمن من المعادلة (i). نحصل على

$$(ii) \int_0^R \rho_0 \left(1 - \frac{r}{R}\right) (4\pi r^2) dr = 4\pi \rho_0 \int_0^R \left(r^2 - \frac{r^3}{R}\right) dr = 4\pi \rho_0 \left(\frac{r_1^3}{3} - \frac{r_1^4}{4R}\right)$$

**حوال إلى أبسط صورة** نحصل على المجال الكهربائي الناتج عن الشحنة داخل  $R \leq r_1$  من خلال

$$(iii) E = \frac{4\pi \rho_0 \left(\frac{r_1^3}{3} - \frac{r_1^4}{4R}\right)}{\epsilon_0 (4\pi r_1^2)} = \frac{\rho_0}{\epsilon_0} \left(\frac{r_1}{3} - \frac{r_1^2}{4R}\right)$$

لحساب المجال الكهربائي الناتج عن الشحنة داخل  $R > r_2$ . نحتاج إلى الشحنة الكلية الموجودة داخل التوزيع الكروي للشحنة. وعكِّس المحصول على الشحنة الكلية باستخدام المعادلة (ii) حيث  $R = r_1$  حيث  $r_1 = R$ :

$$q_t = 4\pi \rho_0 \left(\frac{R^3}{3} - \frac{R^4}{4R}\right) = 4\pi \rho_0 \left(\frac{R^3}{3} - \frac{R^3}{4}\right) = 4\pi \rho_0 \frac{R^3}{12} = \frac{\pi \rho_0 R^3}{3}$$

ومن ثم يكون المجال الكهربائي خارج التوزيع الكروي للشحنة ( $r_2 > R$ ) هو

$$(iv) E = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{q_t}{r_2^2} = \frac{1}{4\pi \epsilon_0} \frac{\frac{1}{3} \pi \rho_0 R^3}{r_2^2} = \frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 r_2^2}$$

**احسب** المجال الكهربائي عند  $r_1 = 0.125$  m هو

$$E = \frac{\rho_0}{\epsilon_0} \left(\frac{r_1}{3} - \frac{r_1^2}{4R}\right) = \frac{10.0 \mu\text{C}/\text{m}^3}{8.85 \cdot 10^{-12} \text{C}^2/\text{N m}^2} \left(\frac{0.125 \text{ m}}{3} - \frac{(0.125 \text{ m})^2}{4(0.250 \text{ m})}\right) = 29,425.6 \text{ N/C}$$

والمجال الكهربائي عند  $r_2 = 0.500$  m هو

$$E = \frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 r_2^2} = \frac{(10.0 \mu\text{C}/\text{m}^3)(0.250 \text{ m})^3}{12(8.85 \cdot 10^{-12} \text{C}^2/\text{N m}^2)(0.500 \text{ m})^2} = 5885.12 \text{ N/C}$$

**قرب** سنغرب النتيجة التي توصلنا إليها إلى ثلاثة أرقام معنوية. إذا المجال الكهربائي عند  $r_1 = 0.125$  m هو

$$E = 2.94 \cdot 10^4 \text{ N/C}$$

والمجال الكهربائي عند  $r_2 = 0.500$  m هو

$$E = 5.89 \cdot 10^3 \text{ N/C}$$

**تحقق ثانية** يمكن حساب المجال الكهربائي عند  $r_1 = R$  باستخدام المعادلة (iii)

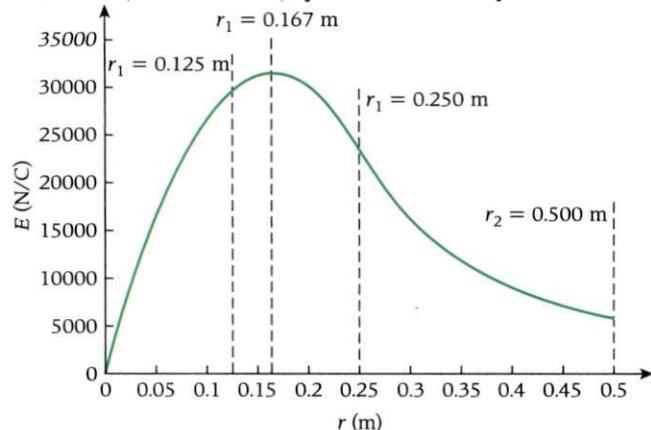
$$E = \frac{\rho_0}{\epsilon_0} \left(\frac{R}{3} - \frac{R^2}{4R}\right) = \frac{\rho_0 R}{12 \epsilon_0} = \frac{(10.0 \mu\text{C}/\text{m}^3)(0.250 \text{ m})}{12(8.85 \cdot 10^{-12} \text{C}^2/\text{N m}^2)} = 2.35 \cdot 10^4 \text{ N/C}$$

يمكننا أيضا استخدام المعادلة (iv) لإيجاد المجال الكهربائي خارج التوزيع الكروي للشحنة والقريب جداً من السطح. حيث  $r_2 \approx R$ :

$$E = \frac{\rho_0 R^3}{12 \epsilon_0 R^2} = \frac{\rho_0 R}{12 \epsilon_0}$$

هي النتيجة نفسها التي حصلنا عليها باستخدام نتيجة  $R = r_1$ . المجال الكهربائي الذي تم حسابه عند سطح توزيع الشحنة أقل منه عند  $0.125 \text{ m}$ ، وهو ما قد يبدو معاكساً للتوقعات. يوضح فكرة اعتماد مقدار  $E$  على  $r$  التمثيل الوارد في الشكل 2.39، والذي تم رسمه باستخدام المعادلين (iii) و(iv).

**الشكل 2.39** المجال الكهربائي الناتج عن توزيع كروي غير منتظم للشحنة كدالة للمسافة من مركز الكرة.



### مراجعة المفاهيم 2.13

افتراض أن كرة فولاذية مصنعة وغير مشحونة، كاجدي الكرات الفولاذية المستخدمة في لعبة الكرة والدبابيس القديمة، موضوعة أو مستقرة على عازل مثالي. ثم وضعت كمية صغيرة من الشحنة السالبة (مئات الإلكترونات مثلاً) عند القطب الشمالي للكرة. إذا أمكنك التتحقق من توزيع الشحنة بعد ثوان قليلة، فماذا ستكتشف؟

(a) اختفت كل الشحنة المضافة وأصبحت الكرة متعدلة كهربائياً مرة أخرى.

(b) انتقلت كل الشحنة المضافة إلى مركز الكرة.

(c) وزعت كل الشحنة المضافة بانتظام على سطح الكرة.

(d) لازالت الشحنة المضافة موجودة في مكانها عند القطب الشمالي للكرة أو قريباً جداً منه.

(e) تحرك الشحنة المضافة في خط ذبذبة توافقية بينقطين الشمالي والجنوبي للكرة.

تلحظ أن النتيجة التي توصلنا إليها باستخدام  $r = 0.125 \text{ m} = r_1$  أقل من أقصى قيمة للمجال الكهربائي. لكن يمكننا حساب نصف القطر الذي تكون فيه أقصى قيمة من خلال تفاضل المعادلة (iii) بالنسبة إلى  $r_1$ ، ومساواه النتيجة بالصفر ثم إيجاد  $r_1$ :

$$\frac{dE}{dr_1} = \frac{\rho_0}{\epsilon_0} \left( \frac{1}{3} - \frac{r_1}{2R} \right) = 0 \Rightarrow \frac{1}{3} = \frac{r_1}{2R} \Rightarrow r_1 = \frac{2}{3} R$$

لذا تتوقع أقصى قيمة للمجال الكهربائي عند  $r = \frac{2}{3} R = 0.167 \text{ m} = r_1$ . والتمثيل الوارد في الشكل 2.39 يوضح بالفعل أقصى قيمة عند نصف القطر هذا. كما يوضح أن قيمة  $E = 0.250 \text{ m}$  عند  $r = 0.125 \text{ m}$  كما وجدنا في العملية الحسابية التي فمنا بها. ومن ثم، تبدو الإجابات التي توصلنا إليها منطقية.

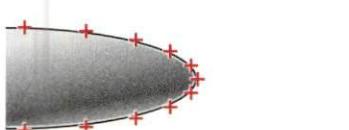
### مراجعة المفاهيم 2.14

افتراض أن كرة مجوفة غير مشحونة مصنوعة من عازل مثالي، ككرة البينج بوج. مستقرة على عازل مثالي. ثم وضعت كمية صغيرة من الشحنة السالبة (مئات الإلكترونات مثلاً) عند القطب الشمالي للكرة. إذا أمكنك التتحقق من توزيع الشحنة بعد ثوان قليلة، فماذا ستكتشف؟

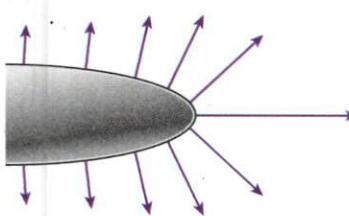
(a) اختفت كل الشحنة المضافة وتكون الكرة متعدلة كهربائياً مرة أخرى.

(b) انتقلت كل الشحنة المضافة إلى مركز الكرة.

(c) وزعت كل الشحنة المضافة بانتظام على سطح الكرة.



(a)



(b)

**الشكل 2.40** طرف حاد لموصل (بانحناء كبير): (a) توزيع الشحنات؛ (b) مجال كهربائي عند سطح الموصل.

لقد رأينا بالفعل أن المجال الكهربائي عمودي على سطح موصل. (وللتاكيد، إذا كانت هناك مركبة مجال موازية لسطح الموصل، فستتحركة الشحنات داخل الموصل حتى تصل إلى الاتزان. مما يعني أنه لن تكون هناك مركبة قوية أو مجال كهربائي في اتجاه الحركة، أي على امتداد سطح الموصل). يوضح الشكل 2.40a توزيع الشحنات على سطح طرف موصل مدبب.لاحظ أن الشحنات تكون أقرب إلى بعضها عند الطرف الحاد، حيث يكون الانحناء أكبر ما يكون. بالقرب من هذا الطرف الحاد للموصل، يكون المجال الكهربائي أشبه ما يكون بالجال الناتج عن شحنة نقطية، مع انتشار خطوط المجال شعاعياً (الشكل 2.40b). ولأن خطوط المجال تكون أقرب إلى بعضها بالقرب من النقطة الحادة على الموصل، فإن المجال يكون أقوى بالقرب من الطرف الحاد عنه على الجزء المسطح للموصل.

اقتصر بنiamين فرانكلين استخدام القضبان الفلزية ذات النقاط الحادة كمانعات للصواعق. واستنتج أن النقاط الحادة ستبدد الشحنات الكهربائية التي تترافق أثناء العواصف، مما يمنع تفريغ شحنة البرق. عندما قام فرانكلين بتركيب مانعات الصواعق هذه، أصابت ضربة البرق هذه القضبان بدلاً من المبني التي تم تركيبها عليها. لكن وأشارت النتائج الحديثة إلى أن مانعات الصواعق التي تُستخدم لحماية المنشآت من البرق يجب أن تكون ذات نهايات دائمة محصنة. فعندما تُشحن مانعة الصواعق ذات النقطة الحادة أثناء حدوث عاصفة رعدية، تُنتج مجالاً كهربائياً قوياً يعمل على تأمين الهواء عنده. فتنتج حالة تسبب البرق. وبشكل معاكس، تكون مانعات الصواعق ذات النهايات الدائمة فعالة في حماية المنشآت من البرق ولا تزيد من ضربات البرق. ويجب تأريض أي مانعة للصواعق بشكل جيد لكي تحمل الشحنة الناتجة من ضربة البرق بعيداً عن المنشأة المثبتة عليها مانعة الصواعق.

## ما تعلمناه | دليل المذاكرة للاختبار

■ نحصل على المجال الكهربائي التفاضلي من خلال المعادلة  $dE = k \frac{dq}{r^2}$ . والشحنة التفاضلية هي

$$\left. \begin{array}{l} dq = \lambda dx \\ dq = \sigma dA \\ dq = \rho dV \end{array} \right\} \begin{array}{l} \text{على امتداد خط} \\ \text{على السطح} \\ \text{على الحجم} \end{array}$$

■ نحصل على مقدار المجال الكهربائي عند مسافة  $r$  من سلك طوبي ومستقيم بكثافة شحنة خطية منتظمة  $\lambda > 0$  من خلال الصيغة  $E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} = \frac{2k\lambda}{r}$

■ مقدار المجال الكهربائي الناتج عن سطح غير موصل لانهائي كثافة سطحه المنتظمة  $0 < \sigma < \infty$  هو  $E = \frac{1}{2}\sigma/\epsilon_0$ .

■ مقدار المجال الكهربائي الناتج عن سطح موصل لانهائي كثافة سطحه المنتظمة  $0 < \sigma < \infty$  على كل الجانبيين هو  $E = \sigma/\epsilon_0$ .

■ المجال الكهربائي داخل موصل مغلق يساوي صفرًا.

■ يتماثل المجال الكهربائي خارج توزيع كروي للشحنة مع المجال الناتج عن شحنة نقطية بالمقدار نفسه مجتمعة في مركز هذه الكرة.

■ نحصل على القوة الكهربائية  $(\vec{F}(r))$ . المؤثرة في شحنة  $q$ .

$$\vec{F}(r) = q\vec{E}(r)$$

■ المجال الكهربائي عدد أي نقطة يساوي مجموع المجالات الكهربائية من كل المصادر:  $\vec{E}_t(\vec{r}) = \vec{E}_1(\vec{r}) + \vec{E}_2(\vec{r}) + \dots + \vec{E}_n(\vec{r})$

■ نحصل على مقدار المجال الكهربائي الناتج من شحنة نقطية على مسافة  $r$  من خلال الصيغة  $E(r) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \frac{|q|}{r^2} = \frac{k|q|}{r^2}$

■ وينتشر المجال الكهربائي في شكل خطوط شعاعية خارجة من الشحنة النقطية الموجة وداخلة إلى الشحنة السالبة.

■ ثالثي القطب الكهربائي هو نظام مكون من جسمين نقطيين مشحونين بشحنتين (متاوبيتين في المقدار) ومختلفتين في الإشارة. نحصل على المقدار  $p$ . لعلم ثالثي القطب الكهربائي من خلال المعادلة  $p = qd$ . حيث  $q$  مقدار أي من الشحنتين  $d$  المسافة الفاصلة بينهما. ويكون عزم ثالثي القطب الكهربائي عبارة عن متوجه يتجه من الشحنة السالبة إلى الشحنة الموجبة. وعلى محور ثالثي القطب، يَتَعَلَّمُ ثالثي القطب مجالاً كهربائياً مقداره  $E = \frac{p}{2\pi\epsilon_0 |x|^3}$ . حيث  $d \gg l$ .

■ ينص قانون جاوس على أن التدفق الكهربائي عبر سطح مغلق بالكامل يساوي الشحنة المخاطة بالسطح مقسومة على  $\epsilon_0$ :

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

## إجابات أسئلة الاختبار الذاتي

**2.2** ينتج عن القوتين المؤثرين في الشحنتين داخل المجال الكهربائي عزم دوران في ثالثي القطب الكهربائي حول مركز الكتلة، ونحصل عليه من خلال المعادلة

$\tau = (\sin \theta)(\sin \theta) - (\cos \theta)(\cos \theta) = (\cos \theta)^2 - (\sin \theta)^2 = \cos 2\theta$ . وطول ذراع العزم في كلتا الحالتين  $d = \frac{1}{2}$ . ومقدار القوة هو  $F = qE$  لكلتا الشحنتين. لذا فإن عزم الدوران في ثالثي القطب الكهربائي هو

$$\tau = qE \left( \frac{d}{2} \sin \theta \right) + qE \left( \frac{d}{2} \sin \theta \right) = qEd \sin \theta$$

**2.1** يتجه المجال الكهربائي إلى أسفل عند النقاط  $A$  و  $C$ . وإلى أعلى عند النقاطين  $B$  و  $D$ . (يوجد مجال كهربائي عند النقطة  $E$  حتى لو لم يكن هناك خط مرسوم عنها؛ فخطوط المجال ما هي إلا ت;lineات نموجية للمجال الكهربائي، الذي يوجد أيضاً بين خطوط المجال). ويكون مقدار المجال أكبر ما يكون عند النقطة  $E$ . وهو ما يمكن استنتاجه من وقوفها في المكان الذي تكون فيه كثافة خطوط المجال أعلى ما يكون.

$$E_y = \frac{2k\lambda}{y}$$

وبالنسبة إلى سلك بطول محدد، فإن

$$E_y = \frac{2k\lambda}{y} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}}$$

وباستخدام القيم المعطاة في "مراجعة المفاهيم 2.12"، فإن

$$\frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}} = \frac{0.565}{\sqrt{0.401^2 + 0.565^2}} = 0.815$$

لذا سيتغير تقرير "الطول اللانهائي" بمقدار  $\sim 18\%$ .

**2.6** تمثل الكرة المشحونة شحنة نقطية، لذا سيكون المجال الكهربائي عند  $2R$  هو

$$E = k \frac{q}{(2R)^2} = k \frac{q}{4R^2}$$

**4.** مفتاح استخدام قانون جاوس هو اختيار الشكل الصحيح للسطح الجاوسي للاستفادة من التمايل الذي تتضمنه حالة المسألة. وعادة ما تكون الأسطح الجاوسيّة المكعبية والأسطوانية والكروية مفيدة.

**5.** في حالات كثيرة، يمكنك تقسيم سطح جاوس إلى عناصر سطحية إما عمودية على خطوط المجال الكهربائي أو موازية لها. وإذا كانت خطوط المجال عمودية على السطح، فسيكون التدفق الكهربائي ببساطة هو شدة المجال مضروبة في المساحة  $EA$  أو  $-EA$ . إذا كان اتجاه المجال إلى الداخل لا إلى الخارج. أما إذا كانت خطوط المجال موازية للسطح، فسيكون التدفق عبر هذا السطح صفرًا. ولتدفق الكلي هو مجموع التدفق عبر كل عنصر سطح جاوس. تذكر أنه إذا كان التدفق عبر سطح جاوسي يساوي صفرًا، فهذا لا يعني بالضرورة أن المجال الكهربائي يساوي صفرًا.

**2.3** محصلة التدفق الكهربائي المار عبر الجسم هي  $EA$ . تذكر أن الجسم ليس سطحًا مغلقًا؛ فإذاً فستكون النتيجة صفرًا.

**2.4** تغير إشارة ناخ الضرب القياسي لأن المجال الكهربائي سيتجه شعاعياً إلى الداخل:  $\vec{E} \bullet d\vec{A} = EdA \cos 180^\circ = -EdA$ . لكن مقدار المجال الكهربائي الناخ عن الشحنة السالبة سيكون  $\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-q}{r^2}$  والإشارتان السالبتان ستلغى كل منهما الأخرى. مما يعطي النتائج نفسها لقانون كولوم وجاؤس للشحنة نقطية. بغض النظر عن إشارة الشحنة.

## إرشادات حل المسائل

1. تأكد من التمييز بين النقطة التي ينشأ عنها مجال كهربائي والنقطة التي يوجد عندها المجال الكهربائي.

2. توجد بعض الإرشادات المماثلة للتعامل مع الشحنات والقوى الكهروستاتيكية تتطابق أيضًا على المجالات الكهربائية استخدم التمايل لتبسيط العمليات الحسابية: وتذكر أن المجال يتكون من متوجهات، لذا يتعين عليك استخدام العمليات على المتوجهات دلاًل من عمليّي الجمع والضرب وغيرها من العمليات البسيطة؛ وحوال الوحدات إلى المتر والكيلومتر لتنسق مع قيم الثوابت المعطاة.

3. تذكر استخدام الصيغة الصحيحة لكتافة الشحنة في حسابات المجال:  $\lambda$  لكتافة الشحنة الخطية و  $\sigma$  لكتافة شحنة السطح و  $\rho$  لكتافة شحنة الحجم.

## أسئلة الاختيار من متعدد

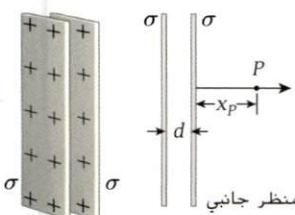
**2.3** وضعت شحنة نقطية  $+Q$  على الخور  $X$  عند  $a = X$ . ووضعت شحنة نقطية أخرى  $-Q$  على الخور  $X$  عند  $-a = X$ . إذا كان هناك سطح جاوسينصف قطره  $r = 2a$  متعرج عند نقطة الأصل، فسيكون التدفق عبر هذا السطح جاوس

- (a) صفرًا.  
(b) أكبر من الصفر.  
(c) أقل من الصفر.  
(d) لا شيء مما سبق.

**2.4** وضعت شحنة  $+2q$  في مركز هيكل موصل غير مشحون. ما الشحنات التي ستكون موجودة على السطح الداخلي والخارجي للهيكل. على التوالي؟

- (a)  $-2q, -2q$   
(b)  $+4q, -2q$   
(c)  $-2q, -2q$   
(d)  $+q, -q$

**2.5** لوحان لانهائيان غير موصلين يوازي كل منها الآخر، وتحصل بينهما مسافة  $d$  = 10.0 cm. كما هو موضح في الشكل. إذا كان كل لوح يحمل توزيع شحنة منتظمًا مقداره  $\sigma = 4.5 \mu C/m^2$ . فما المجال الكهربائي  $\vec{E}$ . عند النقطة  $P$  (إذا كان  $x_P = 20.0$  cm)



- (a) 0 N/C  
(b)  $2.54 \hat{x} N/C$   
(c)  $(-5.08 \cdot 10^5) \hat{x} N/C$   
(d)  $(5.08 \cdot 10^5) \hat{x} N/C$   
(e)  $(-1.02 \cdot 10^6) \hat{x} N/C$   
(f)  $(1.02 \cdot 10^6) \hat{x} N/C$

2.1 لاستخدام قانون جاوس لحساب المجال الكهربائي الناخ عن توزيع معلوم للشحنة، أي من العبارات التالية يجب أن تكون صحيحة؟

(a) يجب أن يكون توزيع الشحنة في وسط غير موصل.

(b) يجب أن يكون توزيع الشحنة في وسط موصل.

(c) يجب أن يكون لتوزيع الشحنة تمايل كروي أو أسطواني.

(d) يجب أن يكون توزيع الشحنة منتظمًا.

(e) يجب أن يكون لتوزيع الشحنة تمايل بدرجة عالية يسمح بوضع افتراضات حول تمايل مجاله الكهربائي.

**2.2** يمكن ثانية القطب الكهربائي من شحنتين متساويتين في المقدار ومختلفتين في الإشارة بعدان مسافة صغيرة عن بعضهما. عند وضع ثانية القطب في مجال كهربائي منتظم، أي من العبارات التالية تكون صحيحة؟

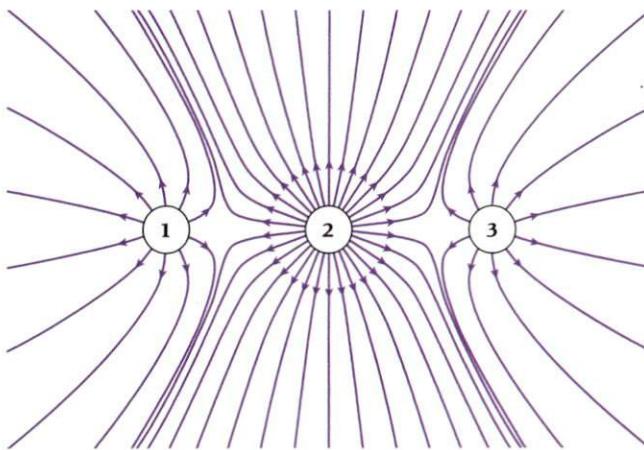
(a) لن يتأثر ثانية القطب بأي محصلة قوى من المجال الكهربائي؛ لأن الشحنتين متساويتان في المقدار ومختلفتان في الإشارة. ستلغى كل منها الأخرى.

(b) لن تكون هناك أي محصلة قوى أو محصلة عزم دوران تؤثر في ثانية القطب.

(c) ستكون هناك محصلة قوى تؤثر في ثانية القطب، لكن لن تكون هناك محصلة عزم دوران تؤثر فيه.

(d) لن تكون هناك محصلة قوى. لكن (بوجه عام) ستكون هناك محصلة عزم دوران تؤثر في ثانية القطب.

- c) لن يكون هناك أي تغير في الشحنة الموجودة على السطح الداخلي لكرة موصولة مجوفة إذاً وضعت شحنة أخرى في مركز الكرة.  
d) سيكون هناك بعض التغير في الشحنة الموجودة على السطح الداخلي لكرة موصولة مجوفة إذاً وضعت شحنة أخرى في مركز الكرة.



2.11 ما إشارات الشحنات الموجودة في النظام الموضح؟

- a) الشحنات 1 و 2 و 3 سالبة.  
b) الشحنات 1 و 2 و 3 موجبة.  
c) الشحنات 1 و 3 موجبات، والشحنة 2 سالبة.  
d) الشحنات 1 و 3 سالباتن، والشحنة 2 موجبة.  
e) كل ما يمكن قوله أن الشحنات متاظلة في الإشارة.

2.12 أي من العبارات التالية صحيحة؟

- a) تتجه خطوط المجال الكهربائي إلى داخل الشحنات السالبة.  
b) تكون خطوط المجال الكهربائي دوائر حول الشحنات الموجبة.  
c) لا تتجه خطوط المجال الكهربائي إلى خارج الشحنات الموجبة.  
d) إذا تخللت شحنة نقطية موجبة من وضع السكون، فإنها ستتسارع في البداية ببطول مسارها لأن المجال الكهربائي عند هذه النقطة.

2.6 عند أي موقع من المواقع التالية، يكون المجال الكهربائي أكبر ما يمكن؟

- a) عند نقطة على مسافة 1 m من شحنة نقطية مقدارها  $1C$   
b) عند نقطة على مسافة 1 m (مسافة عمودية) من منتصف سلك طوله 1 m وزوّعة عليه شحنة مقدارها  $1C$   
c) عند نقطة على مسافة 1 m (مسافة عمودية) من مركز لوح مساحته  $1m^2$  وزوّعة عليه شحنة مقدارها  $1C$

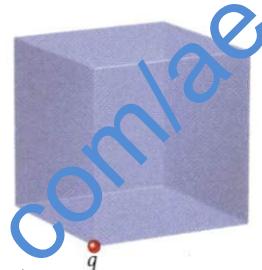
- d) عند نقطة على مسافة 1 m من سطح هيكلي كروي مشحون نصف قطره 1 m  
e) عند نقطة على مسافة 1 m من سطح هيكلي كروي مشحون نصف قطره 0.5 m وشحنته m

2.7 التدفق الكهربائي عبر سطح جاوسي كروي نصف قطره R ومركزه عند شحنة Q مو  $N/(Cm^2)$ . كم يبلغ التدفق الكهربائي عبر سطح جاوسي مكعب طول ضلعه R ومركزه عند الشحنة Q نفسها؟

- d) لا يمكن إيجاده من المعلومات المطهطة  
a) أقل من  $1200 N/(C m^2)$   
b) أكبر من  $1200 N/(C m^2)$   
c) مساواً لـ  $1200 N/(C m^2)$

2.8 تقع شحنة نقطية موجبة واحدة  $q$ . عند إحدى زوايا مكعب طول ضلعه L. كما هو موضح في الشكل. إذا كانت محصلة التدفق الكهربائي عبر الجوانب الثلاثة المجاورة صفرًا. فإن محصلة التدفق الكهربائي عبر كل جانب من الجوانب الثلاثة الأخرى هي

- a)  $q/3\epsilon_0$ .  
b)  $q/6\epsilon_0$ .  
c)  $q/24\epsilon_0$ .  
d)  $q/8\epsilon_0$ .



2.9 تقع ثلاثة شحنات نقطية مقدار كل منها  $(3 m, 3 m)$  عند النقاط  $(0,0)$  و  $(3 m, -3 m)$  و  $(-3 m, 0)$ . ما مقدار المجال الكهربائي عند النقطة  $(3 m, 0)$ ؟

- a)  $0.9 \cdot 10^7 N/C$   
b)  $1.2 \cdot 10^7 N/C$   
c)  $1.8 \cdot 10^7 N/C$   
d)  $2.4 \cdot 10^7 N/C$   
e)  $3.6 \cdot 10^7 N/C$   
f)  $5.4 \cdot 10^7 N/C$   
g)  $10.8 \cdot 10^7 N/C$

2.10 أي من العبارات التالية صحيحة؟

- a) لن يكون هناك أي تغير في الشحنة الموجودة على السطح الداخلي لكرة موصولة مجوفة إذاً وضعت شحنة أخرى على السطح الخارجي.  
b) سيكون هناك بعض التغير في الشحنة الموجودة على السطح الداخلي لكرة موصولة مجوفة إذاً وضعت شحنة أخرى على السطح الخارجي.

## أسئلة مفاهيمية

2.18 قضيب رفيع نقطي نهايته عند  $x = \pm 100 cm$ . وتوجد شحنة كثافة  $Q$  موزعة بشكل منتظم بطول القضيب.

- a) ما المجال الكهربائي الغريب جداً من نقطة منتصف القضيب?  
b) ما المجال الكهربائي الذي يبعد مسافة ستيمترات قليلة (بشكل عمودي) عن نقطة منتصف القضيب?

b) ما المجال الكهربائي الذي يبعد مسافة كبيرة جداً (بشكل عمودي) عن نقطة منتصف القضيب؟

2.19 ثانوي قطب محاط تماماً بسطح كروي. صفت كيف بتناسب التدفق الكهربائي الكلي عبر هذا السطح مع شدة ثانوي القطب.

2.20 كرر مثل 2.3. مفترضاً أن توزيع الشحنة هو  $\lambda -x < x < -a$  وعندما  $a < x < 0$ .

2.21 وضعت شحنة سالبة على موصل شبه كروي متراوّل وصلب (موقع بالقطع العرضي في الشكل). ارسم توزيع الشحنة على الموصل وخطوط المجال الكهربائي الناتجة عن الشحنة.

2.13 كان أشخاص كثيرون جالسين في سيارة عندما تعرّضت السيارة ل霹靂ة. لماذا خُوا من ضربة البرق هذه؟

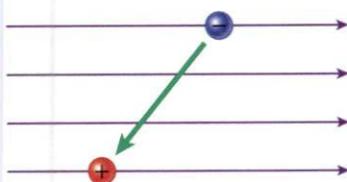
2.14 ما خطورة الوقوف تحت شجرة أثناء حدوث عاصفة رعدية؟ ما الذي يجب فعله بذلك من ذلك لتجنب التعرض لضربة البرق؟

2.15 لماذا لا تتطاير خطوط المجال الكهربائي مطلقاً؟

2.16 كيف يمكن آلاً يعتمد التدفق عبر سطح مغلق على مكان وقوع الشحنة داخل السطح (أي يمكن خربك الشحنة إلى أي مكان داخل السطح من دون التأثير بأي شكل من الأشكال في هذا التدفق؟ إذاً خربت الشحنة من داخل السطح إلى خارجه، فسيتغير التدفق بشكل غير متوازن حتى يصل إلى الصفر. طبعاً لقانون جاوس، هل يحدث ذلك بالفعل؟ اشرح).

2.17 وضعت كرة موصولة مصمتةنصف قطرها  $r_1$  وشحنتها الكثافة  $+3Q$  داخل هيكل كروي موصول (ومتحدة المركز معه)نصف قطره الداخلي  $r_2$  ونصف قطره الخارجي  $r_3$ . أوجد المجال الكهربائي في هذه المناطق:  $r_2 < r < r_1$ ,  $r_1 < r < r_3$ ,  $r > r_3$ .

الضغط الكهروستاتيكي بدلالة كثافة شحنة السطح  $\sigma$ . لاحظ أن  $\sigma$  يجب ألا تكون منتظمة على السطح.



2.24 وضع ثانوي قطب كهربائي في مجال كهربائي منتظم كما هو موضح في الشكل. كيف ستكون حركة ثانوي القطب في المجال الكهربائي؟ في أي اتجاه سيدور؟ سيتحرك؟ وفي أي اتجاه سيدور؟

2.22 ثار القديس إيلو عبارة عن وهج غريب يظهر عند أطراف صواري سفن الإبحار وأشرعتها في الطقس العاصف وعند أطراف أحجحة الطائرات وحوافها أثناء الطيران. لكنها في الحقيقة ظاهرة كهربائية. اشرحها يايجاز.

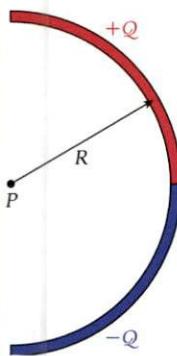
2.23 عندما توضع شحنة على موصل له أي شكل من الأشكال، تكون هذه الشحنة طبقة على السطح الخارجي للموصل. ويتبع عن التناحر المتبادل بين عناصر الشحنة الفردية ضغط متوجه إلى الخارج على هذه الطبقة. يُسمى الضغط الكهروستاتيكي. مفترضاً أن عناصر الشحنة متناهية الصغر هي قطع فسيفساء، احسب مقدار هذا

## تمارين

### القسم 2.5

2.33 كررة فلزية صغيرة كتلتها  $4.00 \text{ g}$  وشحنتها  $5.00 \text{ mC}$  تقع على مسافة  $0.700 \text{ m}$  فوق سطح الأرض في مجال كهربائي مقداره  $12.0 \text{ N/C}$  باتجاه إلى الشرق. إذا أطلقت الكررة من موضع السكون، فما السرعة المتجهة للكرة بعد أن تتحرك إلى أدنى مسافة رأسية مقدارها  $0.300 \text{ m}$ ؟

2.34 وزّعت شحنة لكل طول وحدة  $+ \lambda$  بشكل منتظم على امتداد محور  $y$  من  $y = 0$  إلى  $y = +a$ . وزّعت شحنة لكل طول وحدة  $- \lambda$  بشكل منتظم على امتداد محور  $y$  من  $y = 0$  إلى  $y = -a$ . اكتب تعبيراً للمجال الكهربائي (مقداراً واتجاهها) عند نقطة تقع على المحور  $x$  على مسافة  $X$  من نقطة الأصل.



2.35 ثني قضيب زجاجي رفيع على شكل نصف دائرة نصف قطرها  $R$ . وزّعت شحنة  $+Q$  بشكل منتظم على النصف العلوي. كما وزّعت شحنة  $-Q$  بشكل منتظم على النصف السفلي كما هو موضح في الشكل. أوجد مقدار المجال الكهربائي واتجاهه  $E$  (بالصورة الإحداثية) عند النقطة  $P$ . مرتكز نصف الدائرة.

2.36 ثني قضيبان عازلان منتظماً الشحنة في شكل نصف دائرة متساوية قطرها  $R = 10.0 \text{ cm}$ . إذا وضعا بحيث يشكلان زاوية  $\theta$  دون أن يتلامساً وكانت لهما شحنتان مختلفتان في الإشارة إحداهما  $+1.00 \mu\text{C}$  والأخرى  $-1.00 \mu\text{C}$ . فأوجد مقدار المجال الكهربائي واتجاهه عند مركز توزيع الشحنة الدائري الذي يشكله نصف دائرة.

2.37 يقع قضيب منتظم الشحنة طوله  $L$  وشحنته الكلية  $Q$  على امتداد المحور  $y$ ، من  $y = 0$  إلى  $y = L$ . اكتب تعبيراً للمجال الكهربائي عند النقطة  $(d, 0)$  (أي النقطة عند  $d = x = 0$  على المحور  $x$ ).

2.38 وزّعت شحنة  $Q$  بالتساوي على سلك مثني على شكل قوس نصف قطره  $R$ . كما هو موضح في الشكل. ما المجال الكهربائي عند مركز القوس كدالة للزاوية  $\theta$ ؟ ارسم تمثيلاً بيانيًا للمجال الكهربائي كدالة للزاوية  $\theta$  عندما  $0 < \theta < 180^\circ$ .

2.39 مثل حلقة معدنية مسطحة ورقية فرضاً قطره الخارجي  $10.0 \text{ cm}$  وفتحة قطرها  $4.00 \text{ cm}$ . إذا كانت الحلقة منتظمة الشحنة وكانت شحنتها الكلية  $7.00 \text{ nC}$ . فيما المجال الكهربائي على محور الحلقة عند مسافة  $30.0 \text{ cm}$  من مركزها؟

2.40 تفترج الأبحاث أن شدة المجالات الكهربائية في بعض سحب المواصف الرعدية يمكن أن تكون حوالي  $10.03 \text{ kN/C}$ . احسب مقدار القوة الكهربائية المؤثرة في جسم يحتوي على إلكترونٍ فائضين في وجود مجال شدته  $10.0 \text{ kN/C}$ .

2.41 ثانوي قطب كهربائي له شحنتان مختلفتان في الإشارة مقدار كل منها  $5.00 \cdot 10^{-15} \text{ C}$  وتنفصل بينهما مسافة  $0.400 \text{ mm}$ . موadge بزاوية  $60.0^\circ$  المجال كهربائي منتظم مقداره  $2.00 \cdot 10^3 \text{ N/C}$ . أوجد مقدار عزم الدوران الذي يبذل المجال الكهربائي على ثانوي القطب.

يشير رقم المسألة الأزرق إلى وجود حل للمسألة في دليل حلول الطالب. وتشير علامة النقطة الواحدة  $\bullet$  والنقطتين  $\bullet\bullet$  إلى زيادة مستوى صعوبة المسألة.

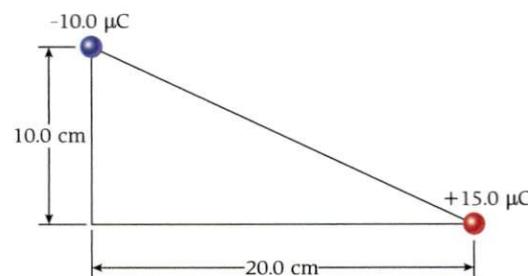
### القسم 2.3

2.25 وزّعت شحنة نقطية  $q = 4.00 \cdot 10^{-9} \text{ C}$  على المحور  $x$  عند نقطة الأصل. ما المجال الكهربائي الناتج عند  $x = 25.0 \text{ cm}$ ؟

2.26 وزّعت شحنة نقطية مقدارها  $+1.60 \text{ nC}$  عند بحيرة دريا مربع (طول ضلعه  $1.00 \text{ m}$ ). وزّعت شحنة مقدارها  $-2.40 \text{ nC}$  على الزوايا المقابلة على القطر. ما مقدار المجال الكهربائي عند كل من الزواياتين الآخريتين؟

2.27 وزّعت شحنة نقطية مقدارها  $+48.00 \text{ nC}$  على المحور  $x$  عند  $x = 4.000 \text{ m}$ . ووُضعت شحنة نقطية مقدارها  $-24.00 \text{ nC}$  على المحور  $x$  عند  $-6.000 \text{ m}$ . ما المجال الكهربائي عند نقطة الأصل؟

2.28 وزّعت شحنتان نقطيتان عند زاوية ميل  $\theta$  كما هو موضح في الشكل. أوجد مقدار المجال الكهربائي واتجاهه عند الزاوية الثالثة للمثلث.



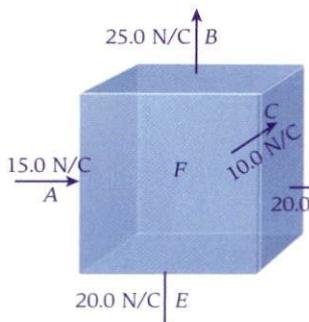
2.29 وزّعت شحنة مقدارها  $+5.000 \text{ nC}$  عند نقطة الأصل. وزّعت شحنة مقدارها  $-3.000 \text{ nC}$  عند  $x = 1.00 \text{ m}$ . عند أي مسافة (مسافات) محددة على امتداد المحور  $x$  سيكون المجال الكهربائي مساوياً صفر؟

2.30 يقع ثلاث شحنات على المحور  $y$  وتقع شحنتان مقدار كل منها  $-q$  عند  $y = \pm d$ . بينما يقع الشحنة الثالثة، ومقدارها  $+2q$  عند  $y = 0$ . اشتق تعبيراً للمجال الكهربائي عند نقطة  $P$  على المحور  $x$ .

### القسم 2.4

2.31 بالنسبة إلى ثانوي قطب كهربائي الموضع في الشكل، عبر عن مقدار المجال الكهربائي الناتج كدالة للمسافة العمودية  $X$  من منتصف محور ثانوي القطب. اكتب تعليقاً توضح فيه قيمة المدار عندما  $X \gg d$ .

2.32 افترض أن ثانوي قطب كهربائي يقع على المحور  $X$  ومتمركز عند نقطة الأصل. عند مسافة  $h$  على امتداد محور  $X$  الموجب، نحصل على مقدار المجال الكهربائي الناتج عن ثانوي القطب الكهربائي من خلال الصيغة  $k \cdot q \cdot d / h^3$ . أوجد مسافة عمودية على المحور  $X$  تبدأ من نقطة الأصل بحيث يكون مقدار المجال الكهربائي عندها مائلاً.



**2.51** تتجه مجالات كهربائية مختلفة المقادير إما إلى الداخل أو إلى الخارج بزوايا قائمة على سطح المكعب المبين في الشكل. ما شدة المجال وأتجاهه على الوجه  $F$ ؟

**2.52** افترض أن موصلًا كرويًا موجودًا شحنته الكلية  $+5e$  ونصف قطره الخارجي والداخلي هما  $a$  و  $b$  على التوالي.

- احسب الشحنة على السطحين الداخلي والخارجي للكرة إذا وضعت شحنة  $-3e$  في مركز الكرة.
- ما الشحنة الصافية الكلية للكرة؟

**2.53** لديك بالون مایلر كروي مصنوع من رقائق الألومنيوم يحمل شحنة على سطحه. وتقيس المجال الكهربائي على مسافة  $R$  من مركز البالون. عندما تُنفخ البالون ببطء، زاد نصف قطره بما يقارب المسافة  $R$  لكنه لم يصل إليها. ماذا يحدث للمجال الكهربائي الذي تقيسه عند زيادة نصف قطر البالون؟ اشرح.

**2.54** هيكل كروي محوّف وموصلّ نصف قطره الداخلي  $8.00 \text{ cm}$  ونصف قطره الخارجي  $10.0 \text{ cm}$ . ومقدار المجال الكهربائي عند السطح الداخلي للهيكل  $E_i$  هو  $80.0 \text{ N/C}$  وينتج عن مركز الكرة. ومقدار المجال الكهربائي عند السطح الخارجي للهيكل  $E_o$  هو  $80.0 \text{ N/C}$  وينتج عن مركز السطح الداخلي.

**2.55** وضعت شحنة نقطية مقدارها  $-6.00 \text{ nC}$  في مركز هيكل كروي موصل. وللهيكل نصف قطر داخلي يساوي  $2.00 \text{ m}$  ونصف قطر خارجي يساوي  $4.00 \text{ m}$ . وشحنته  $+7.00 \text{ nC}$ .

(a) ما المجال الكهربائي عند  $r = 1.00 \text{ m}$ ؟

(b) ما المجال الكهربائي عند  $r = 3.00 \text{ m}$ ؟

(c) ما المجال الكهربائي عند  $r = 5.00 \text{ m}$ ؟

(d) ما توزيع الشحنة على السطح الخارجي للهيكل؟

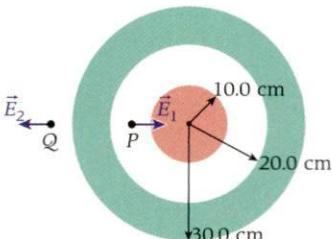
## القسم 2.9

**2.56** كرة مصممة غير موصلة نصف قطرها  $a$  وشحنتها الكلية  $Q$  ولها توزيع منتظم للشحنة باستخدام قانون جاوس. أوجد المجال الكهربائي (كمتجه) في المنطقتين  $a < r < b$  و  $b < r$ .

**2.57** مجال كهربائي مداري  $150.0 \text{ N/C}$  متوجه إلى أسفل بالقرب من سطح الأرض. ما الشحنة الكلية الصافية على الأرض؟ افترض أن الأرض موصل كروي نصف قطره  $6371 \text{ km}$ .

**2.58** كرة فلزية محوّفة نصف قطرها الداخلي  $20.0 \text{ cm}$  ونصف قطرها الخارجي  $10.0 \text{ cm}$  وكم يوضح الشكل. ووضعت كرة فلزية مصممة نصف قطرها  $10.0 \text{ cm}$  في مركز الكرة المحوّفة. فوجد أن المجال الكهربائي عند نقطة  $P$  على مسافة  $15.0 \text{ cm}$  من المركز.

أوجد أن المجال الكهربائي هو  $E_1 = 1.00 \cdot 10^4 \text{ N/C}$  وينتج عن مركز الكرة المحوّفة على مسافة  $35.0 \text{ cm}$  من المركز. وجد أن المجال الكهربائي هو  $E_2 = 1.00 \cdot 10^4 \text{ N/C}$  وينتج عن مركز الكرة المحوّفة إلى الخارج. وعند النقطة  $Q$  على مسافة  $30.0 \text{ cm}$  على سطح الكرة المحوّفة، أوجد الشحنة الكلية على (a) سطح الكرة الداخلية (b) السطح الداخلي للكرة المحوّفة (c) السطح الخارجي للكرة المحوّفة.



**2.59** لوحان متوازيان لنهائيان وغير موصلان تحصل بينهما مسافة  $10.0 \text{ cm}$  ولهم توزيعان للشحنة  $\mu\text{C}/\text{m}^2$   $+1.00 \text{ }\mu\text{C}/\text{m}^2$  و  $-1.00 \text{ }\mu\text{C}/\text{m}^2$ . ما القوة المؤثرة في إلكترون موجود في الفراغ بين اللوحين؟ ما القوة المؤثرة في إلكترون يقع خارج اللوحين بالقرب من سطح أحد اللوحين؟

**2.42** غالباً ما يُقاس عزم ثانوي القطب الكهربائي للجزيئات بوحدة الديبيا (D)، حيث  $1 \text{ D} = 3.34 \cdot 10^{-30} \text{ C m}^3$ . على سبيل المثال، عزم ثانوي القطب لغاز كلوريد الهيدروجين هو  $1.05 \text{ D}$ ، أي عزم دوران يمكن أن يبذل على هذا الجزيء في وجود مجال كهربائي مقداره  $160.0 \text{ N/C}$ .

**2.43** يلاحظ الإلكترون يتحرك بسرعة  $27.5 \cdot 10^6 \text{ m/s}$  موازيًا ل المجال الكهربائي مقداره  $11,400 \text{ N/C}$ . ما المسافة التي سيقطعها الإلكترون قبل التوقف؟

**2.44** بعد شحنتان  $+e$  و  $-e$  عن بعضهما مسافة  $0.680 \text{ nm}$  في مجال كهربائي  $E$ ، مقداره  $4.40 \text{ kN/C}$  وموتجه بزاوية  $45.0^\circ$  بالنسبة إلى محور ثانوي القطب. احسب عزم ثانوي القطب ومن ثم عزم الدوران المبذول على ثانوي القطب في المجال الكهربائي.

**2.45** سقط جسم كتلته  $M$ ، ويحمل شحنة  $Q$ . من وضع السكون من ارتفاع  $h$  (فوق الأرض) بالقرب من سطح الأرض، حيث كانت عجلة المايكروسيكلوب  $g$  وفي وجود مجال كهربائي بمagnitude ثابتة  $E$  في الإتجاه الرأسي.

(a) أوجد تعبيرًا للسرعة  $v$  للجسم عندما يصل إلى الأرض. بدلالة  $M$  و  $Q$  و  $E$  و  $g$ .

(b) لا يكون التعبير من الجزء (a) منطقيًا لبعض قيم  $M$  و  $g$  و  $Q$  و  $E$ . اشرح ما يحدث في مثل هذه الحالات.

**2.46** بعد جزء مياه متعادل الشحنة، لكن له عزم ثانوي قطب مقداره  $1.00 \text{ cm} \cdot 10^{-30} \text{ C m}^3$ . مسافة  $p = 6.20 \cdot 10^{-30} \text{ C m}$  عن شحنة نقطية مقدارها  $q = +1.00 \mu\text{C}$ . سيكون ثانوي القطب محاديًا للمجال الكهربائي الناجم عن الشحنة. كما ستبدل عليه محصلة قوى. نظرًا لأن الماء غير منتظم.

(a) احسب مقدار محصلة القوى. (تمبيح: لنحتاج إلى مقدار الحجم الدقيق للجزيء، غير أنه أصغر بكثير من  $1 \text{ cm}^3$ ).

(b) هل ينحدبالجزيء إلى الشحنة النقطية أم يتناقض معها؟ اشرح.

**2.47** أوضع إجمالي  $3.05 \cdot 10^6 \text{ e}$  من الإلكترونات على سلك غير مشحون في المدورة طوله  $1.33 \text{ m}$ .

(a) ما مقدار المجال الكهربائي عند مسافة عمودية  $0.401 \text{ m}$  من نقطة منتصف السلك؟

(b) ما مقدار عجلة البروتون الموضع عند هذه النقطة في الفراغ؟

(c) في أي إتجاه تتجه قوة المجال الكهربائي في هذه الحالة؟

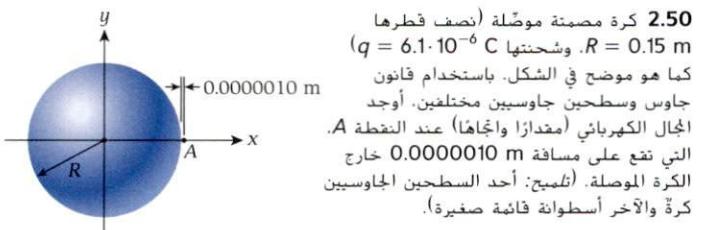
## القسم 2.7 و 2.8

**2.48** أُضفت أربع شحنات في حيز ثلاثي الأبعاد. وكانت مقادير الشحنات  $+3q$  و  $-q$  و  $+2q$  و  $-7q$ . إذا كانت الشحنات كلها محاطة بسطح جاوس، فيما التدفق الكهربائي المار عبر هذا السطح؟

**2.49** صندوق مكعب مساحة كل وجه من أوجهه الستة هي  $20.0 \text{ cm} \times 20.0 \text{ cm} \times 20.0 \text{ cm}$ . وزُقمت الأوجه بحيث كان الوجهان 1 و 6 متناظرين، وكذلك الوجهان 2 و 5 والوجهان 3 و 4. وبوضع الجدول التالي التدفق المار عبر كل وجه.

أوجد الشحنة الصافية داخل المكعب.

التدفق ( $\text{N m}^2/\text{C}$ )	الوجه
-70.0	1
-300.0	2
-300.0	3
+300.0	4
-400.0	5
-500.0	6



**2.50** كرة مصممة موصلة (نصف قطرها  $R = 0.15 \text{ m}$  وشحنتها  $Q = 6.1 \cdot 10^{-6} \text{ C}$ )

كما هو موضح في الشكل، باستخدام قانون جاوس وسطحين جاوسيين مختلفين. أوجد المجال الكهربائي (مقدارًا وأتجاهًا) عند النقطة  $A$ ، التي تقع على مسافة  $0.0000010 \text{ m}$  خارج الكرة الموصلة. (تمبيح: أحد السطحين الجاوسيين ككرة والأخر أسطوانة قائمة صغيرة).



## ما سنتعلمه

- يمكن اشتراق الجهد الكهربائي من المجال الكهربائي من خلال حساب تكامل المجال الكهربائي بالنسبة إلى الإزاحة.
- الجهد الكهربائي عند نقطة معينة في الفضاء الناتج عن توزيع الشحنات النقطية يساوي المجموع الجبري للجهود الكهربائية الناتجة عن الشحنات الفردية.
- يمكن اشتراق المجال الكهربائي من الجهد الكهربائي من خلال حساب تفاضل الجهد الكهربائي بالنسبة إلى الإزاحة.
- تتشابه طاقة الوضع الكهربائية مع طاقة الوضع الجذبية.
- يتناسب التغير في طاقة الوضع الكهربائية مع الشغل المبذول من المجال الكهربائي على الشحنة.
- يكون الجهد الكهربائي عند نقطة معينة في الفضاء كمية قياسية.
- يتناسب الجهد الكهربائي،  $V$ ، للشحنة النقطية، عكسياً مع المسافة من هذه الشحنة النقطية.

### 3.1 طاقة الوضع الكهربائية

في هذا الكتاب، تعززنا على أشكال مختلفة من الطاقة وعرفنا كيف يؤثر حفظ الطاقة في الأنظمة المترابطة المختلفة. ولاحظنا أيضاً أهمية تحويل الطاقة في العمليات الضرورية للحياة اليومية والاقتصاد الفسي، وأن نركز على الطاقة الكهربائية. وبشكل خاص على تخزين طاقة الوضع الكهربائية في البطاريات. يوجد الكثير من أوجه الشبه بين المجال الكهربائي ومجال الجاذبية، بما في ذلك الصيغة الرياضية. رأينا في الوحدة 1 أن مقدار قوة الجاذبية يتحدد من العلاقة

$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

حيث  $G$  ثابت الجذب العام،  $m_1$  و  $m_2$  كتلتان،  $r$  هو رمز المسافة بين الكتلتين. ورأينا في الوحدة 21 أن مقدار القوة الكهروستاتيكية يساوي

$$(3.1) \quad F_e = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$$

حيث  $k$  ثابت كولوم،  $q_1$  و  $q_2$  شحنتان كهربائيتان،  $r$  هي المسافة بين الشحنتين. تعتمد قوة الجاذبية والقوة الكهروستاتيكية فقط على معكوس مربع المسافة بين الأجسام ويمكن إثبات أن كل هذه القوى عبارة عن قوى محافظة. ومن ثم، يمكن تحديد طاقة الوضع الكهربائية،  $U$ . قياساً على طاقة الوضع الجذبية.

رأينا أنه بالنسبة إلى أي قوة محافظة، فإن التغير في طاقة الوضع، بسبب إعادة الترتيب المكاني للنظام، يساوي سالب الشغل الذي تبذله القوة المحافظة أثناء إعادة الترتيب المكاني هذه. بالنسبة إلى نظام به جسيمان أو أكثر، فإن الشغل الذي تبذله قوة كهربائية،  $W_e$ . عند تغيير تكوين النظام من حالة ابتدائية إلى حالة نهائية، يتحدد بدلالته التغير في **طاقة الوضع الكهربائية**،  $\Delta U$ :

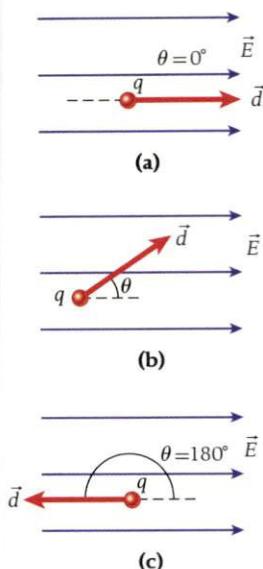
$$(3.2) \quad \Delta U = U_f - U_i = -W_e$$

حيث  $U_i$  هي طاقة الوضع الكهربائية الابتدائية و  $U_f$  هي طاقة الوضع الكهربائية النهائية. لاحظ أن طريقة خوّل النظام من الحالة الابتدائية إلى الحالة النهائية غير مهمة. فالشغل دائمًا هو نفسه، بغض النظر عن المسار المتخذ.

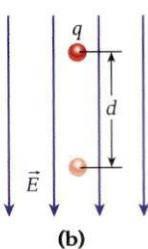
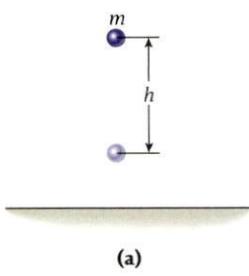
كما هو الحال مع طاقة الوضع الجذبية (انظر الوحدة 1)، يجب دائمًا تحديد نقطة مرجعية لطاقة الوضع الكهربائية. حيث تكون المعادلات والحسابات أبسط إذا افترضنا أن نقطة الصفر لطاقة الوضع الكهربائية هي عندما تكون المسافة الفاصلة بين جميع الشحنات كبيرة جدًا بشكل لانهائي، وهو نفس المبدأ المستخدم في طاقة الوضع الجذبية. ويسمح هذا الافتراض بإعادة كتابة المعادلة 3.2 الخاصة بالتغيير في طاقة الوضع الكهربائية بالصورة  $U_f - U_i = 0$  أو  $\Delta U = 0$ .

$$(3.3) \quad U = -W_{e,\infty}$$

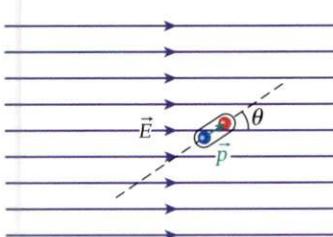
على الرغم من أن مبدأ طاقة الوضع الصفرية عند مالانهاية مقيدة جداً ومقبولة بشكل عام لجموعة من الشحنات النقطية، فإنه في بعض الحالات الفيزيائية يكون هناك سبب لتحديد طاقة وضع مرجعية عند نقطة ما في الفضاء مما لا يؤدي إلى أن تكون قيمة طاقة الوضع صفرية عند مسافة فاصلة لانهاية. تذكر أن جميع طاقات الوضع للقوى المحافظة لا تكون ثابتة إلا في نطاق ثابت إضافي اختياري.



**الشكل 3.2** الشغل المبذول من مجال كهربائي على شحنة متحركة،  $q$ :  
 (a) حالة تكون فيها الإزاحة في نفس اتجاه المجال الكهربائي، (b) حالة عامة، (c) حالة تكون فيها الإزاحة عكس اتجاه المجال الكهربائي.



**الشكل 3.3** التشابه بين طاقة الوضع الجاذبية وطاقة الوضع الكهربائية. (a) كتلة تنسقط في مجال جاذبية. (b) شحنة موجبة تتحرك في نفس اتجاه المجال الكهربائي.



**الشكل 3.4** ثانوي قطب كهربائي في مجال كهربائي منتظم.

لذا يجب عليك الانتباه إلى كيفية اختبار هذا الثابت في حالة معينة. ومن الحالات التي لا يتم فيها اعتبار طاقة الوضع عند اللانهاية مساوية الصفر هي تلك التي تتضمن مجالاً كهربائياً منتظاماً.

### حالة خاصة: الشحنة في مجال كهربائي منتظم

لنفترض في شحنة نقطية،  $q$ . تتحرك بإزاحة،  $\vec{d}$  في مجال كهربائي منتظم،  $\vec{E}$  (الشكل 3.2). الشغل المبذول من قوة ثابتة  $\vec{F}$  هو  $W = \vec{F} \cdot \vec{d}$  وبالنسبة إلى هذه الحالة، تنشأ القوة الثابتة من مجال كهربائي منتظم،  $\vec{F} = q\vec{E}$  لذلك، يتم تحديد الشغل الذي يبذله المجال على الشحنة من العلاقة

$$(3.4) \quad W = q\vec{E} \cdot \vec{d} = qEd \cos \theta$$

حيث  $\theta$  هي الزاوية بين القوة الكهربائية والإزاحة. عندما تكون الإزاحة موازية للمجال الكهربائي ( $\theta = 0^\circ$ ). يكون الشغل المبذول من المجال على الشحنة هو  $W = qEd$ . عندما تكون الإزاحة متوافقة عكسياً مع المجال الكهربائي ( $\theta = 180^\circ$ ). يكون الشغل المبذول من المجال هو  $W = -qEd$ . نظراً لأن التغير في طاقة الوضع الكهربائية يرتبط بالشغل المبذول على الشحنة من خلال العلاقة  $W = -\Delta U$ . إذا كان  $q > 0$ . فإن الشحنة تفقد طاقة وضع عندما تكون الإزاحة في نفس اتجاه المجال الكهربائي وتكتسب طاقة وضع عندما تكون الإزاحة في الاتجاه المعاكس للمجال الكهربائي.

يوضح الشكل 3.3a كتلة،  $m$ . بالقرب من سطح الأرض، حيث يمكن اعتبارها في مجال جاذبية ثابت يشير إلى أسفل. نعلم من الوحدة 6. أنه عندما تتحرك الكتلة باتجاه سطح الأرض مسافة  $h$ . فإن التغير في طاقة الوضع الجاذبية للكتلة هو

$$\Delta U = -W = -\vec{F}_g \cdot \vec{d} = -mgh$$

من البديهي أن يكون للكتلة طاقة وضع أقل إذا كانت أقرب إلى سطح الأرض. حيث يوضح الشكل 3.3b شحنة موجبة،  $q$ . تسرى في مجال كهربائي منتظم. إذا حركت الشحنة مسافة،  $d$ . في نفس اتجاه المجال الكهربائي. فإن التغير في طاقة الوضع الكهربائية يكون

$$\Delta U = -W = -q\vec{E} \cdot \vec{d} = -qEd$$

لذا تكون طاقة الوضع الكهربائية لشحنة في مجال كهربائي مشابهة لطاقة الوضع الجاذبية لكتلة في مجال جاذبية الأرض بالقرب من سطح الأرض. (لكن الاختلاف المهم بين التفاعلين هو أن التبتل تأتي في نوع واحد فقط. وتبدل قوة جذب على بعضها، بينما يمكن أن تتجاذب الشحنات أو تتشتت بعضها. ولذا، يمكن أن تغير إشارة  $\Delta U$  بناء على إشارات الشحنات).

### حالة خاصة: ثنائي القطب في مجال كهربائي منتظم

الآن لنفترض في ثنائي قطب كهربائي يتتحرك في مجال كهربائي منتظم بعزم  $\vec{p}$  (انظر الشكل 3.4). في الوحدة 2. رأينا أن ثنائي القطب الكهربائي يتكون من شحنة موجبة وأخرى سالبة متساويتين في المقدار. مما يعني أن محصلة شحنة ثنائي القطب تساوي صفرًا. وفقاً للمعادلة 3.4. بما أن الشغل المبذول لتحريك جسم ما عبر مجال كهربائي منتظم يتناسب مع شحنة ذلك الجسم. فإن محصلة الشغل المبذول لتحريك ثنائي القطب الكهربائي عبر مجال كهربائي منتظم صفر.

من هذه الحقيقة. يبدو أنه من المستحب تخزين طاقة الوضع في نظام يتكون من ثنائي القطب في مجال ثابت. إلا أن هذا ليس حقيقياً. في الوحدة 2. رأينا أن ثنائي القطب في المجال الكهربائي المنتظم عزم دوران،  $\vec{E} \times \vec{p} = \vec{\tau}$  ومن ثم يتضح أن اتجاه ثنائي القطب بالنسبة إلى المجال الكهربائي أمر أساسى. لنتر كييف يمكن أن يؤدي اتجاه ثنائي القطب إلى تخزين طاقة الوضع.

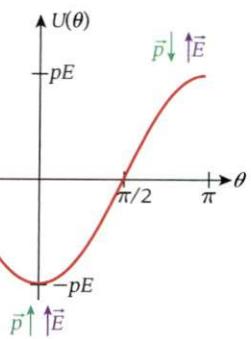
الشغل المبذول من عزم الدوران يتحدد من العلاقة  $W = \int \vec{\tau}(\theta') d\theta'$  إذا بذلت عزم دوران خارجيًّا مضاداً لعزم الدوران الذي يواجهه ثنائي القطب من المجال الكهربائي. فإنه يمكننا التعبير عن الشغل المبذول من عزم الدوران الخارجي على النحو التالي:

$$W = \int_{\theta_0}^{\theta} \vec{\tau}(\theta') d\theta' = \int_{\theta_0}^{\theta} -pE \sin \theta' d\theta' = -pE \int_{\theta_0}^{\theta} \sin \theta' d\theta' = pE(\cos \theta - \cos \theta_0)$$

عن طريق المعادلة  $U = -\Delta U = -(U - U_0) = U_0 - W$ . نحصل على طاقة الوضع لثاني القطب الكهربائي في المجال الكهربائي المنتظم:

$$(3.5) \quad U = -pE \cos \theta = -\vec{p} \cdot \vec{E}$$

- حيث اختبرنا ثابت التكامل  $U_0$  حتى تكون طاقة الوضع صفرًا  $\frac{1}{2} \theta = \pi$ . حيث يكون عزم ثانوي القطب موازيًا للمجال الكهربائي؛ انظر الشكل 3.5. تذكر أن خطوط المجال الكهربائي تتجه من الشحنات الموجة إلى السالبة وأن عزم ثانوي القطب يتوجه من الشحنة السالبة إلى الموجة. عندما يكون عزم ثانوي القطب ومتوجهات المجال الكهربائي متوازية، تكون شحنة ثانوي القطب السالبة هي الأقرب إلى الشحنة الموجة التي تولد المجال الكهربائي الخارجي. ويبدو منطقياً من الناحية الفيزيائية أن طاقة ذلك التكوين هي الأقل.



**الشكل 3.5** طاقة الوضع كدالة للزاوية بين ثانوي القطب الكهربائي والمجال الكهربائي الخارجي المنتظم.

## 3.2 تعريف الجهد الكهربائي

تعتمد طاقة الوضع لجسم مشحون،  $q$ . في مجال كهربائي على مقدار الشحنة ومقدار المجال الكهربائي. والكمية التي لا تعتمد على شحنة الجسم هي **الجهد الكهربائي**،  $V$ . الذي يحدد بدالة طاقة الوضع الكهربائية في صورة

$$(3.6) \quad V = \frac{U}{q}$$

نظرًا لأن  $U$  يناسب مع  $q$ . فإن  $V$  مستقل عن  $q$ . مما يجعله متفيزًا مفيدة. يميز الجهد الكهربائي.  $V$ . النقطة في الفضاء بخاصية كهربائية حتى مع عدم وجود شحنة.  $q$ . عند هذه النقطة. على عكس المجال الكهربائي، الذي يعُد سجهاً، فإن الجهد الكهربائي كمية قياسية. ولو قيمة في كل مكان في الفضاء، لكن ليس له أجزاء. رأينا أنه يمكننا إنما الصافة ثابت عشوائي إلى طاقة الوضع دون تغيير أي نتيجة ملحوظة وأن الفروق في طاقة الوضع تكون ذات معنى من الناحية الفيزيائية فقط. وبما أن الجهد الكهربائي يتناسب مع طاقة الوضع. فإن الشيء نفسه ينطبق عليه. وتحديد الفرق في الجهد الكهربائي لا ليس فيه، لكن وضع قيمة للجهد الكهربائي قد يتضمن دائمة حالة معيارية. وهي عادة أن الجهد يساوي صفرًا عند مسافة لانهائية.

يمكن التعبير عن الفرق في الجهد الكهربائي،  $V$ . بين نقطة ابتدائية ونقطة نهاية،  $V_f - V_i$  بدالة طاقة الوضع الكهربائية عند كل نقطة بالعلاقة:

$$(3.7) \quad \Delta V = V_f - V_i = \frac{U_f}{q} - \frac{U_i}{q} = \frac{\Delta U}{q}$$

ينتاج عن دمج المعادلات 3.2 و 3.7 علاقة بين التغير في الجهد الكهربائي والشغل المبذول من المجال الكهربائي على الشحنة:

$$(3.8) \quad \Delta V = -\frac{W_e}{q}$$

ومع افتراض أن طاقة الوضع الكهربائية تساوي صفرًا عند في اللانهائية. كما في المعادلة 3.3. يتم تحديد الجهد الكهربائي عند نقطة ما من العلاقة

$$(3.9) \quad V = -\frac{W_{e,\infty}}{q}$$

حيث تمثل  $W_{e,\infty}$  الشغل المبذول من المجال الكهربائي على الشحنة عند نقلها من اللانهائية إلى النقطة. يمكن أن يكون للجهد الكهربائي قيمة موجبة أو سالبة أو صفرية. لكن ليس له أجزاء.

وحدات النظام الدولي للجهد الكهربائي هي جول/الكولوم ( $J/C$ ). يطلق على هذا التركيب اسم **فولت** ( $V$ ) نسبة إلى عالم الفيزياء الإيطالي أليساندرو فولتا (1740-1827) (لاحظ استخدام الحرف الروماني  $V$  للوحدة، بينما يستخدم حرف  $V$  المائل للتعبير عن الكمية الفيزيائية للجهد الكهربائي):

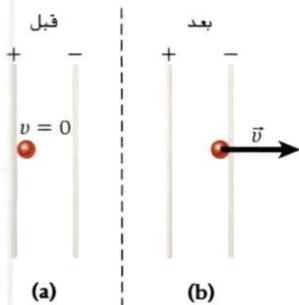
$$1 V \equiv \frac{1 J}{1 C}$$

وباستخدام هذا التعريف للفولت، تكون الوحدات التي تعبّر عن مقدار المجال الكهربائي هي

$$[E] = \frac{[F]}{[q]} = \frac{1 \text{ N}}{1 \text{ C}} = \left( \frac{1 \text{ N}}{1 \text{ C}} \right) \left( \frac{1 \text{ V}}{1 \text{ J}} \right) \left( \frac{1 \text{ J}}{(1 \text{ N})(1 \text{ m})} \right) = \frac{1 \text{ V}}{1 \text{ m}}$$

في دراستنا لما تبقى من هذا الكتاب، س يتم التعبير عن مقدار المجال الكهربائي بوحدات  $\text{V/m}$ . وهي الرمز القياسي، بدلاً من  $\text{N/C}$ . لاحظ أنه غالباً ما يطلق على فرق الجهد الكهربائي "الفولتية"، خاصة في خليل الدارة، لأنّه يتم قياسه بوحدات الفولت.

### مثال 3.1 اكتساب البروتون لطاقة



**الشكل 3.6** بروتون بين لوحين موصلين متوازيين في الفراغ (الشكل 3.6). وكان فرق الجهد الكهربائي بين اللوحين  $450 \text{ V}$ . وعمر بروتون من السكون بالقرب من اللوح الموجب.

تم وضع بروتون بين لوحين موصلين متوازيين في الفراغ (الشكل 3.6). وكان فرق الجهد الكهربائي بين اللوحين  $450 \text{ V}$ . وعمر بروتون من السكون بالقرب من اللوح الموجب.

#### المأساة

ما الطاقة الحركية للبروتون عندما يصل إلى اللوح السالب؟

#### الحل

الفرق في الجهد الكهربائي،  $\Delta V$ . بين اللوحين هو  $450 \text{ V}$ . يمكننا ربط فرق الجهد عبر اللوحين بالتغير في طاقة الوضع الكهربائية،  $\Delta U$ . للبروتون باستخدام المعادلة 3.7:

$$\Delta V = \frac{\Delta U}{q}$$

ونظرًا لأنه يتم حفظ الطاقة الكلية، تحول طاقة الوضع الكهربائية التي ينقدها البروتون أثناء العبور بين اللوحين إلى طاقة حركية بسبب حركة البروتون. ونطبق قانون حفظ الطاقة  $\Delta K + \Delta U = 0$ . حيث يمثل  $\Delta U$  التغير في طاقة الوضع الكهربائية للبروتون:

$$\Delta K = -\Delta U = -q\Delta V$$

ونظرًا لأنّ البروتون بدأ من السكون، فيمكننا التعبير عن الطاقة الحركية النهائية له بالعلاقة  $-K = -q\Delta V$ . ومن ثم، تكون الطاقة الحركية للبروتون بعد عبور الفجوة بين اللوحين هي

$$K = -\left(1.602 \times 10^{-19} \text{ C}\right)(-450 \text{ V}) = 7.21 \times 10^{-17} \text{ J}$$

### مراجعة المفاهيم 3.1

تم وضع الإلكترون على المخوا  $x$  ثم إطلاقه ليتحرك عليه، وكانت قيمة الجهد الكهربائي  $20 \text{ V}$ . أي العبارات التالية يصف الحركة النهائية للإلكترون؟

- (d) سيتحرك الإلكترون بخاء اليسار (اتجاه  $x$  الموجب)  
لأنّ الجهد الكهربائي سالب.  
  
(e) لا توجد معلومات كافية لتوقع حركة الإلكترون.  
  
(c) سيتحرك الإلكترون بخاء اليسار (اتجاه  $x$  الموجب)  
لأنّ الجهد الكهربائي سالب.
- (a) سيتحرك الإلكترون بخاء اليسار (اتجاه  $x$  السالب)  
لأنّه ذو شحنة سالبة.  
  
(b) سيتحرك الإلكترون بخاء اليمين (اتجاه  $x$  الموجب)  
لأنّه ذو شحنة سالبة.

نظرًا لأنه يتم غالباً استخدام عجلة الجسيمات المشحونة عبر فرق الجهد في قياس الكميات الفيزيائية، فإن الوحدة الشائعة للطاقة الحركية لجسيم مشحون بنوع واحد من الشحنة، مثل البروتون أو الإلكترون، هي **الإلكترون-فولت (eV)**: يمثل  $1 \text{ eV}$  الطاقة التي اكتسبها بروتون ( $C = 1.602 \times 10^{-19}$ ) متتسارع عبر فرق جهد مقداره  $1 \text{ V}$ . علاقة التحويل بين وحدات الإلكترون-فولت والجول هي

$$1 \text{ eV} = 1.602 \times 10^{-19} \text{ J}$$

إذا تكون الطاقة الحركية للبروتون في مثال 3.1 هي  $3.1 \text{ eV}$ . أو  $0.450 \text{ keV}$ . والتي كان يمكن الحصول عليها من تعريف وحدة الإلكترون-فولت دون إجراء أي عمليات حسابية.

## البطاريات

تعدّ البطارية أحد الوسائل الشائعة لتوليد الجهد الكهربائي. وسنستعرض في الوحدتين 4 و 5 كيفية استخدام البطاريات للتفاعلات الكيميائية لتوفير مصدر لفرق جهد ثابت (تقريباً) بين طرفيها. ويوضح الشكل 3.7 مجموعة من البطاريات.

تتكون البطارية في أبسط صورها من نصف خلية. ملوءين بعاءدة إلكترولية موصلة (كانت في الأصل سائلة، لكن معظمها الآن صلب دائمًا)، انظر الشكل 3.8. يتم فصل الإلكتروليت إلى جزأين متتساويين بواسطة حاجز. يمنع مرور الإلكتروليت عبره لكنه يسمح بمرور الأيونات المشحونة. تتحرك الأيونات سالبة الشحنة (الأنيونات) باتجاه الأنود. وتحريك الأيونات موجبة الشحنة باتجاه الكاثود. ويولد هذا فرق جهد بين طرفي البطارية. ولذا فإنّ البطارية هي في الأساس جهاز يحول الطاقة الكيميائية مباشرةً إلى طاقة كهربائية.

يعد إجراء الأبحاث على تكنولوجيا البطاريات ذا أهمية في الوقت الراهن. حيث تتطلب العديد من التطبيقات المحمولة قدراً كبيراً من الطاقة. بدايةً من الهواتف الخلوية إلى أجهزة الكمبيوتر المحمولة. من السيارات الكهربائية إلى المعدات العسكرية. يجب أن يكون وزن البطاريات صغيراً قدر الإمكان ويس أن تكون قابلة لإعادة الشحن سريعاً لثبات الدورات كما يجب أن توفر فرق جهد ثابتاً بقدر الإمكان ويس أن تكون متوفرة بسعر مناسب. لذلك، تطرح هذه الأبحاث العديد من التحديات العلمية والهندسية.

من أمثلة تكنولوجيا البطاريات الحديثة نسبياً خلية الليثيوم أيون، والتي تُستخدم غالباً في تطبيقات مثل بطاريات أجهزة الكمبيوتر المحمولة. تتميز بطارية الليثيوم أيون بأن كثافة طاقتها (أي محتوى الطاقة لكل وحدة حجم) أكبر بكثير من البطاريات التقليدية. حيث يصل فرق جهد خلية ليثيوم أيون ثوذاً جيئ، مثل تلك الموضحة في الشكل 3.9. إلى 3.6. ولبطاريات الليثيوم أيون مزايا عديدة أخرى مقارنة بالبطاريات التقليدية حيث يمكن إعادة شحنها مئات المرات. وليس لها تأثير "ذاكرة" ومن ثم ليست بحاجة إلى تعديل لتحتاج إلى شحنها. فهي تحفظ بالشحنة طوال فترة صلاحيتها. ولها بعض العيوب أيضاً. على سبيل المثال، إذا تم تفريغ بطارية الليثيوم أيون تماماً، فلا يمكن إعادة شحنها مرة أخرى. وتعمل البطارية بأفضل شكل إذا تم شحنها إلى ما يزيد عن 80% من السعة وإذا لم يتم تفريغها إلى أقل من 20% من سعتها. تسبّب الحرارة من كفاءة بطاريات الليثيوم أيون. إذا تم تفريغ البطاريات بسرعة كبيرة، فيمكن أن تشتعل الأكونت أو تنفجر. ولعلاج هذه المشكلات، تحتوي معظم حزم بطاريات الليثيوم أيون التجارية على ذاكرة إلكترونية مدمجة صغيرة تحمي حزمة البطارية. حيث ستمتنع الذارة شحن البطارية أو تفريغها بشكل مفروط وستمنع تسرب الشحنة من البطارية بسرعة كبيرة مما يؤدي إلى ارتفاع درجة حرارة البطارية للغاية. ولذا ارتفعت حرارة البطارية بدرجة كبيرة جداً. فستفصل الذارة البطارية.

حالياً، تُستخدم بطاريات الليثيوم أيون في بعض السيارات التي تعمل بالكهرباء. يقارن المثال التالي بين الطاقة التي تحملها سيارة تعمل بالبطارية وأخرى تعمل بالبنزين.

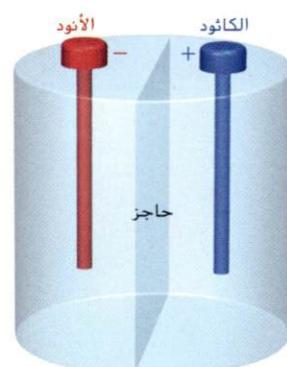


(a)



(b)

**الشكل 3.7** (a) بعض عقارب الساعة من أعلى اليسار: بطاريات هيدريليكية AA، القابلة لإعادة الشحن (NiMH) في شاحتها، بطاريات AAA بجهد 1.5 V تُستخدم مرة واحدة، بطارية مستطيلة 12V للكمبيوتر المحمول، بطارية ليثيوم أيون 330V لسيارة رياضية مختلطة تعمل بالغاز والكهرباء، ملأً أرضية حقيبة السيارة.

**الشكل 3.8** رسم تخطيطي لبطارية.

**الشكل 3.9** ورشة سيارات تسلٰا في مركز فرانكفورت، موضح أيضاً حزمة بطاريات ليثيوم أيون للسيارة الكهربائية Ford Focus طراز 2012.

## مثال 3.2 سيارات تعمل بالبطارية



**الشكل 3.10** سيارة تسلا الرياضية التي تعمل بالكهرباء.

لا تنتج السيارات التي تعمل بالبطارية أي انبعاثات ولذا تعد بديلاً جذاباً للسيارات التي تعمل بالبنزين. وتعمل بعض هذه السيارات، مثل سيارة تسلا الرياضية الموضحة في الشكل 3.10.

بالبطاريات التي تتكون من خلايا الليثيوم أيون، تصل سعة حزمة بطارية سيارة تسلا الكهربائية الرياضية (الشكل 3.9) إلى 53 kWh من الطاقة. وعادة يتم شحن حزمة البطارية حتى 80% من سعتها وتقريرها إلى 20% من سعتها. تحمل السيارة التي تعمل بالبنزين عادة 50 L من البنزين، ويبلغ محتوى طاقة البنزين 34.8 MJ/L.

### المأساة

كيف تقارن الطاقة المتوفرة في بطارية الليثيوم أيون لسيارة تعمل بالكهرباء بالطاقة التي تحملها سيارة تعمل بالبنزين؟

### الحل

نظرًا لأنه لا يمكن استخراج كل الطاقة الموجودة في بطاريات الليثيوم أيون دون إتلافها، فإن إجمالي الطاقة القابلة للاستخدام هي

$$E_{\text{electric}} = (80\% - 20\%)(53 \text{ kWh}) \left( \frac{1000 \text{ W}}{1 \text{ kW}} \right) \left( \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} \right) = 1.14 \times 10^8 \text{ J} = 114 \text{ MJ}$$

تستطيع السيارة العادية التي تعمل بالبنزين حمل 50 L من البنزين الذي يبلغ محتوى طاقته

$$E_{\text{gasoline}} = (50 \text{ L})(34.8 \text{ MJ/L}) = 1740 \text{ MJ}$$

إذا، تحمل السيارة العادية التي تعمل بالبنزين ما يصل إلى 15 ضعفًا من الطاقة التي تحملها سيارة تسلا التي تعمل بالكهرباء. لكن تبلغ كفاءة السيارة التي تعمل بالبنزين 20% تقريبًا، في حين تبلغ كفاءة السيارة التي تعمل بالكهرباء ما يقارب 90%. لذا، تبلغ الطاقة القابلة للاستخدام لسيارة التي تعمل بالكهرباء

$$E_{\text{electric, usable}} = 0.9 \times (114 \text{ MJ}) = 103 \text{ MJ}$$

وتبلغ الطاقة القابلة للاستخدام لسيارة التي تعمل بالبنزين

$$E_{\text{gasoline, usable}} = 0.2 \times (1740 \text{ MJ}) = 348 \text{ MJ}$$

يجب ترقيب الأعداد النهائية للطاقة القابلة للاستخدام إلى رقم معنوي واحد في كلتا الحالتين. لكن النقطة الأساسية واضحة وهي أنه: يمكنك ملاحظة أن السيارات التي تعمل بالكهرباء، حتى مع وجود بطاريات الليثيوم أيون، يمكنها حمل طاقة أقل مقارنة بالسيارات التي تعمل بالبنزين.

## مولد فان دي غراف

من وسائل توليد جهود كهربائية كبيرة **مولد فان دي غراف**، وهو جهاز ابتكره عالم الفيزياء الأمريكي روبرت جمسون فان دي غراف (1901-1967). تستطيع مولدات فان دي غراف الكبيرة توليد جهود كهربائية مقدارها ملايين الفولتات. وتستطيع مولدات فان دي غراف الأكثر بساطة. مثل ذلك المولد الموضح في الشكل 3.11. توليد عدة مئات الآلاف من الفولتات وتُستخدم غالباً في حصص الفيزياء.

يستخدم مولد فان دي غراف التفريغ الهالي (*corona discharge*) لوضع شحنة موجبة على السير التفريغ الهالي. ويؤدي وضع فولتية موجية عالية على موصى به سن مدبوب إلى توليد التفريغ الهالي. ويكون المجال الكهربائي على السن المدبب حول السن المدبب. وتكون محصلة شحنة جزيئات الهواء المتأين موجبة. (انظر الوحدة 2). ويتأين الهواء حول السن المدبب. وتكون محصلة شحنة جزيئات الهواء المتأين موجبة. مما يؤدي إلى تنافر الأيونات وابتعادها عن السن المدبب وترسبها على السير المطاطي. يحمل السير المتحرك، الذي يحركه الحرك الكهربائي، الشحنة إلى أعلى إلى كوة معدنية موجفة. حيث يتم سحب الشحنة من السير بواسطة ملامس مدبب متصل بالكرة المعدنية. توزع الشحنة التي تترافق على الكرة المعدنية نفسها بانتظام حول السطح الخارجي للكرة. يستخدم محدد فولتية في مولد فان دي غراف الموضح في الشكل 3.11. لمنع المولد من إصدار شارات أكبر من المرغوبة.



(a)



(b)

**الشكل 3.11** (a) مولد فان دي غراف المستخدم في حصص الفيزياء.

(b) يستطيع مولد فان دي غراف إنتاج جهود كهربائية مرتفعة للغاية عن طريق نقل الشحنة من تفريغ هالي على السير المطاطي إلى كرة معدنية موجفة. حيث يتم استخراج الشحنة من السير عن طريق جزء حاد من المعدن متصل بالسطح الداخلي للكرة.

### مثال 3.3 معجل فان دي غراف الترادي

معجل فان دي غراف هو معجل جسيمات يستخدم جهوداً كهربائية عالية لدراسة الفيزياء النووية المتعلقة بالفيزياء الفلكية. ووضح في الشكل 3.12 معجل فان دي غراف الترادي الذي يبلغ فرق جهده الطرفي 10.0 MV (10.0 ملبيون فولت). ويتم توليد فرق الجهد الطرفي في مركز المعجل بواسطة إصدار أكبر وأكثر تطوراً من مولد فان دي غراف المستخدم في غراف الصف. وتتولد الأيونات السالبة في مصدر الأيونات عن طريق ربط إلكترون بالذرات حتى يتم تسريعه. ثم تتسارع الأيونات السالبة بعد ذلك في اتجاه الطرف الموجب الشحنة. وداخل هذا الطرف، تم الأيونات عبر رقاقة نزع الإلكترونات. مولدة أيونات موجبة الشحنة تتسارع بعد ذلك بعيداً عن هذا الطرف خارج المعجل الترادي.



الشكل 3.12 معجل فان دي غراف الترادي.

ما أعلى طاقة حركية يمكن أن تكتسبها أنوية الكربون في هذا المعجل الترادي؟

#### الحل 1

يتضمن معجل فان دي غراف الترادي مرحلتين للعجلة. تكون محصلة شحنة كل أيون كربون في المرحلة الأولى  $-q_1 = -e$ . وبعد مرورها برقاقة نزع الإلكترونات، يصبح الحد الأقصى لشحنته أي أيون كربون  $q_2 = +6e$  ويبلغ فرق الجهد الذي تتشارع الأيونات بتأثيره  $\Delta V = 10 \text{ MV} = 10 \text{ MV}$ . وتحدد الطاقة الحركية التي اكتسبها كل أيون كربون من المعادلة

$$\Delta K = |\Delta U| = |q_1 \Delta V| + |q_2 \Delta V| = K \quad \text{أو}$$

$$K = e \Delta V + 6e \Delta V = 7e \Delta V$$

بافتراض أن السرعة الابتدائية للأيونات تقترب من الصفر.  
بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$K = 7 \left( 1.602 \times 10^{-19} \text{ C} \right) \left( 10 \times 10^6 \text{ V} \right) = 1.12 \times 10^{-11} \text{ J}$$

غالباً يستخدم علماء الفيزياء النووية وحدات الإلكترون-كيلو، بدلاً من الجول للتعبير عن الطاقة الحركية للنواة المتتسارعة:

$$K = 7e \Delta V = 7e \left( 10 \times 10^6 \text{ V} \right) = 7 \times 10^7 \text{ eV} = 70 \text{ MeV}$$

#### المأساة 2

ما أعلى سرعة يمكن أن تكتسبها أنوية الكربون في هذا المعجل الترادي؟

#### الحل 2

لتتحديد السرعة، نستخدم العلاقة بين الطاقة الحركية والسرعة:

$$K = \frac{1}{2} mv^2$$

حيث تبلغ كتلة نواة الكربون  $m = 1.99 \times 10^{-26} \text{ kg}$ . بحل هذه المعادلة لإيجاد السرعة، نحصل على

$$v = \sqrt{\frac{2K}{m}} = \sqrt{\frac{2(1.12 \times 10^{-11} \text{ J})}{1.99 \times 10^{-26} \text{ kg}}} = 3.36 \times 10^7 \text{ m/s}$$

والتي تمثل 11% من سرعة الضوء.

### مراجعة المفاهيم 3.2

يستخدم أنبوب أشعه الكاثود فرق جهد مقداره 5.0 kV لتتسارع الإلكترونات وإنجاح شعاع الإلكترونات يكون صوراً على شاشة فوسفورية. ما سرعة هذه الإلكترونات كنسبة من سرعة الضوء؟

a) 0.025%      d) 4.5%

b) 0.22%      e) 14%

c) 1.3%

### مسألة محلولة 3.1 حزمة أيونات الأكسجين

#### المأساة

تتسارع أيونات الأكسجين ( $O^{16}$ ) الجردة تماماً (الممزوج منها جميع الإلكترونات) من السكون في معجل جسيمات باستخدام إجمالي فرق جهد مقداره  $V = 1.00 \times 10^7 \text{ V}$  على  $10.0 \text{ MV}$ . وتحتوي نواة  $O^{16}$  على 8 بروتونات



**الشكل 3.13** حزمة من أيونات الأكسجين المجردة تماماً متوقفة في مختص الحزمة.

و8 نيترونات. ينتج المُعجل حزمة تتكون من  $3.13 \times 10^{12}$  أيونات في الثانية.

وتتوقف حزمة الأيونات تماماً في مختص الحزمة. ما إجمالي القدرة التي يجب أن يمتلكها مختص الحزمة؟

### الحل

**فكّر** القدرة هي الطاقة في كل وحدة زمنية. يمكننا حساب طاقة كل أيون ثم الطاقة الكلية للحزمة لكل وحدة زمنية للحصول على القدرة المتبددة في مختص الحزمة.

**ارسم** يوضح الشكل 3.13 حزمة من أيونات الأكسجين المجردة تماماً متوقفة في مختص الحزمة.

**ابحث** طاقة الوضع الكهربائية التي اكتسبها كل أيون أثناء عملية العجلة هي

$$U_{\text{ion}} = q\Delta V = ZeV$$

حيث يمثل  $Z = 8$  العدد الذري للأكسجين ويتمثل  $C = 1.602 \times 10^{-19} = e$  شحنة البروتون ويتّسق  $V = 1.00 \times 10^7$  V = الجهد الكهربائي الذي تتسارع الأيونات تحت تأثيره.

**بسط** إذا تكون قدرة الحزمة، التي تتبدل في مختص الحزمة،

$$P = NU_{\text{ion}} = NZeV$$

حيث يمثل  $N = 3.13 \times 10^{12}$  أيون/الثانية عدد الأيونات التي توقفت في مختص الحزمة كل ثانية.

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$\begin{aligned} P &= NZeV = (3.13 \times 10^{12} \text{ s}^{-1})(8)(1.602 \times 10^{-19} \text{ C})(1.00 \times 10^7 \text{ V}) \\ &= 40.1141 \text{ W} \end{aligned}$$

**قرب** نقرب النتيجة إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$P = 40.1 \text{ W}$$

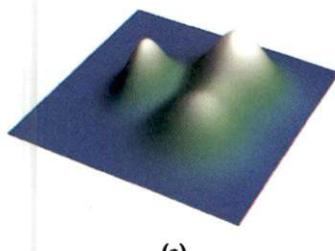
**تحقق ثانية** يمكننا ربط التغير في الطاقة الحرارية لكل أيون بالتغيير في طاقة الوضع الكهربائية لكل أيون:

$$\Delta K = \Delta U = \frac{1}{2}mv^2 = U_{\text{ion}} = ZeV$$

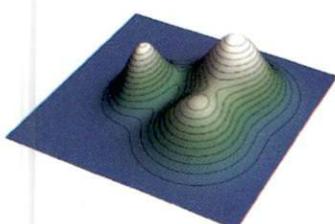
وتحل كثافة نواة الأكسجين  $2.66 \times 10^{-26} \text{ kg}$ . والسرعة المتجهة لكل أيون

$$v = \sqrt{\frac{2ZeV}{m}} = \sqrt{\frac{2(8)(1.602 \times 10^{-19} \text{ C})(1.00 \times 10^7 \text{ V})}{2.66 \times 10^{-26} \text{ kg}}} = 3.10 \times 10^7 \text{ m/s}$$

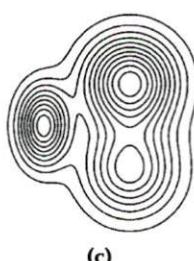
ويمثل 10% من سرعة الضوء، وتبدو منطقية بالنسبة إلى السرعة المتجهة للأيونات. ومن ثم، تبدو النتيجة التي توصلنا إليها منطقية.



(a)



(b)



(c)

**الشكل 3.14** (a) متنج تزلج به ثلاث قمم، مثل ذلك الموضح في الشكل 3.14a. رسمت خطوط ذات ارتفاع متماثل على القمم في الشكل 3.14b. ويمكنك السير على كل خط من هذه الخطوط، دون الصعود أو الهبوط، واستضمن وصولك إلى النقطة التي بدأت منها. طاقة الوضع الجذبية عند الخطوط ثابتة. لأن طاقة الوضع الجذبية دالة في الارتفاع فقط وبظل الارتفاع ثابتاً على كل خط من الخطوط. يوضح الشكل 3.14c منظراً علويًّا للخطوط الكنتورية ذات الارتفاع المتماثل، والتي تحدد خطوط تساوي طاقة الوضع الجذبية. إذا فهمت هذا الشكل، فسيكون من السهل عليك متابعة المناقشة التالية حول خطوط وأسطح الجهد الكهربائي.

تحتيل أن عليك رسم خريطة لمنتج تزلج به ثلاث قمم، مثل ذلك الموضح في الشكل 3.14a. رسمت خطوط ذات ارتفاع متماثل على القمم في الشكل 3.14b. ويمكنك السير على كل خط من هذه الخطوط، دون الصعود أو الهبوط، واستضمن وصولك إلى النقطة التي بدأت منها. طاقة الوضع الجذبية عند الخطوط ثابتة. لأن طاقة الوضع الجذبية دالة في الارتفاع فقط وبظل الارتفاع ثابتاً على كل خط من الخطوط. يوضح الشكل 3.14c منظراً علويًّا للخطوط الكنتورية ذات الارتفاع المتماثل، والتي تحدد خطوط تساوي طاقة الوضع الجذبية. إذا فهمت هذا الشكل، فسيكون من السهل عليك متابعة المناقشة التالية حول خطوط وأسطح الجهد الكهربائي.

عند وجود مجال كهربائي، يكون للجهد الكهربائي قيمة في كل مكان في الفضاء. وتشكل النقاط التي لها الجهد الكهربائي نفسه **سطح تساوي الجهد**. يمكن أن تتحرك الجسيمات المشحونة على طول سطح تساوي الجهد دون بذل أي شغل عليها من المجال الكهربائي. وفقاً لمبدأ الكهرومغناطيسي، يجب أن يكون سطح الموصى سطح تساوي جهد؛ وإلا فستتسارع الإلكترونات الحرة على سطح الموصى. أثبتت المناقشة في الوحدة 2 أن المجال الكهربائي يساوي صفرًا في كل مكان داخل جسم الموصى. ويعني هذا أنه ينبغي أن يكون الحجم الكلي للموصى عند الجهد نفسه، أي أن يكون الموصى بالكامل متساوي الجهد.

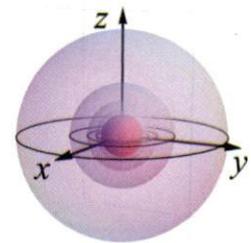
توجد أسطح تساوي الجهد في ثلاثة أبعاد (الشكل 3.15)، لكن نسمح لنا التمايلات في المجال الكهربائي بتمثيل أسطح تساوي الجهد في بعدين، في صورة **خطوط تساوي الجهد** في المستوى الذي تكمن فيه الشحنات. قبل تحديد شكل أسطح تساوي الجهد وموقعها، لنلق نظرة أولاً على بعض المزايا النوعية لبعض الحالات البسيطة (التي تم تحديد الحالات الكهربائية لها في الوحدة 2).

عند رسم خطوط تساوي الجهد، نلاحظ أن الشحنات يمكنها أن تتحرك عمودياً على أي خط للمجال الكهربائي دون أن يبدل عليها المجال الكهربائي أي شغل. لأنه وفقاً للمعادلة 3.4، يكون ناتج الضرب القياسي للمجال الكهربائي والإزاحة صفرًا. إذا كان الشغل المبذول من المجال الكهربائي يساوي صفرًا، فسيظل الجهد كما هو، وفقاً للمعادلة 3.8. لذا، تكون خطوط ومستويات تساوي الجهد متعمدة دائمًا على اتجاه المجال الكهربائي. (في الشكل 3.14b، خريطة الارتفاع لمتاجع التزلج، تكون الخطوط شديدة الانحدار هي المقابلة لخطوط المجال الكهربائي، وتكون متعمدة دائمًا على ارتفاع ذات الارتفاع المتماثل).

قبل دراسة أسطح تساوي جهد معينة تنتج عن الترتيبات المختلفة للمجال الكهربائي، دعنا نلاحظ أهم ملاحظتين عامتين لهذا القسم، والتي تسرى على جميع الحالات التالية:

1. يشكل سطح أي موصل سطحًا لتساوي الجهد.

2. أسطح تساوي الجهد متعمدة دائمًا على خطوط المجال الكهربائي عند أي نقطة في الفضاء.



**الشكل 3.15** أسطح تساوي جهد

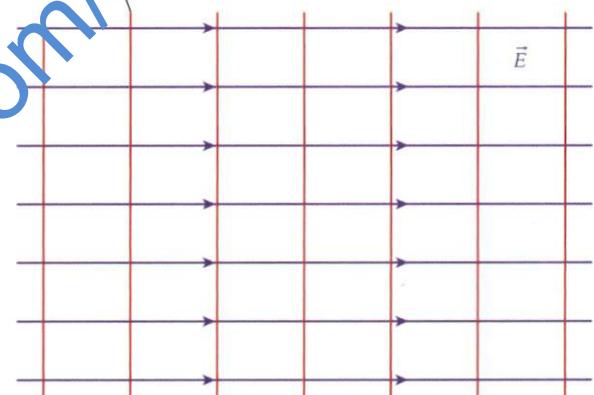
متعددة المركز فيها  $5V$  و  $4V$  و  $3V$  و  $2V$  حول موصل كروي، والجهد الذي مقداره  $V$  متirkز حول نقطه الأصل للنظام الإحداثي  $Z$ . تمثل الدوائر تقاطع الكرات متتساوية الجهد مع المستوى  $Zx$  وتكون خطوط تساوي الجهد.

### المجال الكهربائي المنتظم

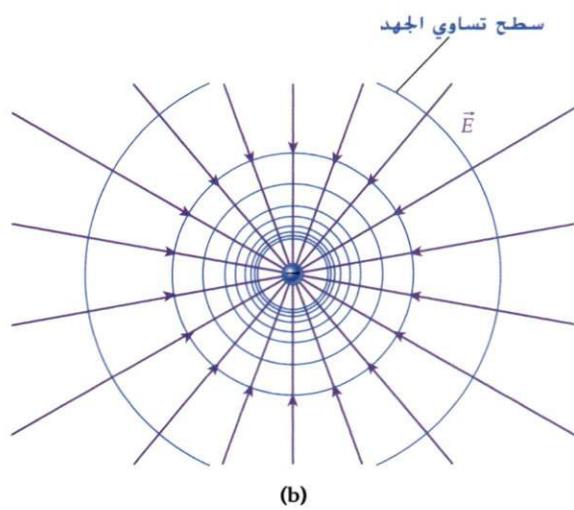
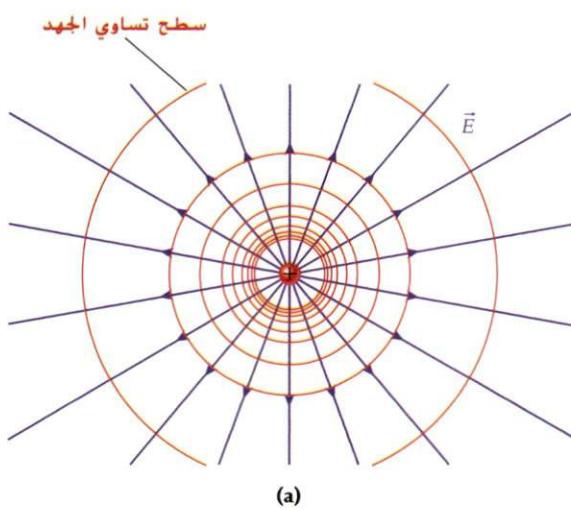
تكون خطوط المجال الكهربائي المنتظم مستقيمة ومتوازية وتبعد عن بعضها مسافات متتساوية. ومن ثم، يولّد هذا المجال أسطح تساوي جهد في شكل مستويات متوازية. وذلك بسبب حقيقة شرط أن أسطح تساوي الجهد أو خطوط تساوي الجهد يعني أن تكون متعمدة على خطوط المجال. يتم تمثيل هذه المستويات في بعدين كـ  $E$  دائمًا تساوي جهد تبعد عن بعضها مسافات متتساوية (الشكل 3.16).

### شحنة دمية واحدة

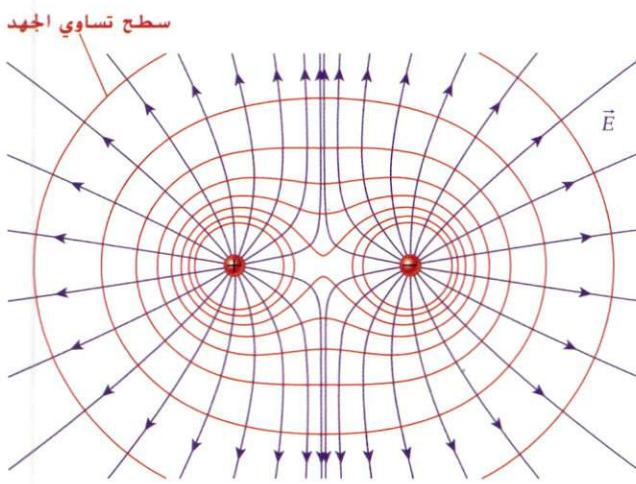
يوضح الشكل 3.17a مجال الكهربائي وخطوط تساوي الجهد الناتجة عن شحنة نقطية واحدة. تمتد خطوط المجال الكهربائي على امتداد أقطار خارجية من شحنة نقطية موجبة كما هو موضح في الشكل 3.17a. في هذه الحالة، تتجه خطوط المجال بعيدًا عن الشحنة الموجبة وتنتهي في اللانهاية. وبالنسبة إلى الشحنة السالبة، كما هو موضح في الشكل 3.17b، تنشأ خطوط المجال عند اللانهاية وتنتهي عند الشحنة السالبة. خطوط تساوي الجهد هي دوائر مرکزها الشحنة النقطية. (في الأشكال ثنائية البعدين الموضحة في الشكل، تمثل الدوائر



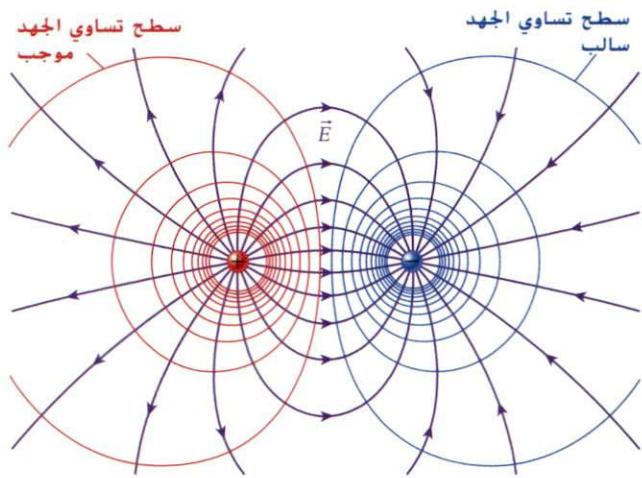
**الشكل 3.16** أسطح تساوي الجهد (خطوط الحمراء) الناتجة عن مجال كهربائي منتظم، تمثل الخطوط الأرجوانية ذات رؤوس الأسهم المجال الكهربائي.



**الشكل 3.17** أسطح تساوي الجهد وخطوط المجال الكهربائي من (a) شحنة نقطية موجبة واحدة و(b) شحنة نقطية سالبة واحدة.



**الشكل 3.19** أسطح تساوي الجهد (الخطوط المبراء) الناجمة عن شحتين نقطتين متماثلتين موجبتيں۔ ممثل الخطوط الأرجوانية ذات رؤوس الأسهم المجال الكهربائي.



**الشكل 3.18** أسطح تساوي الجهد الناجمة عن شحتين نقطتين متماثلتين في المقدار ومختلفتين في الإشارة. ممثل الخطوط الحمراء الجهد الموجب ومتمثل الخطوط الزرقاء الجهد السالب. ممثل الخطوط الأرجوانية ذات رؤوس الأسهم المجال الكهربائي.

الخطوط التي يتقطع عندها مستوى الصفرة، مع الجسيمات الكروية متساوية الجهد). تكون قيم فرق الجهد بين خطوط تساوي الجهد المتجاورة متساوية. مما يولد خطوط تساوي جهد قريبة من بعضها بالقرب من الشحنة ومتباعدة فيما بينها بعيداً عن الشحنة. لاحظ مرة أخرى أن خطوط تساوي الجهد تكون دائمةً متعمدة على خطوط المجال الكهربائي. لأنّ سطح تساوي الجهد على أسمى مثل خطوط المجال، لأنّ الجهد كمية قياسية.

### شحتان نقطيتان مختلفتا الشحنة

يوضح الشكل 3.18 خطوط المجال الكهربائي الناشئة عن شحتين نقطتين مختلفتي الشحنة، إلى جانب أسطح تساوي الجهد الموضحة في شكل خطوط تساوي الجهد. ستتجذب قدرة كروستاتيكية هاتين الشحتين نقطيتين في اتجاه بعضهما. لكن نفترض هذه المناقضة أن الشحتات ثابته في الفضاء ولا يمكنها الحركة. تبدأ خطوط المجال الكهربائي عند الشحنة الموجبة وتنتهي عند الشحنة السالبة. مرة أخرى، تكون خطوط تساوي الجهد متعمدة دائمةً على خطوط المجال الكهربائي. ممثل الخطوط الحمراء في هذا الشكل أسطح تساوي الجهد الموجبة ومتمثل الشحتات السالبة بهذا السالبا (نسبة إلى قيمة الجهد في الالهام). الشحتات الموجبة جهذاً موجباً وتنولد الشحتات السالبة جهذاً سالباً (نسبة إلى قيمة الجهد في الالهام). بالقرب من كل شحنة، تكون خطوط المجال الكهربائي وخطوط تساوي الجهد الناجمة مشابهة لتلك التي تكون للشحنة النقطية الواحدة. بعيداً عن المنطقة المجاورة لكل شحنة، يكون المجال الكهربائي والجهد الكهربائي بما مجموع المجالات والجهود الناجمة عن الشحتين. جمع المجالات الكهربائية كمتجهات، بينما جمع الجهود الكهربائية ككميات قياسية. ومن ثم، يتم تحديد المجال الكهربائي عند جميع النقاط في الفضاء بدالة المقدار والإتجاه، في حين يتم تحديد الجهد الكهربائي من خلال قيمته فقط عند نقطة معينة في الفضاء وليس له اتجاه مرتبطة به.

### سؤال الاختبار الذاتي 3.1

افترض أن الشحتين في الشكل 3.18 موجودتان عند  $(-10 \text{ cm}, 0) = (x, y)$  و  $(+10 \text{ cm}, 0) = (x, y)$ . ماذا سيكون الجهد الكهربائي على طول الخط  $x=0$ ؟

### سؤال الاختبار الذاتي 3.2

افترض أن الشحتين في الشكل 3.19 موجودتان عند  $(-10 \text{ cm}, 0) = (x, y)$  و  $(+10 \text{ cm}, 0) = (x, y)$ . هل ستتطابق النقطة  $(0, 0) = (x, y)$  نقطة القيمة العظمى أم الصغرى أم نقطة سرجة للجهد الكهربائي؟

### شحتان نقطيتان متماثلتان الشحنة

يوضح الشكل 3.19 خطوط المجال الكهربائي وأسطح تساوي الجهد الناجمة عن شحتين نقطتين متماثلتين موجبتيں۔ تتأثر هاتان الشحتان بقوة تناقض كهروستاتيكية. ونظراً لأن كلتا الشحتين موجبتيں، فإنّ الأسطح تساوي الجهد تمثل الجهود الموجبة. مرة أخرى، ينتج المجال الكهربائي والجهد الكهربائي من مجموع المجالات والجهود، على التوالي، الناجمة عن الشحتين.

## 3.4 الجهد الكهربائي للتوزيعات المختلفة للشحنة

يُعرف الجهد الكهربائي بأنه الشغل اللازم لوضع وحدة شحنة عند نقطة ما، والشغل هو القوة المؤثرة عبر مسافة ما. كما يمكن تعريف المجال الكهربائي بأنه القوة المؤثرة في وحدة شحنة عند نقطة ما. ولذلك، يبدو أن الجهد عند نقطة ما يرتبط بشدة المجال عند تلك النقطة. في الواقع، يرتبط الجهد الكهربائي بالمجال الكهربائي بشكل مباشر؛ ويكتننا بخديد أحدهما بمعرفة الآخر.

$$dW = \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

بقوة  $\vec{F}$  عبر إزاحة  $d\vec{s}$

$$(3.10) \quad \text{في هذه الحالة، تُحدَّد القوة من المعادلة } \vec{F} = q\vec{E} \text{ ومن ثم يكون} \\ dW = q\vec{E} \bullet d\vec{s}$$

3.10 بحسب تكامل المعادلة عند خرق الجسيم في المجال الكهربائي من نقطة ابتدائية معينة إلى نقطة نهاية معينة نحصل على

$$W = W_e = \int_i^f q \vec{E} \bullet d\vec{s} = q \int_i^f \vec{E} \bullet d\vec{s}$$

باستخدام المعادلة 3.8 لربط الشغل المبذول بالتغير في الجهد الكهربائي، نحصل على

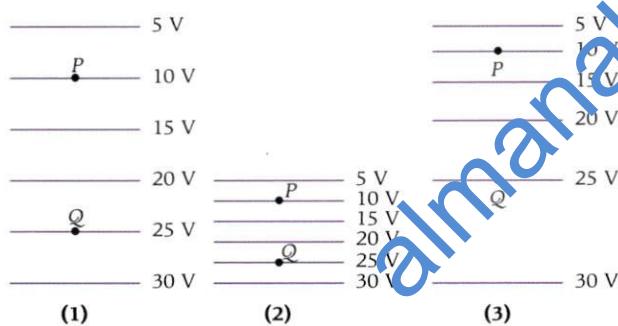
$$\Delta V = V_f - V_i = -\frac{W_e}{q} = - \int_j^f \vec{E} \bullet d\vec{s}$$

وكان ذكر سابقاً، فإن المبدأ المصطلح عليه هو أن تؤول قيمة الجهد الكهربائي إلى صفر عند في اللانهاية، وباستخدام هذا المبدأ يمكننا التعبير عن الجهد عند نقطة ما  $x$  في الفضاء بالمعادلة

$$(3.11) \quad V(\vec{r}) - V(\infty) \equiv V(\vec{r}) = - \int_{\infty}^{\vec{r}} \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

### **مراجعة الفاصل**

في الشكل الموضح، نحن نخلط خطوطاً متساوية الجهد. حرك جسم مشحون من النقطة  $P$  إلى النقطة  $Q$ . فما هي قيمة مقدار الشغل الذي يبذول على الجسم في الحالات الثلاث.



- (a) تتضمن جميع الحالات التالية مقدار الشغل نفسه.

(b) الشغل الأكبر مبذول في الحالة 1.

(c) الشغل الأكبر مبذول في الحالة 2.

(d) الشغل الأكبر مبذول في الحالة 3.

(e) الحالتان 1 و 3 بهما مقدار الشغل نفسه، وهو أكبر من الشغل في الحالة 2.

الشحنة النقطية

لنسخة المعادلة 3.11 لتحديد الجهد الكهربائي الناتج عن الشحنة التقطية.  $q$ . يتم تحديد المجال الكهربائي الناتج عن شحنة نقطية،  $q$  (باعتباره موجباً الآن)، على بعد مسافة  $r$  من الشحنة من العلاقة

$$E = \frac{kq}{r^2}$$

يكون اتجاه المجال الكهربائي على امتداد أقطار من الشحنة النقطية. افترض إجراء التكامل على طول خط مجال يمتد من اللانهاية إلى نقطة على بعد مسافة  $R$  من الشحنة النقطية، بحيث  $\vec{E} \bullet d\vec{s} = Edr$  يمكننا استخدام المعادلة 3.11 لنجعل على

$$V(R) = - \int_{\infty}^R \vec{E} \bullet d\vec{s} = - \int_{\infty}^R \frac{kq}{r^2} dr = \left[ \frac{kq}{r} \right]_{\infty}^R = \frac{kq}{R}$$

ومن ثم يتم تحديد الجهد الكهربائي الناج عن شحنة نقطية على مسافة ٢ من الشحنة من العلاقة

$$(3.12) \quad V = \frac{kq}{r}$$

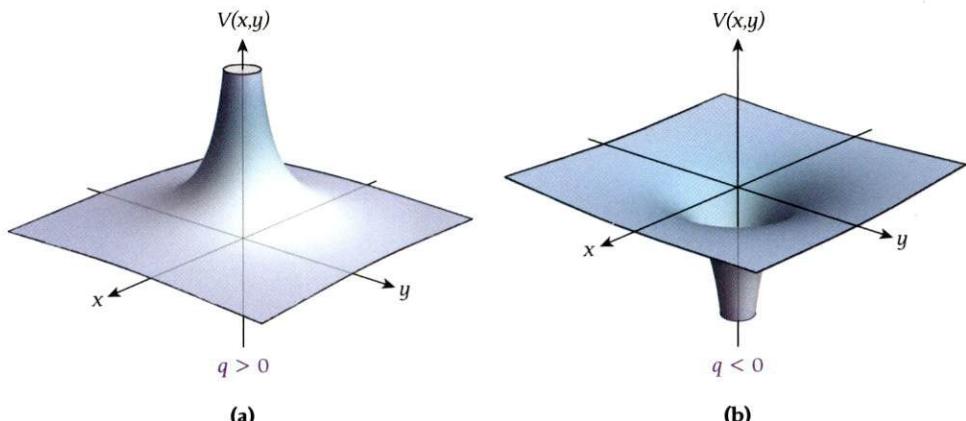
سؤال الاختيار الذاتي 3.3

3.12 تضمن الحصول على المعادلة للجهد الكهربائي الناتج عن شحنة نقطية إجراء تكامل على طول خط قطري من الالهابية إلى نقطة على مسافة  $R$  من الشحنة النقطية. كيف ستغير النتيجة إذا تم إجراء التكامل على مسار مختلف؟

### مراجعة المفاهيم 3.4

ما قيمة الجهد الكهربائي على بعد 45.5 cm من شحنة نقطية مقدارها 12.5 pC

- a) 0.247 V
- b) 1.45 V
- c) 4.22 V
- d) 10.2 V
- e) 25.7 V



الشكل 3.20 الجهد الكهربائي الناتج عن (a) شحنة نقطية موجبة و(b) شحنة نقطية سالبة.

تكون المعادلة 3.12 صحيحة أيضاً عندما  $q < 0$ . تولد الشحنة الموجبة جهذاً موجباً، وتولد الشحنة السالبة جهذاً سالباً، كما هو موضح في المثلث 3.20.

في الشكل 3.20، تم حساب الجهد الكهربائي لجميع النقاط الموجودة في المستوى  $xy$ . يمثل الخور الرأسي قيمة الجهد عند كل نقطة على المستوى،  $V(x,y)$ . والتي يتم إيجادها باستخدام المعادلة  $r = \sqrt{x^2 + y^2}$  ولا يتم حساب جهد عند الاقتراب من  $r = 0$  لأنه يصبح لانهائي هناك. من الشكل 3.20، يمكنك رؤية كيف يمكن خطوط تساوي الجهد الدائرية الموضحة في الشكل 3.17.

## مسألة محلولة 3.2

### المسألة

شحنة موجبة مقدارها  $4.50 \mu C$  ثابتة في مكانها، وأطلق جسيم كتلته  $6.00 \text{ g}$  وشحنته  $+3.00 \mu C$  بسرعة ابتدائية مقدارها  $66.0 \text{ m/s}$  مباشرةً باتجاه الشحنة الثابتة من مسافة تبعد  $0.420 \text{ cm}$  إلى أي مدى تقترب الشحنة المتحركة من الشحنة الثابتة قبل أن تصل إلى وضع السكون وتبدأ في الابتعاد عن الشحنة الثابتة؟

### الحل

**فكّر** ستكتسب الشحنة المتحركة طاقة وضع كهربائية عندما تقترب من الشحنة الثابتة. يعادل سالباً  $\Delta K + \Delta U = 0$ . التغير في طاقة وضع الشحنة المتحركة التغير في الطاقة الحركية للشحنة المتحركة لأن  $\Delta K + \Delta U = 0$ .

**ارسم** نعيّن موقع الشحنة الثابتة عند  $X = 0$ . كما هو موضح في الشكل 3.21. تبدأ الشحنة المتحركة عند  $X = D_0$ . وتتحرك بسرعة ابتدائية  $V_0 = 66.0 \text{ m/s}$ . وتنصل إلى وضع السكون عند  $X = D_f$ .

**ابحث** تكتسب الشحنة المتحركة طاقة وضع كهربائية عندما تقترب من الشحنة الثابتة وتفقد طاقة حركية حتى تتوقف. عند تلك النقطة، تكون الطاقة الحركية الأصلية للشحنة المتحركة قد خولت بأكملها إلى طاقة وضع كهربائية. باستخدام قانون حفظ الطاقة، يمكننا كتابة هذه العلاقة في صورة

$$\Delta K + \Delta U = 0 \Rightarrow \Delta K = -\Delta U \Rightarrow$$

$$0 - \frac{1}{2}mv_0^2 = -q_{\text{moving}}\Delta V \Rightarrow$$

(i)

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = q_{\text{moving}}\Delta V$$

يكون الجهد الكهربائي الذي تعرّضت له الشحنة المتحركة ناتجاً عن الشحنة الثابتة، لذا يمكننا كتابة التغيير

$$(ii) \quad \Delta V = V_f - V_i = k \frac{q_{\text{fixed}}}{d_f} - k \frac{q_{\text{fixed}}}{d_i} = kq_{\text{fixed}} \left( \frac{1}{d_f} - \frac{1}{d_i} \right)$$

**بسط** بالتعويض بتعبير فرق الجهد من المعادلة (ii) في المعادلة (i). نحصل على

$$\frac{1}{2}mv_0^2 = q_{\text{moving}}\Delta V = kq_{\text{moving}}q_{\text{fixed}} \left( \frac{1}{d_f} - \frac{1}{d_i} \right) \Rightarrow$$

$$\frac{1}{d_f} - \frac{1}{d_i} = \frac{mv_0^2}{2kq_{\text{moving}}q_{\text{fixed}}} \Rightarrow$$

$$\frac{1}{d_f} = \frac{1}{d_i} + \frac{mv_0^2}{2kq_{\text{moving}}q_{\text{fixed}}}$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية. نحصل على

$$\frac{1}{d_f} = \frac{1}{0.0420 \text{ m}} + \frac{(0.00600 \text{ kg})(66.0 \text{ m/s})^2}{2(8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(3.00 \times 10^{-6} \text{ C})(4.50 \times 10^{-6} \text{ C})} = 131.485$$

أو

$$d_f = 0.00760545 \text{ m}$$

**تقرب** نقرب النتيجة إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$d_f = 0.00761 \text{ m} = 0.761 \text{ cm}$$

**تحقق** تامة المسافة النهائية  $0.761 \text{ cm}$  أقل من المسافة الابتدائية  $4.20 \text{ cm}$ . عند المسافة النهائية، تبلغ طاقة الوضع الكهربائية للشحنة المتحركة

$$U = q_{\text{moving}}V = q_{\text{moving}} \left( k \frac{q_{\text{fixed}}}{d_f} \right) = k \frac{q_{\text{moving}}q_{\text{fixed}}}{d_f}$$

$$= (8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2) \frac{(3.00 \times 10^{-6} \text{ C})(4.50 \times 10^{-6} \text{ C})}{0.00761 \text{ m}} = 16.0 \text{ J}$$

تبلغ طاقة الوضع الكهربائية عند المسافة الابتدائية

$$U = q_{\text{moving}}V = q_{\text{moving}} \left( k \frac{q_{\text{fixed}}}{d_i} \right) = k \frac{q_{\text{moving}}q_{\text{fixed}}}{d_i}$$

$$= (8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2) \frac{(3.00 \times 10^{-6} \text{ C})(4.50 \times 10^{-6} \text{ C})}{(0.0420 \text{ m})} = 2.9 \text{ J}$$

تبلغ الطاقة الحركية الابتدائية

$$K = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{(0.00600 \text{ kg})(66.0 \text{ m/s})^2}{2} = 13.1 \text{ J}$$

يمكنا أن نرى أنه تم تحقيق المعادلة المبنية على قانون حفظ الطاقة، التي بدأت منها عملية الحل:

$$\frac{1}{2}mv^2 = \Delta U$$

$$13.1 \text{ J} = 16.0 \text{ J} - 2.9 \text{ J} = 13.1 \text{ J}$$

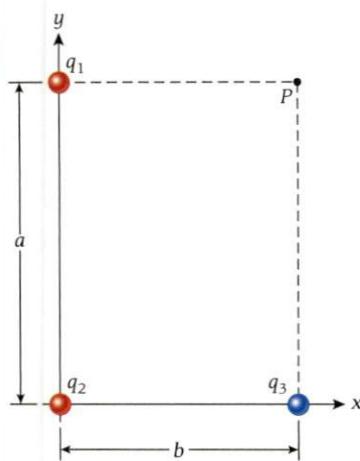
ما يمنحنا الثقة بأن النتيجة التي حصلنا عليها للمسافة النهائية صحيحة.

### نظام الشحنات النقطية

عند افتراض أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند مسافة لانهاية من نقطة الأصل، يمكننا حساب الجهد الكهربائي الناتج عن نظام من شحنات نقطية عددها  $n$  عن طريق جمع الجهد الناتج من كافة الشحنات:

$$(3.13) \quad V = \sum_{i=1}^n V_i = \sum_{i=1}^n \frac{kq_i}{r_i}$$

يمكن إثبات المعادلة 3.13 بالتعويض بالتعبير الخاص بإجمالي الحال الكهربائي الناتج عن  $n$  شحنات في المعادلة 3.11  $(\vec{E}_t = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \dots + \vec{E}_n)$  ثم حساب تكامل كل حد. يمثل الجموع في المعادلة

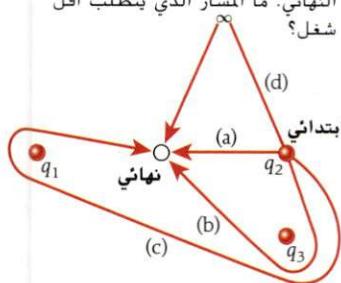


**الشكل 3.22** الجهد الكهربائي عند نقطة معينة الناتج عن ثلاثة شحنات نقطية.

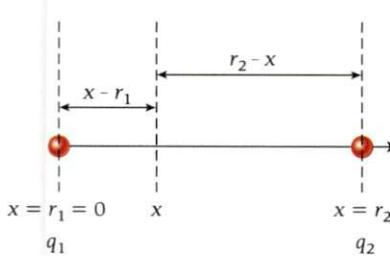
### مراجعة المفاهيم 3.6

وضعت ثلاثة شحنات نقطية موجبة متساوية تماماً عند نقاط ذاتية في الفضاء، ثم غرقت الشحنة  $q_2$  من موقعها الابتدائي إلى موقع نهائي كما هو موضح في الشكل. وموضع أربعة مسارات مختلفة مبينة بالترقيم (a) إلى (d). يتبين

- (a) أقصى خط؛ وينقل المسار
- (b) الشحنة  $q_2$  مروزاً بالشحنة  $q_3$ ؛ وينقل المسار
- (c) الشحنة  $q_2$  مروزاً بالشحنة  $q_1$  إلى مالا نهاية ثم إلى الموقع النهائي. ما المسار الذي يتطلب أقل شغلاً؟
- (d) المسار (a)



- (a) المسار (a)
- (b) المسار (b)
- (c) المسار (c)
- (d) المسار (d)
- (e) المسار واحد في المسارات كلها.



**الشكل 3.23** شحتان على طول المحور  $x$ .

الجهد في أي نقطة في الفضاء لها قيمة وليس لها اتجاه. ولذا يكون حساب الجهد الناتج عن مجموعة من الشحنات النقطية عادةً أبسط كثيراً من حساب المجال الكهربائي، الذي يتضمن جمع متجهات.

### تراكب الجهد الكهربائي

### مثال 3.4

حساب الجهد الكهربائي عند نقطة محددة الناتج عن نظام من شحنات نقطية. يوضح الشكل 3.22 ثلاثة شحنات نقطية هي:  $q_1 = +1.50 \mu\text{C}$ ,  $q_2 = +2.50 \mu\text{C}$ ,  $q_3 = -3.50 \mu\text{C}$ . توجد الشحنة  $q_1$  عند النقطة  $(0, a)$ , والشحنة  $q_2$  عند  $(b, 0)$ , والشحنة  $q_3$  عند  $(b, a)$ , حيث  $b = 6.00 \text{ m}$ ,  $a = 8.00 \text{ m}$ .

الجهد الكهربائي عند النقطة  $P$  يساوي مجموع الجهد الكهربائي الناتج عن الشحنات الثلاث:

$$\begin{aligned} V &= \sum_{i=1}^3 \frac{kq_i}{r_i} = k \left( \frac{q_1}{r_1} + \frac{q_2}{r_2} + \frac{q_3}{r_3} \right) = k \left( \frac{q_1}{b} + \frac{q_2}{\sqrt{a^2 + b^2}} + \frac{q_3}{a} \right) \\ &= (8.99 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2) \left( \frac{1.50 \times 10^{-6} \text{ C}}{6.00 \text{ m}} + \frac{2.50 \times 10^{-6} \text{ C}}{\sqrt{(8.00 \text{ m})^2 + (6.00 \text{ m})^2}} + \frac{-3.50 \times 10^{-6} \text{ C}}{8.00 \text{ m}} \right) \\ &= 562 \text{ V} \end{aligned}$$

لاحظ أن الجهد الكهربائي الناتج عن  $q_3$  يكون سالماً عند النقطة  $P$ , لكن مجموع الجهد الكهربائي موجب. بتشابه هذا المثال مع المثال 2.1, الذي حصل فيه المجال الكهربائي الناتج عن ثلاثة شحنات عند النقطة  $P$ . لاحظ أن حساب الجهد الكهربائي الناتج عن ثلاثة شحنات هذا أبسط بكثير من الحساب في الوحدة السابقة.

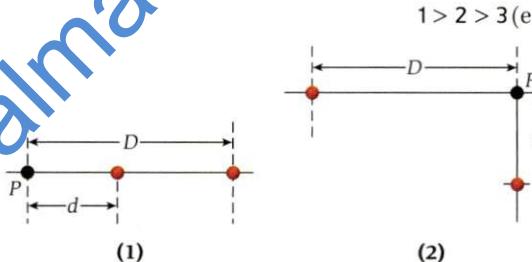
### مراجعة المفاهيم 3.5

يوجد بروتونان في الفضاء بالطرق الثلاث الموضحة في الشكل. رتب الحالات الثلاث وفقاً إلى الأقل حسب صافي الجهد الكهربائي  $V$  الناتج عند النقطة  $P$ .

- (d) الجهد متساوية في الحالتين 1 و 3, لكن الجهد في الحالة 2 أقل.
- (2)  $>$  (3)  $>$  (1)

(b) الجهد الثلاثة كلها متساوية.

- (3)  $>$  (2)  $>$  (1)



### المد الأدنى للجهد

### مسألة محلولة 3.3

#### المسألة

توجد شحنة  $q_1 = 0.829 \text{ nC}$  عند  $r_1 = 0$  على المحور  $X$ . وتوجد شحنة أخرى  $q_2 = 0.275 \text{ nC}$  عند  $r_2 = 11.9 \text{ cm}$  على المحور  $X$ . عند أي نقطة على طول المحور  $X$  بين الشحنتين، يكون الجهد الكهربائي الناتج منها أدنى ما يمكن؟

#### الحل

يمكنا التعبير عن الجهد الكهربائي الناتج عن الشحنتين في صورة مجموع الجهد الكهربائي الناتج عن الشحنات الفردية. للحصول على المد الأدنى للجهد، نحسب مشتقة الجهد وساوينها بالصفر. ثم يمكننا حساب المسافة التي تكون المشتقة عنها صفرة.

رسم يوضح الشكل 3.23 موقع الشحنتين.

**ابحث** يمكننا التعبير عن الجهد الكهربائي الناجم على طول المخور  $X$  من الشحتين كالتالي

$$V = V_1 + V_2 = k \frac{q_1}{x - r_1} + k \frac{q_2}{r_2 - x} = k \frac{q_1}{x} + k \frac{q_2}{r_2 - x}$$

لاحظ أن الكميات  $x$  و  $r_2 - x$  موجبة دائما لأن  $r_2 > x > 0$ . لإيجاد الحد الأدنى، نحسب مشتقة الجهد الكهربائي:

$$\frac{dV}{dx} = -k \frac{q_1}{x^2} - k \frac{q_2}{(r_2 - x)^2} (-1) = k \frac{q_2}{(r_2 - x)^2} - k \frac{q_1}{x^2}$$

**بسط** بعد مساواة مشتقة الجهد الكهربائي بالصفر وإعادة الترتيب، نحصل على

$$k \frac{q_2}{(r_2 - x)^2} = k \frac{q_1}{x^2}$$

بعد القسمة على  $k$  وإعادة الترتيب، نحصل على

$$\frac{x^2}{(r_2 - x)^2} = \frac{q_1}{q_2}$$

الآن يمكننا حساب الجذر التربيعي وإعادة الترتيب:

$$x = \pm (r_2 - x) \sqrt{\frac{q_1}{q_2}}$$

نظرًا لأن  $x > 0$  و  $r_2 - x > 0$ ، يجب أن تكون الإشارة موجبة. بالحل لإيجاد  $x$ ، نحصل على

$$x = \frac{r_2 \sqrt{\frac{q_1}{q_2}}}{1 + \sqrt{\frac{q_1}{q_2}}} = \frac{r_2}{\sqrt{\frac{q_2}{q_1} + 1}}$$

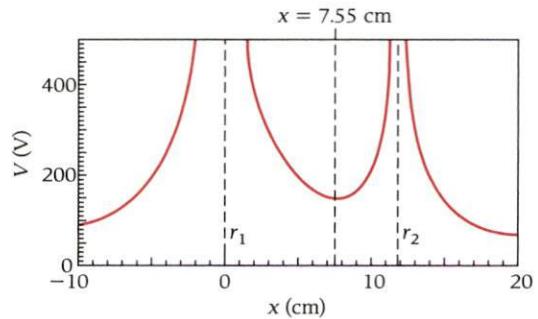
**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$x = \frac{0.119 \text{ m}}{1 + \sqrt{\frac{0.275 \text{ nC}}{0.829 \text{ nC}}}} = 0.0755097 \text{ m}$$

**قرب** نقترب النتيجة إلى ثلاثة أرقام صحيحة:  
 $x = 0.0755 \text{ m} = 7.55 \text{ cm}$

**تحقق ثانية** يمكننا التحقق ثانية من النتيجة من خلال التمثيل البياني (باستخدام حاسبة التمثيل البياني مثلاً) للجهد الكهربائي الناجم من الشحتين وتحديد الحد الأدنى من الرسم (الشكل 3.24).

يقع الحد الأدنى للجهد الكهربائي عند  $x = 7.55 \text{ cm}$ . وهو ما يؤكد النتيجة التي تم التوصل إليها.



**الشكل 3.24** التمثيل البياني للجهد الكهربائي الناجم عن الشحتين.

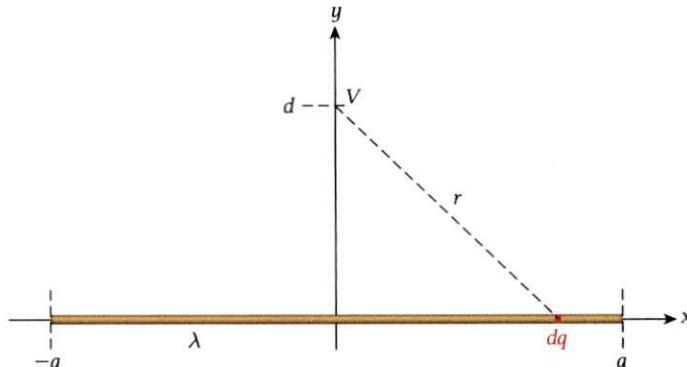
## التوزيع المتصل للشحنة

يمكننا تحديد الجهد الكهربائي الناجم عن التوزيع المتصل للشحنة. للقيام بذلك، نقسم الشحنة إلى عناصر تفاضلية من الشحنة.  $dq$ . ثم نوجد الجهد الكهربائي الناجم من هذه الشحنة التفاضلية كما لو كانت شحنة نقطية. وهذه هي الطريقة التي تم التعامل بها مع توزيعات الشحنات في تحديد الحالات الكهربائية في الوحدة 2. يمكن التعبير عن الشحنة التفاضلية،  $dq$ . بدلالة الشحنة لكل وحدة طول مضروبة في الطول التفاضلي،  $\lambda dx$ : أو بدلالة الشحنة لكل وحدة مساحة مضروبة في المساحة التفاضلية،  $\sigma dA$ : أو بدلالة الشحنة لكل وحدة حجم مضروبة في الحجم التفاضلي،  $\rho dV$ . ويتم الحصول على الجهد الكهربائي الناجم من توزيع الشحنة عن طريق حساب تكامل إسهامات الشحنات التفاضلية. لنفكر في مثال يتضمن جهذاً كهربائياً ناتجاً عن توزيع شحنات أحادي البعد.

### خط محدد من الشحنات

### مثال 3.5

ما الجهد الكهربائي عند المسافة  $d$  على المنصف العمودي لسلك رفيع طوله  $2a$  وتوزيع شحنة خطية  $\lambda$  (الشكل 3.25)؟



الشكل 3.25 حساب الجهد الكهربائي الناجم عن خط شحنة.

يتم تحديد الجهد الكهربائي التفاضلي  $dV$  على المسافة  $d$  على المنصف العمودي للسلك والناجم عن شحنة تفاضلية  $dq$ . من العلاقة

$$dV = k \frac{dq}{r}$$

يتم إيجاد الجهد الكهربائي للسلك بأكمله من خلال حساب تكامل  $dV$  بطول السلك:

$$(i) \quad V = \int_{-a}^{a} dV = \int_{-a}^{a} k \frac{dq}{r}$$

باستخدام المعادلة (i) على الناصحة يمكننا إعادة كتابة المعادلة  $r = \sqrt{x^2 + d^2}$  و  $dq = \lambda dx$

$$V = \int_{-a}^{a} k \frac{\lambda dx}{\sqrt{x^2 + d^2}} = k\lambda \int_{-a}^{a} \frac{dx}{\sqrt{x^2 + d^2}}$$

ينتج عن إيجاد هذا التكامل في جدول أو تقييمه باستخدام برنامج

$$\int_{-a}^{a} \frac{dx}{\sqrt{x^2 + d^2}} = \left[ \ln \left( x + \sqrt{x^2 + d^2} \right) \right]_{-a}^a = \ln \left( \frac{\sqrt{a^2 + d^2} + a}{\sqrt{a^2 + d^2} - a} \right)$$

ومن ثم، يتم تحديد الجهد الكهربائي عند المسافة  $d$  على المنصف العمودي للخط المحدد للشحنة من العلاقة

$$V = k\lambda \ln \left( \frac{\sqrt{a^2 + d^2} + a}{\sqrt{a^2 + d^2} - a} \right)$$

### سؤال الاختبار الذاتي 3.4

ارسم التمثيل البياني للجهد الكهربائي الناجم عن كرة موصولة مشحونة موجفة كدالة للإحداثي نصف القطري  $r$  من صفر إلى ثلاثة أضعاف نصف قطر الكرة.  $R$ .

### قرص مشحون

### مسألة محلولة 3.4

#### المسألة

شحنة مقدارها  $3.50 \text{ nC}$  موزعة بانتظام على قرص نصف قطره  $1.00 \text{ cm}$ . ما الجهد الكهربائي عند مسافة  $4.50 \text{ mm}$  من القرص على طول محور عمأله. بافتراض أن الجهد يساوي صفرًا عند مسافة لانهائية؟

#### الحل

**فكرة** تنتج الشحنة النقطية الجهد الكهربائي  $V(r) = kq/r$ . لكن نظرًا لأن الشحنة في هذه الحالة موزعة على مساحة. لا يمكننا استخدام هذه العلاقة. لكن يجب حساب

التكامل. الإجراء العام الخاص بهذا التكامل واحد دائرياً: نقسم إجمالي الشحنة إلى أجزاء صغيرة.  $dq$ . ونحسب الجهد الكهربائي لكل منها، ثم نحسب تكامل جميع أجزاء الشحنة. في هذه الحالة، مهمتنا هي إيجاد الجهد الكهربائي لنقطة على محور تماثل القرص. لذا علينا استخدام هذا التمايل في إجراء التكامل.

**ارسم** يوضح الشكل 3.26 رسماً للمسألة.

**ابحث** كثافة الشحنة السطحية للقرص هي  $\sigma = q/A$ . حيث  $A = \pi R^2$ . بالإضافة إلى ذلك، الشحنة موزعة بشكل متباين حول محور التمايل، المحور  $X$  في الشكل 3.26. يتحقق هذا استخدام حلقة رقيقة عرضها  $dr$  من أجل وحدة الشحنة التفاضلية:  $dq = \sigma dA$ . مع  $dA = 2\pi r dr$ . في الشكل 3.26. ترى أن كل نقطة على الحلقة عبارة عن مسافة متساوية  $\ell$  من النقطة ( $r$  علامه حمراء) التي تزيد إيجاد الجهد عندها. إذاً يكون إسهام  $dp$  في الجهد الكهربائي هو  $dV = kdq/\ell$ . وإجمالي من الجزء (b) في الشكل 3.26. يمكن رؤية أن هذه العلاقة تحدد من خلال  $\ell = \sqrt{r^2 + x^2}$

**خط** بعد تجميع الأجزاء معاً. نجد أنه يتم تحديد الجهد على محور تماثل القرص كدالة لمسافة إلى المركز

$$V(x) = \int dV = \int \frac{k}{\ell} dq = \int \frac{k\sigma}{\ell} dA = \int \frac{k\sigma}{\ell} 2\pi r dr$$

بعد التعويض بالمتغيرات التي حصلنا عليها لكتافة الشحنة،  $\sigma$ . والمسافة،  $\ell$ . تكون جاهزين لحساب التكامل على  $x$  من صفر إلى قطر قدر قطر القرص،  $R$ :

$$V(x) = \frac{2kq}{R^2} \int_0^R \frac{r}{\sqrt{x^2 + r^2}} dr = \frac{2kq}{R^2} \sqrt{x^2 + r^2} \Big|_0^R = \frac{2kq}{R^2} (\sqrt{x^2 + R^2} - x)$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية نحصل على

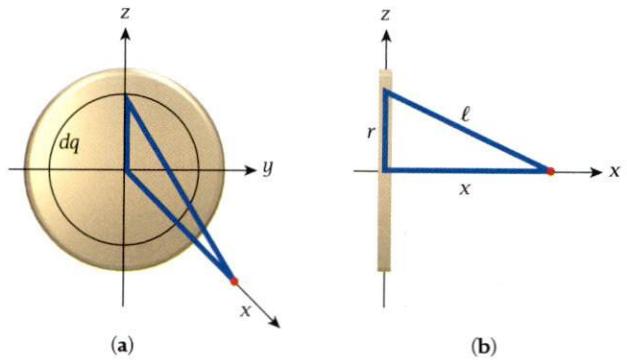
$$V(4.5 \text{ mm}) = \frac{2(8.98755 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(3.5 \times 10^{-9} \text{ C})}{(0.01 \text{ m})^2} \left[ \sqrt{(4.5 \times 10^{-3} \text{ m})^2 + (0.01 \text{ m})^2} - 4.5 \times 10^{-3} \text{ m} \right] \\ = 4067.85 \text{ N m/C}$$

**قرب** نقرب النتيجة النهائية إلى ثلاثة أرقام معنوية:  $4.07 \text{ kV}$ . (استخدمنا  $1 \text{ N m} = 1 \text{ J}$  للوصول إلى الوحدة الملائمة لقياس الجهد وهي الفولت).

**تحقق ثانية** لقد أجرينا بالفعل تحقيقاً بسيطاً من خلال ملاحظة أن وحدات الإجابة صحيحة. وإجراء خلق آخر، يمكننا النظر إلى الحالة المحددة التي يقل فيها نصف قطر القرص إلى صفر، أي أنه يصبح شحنة نقطية. الجهد عند مسافة  $4.50 \text{ mm}$  من شحنة نقطية  $3.50 \text{-nC}$  هو

$$V_{\text{point}}(4.5 \text{ mm}) = \frac{(8.988 \times 10^9 \text{ N m}^2/\text{C}^2)(3.5 \times 10^{-9} \text{ C})}{0.0045 \text{ m}} = 6.99 \text{ kV}$$

هذه النتيجة مطمئنة لأن درجة المقدار مماثلة للإجابة التي حسبناها. لكنها أكبر قليلاً فقط. كما نوقينا. يقارن الشكل 3.27 بين التمثيل البياني للجهد الكهربائي الناجع عن القرص المشحون (المتحنى الأزرق) والتمثيل البياني للجهد الناجع عن شحنة نقطية (المتحنى الأحمر). كما هو متوقع، فإن توزيع الشحنة لا يهم في المسافات الكبيرة. وباقرب الجهد الذي حسبناه من الجهد الناجع بشحنة نقطية. إلا إن الاختلاف يتضح جداً عندما تكون المسافات أصغر من نصف قطر القرص. ونلاحظ على وجه الخصوص أنه عندما  $x \rightarrow 0$ . فإن الجهد الناجع عن قرص مشحون باتظام لا يتبعه حدود الأقصى  $2 kq/R$ .



**الشكل 3.26** الجهد الكهربائي على محور تماثل القرص:  
(a) منظر أمامي. (b) منظر جانبي.

الصلة

### 3.5 إيجاد المجال الكهربائي من الجهد الكهربائي

كما ذكرنا سابقاً، يمكننا تحديد المجال الكهربائي بداية من الجهد الكهربائي. تستخدم هذه العملية الحسابية المعادلين 3.8 و 3.10:

$$-q dV = q \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

حيث  $d\vec{s}$  متجه من نقطة ابتدائية إلى نقطة نهاية تقع على بعد مسافة قصيرة (متناهية الصغر). يتم تحديد مركبة المجال الكهربائي  $E_s$  على طول اتجاه  $d\vec{s}$  من المشتقة الجزئية

$$(3.14) \quad E_s = -\frac{\partial V}{\partial s}$$

#### مراجعة المفاهيم 3.7

افتراض أن الجهد الكهربائي يوضح بالعلاقة  $V(x, y, z) = -(5x^2 + y + z)$  بالغولت. أي من التعبيرات التالية يصف المجال الكهربائي المختزن بوحدة فولت للمتر؟

a)  $\vec{E} = 5\hat{x} + 2\hat{y} + 2\hat{z}$

b)  $\vec{E} = 10x\hat{x}$

c)  $\vec{E} = 5x\hat{x} + 2\hat{y}$

d)  $\vec{E} = 10x\hat{x} + \hat{y} + 2\hat{z}$

e)  $\vec{E} = 0$

ومن ثم، يمكننا إيجاد أي مركبة للمجال الكهربائي عن طريق حساب المشتقة الجزئية للجهد بطول اتجاه هذه المركبة. ثم يمكننا كتابة مركبتي المجال الكهربائي بدالة المشتقات الجزئية للجهد:

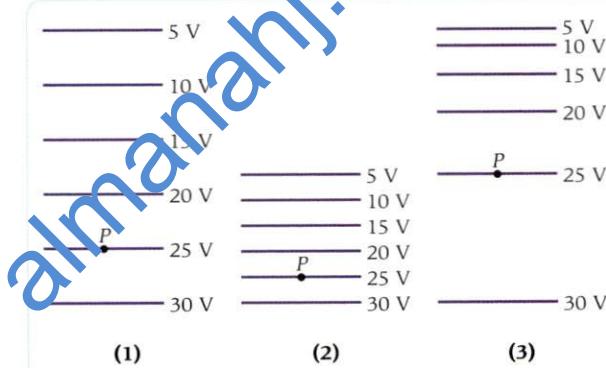
$$(3.15) \quad E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}; \quad E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}; \quad E_z = -\frac{\partial V}{\partial z}$$

صيغة حساب المتجه المكافئ هي  $(-\partial V / \partial x, \partial V / \partial y, \partial V / \partial z) = -\vec{E}$ . حيث يسمى العامل  $\vec{\nabla} V$  التدرج. ومن ثم، يمكن تحديد المجال الكهربائي من خلال قياس سالب تغير الجهد لكل وحدة مسافة عمودية على خط تساوي الجهد، أو خليلياً. باستخدام المعادلة 3.15.

لتعزيز مفاهيم المجالات الكهربائية والجهد بصرياً، يوضح المثال التالي كيفية استخدام الطريقة البيانية لإيجاد المجال بمعلومية الجهد.

#### مراجعة المفاهيم 3.8

في الشكل الموضح، تمثل الخطوط خطوطاً متساوية الجهد. قارن بين مقدار المجال الكهربائي  $E$  عند النقطة  $P$  في الحالات الثلاث.



a)  $E_1 = E_2 = E_3$

b)  $E_1 > E_2 > E_3$

c)  $E_1 < E_2 < E_3$

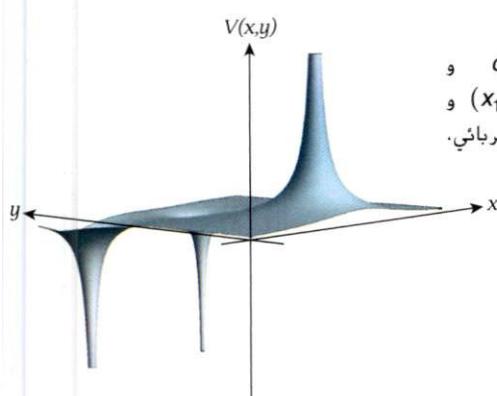
d)  $E_3 > E_1 > E_2$

e)  $E_3 < E_1 < E_2$

#### مثال 3.6

للفكر في نظام يتكون من ثلاثة شحنات نقطية قيمها  $q_1 = -6.00 \mu C$  و  $q_2 = -3.00 \mu C$  و  $q_3 = +9.00 \mu C$ . توجد في الواقع  $(x_1, y_1) = (1.5 \text{ cm}, 9.0 \text{ cm})$  و  $(x_2, y_2) = (6.0 \text{ cm}, 8.0 \text{ cm})$  و  $(x_3, y_3) = (5.3 \text{ cm}, 2.0 \text{ cm})$ . يوضح الشكل 3.28 المجال الكهربائي  $V(x, y)$ . الناتج عن هذه الشحنات الثلاث، مع حساب خطوط تساوي الجهد عند قيم جهود تبدأ من 5000 V إلى 50000 V بزيادات 1000 V الموضحة في الشكل 3.29.

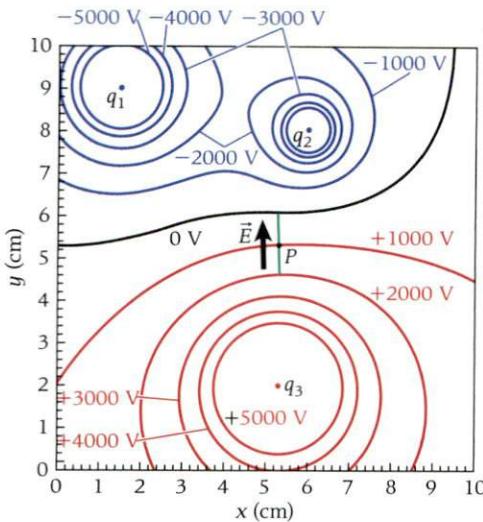
يمكننا حساب مقدار المجال الكهربائي عند النقطة  $P$  باستخدام المعادلة 3.14 والطرق البيانية. للقيام بهذه المهمة، نستخدم الخط الأحمر



الشكل 3.28 الجهد الكهربائي الناتج عن

ثلاث شحنات.

- ينبع



الشكل 3.29 خطوط تساوي الجهد للجهد الكهربائي الناتج عن ثلاث شحنات نقطية.

في الشكل 3.29. الرسم مازاً بالنقطة  $P$  عمودياً على خط تساوي الجهد لأن المجال الكهربائي دائرياً عمودي على خطوط تساوي الجهد. يصل من خط تساوي الجهد  $0 \text{ V}$  إلى الخط  $2000 \text{ V}$ . كما ترى في الشكل 3.29. ميل الخط الأخضر هو  $1.5 \text{ cm}$ . لذا يمكن تقريب مقدار المجال الكهربائي على النحو التالي

$$|E_s| = \left| -\frac{\Delta V}{\Delta s} \right| = \left| \frac{(+2000 \text{ V}) - (0 \text{ V})}{1.5 \text{ cm}} \right| = 1.3 \times 10^5 \text{ V/m}$$

حيث  $\Delta s$  هو طول الخط المتر بالنقطة  $P$ . تشير الإشارة السالبة في المعادلة 3.14 إلى أن اتجاه المجال الكهربائي بين خطوط تساوي الجهد المتقاربة يكون من خط تساوي الجهد  $2000 \text{ V}$  إلى خط الجهد صفر.

في الوحدة 2. قمنا باشتقاء تعبير للمجال الكهربائي على طول المنصف العمودي للخط المحدد للشحنة:

$$E_y = \frac{k\lambda}{y} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}}$$

في المثال 3.5. توصلنا إلى تعبير للجهد الكهربائي على طول المنصف العمودي للخط المحدد للشحنة، وهذا نستبدل الإحداثي  $d$  المستخدم في ذلك المثال بالمسافة في الاتجاه  $y$ :

$$(3.16) \quad V = k\lambda \ln \left( \frac{\sqrt{y^2 + a^2} + a}{\sqrt{y^2 + a^2} - a} \right)$$

يمكننا إيجاد المركبة  $y$  للمجال الكهربائي من الجهد باستخدام المعادلة 3.15.

$$\begin{aligned} E_y &= -\frac{\partial V}{\partial y} \\ &= -\frac{\partial \left[ k\lambda \ln \left( \frac{\sqrt{y^2 + a^2} + a}{\sqrt{y^2 + a^2} - a} \right) \right]}{\partial y} \\ &= -k\lambda \left( \frac{\partial \left( \ln \left( \sqrt{y^2 + a^2} + a \right) \right)}{\partial y} - \frac{\partial \left( \ln \left( \sqrt{y^2 + a^2} - a \right) \right)}{\partial y} \right) \end{aligned}$$

### مراجعة المفاهيم 3.9

في الشكل الموضح، تمثل الخطوط خطوطاً متساوية الجهد. وُضعت شحنة موجبة عند النقطة  $P$ . ثم وُضعت شحنة موجبة أخرى عند النقطة  $Q$ . ما مجموعة المتجهات التي تعد أفضل تمثيل للمقادير النسبية وأتجاهات قوى المجال الكهربائي المبنية على الشحنات الموجبة عند النقطتين  $P$  و  $Q$ ؟

- a)  $PQ$
  - b)  $PQ$
  - c)  $PQ$
  - d)  $PQ$
  - e)  $OQ$
- |      |
|------|
| 5 V  |
| 10 V |
| 15 V |
| 20 V |
| 25 V |
| 30 V |

### مراجعة المفاهيم 3.10

- في الشكل الموضح، تمثل الخطوط خطوطاً متساوية الجهد. ما إتجاه المجال الكهربائي عند النقطة  $P$ ؟
- 
- (a) إلى أعلى  
(b) إلى أسفل  
(c) إلى اليسار  
(d) إلى اليمين  
(e) المجال الكهربائي عند النقطة  $P$  يساوي صفرًا.

### مراجعة المفاهيم 3.11

ثلاثة أزواج من الألواح المتوازية بين كل زوج المسافة الفاصلة نفسها ووجه كل لوح موضع في الرسم. وال المجال الكهربائي

- ج. منظم بين كل زوج من الألواح وعمودي عليه. رب مقدار  $E$  بين الألواح، من الأعلى إلى الأقل.
- 
- (1)  $1 > 2 > 3$   
(b)  $3 > 2 > 1$   
(c) مقدار 3 متساوية وأكبر من مقدار 1.  
(d) المقادير الثلاثة متساوية.  
(e) مقدار 2 أكبر من مقدار 1 و3 وهما متساويا.

الشكل 3.30 شحتناء نقطيتان ببعديها المسافة  $r$ .

نحصل على الحد الأول بحساب المشتقه الجزئية (نذكر أنه يمكننا معاملة المشتقه الجزئية كمشتقه عادي)

$$\frac{\partial}{\partial y} \left( \ln \left( \sqrt{y^2 + a^2} + a \right) \right) = \left( \frac{1}{\sqrt{y^2 + a^2} + a} \right) \left( \frac{1}{2} \frac{1}{\sqrt{y^2 + a^2}} \right) \frac{(2y)}{\text{المشتقة}} = \frac{y}{y^2 + a^2 + a\sqrt{y^2 + a^2}}$$

حيث تم استخدام حقيقة أن مشتقه دالة اللوغاريتم الطبيعي هي  $d/\ln x = 1/x$  بالإضافة إلى قاعدة السلسلة في التفاضل. (يشار إلى المشتقات الخارجيه والداخلية أصغر الحدود التي تنتجهما). يمكن إيجاد تعبير مشابه للحد الثاني. وباستخدام قيم المشتقات، يمكننا إيجاد مركبة المجال الكهربائي:

$$E_y = -k\lambda \left( \frac{y}{y^2 + a^2 + a\sqrt{y^2 + a^2}} - \frac{y}{y^2 + a^2 - a\sqrt{y^2 + a^2}} \right) = \frac{2k\lambda}{y} \frac{a}{\sqrt{y^2 + a^2}}$$

هذه النتيجة مائلة لنتيجة المجال الكهربائي في الاتجاه  $y$  المشرق في الوحدة 2 من خلال حساب التكامل على خط محدد للشحنة.

## طاقة الوضع الكهربائية لنظام من الشحنات النقطية

### 3.6

ناقش القسم 3.1 طاقة الوضع الكهربائية لشحنة نقطية في مجال كهربائي خارجي معين، ووصف القسم 3.4 طريقة حساب الجهد الكهربائي الناجم عن نظام من الشحنات النقطية. يجمع هذا القسم بين هاتين المعلوماتين لإيجاد طاقة الوضع الكهربائية لنظام شحنات نقطية بداخل نظام شحنات متباعدة إلى ما لا نهاية. لتقريب هذه الشحنات إلى بعضها، يجب بذل شغل على الشحنات، وهو ما يغير طاقة الوضع الكهربائية لنظام، وطاقة الوضع الكهربائية لنظام الشحنات النقطية هي الشغل اللازم جلب الشحنات من الالهائية وتقريبها معاً.

كمثال، سنوجد طاقة الوضع الكهربائية لنظام مكون من شحتناء نقطيتين (شكل 3.30). افترض أن الشحتناء نقطيتين تكون المسافة الفاصلة بينهما في البداية لا نهاية. ثم جلبنا الشحنات  $q_1$  إلى النظام. لا يتطلب هذا الإجراء بذل أي شغل على الشحنة، لأن النظام الحالي من الشحنات ليس له مجال كهربائي أو قوة كهربائية مقابلة. نحافظ على هذه الشحنة ثابتة، ثم جلب الشحنة  $q_2$  من الالهائية إلى المسافة  $r$  من  $q_1$ . من الالهائية إلى المسافة  $r$  من  $q_1$ . وباستخدام المعادلة 3.6، يمكننا كتابة طاقة الوضع الكهربائية لنظام على الصورة

$$(3.17) \quad U = q_2 V$$

حيث

$$(3.18) \quad V = \frac{kq_1}{r}$$

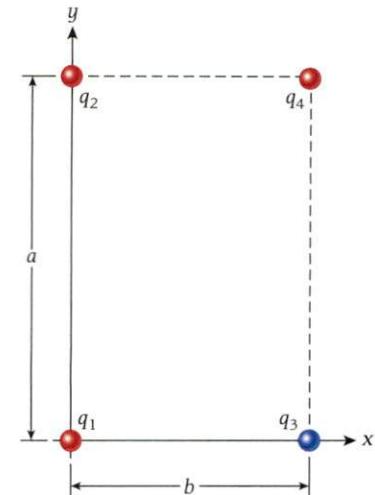
ومن ثم، تكون طاقة الوضع الكهربائية لهذا النظام المكون من شحتناء نقطيتين هي

$$(3.19) \quad U = \frac{kq_1 q_2}{r}$$

ومن نظرية الشغل والطاقة، فإن الشغل  $W$ ، اللازم بذله على الجسيمات لتقريبها وإيقاعها ثابتة يساوي  $U$ . إذا كان للشحتناء نقطيتين  $q_1$  و  $q_2$ ، فإن  $W = U > 0$ . فيجب بذل شغل موجب جلبهما من الالهائية وتقريبهما وإيقاعهما دون حرکة. إذا كان للشحتناء إشارتان مختلفتان، فيجب بذل شغل سالب جلبهما من الالهائية وتقريبهما وإيقاعهما دون حرکة. ولتحديد  $U$  لأكثر من شحتناء نقطيتين، فإننا جمع الشحنات من الالهائية واحدة تلو الأخرى بغض النظر عن أي ترتيب.

### مثال 3.7 أربع شحنات نقطية

لنحسب  $\mu$  وهي طاقة الوضع الكهربائية لنظام مكون من أربع شحنات نقطية. المبين في الشكل 3.31. وقيم الشحنات النقطية الأربع هي  $q_1 = +1.0 \mu\text{C}$ ,  $q_2 = +2.0 \mu\text{C}$ ,  $q_3 = -3.0 \mu\text{C}$ ,  $q_4 = +4.0 \mu\text{C}$ .  $a = 6.0 \text{ m}$ ,  $b = 4.0 \text{ m}$ .



ما طاقة الوضع الكهربائية لهذا النظام المكون من أربع شحنات نقطية؟

#### الحل

نبدأ الحساب عندما تكون الشحنات الأربع متباينة في مالا نهاية ونفترض أن طاقة الوضع الكهربائية في هذا التكوين تساوي صفرًا. خلب الشحنة  $q_1$  ونضعها عند النقطة  $(0,0)$ . لا يؤثر هذا الإجراء في طاقة الوضع الكهربائية للنظام. والآن خلب الشحنة  $q_2$  ونضعها عند النقطة  $(0,a)$ . طاقة الوضع الكهربائية للنظام الآن هي

$$U = \frac{kq_1q_2}{a}$$

يؤدي جلب الشحنة  $q_3$  من مسافة لانهاية ووضعها عند النقطة  $(b,0)$  إلى تغيير طاقة وضع النظام من خلال تفاعل الشحنة  $q_3$  مع  $q_1$  وتفاعل  $q_3$  مع  $q_2$ . وتصبح طاقة الوضع الجديدة

$$U = \frac{kq_1q_2}{a} + \frac{kq_1q_3}{b} + \frac{kq_2q_3}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

وأخيرًا، يؤدي جلب الشحنة  $q_4$  ووضعها عند النقطة  $(b,a)$  إلى تغيير طاقة وضع النظام من خلال التفاعلات مع  $q_1$ ,  $q_2$ ,  $q_3$ . ومن ثم يصل إجمالي طاقة الوضع الكهربائية للنظام إلى

$$U = \frac{kq_1q_2}{a} + \frac{kq_1q_3}{b} + \frac{kq_2q_3}{\sqrt{a^2 + b^2}} + \frac{kq_1q_4}{\sqrt{a^2 + b^2}} + \frac{kq_2q_4}{b} + \frac{kq_3q_4}{a}$$

لاحظ أن ترتيب جلب الشحنات من اللانهاية لن يؤثر في هذه النتيجة. (يمكنك تجربة ترتيب مختلف للتحقق من صحة العبارة). بالتعاون على تقييم العددية، نحصل على

$$U = (3.0 \times 10^{-3} \text{ J}) + (-6.7 \times 10^{-3} \text{ J}) + (-7.5 \times 10^{-3} \text{ J}) + \\ (5.0 \times 10^{-3} \text{ J}) + (1.8 \times 10^{-2} \text{ J}) + (-1.6 \times 10^{-2} \text{ J}) = -6.2 \times 10^{-3} \text{ J}$$

**الشكل 3.31** حساب طاقة الوضع لنظام من أربع شحنات نقطية.

من العملية الحسابية في مثال 3.7، نستكمل النتيجة. نحصل على صيغة لطاقة الوضع الكهربائية لجموع من الشحنات النقطية:

$$(3.20) \quad U = k \sum_{ij(\text{pairings})} \frac{q_i q_j}{r_{ij}}$$

حيث  $\sigma$  ورمسيات لكل زوج من الشحنات. ويتم تحديد الجموع لكل زوج  $i,j$  (لكل  $j \neq i$ ). و $r_{ij}$  هي المسافة بين الشحتين في كل زوج. هناك طريقة أخرى لكتابية هذا الجموع المزدوج، وهي

$$U = \frac{1}{2} k \sum_{j=1}^n \sum_{i=1, i \neq j}^n \frac{q_i q_j}{|\vec{r}_i - \vec{r}_j|}$$

وهي أكثر وضوحاً من الصيغة المكافئة في المعادلة 3.30.

#### ما تعلمناه | دليل المذاكرة للاختبار

- تمثل أسطح تساوي الجهد وخطوط تساوي الجهد مواضع في الفضاء لها الجهد الكهربائي نفسه. أسطح تساوي الجهد متعمدة دائمًا على خطوط المجال الكهربائي.

- بعد سطح أي موصل سطح تساوي الجهد.

- التغير في طاقة الوضع الكهربائية،  $\Delta U$ . لشحنة نقطية تتحرك في مجال كهربائي يساوي سالب الشغل الذي يبذله المجال الكهربائي  $W_e$  على هذه الشحنة النقطية:  $\Delta U = W_e - U_f - U_i = -W_e$
- التغير في طاقة الوضع الكهربائية،  $\Delta U$ . يساوي الشحنة،  $q$ . مضروبة في التغير في الجهد الكهربائي،  $\Delta V$ :  $\Delta U = q \Delta V$

- يمكن التعبير عن الجهد الكهربائي الناتج عن نظام مكون من عدد  $n$  من الشحنات النقطية كمجموع جبري لقيم الجهد الفردية:
$$V = \sum_{i=1}^n V_i$$
- يمكن تحديد المجال الكهربائي من درجات الجهد الكهربائي في اتجاه كل مركبة:  $E_x = -\frac{\partial V}{\partial x}$ ,  $E_y = -\frac{\partial V}{\partial y}$ ,  $E_z = -\frac{\partial V}{\partial z}$
- يمكن تحديد طاقة الوضع الكهربائية لنظام مكون من شحنتين نقطيتين من الصيغة  $U = \frac{kq_1 q_2}{r}$

■ يمكن تحديد التغير في الجهد الكهربائي من المجال الكهربائي من خلال حساب التكامل على المجال:  $\Delta V = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$  تؤدي مساواة الجهد بالصفر عند مالا نهاية إلى تكوين العلاقة

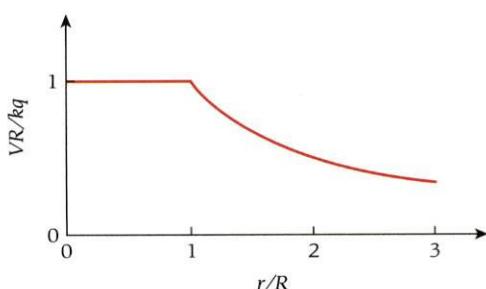
$$V = \int_i^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

- يتم تحديد الجهد الكهربائي الناتج عن شحنة نقطية،  $q$ , على بعد مسافة  $r$  من الشحنة من العلاقة

$$V = \frac{kq}{r}$$

## إجابات أسئلة الاختبار الذاتي

3.4



3.1 الجهد الكهربائي بطول المور  $z$  يساوي سـ.

3.2 سططابيق  $(0,0) = (x,y)$  نقطة سرجية.

3.3 لن يتغير أي شيء. فالقوة الكهروستاتيكية فوق المسار وبالنسبة إلى القوة الحافظة، لا يعتمد الشغل على المسار.

## إرشادات حل المسائل

- الجهود الورق الخطى للشحنات ( $\lambda$ ), أو التوزيع السطحي للشحنات ( $\sigma$ ), أو التوزيع الجمي للشحنات ( $\rho$ ).
3. بما أن الجهد كمّي فاصلية، فيتم حساب إجمالي الجهد الناتج عن نظام شحنات نقطي - عن طريق جمع الجهد الفردي الناتج عن كافة الشحنات. بالنسبة إلى توزيع الشحنات المستمر، يجب حساب الجهد من خلال حساب التكامل على الشحنة التفاضلية. افترض أن الجهد الناتج عن الشحنة التفاضلية هو نفسه الناتج عن شحنة نقطية!

1. من مصادر الخطأ الشائعة في العمليات الحسابية هو الخلط بين المجال الكهربائي،  $\vec{E}$  وطاقة الوضع الكهربائية،  $U$ . والجهد الكهربائي. تذكر أن المجال الكهربائي كمية متوجهة تنتّج عن توزيع الشحنات، وطاقة الوضع الكهربائية هي إحدى خواص توزيع الشحنات؛ أما الجهد الكهربائي فهو إحدى خواص المجال. تأكّد من معرفة ما تزيد حسابه.

2. تأكّد من تحديد النقطة التي تزيد حساب طاقة الوضع أو الجهد الخاص بها. وكما هو الحال مع العمليات الحسابية التي تتضمّن الحالات الكهربائية، يمكن أن تستخدم العمليات الحسابية التي تتضمّن

## أسئلة الاختيار من متعدد

- 3.2 يوجد بروتون في منتصف المسافة بين نقطتين  $A$  و  $B$ . فإذا كان الجهد عند النقطة  $A$  يساوي  $-20$  V. وعند النقطة  $B$  يساوي  $+20$  V. وعند نقطة المنتصف يساوي  $0$  V فإن البروتون سوف
- يبطل ساكتا.
  - يتحرك خارج النقطة  $B$  بسرعة متوجّهة ثابتة.
  - يتسارع خارج النقطة  $A$ .
  - يتسارع خارج النقطة  $B$ .
  - يتتحرك خارج النقطة  $A$  بسرعة متوجّهة ثابتة.

3.1 خررت شحنة موجبة وخركت على طول خط مجال كهربائي. ستتحرك هذه الشحنة إلى موقع

- أقل في الجهد وأقل في طاقة الوضع.
- أقل في الجهد وأعلى في طاقة الوضع.
- أعلى في الجهد وأقل في طاقة الوضع.
- أعلى في الجهد وأعلى في طاقة الوضع.

3.9 إذا كانت المسافة الفاصلة بين كل زوج من أزواج الشحنات التالية هي  $d$ .  
فما الزوج الذي له أعلى طاقة وضع؟

- (d) طاقة الوضع لجميع الأزواج  
واحدة.  
(a)  $+3 C$  و  $+5 C$   
(b)  $-3 C$  و  $+5 C$   
(c)  $+3 C$  و  $-5 C$

3.10 جسم سالب الشحنة يدور في اتجاه عقارب الساعة حول كرة موجبة الشحنة.  
يكون الشغل الذي يبذله المجال الكهربائي للكرة على الجسم سالب الشحنة  
(a) صفر.  
(b) سالباً.  
(c) موجباً.

3.11 كرة موجفة موصولة للكهرباء نصف قطرها  $R$  وتتمرر حول نقطة الأصل  
للنظام الإحداثي  $XYZ$ . وقم توزيع شحنة كليلة  $Q$  بانتظام على سطح الكرة. بافتراء  
أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند مسافة لانهاية. ما قيمة الجهد الكهربائي عند  
مركز الكرة؟

- (a) صفر  
(b)  $2kQ/R$   
(c)  $kQ/R$   
(d)  $kQ/2R$   
(e)  $kQ/4R$

3.12 كرة مصنفة موصولة للكهرباء نصف قطرها  $R$  ولها شحنة  $Q$  موزعة بالتساوي  
على سطحها. وينتاج عنها جهد كهربائي  $V_0$  على السطح. ما مقدار الشحنة التي  
 يجب إضافتها للكرة لزيادة الجهد على السطح إلى  $2V_0$ ؟

- (a)  $Q/2$   
(b)  $Q$   
(c)  $2Q$   
(d)  $Q^2$   
(e)  $2Q^2$

3.13 أي العبارات التالية غير صحيحة؟

- (a) خطوط تساوي الجهد موازية لخطوط المجال الكهربائي.  
(b) خطوط تساوي الجهد لشحنة نقطية تكون دائria.  
(c) توجد أسلنجتساوي الجهد لأي توزيع للشحنات.  
(d) عندما تمرأ شحنة على أحد سطوح تساوي الجهد. تكون قيمة الشغل

المبذول على الشحنة صفرًا.

3.14 إذا تسارع البروتون وجسيم ألفا (يتكون من بروتونين ونيتروجين) من حالة  
السكون خلال فرق الجهد  $V$ . فما العلاقة بين سرعتيهما الناتجة؟

- (a) سرعة البروتون ضعف سرعة جسيم ألفا.  
(b) سرعة البروتون هي نفسها سرعة جسيم ألفا.  
(c) سرعة البروتون نصف سرعة جسيم ألفا.  
(d) سرعة البروتون  $\sqrt{2}$  أضعاف سرعة جسيم ألفا.  
(e) سرعة جسيم ألفا  $\sqrt{2}$  أضعاف سرعة البروتون.

3.3 ما نتيجة مساواة الجهد بقيمة  $100 V +$  في اللانهاية. بدلاً من مساوته بالصفر؟

- (a) لا شيء: ستبقى قيم المجال والجهد ثابتة عند أي نقطة محددة.  
(b) سيصبح الجهد الكهربائي غير محدود عند كل نقطة محددة. ولن يكن محدوداً  
المجال الكهربائي.

(c) سيصبح الجهد الكهربائي أعلى بقيمة  $100 V$  في كل مكان، بينما يبقى المجال  
الكهربائي كما هو.

(d) سيعتمد الأمر على الموقف. على سبيل المثال، سينخفي الجهد الناجم عن شحنة  
نقطية موجبة ببطء أكثر مع زيادة المسافة. ومن ثم سينخفي مقدار المجال  
الكهربائي.

3.4 في أي حالة من الحالات التالية تكون قيمة الجهد الكهربائي أعلى؟

- (a) عند نقطة على بعد  $1 m$  من شحنة نقطية  $1 C$   
(b) عند نقطة على بعد  $1 m$  من مركز جسم كروي مشحون بانتظام نصف قطره  
 $0.5 m$  وإجمالي شحنته  $1 C$   
(c) عند نقطة على بعد  $1 m$  من مركز ساق مشحونة بانتظام طولها  $1 m$  وإجمالي  
شحنته  $1 C$

(d) عند نقطة على بعد  $2 m$  من شحنة نقطية  $2 C$

(e) عند نقطة على بعد  $0.5 m$  من شحنة نقطية  $0.5 C$

3.5 يكون مقدار الشغل المبذول لتحريك شحنة نقطية  $q$  على سطح تساوي  
الجهد الذي قيمته  $V$  1000 بالنسبة إلى الشغل المبذول لتحريك هذه الشحنة على  
سطح تساوي الجهد الذي قيمته  $V$

- (a) متساوية.  
(b) أقل.  
(c) أكبر.  
(d) معتمداً على المسافة التي تتحركها الشحنة.

3.6 كرة مصنفة موصولة للكهرباء نصف قطرها  $R$  وتتمرر حول نقطة الأصل  
للنظام الإحداثي  $XYZ$ . وقم توزيع شحنة كليلة  $Q$  بانتظام على سطح الكرة. بافتراء  
أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند مسافة لانهاية. ما قيمة الجهد الكهربائي عند  
مركز الكرة الموصولة للكهرباء؟

- (a) صفر  
(b)  $Q/\epsilon_0 R$

3.7 أي من الزوايا التالية بين عزم ثانوي قطب كهربائي ومجال كهربائي مطبق  
ستؤدي إلى أكثر الحالات استقراراً؟

- (a) عزم ثانوي القطب الكهربائي غير  
مستقر حيث أي ظرف عند تطبيق  
مجال كهربائي.  
(b)  $0 \text{ rad}$   
(c)  $\pi/2 \text{ rad}$   
(d)  $\pi \text{ rad}$

3.8 شحنة نقطية موجبة يراد خريكتها من النقطة  $A$  إلى النقطة  $B$  بالقرب من  
ثاني قطب كهربائي. أي من المسارات الثلاثة  
المبيبة في الشكل سببدي إلى بذل المجال الكهربائي  
لثاثي القطب أكبر شغل على الشحنة النقطية؟

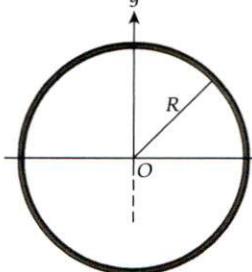


(a) المسار 1  
(b) المسار 2  
(c) المسار 3  
(d) الشغل واحد في المسارات الثلاثة.

## أسئلة مفاهيمية

أن الجهد خارج كرة منتظمة الشحنة مائل لجهد شحنة موجودة عند مركز  
الكرة وتساوي إجمالي شحنة الكرة. ما قيمة  
الجهد على سطح الكرة؟ كيف يتغير الجهد  
إذا كان توزيع الشحنات غير منتظم لكن  
يتغير بمتناهٍ كروي (نصف قطري)؟

3.20 حلقة معدنية إجمالي شحنتها  $q$



ونصف قطرها  $R$ . كما هو مبين في الشكل.  
بدون إجراء أي عمليات حسابية. توقع قيمة  
الجهد الكهربائي والمجال الكهربائي عند مركز  
الدائرة.

3.15 سُتخدم خطوط الطاقة عالية الجهد في نقل الكهرباء عبر البلد. وهذه  
الأسلاك من أماكن الاستراحة المفضلة للطيور. لماذا لا تموت الطيور عندما تلمس  
هذه الأسلاك؟

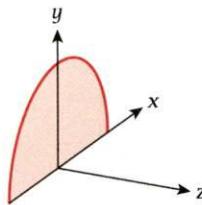
3.16 سمعت عن خطورة الوقوف تحت الأشجار خلال عاصفة كهربائية. لماذا؟

3.17 هل يمكن أن ينطاطر خطان متتساويان الجهد؟ لماذا أو لم لا؟

3.18 لماذا من المهم، عند لحم موصلات في دائرة إلكترونية، عدم ترك أي ثقوب  
بارزة من وصلات اللحام؟

3.19 باستخدام قانون غاوس والعلاقة بين الجهد الكهربائي والمجال الكهربائي، أثبت

**3.23** يمكن إيجاد طاقة الوضع الكهربائية لتوزيع شحنة مستمر بطريقة مشابهة لتلك المستخدمة لأنظمة الشحنات النقطية في القسم 3.6. من خلال تقسيم التوزيع إلى أجزاء ملائمة. أوجد طاقة الوضع الكهربائية لتوزيع شحنة كروية منتسقة اختبارية  $(r, \theta)$ . ففترض أن  $(r)$  تمثل شحنة نقطية. أو أنها ثابتة. أو أنها ثابتة للأجزاء، أو أنها تتغير أو لا تنتهي عند أي نصف قطر محدد. ٢. يجب أن يعطي تعبيرك كافة الاحتمالات. يمكن أن يتضمن تعبيرك تكاملًا أو تكاملات لا يمكن تقييمها بدون معرفة شكل  $(r)$  المحدد. (تلخيص: تتكون اللؤلؤة الكروية من طبقات رقيقة من عرق اللؤلؤ المضافة واحدة تلو الأخرى).



**3.21** أوجد تعبير تكامل للجهد الكهربائي عند نقطة تقع على المحور  $z$  على مسافة  $H$  من نصف الفرس الذي نصف قطره  $R$  (انظر الشكل). والشحنة موزعة باطنظام على سطح نصف الفرس، بتوزيع شحنة  $\sigma$ .

**3.22** إلكترون يتحرك بعيدًا عن بروتون. صرف كيف يتغير الجهد الذي يقابلة. وصرف كيف يتغير طاقة وضعه.

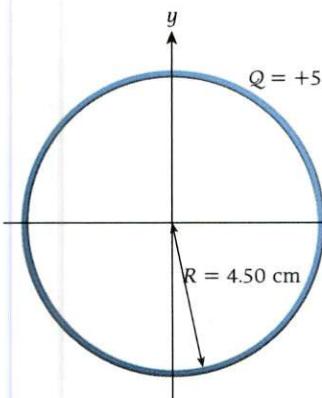
## تمارين

- (a) ما مقدار الجهد الكهربائي عند النقطة  $A$ ?  
(b) ما مقدار فرق الجهد بين النقطتين  $A$  و  $B$ ?

**3.34** موضع أربع شحنات نقطية متطبقة ( $+1.61 \text{ nC}$ ) في زوايا مستطيل. أبعاد  $5.00 \text{ m}$  و  $3.00 \text{ m}$  إذا كان قياس الجهد الكهربائي صفرًا عند مالا نهاية. فيما مقدار الجهد في المركز الهندسي لهذا المستطيل؟

**3.35** إذا كان الجهد الكهربائي لمولد فان دي غراف  $7 \times 10^5 \text{ V}$  وقطره  $20.0 \text{ cm}$ . فكم يزيد عدد البروتونات عن الإلكترونات على سطحه.

**3.36** من المشاكل التي ظهرت أثناء استكشاف المريخ هي تراكم الشحنة الساكنة على مركبات التجول على الأرض، مما أدى إلى وصول الجهد إلى  $100 \text{ V}$  أو أكثر. احسب مقدار الشحنة التي يجب وضعها على سطح جسم كروي نصف قطره  $1.00 \text{ m}$  لكي يصل الجهد الكهربائي أعلى السطح مباشرة إلى  $100 \text{ V}$ . افترض أن الشحنة موزعة باطنظام.

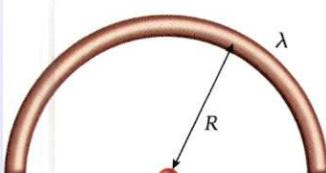


**3.37** موضع شحنة  $Q = +5.60 \mu\text{C}$  بالاتظام على هيكل أسطواني بالاستيكى رقيق. يبلغ نصف القطر  $R$  إلى هيكل  $4.50 \text{ cm}$ . احسب الجهد الكهربائي عند نقطة الأصل للنظام الإيداعي  $XY$  المبين في الشكل. فتنبئ أن الجهد الكهربائي يساوى صفرًا عند نقاط المواجهة على بعد لا نهائي من محصلة الأصل.

**3.38** موصل كروي حجم  $5.00 \text{ cm}^3$  وشحنته  $8.00 \text{ nC}$

- (a) ما قيمة الجهد على بعد  $8.00 \text{ cm}$  من مركز الكروة؟  
(b) ما قيمة الجهد على بعد  $3.00 \text{ cm}$  من مركز الكروة؟  
(c) ما قيمة الجهد في مركز الكروة؟

**3.39** أوجد قيمة الجهد عند مركز احناء السلك (الربيع) المبين في الشكل، إذا كانت الشحنة (الموزعة باطنظام) لكل وحدة طول هي  $\lambda = 3.00 \times 10^{-8} \text{ C/m}$  ونصف قطر الانحناء  $R = 8.00 \text{ cm}$ .



**3.40** تخيل ثانية القطب ذا شحنة  $q$  والممسافة الفاصلة بين قطبيه  $d$ . ما قيمة الجهد على بعد  $x$  من مركز ثانية القطب بزاوية  $\theta$  بالنسبة إلى محور ثانية القطب. كما هو مبين في الشكل؟



**3.41** قطرة مياه كروية الشكل قطرها  $50.0 \mu\text{m}$  بها شحنة موزعة باطنظام مقدارها  $+20.0 \text{ pC}$ . أوجد (a) قيمة الجهد على سطحها و(b) قيمة الجهد في مركزها.

يشير رقم المسألة الأزرق إلى وجود حل للمسألة في دليل حلول الطالب. تشير علامة النقطة الواحدة • والنقطتين .. إلى زيادة مستوى صعوبة المسألة.

## القسم 3.1

**3.24** في جزيئات كلوريد الصوديوم الغازي، يحتوي أ يوم الكلوريد على إلكترون واحد أكثر من عدد البروتونات، ويحتوي أ يوم الصوديوم على بروتون واحد أكثر من عدد الإلكترونات. وبفضل بين هذه الأيونات مسافة  $0.256 \text{ nm}$  تقريبًا. ما مقدار الشغل اللازム بذلك لزيادة المسافة بين الأيونين إلى  $1.00 \text{ cm}$ ؟

**3.25** كرة معدنية كتلتها  $3.00 \times 10^{-6} \text{ kg}$  وشحنتها  $+5.00 \text{ nC}$  وطاقتها الحرارية  $L = 10^8 \text{ J}$ . وتتحرك مباشرة في مستوى لانهائي من الشحنات وتوزيع الشحنة  $+4.00 \text{ C/m}^2$ . فإذا كانت حالياً على بعد  $1.00 \text{ m}$  عن مستوى الشحنة، فإن أي حد ستفترض من المستوى قبل أن تتوقف؟

## القسم 3.2

**3.26** إلكترون يتسارع من السكون عبر فرق جهد  $370 \text{ V}$ . فما سرعته النهائية؟

**3.27** ما مقدار الشغل الذي سيبذله مجال كهربائي لتحريك بروتون من نقطة

جهدها  $V = +180 \text{ V}$  إلى نقطة جدها  $V = -60.0 \text{ V}$ ؟

**3.28** ما فرق الجهد اللازム لتزويد جسم  $\alpha$  (يتكون من بروتونين ونيترونين) بطاقة حرارية مقدارها  $200 \text{ keV}$ ؟

**3.29** يتسارع بروتون. يبدأ من موضع السكون. عبر فرق جهد يبلغ  $500 \text{ V}$ . فما سرعته النهائية؟

**3.30** بطارية  $10.0 \text{ V}$  متصلة بلوحين فلزيين متوازيين موضوعين في الفراغ. يتسارع إلكترون من وضع السكون من اللوح السالب خاه اللوح الموجب.

(a) ما مقدار الطاقة الحرارية للإلكترون عند وصوله إلى اللوح الموجب؟

(b) ما سرعة الإلكترون عند وصوله إلى اللوح الموجب؟

**3.31** يطلق مدفع بروتونات بروتوناً من منتصف المسافة بين لوحين، A و B، اللذين تفصل بينهما مسافة  $10.0 \text{ cm}$ . يتحرك البروتون في البداية بسرعة  $150.0 \text{ km/s}$  بخاه اللوح B. يظل جهد اللوح A صفرًا، وجهد اللوح B  $400.0 \text{ V}$ .

(a) هل سيصل البروتون إلى اللوح B؟

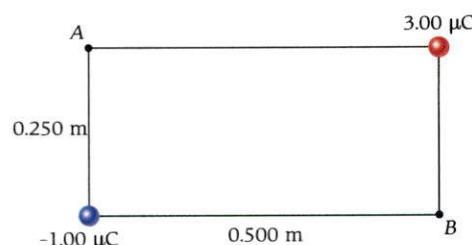
(b) إن لم يصل، هل سيستدبر؟

(c) بأي سرعة سيصطدم باللوح A؟

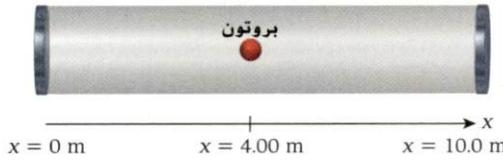
**3.32** يتسارع أيونات كبريت مجردة تمامًا (متزوعة الإلكترونات)  $(^{32}\text{S})$  من حالة السكون في مغلى يستخدم إجمالي فولتبية  $7 \times 10^9 \text{ V}$  وبحتو  $^{32}\text{S}$  على 16 بروتوناً و 16 نيتروناً. ينتج المغلى حزمة تتكون من  $6.61 \times 10^{12}$  أيون في الثانية. تتوقف حزمة الأيونات تمامًا في مختص الحزمة. ما إجمالي القدرة التي يجب أن ينتصها مختص الحزمة؟

## القسم 3.4

**3.33** توجد شحنتان في زاويتي نقطتيان على مسافة  $0.250 \text{ m}$  من بعضهما البعض. كلا هما مبنية مستطيل. كما هو مبين في الشكل.



- (b) ينطلق بروتون (من حالة السكون) على مسافة  $x = 4.00 \text{ m}$  على ارتفاع  $y = 4.00 \text{ m}$  من مستوى السكون. احسب عجلة البروتون بعد اطلاقه مباشرة.
- (c) ما سرعة تصادم البروتون إذا اصطدم باللوح؟



- 3.52• مستوى لانهائي من الشحنات به توزيع منتظم للشحنات بيلغ  $+4.00 \text{ nC/m}^2$  و يوجد في المستوى  $yz$  عند  $x = 0$ . توجد شحنة نقطية ثابتة  $+2.00 \text{ nC}$  عند  $x = +11.0 \text{ m}$ .

- (a) أوجد الجهد الكهربائي  $V(x)$  على المحور  $x$  من  $0 < x < +2.00 \text{ m}$
- (b) عند أي موقع (موقع) على المحور  $x$  بين  $x = 0$  و  $x = +2.00 \text{ m}$  يكون للجهد الكهربائي أدنى قيمة؟

- (c) عند أي موقع على المحور  $x$  بين  $x = 0 \text{ m}$  و  $x = +2.00 \text{ m}$  يمكن وضع شحنة نقطية موجبة ولا تتحرك؟

$$E_z = -\frac{\partial V}{\partial z} \quad E_y = -\frac{\partial V}{\partial y} \quad E_x = -\frac{\partial V}{\partial x} \quad V = \frac{kq}{r} \quad \text{استخدم} \quad q \quad \text{لاستنباط تعريف بصف المجال الكهربائي الشحنة نقطية.}$$

- 3.54• أثبت أن الإلكترون الذي له جهد كهربائي أحادي البعاد  $V(x) = Ax^2$ , حيث الثابت  $A$  هو عدد حقيقي موجب، سيجري حركة تأوهية بسيطة حول نقطة الأصل. ما يبلغ الزمن الدورى لهذه الحركة؟

- 3.55• يتم حساب المجال الكهربائي،  $\vec{E}(r)$  والجهد الكهربائي،  $(\vec{V})$  من توزيع الشحنة.  $(\vec{r})$  من خلال حساب تكامل فالون كولوم ثم حساب المجال الكهربائي على الجانب الآخر. يتم تحديد المجال وتوزيع الشحنة من الجهد عبر إجراء تفاضل ملائماً. افترض أن الجهد الكهربائي في منطقة واسعة من الفضاء يتعدد من العلاقة  $(-\frac{1}{r^2})$  حيث  $V_0$  ثابتان و  $a$  ثالثتان  $r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$  هي البعد من نقطة الأصل.

(a) أوجد مجال الكهربائي  $(\vec{E})$  في هذه المنطقة.

(b) حدد شحنة الشحنة  $(\vec{r})$  في هذه المنطقة، والتي ترفع قيم الجهد والمجال.

(c) أوجد إجمالي الشحنة في هذه المنطقة.

(d) ارسم بالتفصيل توزيع الشحنات الذي يؤدي إلى زيادة هذا المجال الكهربائي.

- 3.56• يتم التحكم في الجهد  $V(x)$  في حزمة إلكترونات مبنية من مدفع إلكترونات من خلال مجموعتين من الألواح المترية الموصولة، مجموعة أفقية تتحكم في الحركة الرئيسية للحزمة، ومجموعة رأسية تتحكم في الحركة الأفقيّة للحزمة. تبعت الحزمة سرعة ابتدائية متوجهة  $2.00 \times 10^7 \text{ m/s}$ ، وعرض الألواح  $d = 5.00 \text{ cm}$ . والمسافة الفاصلة بينها  $D = 4.00 \text{ cm}$ . والمسافة بين حرف الألواح والشاشة المستهدفة  $L = 40.0 \text{ cm}$ . وفي حالة عدم وجود أي فوئية، تصطدم حزمة الإلكترونات بقطعة الألواح حتى تصطدم حزمة الإلكترونات بهدف على شاشة المراقبة عند الإحداثيات  $(x, y) = (0 \text{ cm}, 8.00 \text{ cm})$ ؟

### 3.6 القسم

- 3.57• تتطلب تفاعلات الاندماج النووي تفريغ الأنوية موجية الشحنة، للتغلب على التنازع الكهروستاتيكي، من الأمثلة البسيطة على ذلك، افترض أن بروتوناً أطلق على بروتون ثابت آخر من مسافة بعيدة. ما الطاقة الحركية اللازم توفيرها للبروتون المتحرك ليكون على بعد  $m^{15} \times 10^{-10} \text{ m}$  من الهدف؟ افترض وجود تصادم من الأمام وأن الهدف ثابت.

- 3.58• ينبع عن الاشطار النووي لنوءاً بورانيوم (تحتوي على 92 بروتوناً) نوءاً باريوم (56 بروتوناً) ونواة كربون (36 بروتوناً). وتطابير الشظايا بعيداً نتيجة التنازع الكهروستاتيكي، ثم تنتهي في النهاية بجانبي طاقة حركة مقدارها 200 MeV. استخدم هذه المعلومات لتقدير حجم نواة الباريون: أي تفاعل مع نواة الباريون والكريتون على أنها شحنات نقطية واحسب المسافة الفاصلة بينهما في بداية العملية.

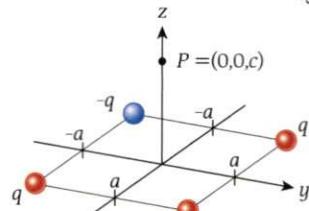
- 3.42• تخيل أنه في حالة استقرار ذرة الهيدروجين، انفصل إلكترون عن البروتون بمسافة  $0.0529 \text{ nm}$ .

- (a) باعتبار الإلكترون قمراً صناعياً يدور حول البروتون في الجهد الكهربائي، احسب سرعة الإلكترون في مداره.

- (b) احسب سرعة إفلات الإلكترون الفعالة.

- (c) احسب طاقة الإلكترون عند هذه السرعة، وبناء عليها حدد الطاقة اللازم تزويد الإلكترون بها حتى تتأثر ذرة الهيدروجين.

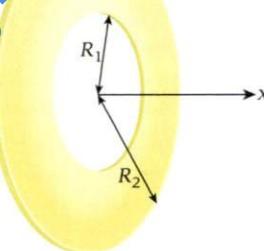
- 3.43• أربع شحنات نقطية مرتبة على شكل مربع طول ضلعه  $2a = 2.70 \text{ cm}$ ، والشحنات لها المقدار نفسه،  $1.50 \text{ nC}$  كلّة منها موجبة وواحدة سالبة كما هو مبين في الشكل. ما قيمة الجهد الكهربائي الناتج عن هذه الشحنات نقطية  $P = (0, 0, c)$  الأربعة عند النقطة  $P = (0, 0, c)$  حيث  $c = 4.10 \text{ cm}$  حيث



- 3.44• الساق البلاستيكية الموضحة في الشكل طولها  $L$  و ذات توزيع خطى غير منتظم للشحنات  $Cx$  حيث  $\lambda = CX$  ثابت موجب. أوجد التعبير الذي يصف الجهد الكهربائي عند النقطة  $P$  على المحور  $y$  من أحد طرفي القضيب.



- 3.45• مجال كهربائي مختلف قيمته في الفضاء وفقاً لهذه المعادلة:  $\vec{E} = E_0 xe^{-x} \hat{x}$
- (a) ما قيمة  $X$  التي يصل إليها المجال الكهربائي إلى أعلى قيمة له،  $X_{\max}$ ؟
- (b) ما قيمة فرق الجهد بين النقطتين  $x = X_{\max}$  و  $x = 0$ ؟



- 3.46• استنبط تعبيراً يصف الجهد الكهربائي على طول محور (المحور  $x$ ) فرض في منتصف  $R_2$  و  $R_1$  كهربائي فجوة، كما هو مبين في الشكل. حيث  $R_1$  و  $R_2$  هما أقصاف الأقطار الداخلية والخارجية للفرص، ما قيمة الجهد إذا  $R_1 = 0$ ؟

### 3.5 القسم

- 3.47• تم توليد مجال كهربائي في ساق غير منتظم، واستخدم فولتميتر لقياس فرق الجهد بين الطرف الأيسر للساق ونقطة تقع على بعد  $X$  من الطرف الأيسر، تكررت هذه العملية، ووجد أن البيانات تتعدد من العلاقة  $\Delta V = 270 \cdot X^2$  حيث  $X$  تفاصيل بوحدات  $\text{V/m}^2$ . ما مركبة  $X$  للمجال الكهربائي عند نقطة تبعد 13.0 cm عن الطرف الأيسر؟

- 3.48• لوحان متوازيان جهدهما  $200.0 \text{ V}$  و  $-100.0 \text{ V}$ . وبفضل بين اللوحين  $1.00 \text{ cm}$

- (a) أوجد المجال الكهربائي بين اللوحين.  
(b) إلكترون موقفه الابتدائي في منتصف المسافة بين اللوحين، أوجد طاقته الحركية عندما يصطدم باللوح الموجب.

- 3.49• جسيم غبار كثنته  $2.50 \text{ mg/cm}^3$  وشحنته  $2.00 \text{ mC}$  في منطقة يختلف فيها الجهد الكهربائي وفق العلاقة  $(3.00 \text{ V/m}^3)X^2 - (2.00 \text{ V/m}^3)X^3 = 0$ . ما الجملة التي سيبدأ الجسيم في التحرك بها بعد أن يهبط؟

- 3.50• يتحدد الجهد الكهربائي لجزء من الفضاء من العلاقة  $x^2 + xy^2 + yz^2 = 1.00 \text{ m}$ .

حدد المجال الكهربائي في هذه المنطقة عند الإحداثي  $(3, 4, 5)$ .

- 3.51• يتحدد الجهد الكهربائي داخل معلم جسيمات خطى طوله 10.0 m من العلاقة  $V(x) = (3000 - 5x^2/\text{m}^2) \text{ V}$  حيث  $x$  هي البعد عن اللوح الأيسر على طول أنيوب المعلم. كما هو مبين في الشكل.

- (a) حدد التعبير الذي يصف المجال الكهربائي على طول أنيوب المعلم.

تبعد 24.0 cm عن المركز (النقطة A). ونقطة تقع على السطح (النقطة B). وعند مركز الكرة (النقطة C). افترض أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند النقطة الموجدة على بعد لا نهائي من نقطة الأصل للنظام الإحداثي.

**3.68** تراكم شحنة مقدارها  $C = 1.00 \times 10^{-6}$  على الموصى الكروي في مولد فان دي غراف، ونصف قطر الموصى 10.0 cm وبحمله عمودي عازل. أوجد قيمة الجهد على سطح الكرة، مع جاهاز ثأثيرات قاعدة المولد أو أي أجسام أو مجالات أخرى. افترض أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند ما لا نهاية.

**3.69** يحتوى مولد فان دي غراف على موصى كروي نصف قطره 25.0 cm يكثف إنتاج مجال كهربائي مقداره  $V/m = 2.00 \times 10^6$  بحد أقصى. ما أقصى فولتية وشحنة يمكن أن يتحملها؟

**3.70** بروتون سرعته  $1.23 \times 10^4$  m/s يتحرك من ما لا نهاية بمواشرة جاه بروتون آخر. بافتراض أن البروتون الثاني ثابت في مكانه، أوجد الموقع الذي يتوقف فيه البروتون المتحرك للحظة قبل أن يستدير.

**3.71** كرتان معدنيان نصف قطريهما  $r_1 = 10.0$  cm،  $r_2 = 20.0$  cm، على التوالي، وشحنتهما موجبة بحيث يكون إجمالي شحنتيهما  $\mu C = 100$ .

(a) ما نسبة توزيع شحنتي سطحيهما؟

(b) إذا كانت الكرتان متصلتين بسلك نحاسي، فما مقدار الشحنة التي تتدفق عبر السلك قبل أن يصل النظام إلى حالة الاستقرار؟

**3.72** موضح في الشكل كرة معدنية مصممة نصف قطرها  $a = 0.200$  m وتوزيع الشحنة على سطحها  $\sigma$ . فإذا كان فرق الجهد بين سطح الكرة والنقطة P التي تقع على مسافة  $r_p = 0.500$  m من مركز الكرة هو  $\Delta V = V_{\text{surface}} - V_p = +4\pi V = +12.566$  V. فحدد قيمة  $\sigma$ .

**3.73** أطلق جسم شحنته  $+5.00 \mu C$  من السكون عند نقطة على الخور X، حيث  $X = 0.100$  m، ويدأ في التحرك بسرعة على الخور X. ما هي سرعة الجسم في لحظة مروره بالنقطة A؟

**3.74** نصف قطر الكرة الموضحة في الشكل يساوي 2.00 mm وتحمل شحنة  $+2.00 \mu C$ ، ويزن 2.00 g. إذا كانت الكرة معلقة باتظام على حجمها، ما فرق الجهد  $V_B - V_A$ ؟ إذا كانت الراوية بين نصف الكرة إلى النقطة A، وهي  $B$ ، هي  $60.0^\circ$  ما يعني فرق الجهد على الزاوية؟ هل ستظل الإيجابية كما هي إذا اعتدلت توزيع الشحنة على قياس الزاوية؟ هل  $\rho = \rho(\theta)$ ؟

**3.75** كرتان معدنيان نصف قطريهما  $5.00$  cm،  $10.0$  cm على التوالي. ومقدار المجال الكهربائي على سطح كل منها  $3600$  V/m. ما توصيل الكرتين ببعضهما بسلك معدني رفيع وطويل. حدد مقدار المجال الكهربائي على سطح كل كرة بعد اتصالهما.

**3.76** حلقة شحنته Q ونصف قطرها R في المستوى yz ومركزها عند نقطة الأصل. ما قيمة الجهد الكهربائي عند مسافة X فوق مركز الحلقة؟ استبطن المجال الكهربائي من هذه العلاقة.

**3.77** موضع شحنته مقدارها  $0.681 \text{ nC}$  عند  $x = 0$ . ووضع شحنته أخرى  $0.167 \text{ nC}$  عند  $x_1 = 10.9$  cm على الخور X. ما مجموع فرق الجهد لهاتين الشحنتين عند  $x = 20.1$  cm على الخور X أيضًا؟

(b) عند أي نقطة (نقطاط) على الخور X، يكون لهذا الجهد أدنى قيمة؟

**3.59** أيون ديوتيريوم وأيون تريتيوم كل منها لديه شحنة  $+e$ . ما الشغل اللازم على أيون الديوتيريوم ليكون على بعد  $m = 1.00 \times 10^{-14}$  m من أيون التريتيوم؟ هذه هي المسافة التي يمكن أن يندمج خلالها الأيونات. نتيجة لتفاعلاته نوبية قوية تتغلب على التنازع الكهروستاتيكي. لإنتاج نواة هيليوم 5 عبر عن الشغل بوحدات الإلكترون-فولت.

**3.60** توجد ثلاث شحنتات  $q_1$ ،  $q_2$ ،  $q_3$ ، عند زوايا مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه m = 1.2. أوجد الشغل المبذول في كل حالة من الحالات التالية:

(a) جلب الجسم الأول من مالا نهاية إلى P.

(b) جلب الجسم الثاني من مالا نهاية إلى Q.

(c) جلب الجسم الأخير من R.

(d) أوجد إجمالي طاقة الوضع الحالية في التركيب الأخير للجسيمات.

**3.61** كرتان معدنيان كثافتهما  $m_1 = 5.00$  g (القطر = 5.00 mm)  $m_2 = 8.00$  g (القطر = 8.00 mm) شحنتاهما موجبات هما  $q_1 = 5.00 \text{ nC}$  و  $q_2 = 8.00 \text{ nC}$ ، على التوالي. تبتهمان في مكانهما فيزيقي حيث تكون المسافة بين مركزيهما 8.00 mm. ماذا ستكون سرعتيهما عند التقاءهما؟ إذاً القوة وانتصالهما بمسافة كبيرة؟

## تمارين إضافية

**3.62** تم إطلاق بروتونين من السكون في وقت واحد وكانت المسافة بينهما 1.00 mm. ما سرعة أي منهما عندما تكون المسافة الفاصلة بينهما 10.0 mm؟

**3.63** بطارية 12 V متصلة بين كرة معدنية مجوفة نصف قطرها 1 m والأرض، كما هو مبين في الشكل. ما قيمة المجال الكهربائي والجهد الكهربائي داخل الكرة المعدنية المجوفة؟

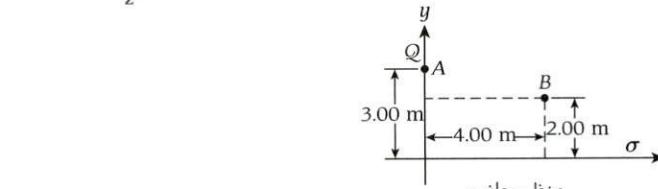
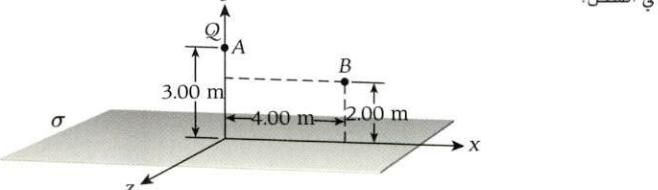
**3.64** كرة معدنية مصممة نصف قطرها 3.00 m وشحنتها 4.00 mC إذا كان الجهد الكهربائي على مسافة بعيدة عن الكرة يساوي صفر، فيما الجهد الكهربائي عند كل من المواقع التالية؟

(a) عند  $r = 0$  m. r = مركز الكرة.

(b) عند  $r = 3.00$  m، على سطح الكرة.

(c) عند  $r = 5.00$  m.

**3.65** صفيحة عازلة في المستوى XZ شحنته موزعة باتظام  $\sigma = 3.50 \times 10^{-6} \text{ C/m}^2$  مقدار التغير في الجهد عند خريق شحنة  $Q = 1.25 \mu C$  من الموضع A إلى الموضع B في الشكل؟



**3.66** افترض أن إلكترونًا يدخل أنبوب أشعه الكاثود بدأ من السكون وتسارع تحت تأثير فولتية الأنبوب البالغة 21.9 kV. ما سرعة (m/s) تصادم الإلكترون (الكتلة =  $9.11 \times 10^{-31}$  kg) بشاشة الأنبوب؟

**3.67** كرة مصممة موصلة للكهرباء (نصف قطرها R = 18.0 cm) شحنته C =  $18.0 \text{ cm}^{-6}$  (q =  $6.10 \times 10^{-6}$  C) كما هو مبين في الشكل. احسب الجهد الكهربائي عند نقطة

الجسيمات المخولة إلى ذرات — يحتوي كل منها على مقدار متكامل من الشحنة — في الفضاء. بافتراض أن كتلة الجسيمات غير المعرفة،  $M$ . وتحتوي على صافي عدد  $n$  الإلكترونات كتلتها  $m$  وشحنتها  $q$ . إذا المسافة بين الألواح هي  $d$ . فما قيمة فرق الجهد اللازمة لتعليق جسم كتلته  $M$  بحدي على صافي  $n$  من الإلكترونات؟ ما عجلة الجسم إذا انخفضت القولية إلى النصف؟ ما عجلة الجسم إذا زادت القولية إلى الضعف؟

**3.83.** إذا كان التوزيع الخطي المنتظم لشحنة إجمالية موجبة  $Q$  على هيئة نصف دائرة نصف قطرها  $R$ . كما هو موضح في الشكل.

- (a) بدون إجراء أي عمليات حسابية. توقع الجهد الكهربائي الناجم عن هذا التوزيع الخطي للشحنة عند النقطة  $O$ .
- (b) أثبتت توقعك للجزء (a). من خلال الحسابات المباشرة.
- (c) أجر توقعًا مشابهاً للمجال الكهربائي.

**3.84..** شحنة نقطية  $Q$  موجودة على بعد  $R$  من مركز كرة موصولة نصف قطرها  $a$ , حيث  $R > a$  (الشحنة النقطية تقع خارج الكرة). الكرة مؤضة أي متصلة بمصدر بعيد غير محدود وأو مستقبل لشحنة جدها صفر. (لا يؤثر التأثير البعيد أو التوصيل تأثيرًا مباشراً في المجال الكهربائي بالقرب من الشحنة والكرة). مما يؤدي إلى اكتساب الكرة شحنة إشارتها عكس إشارة  $Q$  وتتأثر الشحنة النقطية بقوة جذب خارج الكرة.

(a) جدبر باللاحظة أن المجال الكهربائي خارج الكرة تماثل للمجال الذي قد ينتج عن الشحنة النقطية  $Q$  بالإضافة إلى شحنة نقطية تخيلية متماثلة  $-Q$ . مقدارها وموقعها يجعلون مجموعة النقاط المقابلة لسطح الكرة متتساوية الجهد بجهد صفر. أي أن مساهمة الشحنة النقطية التخيلية في المجال خارج الكرة تماثلة لمساهمة شحنة السطح الفعلية على الكرة. احسب قيمة  $q$  وموقعها. (تمبيح: باستخدام التمايل، يجب أن تقع  $q$  في مكان ما على المحور الذي يمر بمركز الكرة وموقع  $Q$ ).

- (b) احسب القوة المبذولة على الشحنة النقطية  $Q$  والتجهيز نحو الكرة. بدلاً من مثبات الأصلية لكل من  $Q$  و  $R$ .
- (c) أجد التوزيع الفعلي غير المنتظم لشحنة السطح على الكرة الموصولة.

غير مشحونة في البداية وعلى بعد  $10.00 \text{ m}$  من الكرة الأولى. ثم توصيل الكرتين للحظة بسلك. ثم ثمت إزالته. كان مقدار الشحنة الناجمة على الكرة الثانية هو  $1.162 \mu\text{C}$ . ما نصف قطر الكرة الأولى؟

**3.88.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R = 1.895 \text{ m}$  وبها شحنة. ومقدار المجال الكهربائي عند سطح الكرة هو  $3.165 \times 10^5 \text{ V/m}$ . ما قيمة الجهد الكهربائي على بعد  $29.81 \text{ m}$  من سطح الكرة؟

**3.89.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R$  وبها شحنة. ومقدار المجال الكهربائي على سطح الكرة هو  $3.269 \times 10^5 \text{ V/m}$ . إذا كانت قيمة الجهد الكهربائي على بعد  $32.37 \text{ cm}$  من سطح الكرة هي  $2.843 \times 10^5 \text{ V}$ . فما هو نصف قطر الكرة؟

**3.90.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R = 1.351 \text{ m}$  وبها شحنة. ومقدار المجال الكهربائي على بعد  $34.95 \text{ cm}$  من سطح الكرة هو  $3.618 \times 10^5 \text{ V}$ . ما مقدار المجال الكهربائي على سطح الكرة؟

**3.78.** توجد شحنة نقطية مقدارها  $2.00 \mu\text{C}$  عند  $(2.50 \text{ m}, 3.20 \text{ m})$ . وتوجد شحنة نقطية أخرى مقدارها  $3.10 \mu\text{C}$  عند  $(-2.10 \text{ m}, 1.00 \text{ m})$ .

- (a) ما قيمة الجهد الكهربائي عند نقطة الأصل؟  
 (b) عند أي نقطة ( نقاط ) على طول الخط الذي يمر بالشحتين النقطيتين، يكون الجهد الكهربائي مساوياً للصفر؟

**3.79.** وضعت شحنة كثيرة مقدارها  $C = 4.20 \times 10^{-6} \text{ C}$  على كرة موصولة للكهرباء (الكرة 1) نصف قطرها  $R = 0.400 \text{ m}$ .

- (a) ما مقدار الجهد الكهربائي،  $V_1$ . على سطح الكرة 1. بافتراض أن الجهد عند مالاهاية يساوي صفر؟ (تمبيح: ما مقدار التغيير في الجهد عند جلب شحنة من الملاهاية. حيث  $V(\infty) = 0$  إلى سطح الكرة 2)

(b) ثم توصيل كرة موصولة أخرى (الكرة 2) نصف قطرها  $r = 0.100 \text{ m}$  وصافي شحنتها الأولية يساوي صفر ( $q = 0$ ) بالكرة 2 بواسطة سلك معدني رفيع وطويل. ما مقدار الشحنة التي تتدفق من الكرة 1 إلى الكرة 2 ليكونا في حالة اتزان؟ ما مقدار الحالات الكهربائية على سطحي الكرتين في حالة الازتن؟

**3.80.** خط رفيع من الشحنات يحادي محور  $y$  الموجب من  $L \leq y \leq 0$ . حيث  $L = 4.0 \text{ cm}$ . الشحنة غير موزعة بانتظام لكن مقدار الشحنة لوحدة الطول،  $A = 8.00 \times 10^{-7} \text{ C/m}^2$ . حيث  $\lambda = Ay$

بافتراض أن الجهد الكهربائي يساوي صفرًا عند مسافة لاماهاية. أوجد الجهد الكهربائي عند نقطة على المحور  $X$  في صورة دالة  $X$ . أوجد قيمة الجهد الكهربائي عند  $x = 3.00 \text{ cm}$ .

**3.81.** شحتان نقطيتان ثابتتان على المحور  $X$ . شحنة مقدارها  $3.00 \mu\text{C}$  عند  $x = +2.00 \text{ m}$  وشحنة مقدارها  $5.00 \mu\text{C}$  عند  $x = -4.00 \text{ m}$ .

- (a) أوجد الجهد الكهربائي،  $V(X)$ . لأي نقطة عشوائية على المحور  $X$ .  
 (b) عند أي موقع (موقع) على المحور  $X$ . يكون  $V(X) = 0$ .  
 (c) أوجد  $E(X)$  لأي نقطة عشوائية على المحور  $X$ .

**3.82.** في واحدة من أعظم التجارب الفيزيائية في التاريخ. تم قياس نسبة شحنة إلكترون إلى كتلته,  $q/m$ . إذا شئنا فرق جهد منتظم بين لوحين، فيمكن تطبيق

## ćمارين بعطيات متعددة

**3.85.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_1 = 1.206 \text{ m}$  وشحنتها  $1.953 \mu\text{C}$  موزعة بالتساوي على سطحها. وكرة أخرى موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_2 = 0.6115 \text{ m}$  غير مشحونة في البداية وعلى بعد  $10.00 \text{ m}$  من الكرة الأولى. ثم توصيل الكرتين للحظة بسلك. ثم ثمت إزالته. ما مقدار الشحنة على الكرة الثانية؟

**3.86.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_1 = 1.435 \text{ m}$  وشحنتها  $Q = 4.263 \mu\text{C}$  موزعة بالتساوي على سطحها. وكرة أخرى موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_2 = 0.6177 \text{ m}$  غير مشحونة في البداية وعلى بعد  $10.00 \text{ m}$  من الكرة الأولى. ثم توصيل الكرتين للحظة بسلك. ثم ثمت إزالته. كان مقدار الشحنة الناجمة على الكرة الثانية هو  $0.9356 \mu\text{C}$ . ما مقدار الشحنة الأصلية،  $Q$ . على الكرة الأولى؟

**3.87.** كرة موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_1$  وشحنتها  $Q = 4.263 \mu\text{C}$  موزعة بالتساوي على سطحها. وكرة أخرى موصولة ومصممة نصف قطرها  $R_2 = 0.6239 \text{ m}$

# 4

## المكثفات

88	ما سنتعلم
88	4.1 السعة
90	4.2 الدوائر
90	شحن المكثف وتغريفه
90	4.3 المكثف متوازي اللوحين والأنواع الأخرى من المكثفات
90	مثلاً 4.1 مساحة المكثف
92	متوازي اللوحين
92	المكثف الأسطواني
93	المكثف الكروي
94	4.4 المكثفات في الدوائر
94	المكثفات المتصلة على التوازي
94	المكثفات المتصلة على التوالى
96	مثلاً 4.2 نظام المكثفات
97	4.5 الطاقة المخزنة في المكثفات
98	مثلاً 4.3 السباحة الرعدية
98	مسألة محلولة 4.1 الطاقة
99	الخزنة في المكثفات
100	مثلاً 4.4 منشأة الإشعال الوطنية
100	مزيل الرجفان
101	4.5 المكثفات والعوازل الكهربائية
101	مثلاً 4.5 المكثف متوازي اللوحين
102	المزدوج بغازل كهربائي
102	مسألة محلولة 4.2 مكثف مملوء
103	جزئياً بغازل كهربائي
104	مثلاً 4.6 سعة كابل محوري
104	مسألة محلولة 4.3 الشحنة
105	على مكثف أسطواني
105	4.7 منظر مجوي للعوازل الكهربائية
106	المكثفات الإلكترولية
107	المكثفات الفائقة
108	ما تعلمناه
108	دليل المذاكرة للاختبار
108	إرشادات حل المسائل
109	أسئلة الاختبار من متعدد
110	أسئلة مفاهيمية
110	تمارين
111	تمارين بمعطيات متعددة



الشكل 4.1 التفاعل مع شاشة اللمس لجهاز iPad.

لقد

أصبحت شاشات اللمس، مثل تلك الموضحة في الشكل 4.1، واسعة الانتشار، حيث توجد في كل شيء بداية من شاشات الكمبيوتر إلى الهواتف الخلوية وألات الاقتراء. وهي تعمل بعدة طرق، تتضمن إحداها استخدام خاصية للموصلات تسمى السعة، وهي ما سندرسها في هذه الوحدة. تظهر السعة عندما تفصل مسافة قصيرة بين موصلين – أي موصلين. تُسبب ملامسة إصبع لشاشة اللمس تغيراً في السعة يمكن اكتشافه.

تنسم المكثفات يامكانية مفيدة جداً تمثل في تخزين الشحنة الكهربائية ثم إطلاقها بسرعة كبيرة. ومن ثم، تكون مفيدة في ملحقات الاندماج التجريبية – في أي شيء يحتاج إلى شحنة كهربائية كبيرة موصلة بسرعة. وتحتوي أغلب الدوائر أياً كان نوعها على مكثف واحد على الأقل. إلا أن السعة لها جانب سلبي. فيمكن أيضاً أن تظهر حيث لا تكون مرغوبًا فيها، على سبيل المثال، بين الموصلات المتجاورة في دائرة إلكترونية صغيرة، حيث يمكن أن تسبب "تشويباً" – تداخلًا غير مرغوب فيه بين مكونات الدائرة.

نظرًا لأن المكثفات تعد أحد العناصر الأساسية في الدوائر الكهربائية، تدرس هذه الوحدة كيفية عملها في الدوائر البسيطة. وستتناول الوحدتان التاليتان عناصر أساسية أخرى في الدوائر واستخداماتها.

## ما سنتعلمه

- تعتمد سعة المكثف على شكله الهندسي.
- في دائرة ما، يمكن استبدال المكثفات المتصلة على التوازي أو التوالى بسعة مكافئة.
- تزيد سعة المكثف عند وضع مادة عازلة للكهرباء بين اللوحين.
- تقلل المادة العازلة للكهرباء المجال الكهربائي بين لوحي المكثف نتيجة انتظام العزم الجزيئي ثنائى القطب في المادة العازلة للكهرباء.
- السعة هي القدرة على تخزين شحنة كهربائية.
- عادة ما تكون المكثفات من موصلين منفصلين أو لوحين موصلين.
- يمكن للمكثف تخزين الشحنة على لوح واحد، ويكون عادة ثمة شحنة مساوية و مختلفة على اللوح الآخر.
- سعة المكثف هي الشحنة المخزنة في اللوحين مقسومة على فرق الجهد الكهربائي الناتج.
- يمكن للمكثف تخزين طاقة الوضع الكهربائية.
- يُعد المكثف متوازي اللوحين من الأنواع الشائعة للمكثفات.
- ويكون من لوحين موصلين مسطحين متوازيين.

## 4.1 السعة الكهربائية

وضح الشكل 4.2 أن المكثفات لها مجموعة متنوعة من الأحجام والأشكال. بشكل عام، يتكون المكثف من مكثفين منفصلين يسميان عادة اللوحين. حتى إذا لم يكونا متساوين بمسطحهما، إذا قمنا بتفكيك واحد من تلك المكثفات، فيمكننا أن نجد لوحين من رقائق فلزية مفصولين بطبقة عازلة من المايلاير، كما هو موضح في الشكل 4.3. يمكن طي الطبقات المتراكمة من لوحين على هيئة صفائح معدنيتين رقيقةتين الرقاقة الفلزية والمايلاير مع طبقة عازلة أخرى لتكون تركيب لا يشبه الموصلات المتوازية، كما هو موضح في الشكل 4.4. ينتج مكثفات لها بعض البنى المادية الموضحة في الشكل 4.2. وتلعب الطبقة العازلة بين الرقاقيتين الفلزيتين دوراً مهماً في خصائص المكثف.

لدراسة خواص المكثفات، سنفترض شكلاً هندسياً ملائماً ثم نعمم النتائج. يوضح الشكل 4.5 مكثف متوازي اللوحين، وهو يحوي من لوحين موصلين متوازيين، لكل منها المساحة  $A$ ، ومفصولين بمسافة  $d$ . ويفترض وجودها في الماء. يتم شحن المكثف بوضع شحنة  $+q$  على أحد اللوحين وشحنة  $-q$  على اللوح الآخر. (ليس من المروي وضع شحتين متضادتين تماماً على لوحي المكثف ليتم شحنه؛ ففي اختلاف في الشحنة سيكون كهذا، لأن اللوحين متوازيان). ولأن اللوحين موصلان، فإنها تكون عبارة عن أسطح متساوية الجهد، ومن ثم، ستوزع الإلكترونات الواقعة على الألواح نفسها بشكل منتظم على الأسطح.



**الشكل 4.2** بعض الأنواع التمثيلية من المكثفات.

لنقم بتطبيق النتائج التي حصلنا عليها في الوحدة 3 لتحديد الجهد الكهربائي والجال الكهربائي للأسطح متوازي اللوحين. (مبذئاً، يمكننا القيام بحساب الجهد الكهربائي والجال الكهربائي للتناظرية للتوزيعات المستمرة للشحنتين. غير أنه لهذا الترتيب الفيزيائي سنحتاج إلى استخدام كمبيوتر لتقديم الحل). لنضع نقطة الأصل للنظام الإحداثي في المنتصف بين اللوحين. على أن يكون المحو  $X$  موازيًا للوحين. يوضح الشكل 4.6 تمثيلاً ثلاثياً للأبعاد للجهد الكهربائي.



**الشكل 4.3** طبقتان من الرفاقات المعدنية في الفصل بينهما طبقة عازلة.

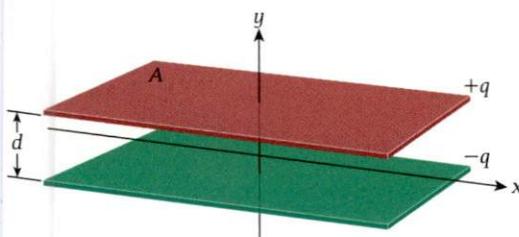
في المستوى  $xy$ . مشابهاً للنمذجة الواردة في الوحدة 3.

للجهد الموضحة في الشكل 4.6 هيוט شديد الانحدار (وخطي تقريباً) بين اللوحين وهبوط أكثر تدرجاً خارج اللوحين. يعني هذا أنه يمكن توقع أن يكون المجال الكهربائي أعلى بين اللوحين وأضعف خارجهما. يمثل الشكل 4.7a كنورياً للجهد الكهربائي الموضحة في الشكل 4.6 لللوحين المتوازيين. فيما الجهد السالبة مظللة باللون الأخضر، والوجبة باللون الوردي. تتضح الخطوط متساوية الجهد، وهي عبارة عن خطوط التي تتقطع عندها الأسطح عند ملائتها الجهد ثلاثية الأبعاد مع المستوى  $xy$ . والموضحة في الشكل 4.6 في هذا التمثيل أيضاً في صورة تمثيلات للوحين.لاحظ أن خطوط تساوي الجهد الواقعة بين اللوحين موازية لبعضها وتقع على مسافات متساوية.

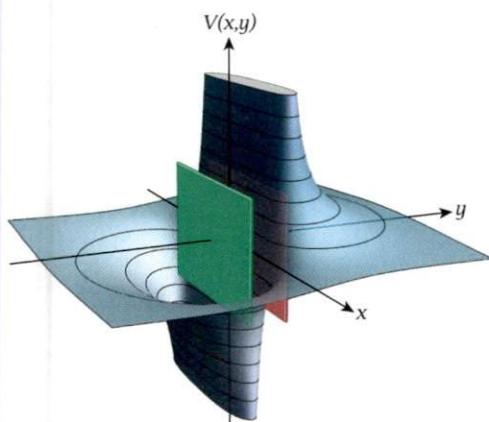
في الشكل 4.7b، أضيفت خطوط المجال الكهربائي إلى التمثيل الكنتوري. يتحدد المجال الكهربائي باستخدام  $(\vec{E}) = V(\vec{r}) - \vec{V}$  الواردة في الوحدة 3. بعيداً عن اللوحين، يبدو المجال الكهربائي مشابهاً جداً للمجال الذي يولده ثنائي قطب يتكون من شحتين ذات نقطتين. وبسهولة رؤية أن خطوط المجال الكهربائي متعمدة على خطوط الجهد الكنتوري (التي تمثل الأسطح متساوية الجهد!) في كل مكان في الحيز.



**الشكل 4.4** يمكن لف الرفاقات المعدنية 4.3 بشطيرة المايلاير الموضحة في الشكل 4.3 بطبقة عازلة لإنتاج مكثف ذي شكل هندسي مدمن.



**الشكل 4.5** مكثف متوازي اللوحين يتكون من لوحين موصلين، لكل منهما مساحة  $A$ . وفم الفصل بينهما بمسافة  $d$ .



**الشكل 4.6** الجهد الكهربائي في المستوى  $xy$  للوحين متوازيين تم شحنهما عكسياً (متراكبين) في الشكل 4.5.

لكن خطوط المجال الكهربائي الموضح في الشكل 4.7b لا توفر معلومات مناسبة عن مقدار المجال الكهربائي. يوضح تمثيل آخر للمجال الكهربائي، في الشكل 4.7c، متوجهات المجال الكهربائي في صورة نقاط شبكة على مسافات منتظمة في المستوى  $xy$ . (لقد تم إزالة التظليل الكنتوري للجهد لتقليل التشويش البصري). في هذا التمثيل، تتناسب شدة المجال عند أي نقطة من الشبكة مع حجم السهم عند تلك النقطة. يمكنك أن ترى بوضوح أن المجال الكهربائي بين اللوحين عمودي على اللوحين وأكبر في المقدار من المجال خارج اللوحين. يُسمى المجال الموجود في الحيز خارج اللوحين **المجال عند الاطراف**. إذا تم تحريك اللوحين بحيث يقتربان من بعضهما، فسيظل المجال الكهربائي بين اللوحين كما هو، بينما ينخفض المجال عند الاطراف.

يتناوب فرق الجهد  $\Delta V$  بين لوحي المكثف طردياً مع كمية الشحنة على اللوحين. وثابت التناوب هو **السعة**  $C$ . للجهاز المعروفة بالمعادلة التالية

$$(4.1) \quad C = \frac{q}{\Delta V}$$

تعتمد سعة جهاز ما على مساحة اللوحين والمسافة بينها وليس على الشحنة أو فرق الجهد. (سيوضح ذلك لهذا الشكل الهندسي والأشكال الهندسية الأخرى في الأقسام التالية). ووفقاً للتعریف، تكون السعة عدداً موجباً. وهي تحدد كمية الشحنة اللازمة لتحقيق فرق جهد محدد بين اللوحين. وكلما كانت السعة كبيرة زادت الشحنة اللازمة لتحقيق فرق جهد محدد. (لاحظ أنه من الشائع استخدام  $V$  و ليس  $\Delta V$  لتمثيل فرق الجهد. تأكد من فهم حالات استخدام  $V$  للجهد وحالات استخدامه لفرق الجهد).

يمكن إعادة كتابة المعادلة 4.1. تعريف السعة. بهذه الصيغة شائعة الاستخدام:

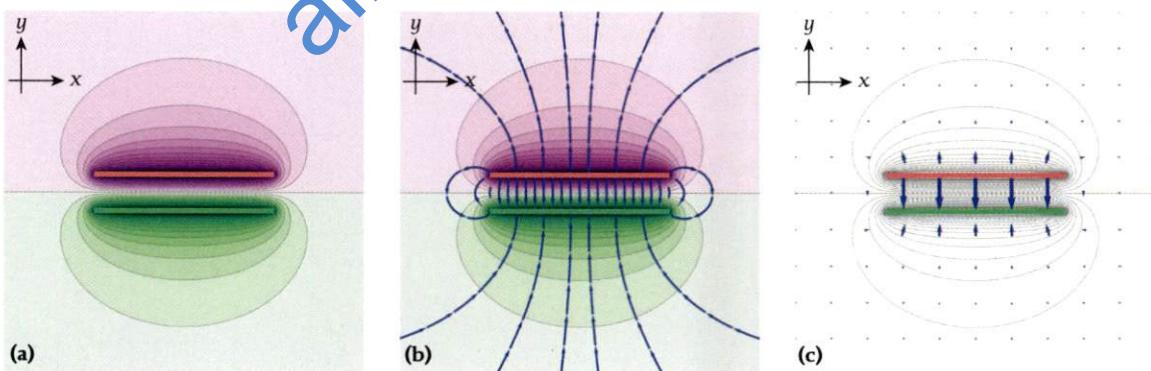
$$q = C\Delta V$$

تشير المعادلة 4.1 إلى أن وحدات السعة هي وحدات الشحنة مقسومة على وحدات الجهد، أو كولوم لكل فولت. تم تخصيص وحدة جديدة للسعة باسم عالم الفيزياء البريطاني مايكل فارادي (1791–1867). تُسمى هذه الوحدة **فاراد** (F).

$$(4.2) \quad 1 \text{ F} = \frac{1 \text{ C}}{1 \text{ V}}$$

ويمثل الفاراد الواحد سعة كبيرة جداً. عادة، تكون للمكثفات سعة في المدى من  $1 \mu\text{F} = 1 \cdot 10^{-6} \text{ F}$  إلى  $1 \text{ pF} = 1 \cdot 10^{-12} \text{ F}$ .

باستخدام تعريف الفاراد، يمكننا كتابة مقدار السماحية الكهربائية للفاراد (الواردة في الوحدة 1)، بالصورة  $8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m}$ .



**الشكل 4.7** (a) تمثيل كنتوري ثانوي الأبعاد بالجهد نفسه الوارد في الشكل 4.6. (b) تمثيل كنتوري بخطوط مجال كهربائي متراكبة. (c) شدة مجال كهربائي عند نقاط على مسافة منتظمة في المستوى  $xy$  ممثلة ب أحجام الأسهم.

## 4.2 الدوائر الكهربائية للمكثفات

ستتناول الوحدات القليلة التالية المزيد والمزيد من الدوائر المعقدة والشيفقة. لذا لنلق نظرة على ماهية الدائرة بشكل عام.

ت تكون **الدائرة الكهربائية** من أسلاك بسيطة أو مسارات موصولة أخرى تصل بين عناصر الدائرة. يمكن أن تكون عناصر الدائرة هذه مكثفات. وهي التي سنتناولها بعمق في هذه الوحدة. عادة ما تحتاج الدوائر إلى نوع من الطاقة، والتي يمكن توفيرها إما بواسطة بطارية أو بواسطة مصدر طاقة AC (تيار متناوب). ورد مفهوم البطارية. وهي جهاز يحتفظ بفرق جهد عبر طرفيه من خلال تفاعلات كيميائية، في الوحدة 3: بالنسبة إلى الدائرة، يمكن ببساطة اعتبارها مصدرًا خارجيًا لفرق جهد كهروستاتيكي. يوفر فرق جهد ثابتًا (وهو يسمى عادة الفولتية). يمكن لمصدر طاقة AC أن يحقق النتيجة نفسها باستخدام دائرة مصممة بشكل خاص لاحفاظ على فرق جهد ثابت. يوضح الشكل 4.8 رموز عناصر الدائرة المستخدمة في هذه الوحدة والوحدات التالية.

### شحن المكثف وتغريمه

يُشحن المكثف من خلال توصيله ببطارية أو بمصدر طاقة ذي جهد كهربائي ثابت. تتدفق الشحنة إلى المكثف إلى المكثف من البطارية أو مصدر الطاقة حتى يتساوى فرق الجهد في المكثف مع الجهد الكهربائي المزود. إذا تم فصل المكثف، فإنه يحتفظ بشحنته وفرق جهده. والمكثف الحقيقي معرض لتسرب الشحن مع مرور الوقت. ومع ذلك، سنفترض في هذه الوحدة أن المكثف المعزول يحتفظ بشحنته وفرق جهده إلى أجل غير مسمى.

يوضح الشكل 4.9 عملية الشحن هذه من خلال رسم تخطيطي للدائرة. تمثل الخطوط الأسلام الموصلة في هذا الرسم التخطيطي. تمثل البطارية (مصدر الطاقة) بالرمز  $\text{---}$  المميز بعلامة الموجب والسلب اللتين تشيران إلى قطب البطارية وفرق الجهد  $V$ . بينما تمثل المكثف بالرمز  $\text{---}$  المسمى  $C$ . تم تحني هذه الدائرة على مفتاح. عندما يكون المفتاح موجودًا بين الموضعين  $a$  و  $b$ . تكون البطارية موصولة بالدائرة مفتوحة. وعندما يكون المفتاح في الموضع  $a$ . تُطلق الدائرة. وتتصل البطارية بالمكثف. وبين المكثف في الشحن. عندما يكون المفتاح في الموضع  $b$ . تُطلق الدائرة بطريقة مختلفة. تزال البطارية من الدائرة وتصل لوح المكثف ببعضهما البعض. وينتفخ المكثف من لوح إلى آخر عبر السلك الذي يشكل  $a$ ، وصلة مادية بين اللوحين. عندما يتبدد الشحن على اللوحين، ينخفض فرق الجهد بين اللوحين إلى صفر. يقال إنه تم تغريمه المكثف.

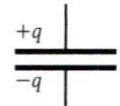
السلك	—	الجلavanومتر	—(G)
المكثف	—  —	الفولتميتر	—(V)
المقاوم	—W—	الأمبير	—(A)
المصدر	—000—	البطارية	—  +—
المفتاح	—\—	مصدر تيار متناوب	—(C)

الشكل 4.8 رموز شائعة الاستخدام لعناصر الدائرة.

### مراجعة المفاهيم 4.1

بعرض الشكل مكثفًا مشحونًا. ما محصلة الشحنة على المكثف؟

a)  $(+q) + (-q) = 0$

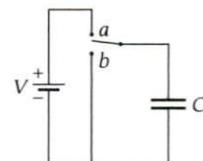


b)  $|+q| + |-q| = 0$

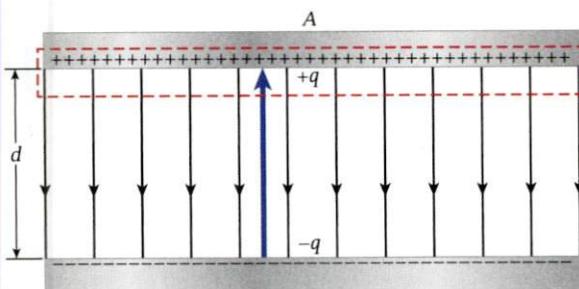
c)  $|+q| + |-q| = 2q$

d)  $(+q) + (-q) = 2q$

e)  $q$



الشكل 4.9 دائرة بسيطة ستستخدم في شحن مكثف وتغريمه.



الشكل ٤.١٠ منظر جانبي لمكثف متوازي اللوحين

يتكون من لوحين لهما مساحة السطح نفسها،  $A$ . وتم الفصل بينهما بمسافة قصيرة،  $d$ . الخط المتقطع باللون الأخر هو سطح عاوسى. الأسماء السوداء المشيرة إلى أسفل تمثل المجال الكهربائي. يشير السهم الأزرق إلى مسار تكامل.

في الشكل ٤.١٠. يسمح لنا هذا التركيب بالتفاضي عن المجال الهاشمسي أو المجال عند الاطراف وهو المجال الكهربائي الصغير خارج الحيز الموجود بين اللوحين الموضعين في الشكل ٤.٧c). عندما يشحن اللوحان، يحمل اللوح العلوي الشحنة  $+q$  بينما يحمل اللوح السفلي الشحنة  $-q$ . يتوجه المجال الكهربائي الموجود بين اللوحين من اللوح موجب الشحنة نحو الأسفل باتجاه اللوح سالب الشحنة. يمكن تجااهل المجال القريب من أطراف اللوحين وهو المجال الهاشمسي (قارن بالشكل ٤.٧)، حيث يمكننا افتراض أن المجال الكهربائي ثابت بمقدار  $E$  في كل موضع بين اللوحين ويساوي صفرًا في أي موضع آخر. يكون المجال الكهربائي متعدلاً دائرياً على سطح اللوحين المتوازيين.

يمكن إيجاد المجال الكهربائي باستخدام قانون غاوس:

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \frac{q}{\epsilon_0}$$

كيف نحسب التكامل على السطح الغاوسى (الذي يحدد مقطعيه العرضي بخط أحمر متقطع في الشكل ٤.١٠)؟ نضيف الإسهامات من الأعلى والأسفل والجانب. إن جوانب السطح الغاوسى صغيرة جدًا. لذلك يمكننا تجااهل المجال الهاشمسي أو المجال عند الاطراف. يمر السطح العلوي عبر الموصل. حيث يكون المجال الكهربائي صفرًا (تذكرة الحماية: ارجع إلى الوحدة ٢). يبقى فقط الجزء السفلي فقط من السطح الغاوسى. و تكون اتجاهات متجهات المجال الكهربائي رأسياً إلى الأسفل، وهي متعدلة على سطح الموصل. يتوجه المتجه العاوسى على السطح  $d\vec{A}$  في الاتجاه نفسه، ومن ثم سيكون متوازياً مع  $\vec{E}$  لذلك سيكون ناتج الضرب القياسي  $\vec{E} \cdot d\vec{A} = E dA \cos 0^\circ = E dA$ . أما بالنسبة إلى التكامل على السطح الغاوسى، فلدينا

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = \iint_{\text{أسفل}} E dA = E \iint dA = EA$$

حيث تمثل  $A$  مساحة اللوح. يعني آخر، بالنسبة إلى المكثف متوازي اللوحين، نحصل من قانون غاوس على

$$(4.4) \quad EA = \frac{q}{\epsilon_0}$$

حيث تمثل  $A$  مساحة السطح للوح الموجب الشحنة. ويتمثل  $q$  مقدار الشحنة على اللوح الموجب الشحنة. تستقر الشحنة على السطح الداخلي لكل من اللوحين بسبب وجود شحنة مضادة على اللوح الآخر. يكون فرق الجهد الكهربائي بين اللوحين بدلاًلة المجال الكهربائي هو

$$(4.5) \quad \Delta V = - \int_i^f \vec{E} \cdot d\vec{s}$$

تم اختيار مسار التكامل من اللوح سالب الشحنة إلى اللوح موجب الشحنة على طول السهم الأزرق في الشكل ٤.١٠. بما أن المجال الكهربائي يوازي مسار التكامل وباتجاه معاكس (انظر إلى الشكل ٤.١٠). فيكون ناتج الضرب القياسي  $\vec{E} \cdot d\vec{s} = Eds \cos 180^\circ = -Eds$  ومن ثم، يختزل التكامل في المعادلة ٤.٥ إلى

$$\Delta V = Ed = \frac{qd}{\epsilon_0 A}$$

حيث استخدمنا المعادلة ٤.٤ لربط المجال الكهربائي بالشحنة. يعطي دمج تعبير فرق الجهد هذا وتعريف السعة (المعادلة ٤.١) تعبيراً لسعة مكثف متوازي اللوحين:

$$(4.6) \quad C = \left| \frac{q}{\Delta V} \right| = \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

لاحظ أن سعة المكثف متوازي اللوحين تعتمد فقط على مساحة اللوحين والمسافة بينهما. يعني آخر، الشكل الهندسي للمكثف هو المؤثر الوحيد في سعته. حيث لا تتأثر سعة المكثف بمقدار الشحنة على المكثف أو فرق الجهد بين لوحيه.

## مراجعة المفاهيم ٤.٢

افتراض أنك قمت بشحن مكثف متوازي اللوحين باستخدام بطارية ثم أزلت البطارية. وقمت بعزل المكثف وتركه مشحوناً. ثم قمت بتحريك لوحي المكثف بعيداً عن بعضهما البعض. عندها فرق الجهد بين اللوحين سوف

(a) يزيد.

(b) ينخفض.

(c) يظل كما هو.

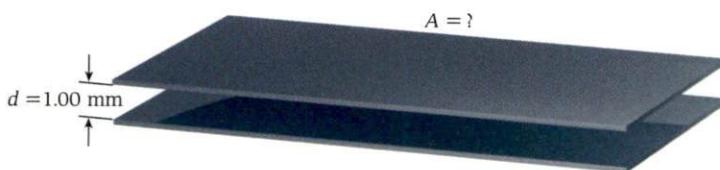
(d) لا يمكن تحديده.

## سؤال الاختبار الذاتي 4.1

قمت بشحن مكثف متوازي اللوحين باستخدام بطارية. ثم قمت بإزالة البطارية وعزل المكثف. إذا قللت المسافة بين لوحين المكثف، فماذا سيحدث في مجال الكهربائي بين اللوحين.

### مثال 4.1 مساحة المكثف متوازي اللوحين

يحتوي المكثف متوازي اللوحين على لوحين تفصلهما مسافة تبلغ 1.00 mm (الشكل 4.11).



الشكل 4.11 مكثف متوازي اللوحين بلوحين مفصولين بمسافة 1.00 mm.

**المأسأة**  
ما المساحة المطلوبة لإعطاء هذا المكثف سعة بقدار  $F = 1.00 \text{ F}$ ؟

#### الحل

$$\text{حسب السعة من خلال} \\ C = \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

(i)

بعدما ندخل المعادلة (i) لإيجاد المساحة وننوعض به  $C = 1.00 \text{ F}$  و  $d = 1.00 \cdot 10^{-3} \text{ m}$ ، سنحصل على

$$A = \frac{dC}{\epsilon_0} = \frac{(1.00 \cdot 10^{-3} \text{ m})(1.00 \text{ F})}{(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})} = 1.13 \cdot 10^8 \text{ m}^2$$

إذا كان هذان اللوبين مربعين، فستكون أبعاد كل واحد منها  $10.6 \text{ km}$  في  $10.6 \text{ km}$ .  
نؤكّد هذه النتيجة أن المراد كبيرة جدًا من السعة.

### مراجعة المفاهيم 4.3

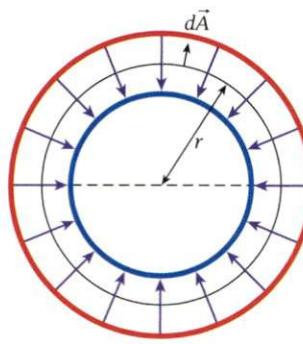
افتراض أن لديك مكثفًا متوازيًا للوحين مساحة كل من لوبيه  $A$  تفصل بينهما مسافة  $d$ . لكن صفر مساحة اللوحة التي ستوصلك عليها الدائرة يجبرك على تقليل مساحة المكثف بمقدار النصف. ماذا يمكنك فعله للتغيير والحفاظ على قيمة السعة نفسها؟

- (a) تقليل  $d$  بمقدار النصف
- (b) زيادة  $d$  بمقدار النصف
- (c) تقليل  $d$  بمقدار الربع
- (d) زيادة  $d$  بمقدار 4 أضعاف

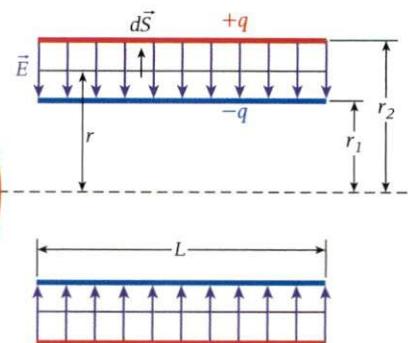
## المكثف الأسطواني

فكّر في مكثف مكون من أسطوانتين موصلتين مترابطتين بالخور ويوجد فراغ بينهما (الشكل 4.12). حيث يكون نصف قطر الأسطوانة الداخلية  $r$  ونصف قطر الأسطوانة الخارجية  $r_2$ . وتحمل الأسطوانة الداخلية الشحنة الداخلية الشحنة  $-q$  بينما تحمل الأسطوانة الخارجية الشحنة  $+q$ . يتوجه المجال الكهربائي بين الأسطوانتين باتجاه نصف القطر إلى الداخل ومتعمدًا على سطح الأسطوانتين. أما بالنسبة إلى المكثف متوازي اللوحين، ففترض أن الأسطوانتين طوبيليان وأنه لا يوجد بالضرورة أي مجال هامشي بالقرب من أطرافهما.

يمكننا تطبيق قانون غاوس لإيجاد المجال الكهربائي بين الأسطوانتين باستخدام سطح غاوسي على شكل أسطوانة ذات نصف القطر  $r$  والطول  $L$ . وتكون مشاركة بالخور مع أسطوانة المكثف. كما هو موضح في الشكل 4.12. ومن ثم تصير الشحنة الخبيطة  $-q$ . لأن السطح الغاوسي، يتوجه المتوجه العمودي على السطح الغاوسي  $d\vec{A}$  باتجاه نصف القطر إلى الخارج. وبهذا سيكون موازيًا لمحاذل المجال  $\vec{E}$ .  $\vec{E} \cdot d\vec{A} = E dA \cos 180^\circ = -E dA$ . ويعني هذا أن  $E = 2\pi rL$ .  
يتبع عن تطبيق قانون غاوس واستخدام حقيقة أن مساحة سطح الأسطوانة هي  $A = 2\pi rL$ .



منظر علوي



منظر جانبي

الشكل 4.12 مكثف أسطواني مكون من أسطوانتين موصلتين مترابطتين بالخور وطوبيلتين. تمثل الدائرة السوداء سطح غاوسي. تمثل الأسهم الأرجوانية المجال الكهربائي.

$$(4.7) \quad \iint \vec{E} \cdot d\vec{A} = -E \iint dA = -E 2\pi rL = \frac{-q}{\epsilon_0}$$

يمكن إعادة ترتيب المعادلة 4.7 لإعطاء تعبير لمقدار المجال الكهربائي:

$$r_1 < r < r_2, \text{ عندما } E = \frac{q}{\epsilon_0 2\pi rL}$$

يمكن الحصول على فرق الجهد بين لوحي المكثف الأسطواني من خلال إجراء التكامل على المجال الكهربائي  $\vec{E} \cdot d\vec{s}$ . وبالنسبة إلى مسار التكامل في اتجاه نصف القطر من الأسطوانة السالبة الشحنة عند  $r_1$  إلى الأسطوانة الموجبة الشحنة عند  $r_2$ . يكون المجال الكهربائي متوازيًا مع معاكسة للمسار. ومن ثم، تصبح  $\vec{E} \cdot d\vec{s}$  في المعادلة ٤.٥  $-E dr$ . لذلك

$$\Delta V = - \int_{r_1}^{r_2} E dr = \int_{r_1}^{r_2} \frac{q}{\epsilon_0 2\pi r L} dr = \frac{q}{\epsilon_0 2\pi L} \ln\left(\frac{r_2}{r_1}\right)$$

يُنتج عن تعبير فرق الجهد هذا والمعادلة ٤.١ تعبيراً للسعة.

$$(4.8) \quad C = \left| \frac{q}{\Delta V} \right| = \frac{q}{\frac{q}{\epsilon_0 2\pi L} \ln(r_2/r_1)} = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(r_2/r_1)}$$

تعتمد سعة المكثف الأسطواني على شكله الهندسي فقط على غرار المكثف متوازي اللوحين.

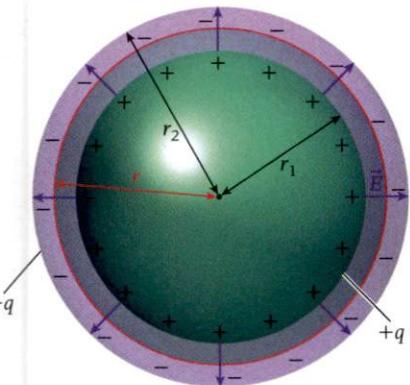
### المكثف الكروي

لتفكير الآن في مكثف كروي يتكون من جسمين كرويين موصلين متحدي المركز ولديهما نصف قطر  $r_1$  و  $r_2$ . ويوجد فراغ بينهما (الشكل ٤.١٣). ويحمل الجسم الكروي الداخلي الشحنة  $-q$  بينما يحمل الجسم الكروي الخارجي الشحنة  $+q$ . يتعدّم المجال الكهربائي على سطح كل الجسمين الكرويين ويتجه في اتجاه نصف القطر من الجسم الكروي الداخلي الموجبة الشحنة إلى الجسم الكروي الخارجي السالب الشحنة. كما هو موضح بالأسهم البنفسجية في الشكل ٤.١٣ (في السابق، كان التكامل من الشحنة السالبة إلى الشحنة الموجبة بالنسبة إلى المكثفات متوازي اللوحين والمكثفات الأسطوانية، سترى هنا ماذا سيحدث عندما ينعكس الاتجاه). لتحديد مقدار المجال الكروي، سنتعمّق في التفاصيل. وذلك باستخدام سطح جاوسي عبارة عن سطح كروي متعدد المترافق الموصلين الكرويين وببلغ نصف قطره  $r$  حيث  $r_2 > r > r_1$ . كذلك يكون المجال الكهربائي متوازيًا على السطح الغاوي في كل مكان، فإذا لدينا

$$(4.9) \quad \oint \vec{E} \cdot d\vec{A} = EA = E(4\pi r^2) = \frac{q}{\epsilon_0}$$

عند حل المعادلة ٤.٩ لإيجاد  $E$  نحصل على

$$r_1 < r < r_2, \text{ عندما } E = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$



**الشكل ٤.١٣** مكثف كروي مكون من جسمين كرويين موصلين متحدي المركز، سطح غاوي على دائرة الحمراء التي تنصّف قطرها.

$$\Delta V = - \int_{r_1}^{r_2} E dr = - \int_{r_1}^{r_2} \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr = - \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)$$

في هذه الحالة،  $\Delta V > 0$ . لماذا؟ لأننا أجرينا التكامل من الشحنة الموجبة إلى الشحنة السالبة. حيث يكون للشحنة الموجبة جهذاً أكبر من الشحنة السالبة. وهذا يُنتج فرق جهد سالباً. تعطي المعادلة ٤.١ سعة المكثف الكروي في صورة القيمة المطلقة للشحنة مقسومة على القيمة المطلقة لفرق الجهد:

$$C = \left| \frac{q}{\Delta V} \right| = \frac{q}{\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)} = \frac{4\pi\epsilon_0}{\left( \frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right)}$$

يمكن كتابة هذا بصيغة أسهل:

$$(4.10) \quad C = 4\pi\epsilon_0 \frac{r_1 r_2}{r_2 - r_1}$$

لاحظ أن السعة تعتمد مجدداً على الشكل الهندسي للمكثف فقط.

### مراجعة المفاهيم ٤.٤

إذا زاد نصف قطر الداخلي والخارجي لمكثف كروي بمقدار الضعف، فماذا سيحدث للسعة؟

- (a) تخفّض بمقدار الربع.
- (b) تخفّض بمقدار النصف.
- (c) تتطلّل كما هي.
- (d) تزيد بمقدار الضعف.
- (e) تزيد بمقدار ٤ أضعاف.

يمكننا الحصول على سعة موصل كروي مفرد من المعادلة 4.10 بافتراض أن الموصل الكروي الخارجي بعيد بشكل لا نهائي. مع كون  $r_2 = \infty$  و  $R_1 = r_1$ . يتم الحصول على سعة موصل كروي معزول من المعادلة

$$(4.11) \quad C = 4\pi\epsilon_0 R$$

## 4.4 المكثفات في الدوائر الكهربائية

كما ذكرنا سلفاً، الدائرة عبارة عن مجموعة من الأجهزة الكهربائية المتصلة بواسطة أسلاك موصولة. يمكن توصيل المكثفات في الدوائر بطرق مختلفة. لكن الطريقتين الأساسية هما التوصيل على التوازي والتوصيل على التوالى.

### المكثفات المتصلة على التوازي

يعرض الشكل 4.14 دائرة بها ثلاثة مكثفات متصلة **موجبة على التوازي**. لكل من المكثفات الثلاثة لوح ستصل مباشرة بالطرف الموجب للبطارية بين طرفيها فرق الجهد  $V$  واللوح الآخر يتصل مباشرة بالطرف السالب لتلك البطارية. تظهر الدائرة نفسها في الجزء العلوي من الشكل 4.15. ويعرض الشكل 4.14 مفهوم المكثفات المتصلة بالطرف الموجب للبطارية لها الجهد نفسه. أما الألواح الأخرى للمكثفات لها أحد اطراف المكثف المتصل بالطرف الموجب للبطارية (الذي اعتبر صفر). (لم توصيل طرف البطارية الموجب والسالب بتظليل). في ختيف لتوضيح أن هذين الطرفين جزء من الجهاز نفسه ولتوفير تمثيل لفرق الجهد بين الطرفين. ولم توصيل لوحي كل مكثف بشريط رمادي فاخ.) الفكرة الأساسية التي يقدمها الشكل 4.15 هي أن فرق الجهد متساوٍ في كل واحد من المكثفات الثلاثة. لذا، المكثفات الثلاثة في هذه الدائرة، لدينا

$$q_1 = C_1 \Delta V$$

$$q_2 = C_2 \Delta V$$

$$q_3 = C_3 \Delta V$$

بصفة عامة، يمكن أن تكون لكمية الشحنة على كل مكثف قيمة مختلفة. يمكن النظر إلى المكثفات الثلاثة على أنها مكثف واحد مكافئ يحمل إجمالي شحنة  $q$ . تعطى من خلال المعادلة

$$q = q_1 + q_2 + q_3 = C_1 \Delta V + C_2 \Delta V + C_3 \Delta V = (C_1 + C_2 + C_3) \Delta V$$

لذا، السعة المكافئة لهذا المكثف هي

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + C_3$$

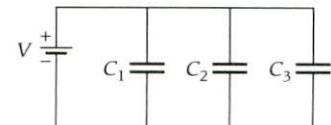
يمكن التوسيع في هذه النتيجة لتشمل أي عدد  $n$  من المكثفات المتصلة على التوازي:

$$(4.12) \quad C_{eq} = \sum_{i=1}^n C_i$$

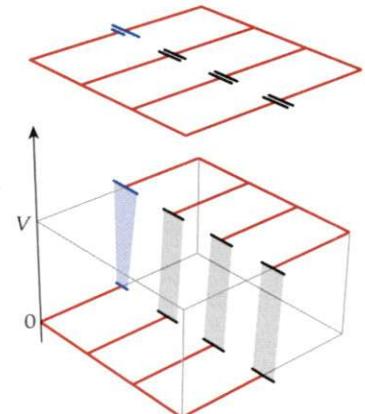
يعنى آخر، السعة المكافئة لنظام من المكثفات المتصلة على التوازي تساوى مجموع السعات. لذا، استبدال عدة مكثفات متصلة على التوازي في دائرة بسعة مكافئة يتم الحصول عليها من خلال المعادلة 4.12. كما هو موضح في الشكل 4.16.

### المكثفات المتصلة على التوالى

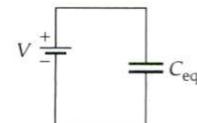
يعرض الشكل 4.17 دائرة بها ثلاثة مكثفات متصلة **متصلة على التوالى**. في هذا التكوين، تنتج البطارية شحنة متساوية  $+q$  على اللوح الأيسر لكل مكثف وشحنة متساوية  $-q$  على اللوح الأيسر لكل مكثف. لتوضيح هذه الحقيقة نبدأ عندما تكون المكثفات غير مشحونة. ثم يتم توصيل البطارية بمجموعة المكثفات المتصلة على التوالى. عند توصيل اللوح الموجب  $C_3$  بالطرف الموجب للبطارية تبدأ الشحنة الموجبة التي توفرها البطارية بالترانكم على اللوح. تستحوذ هذه الشحنة الموجبة شحنة سالبة متساوية في المدار على اللوح الآخر  $C_3$ .



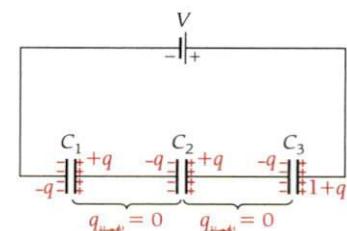
**الشكل 4.14** دائرة بسيطة ببطارية وثلاثة مكثفات متصلة على التوازي.



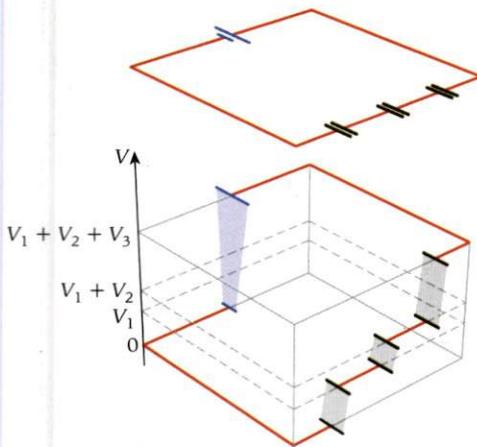
**الشكل 4.15** الجهد في أجزاء مختلفة من الدائرة في الشكل 4.14.



**الشكل 4.16** يمكن استبدال المكثفات الثلاثة في الشكل 4.14 بسعة مكافئة.



**الشكل 4.17** دائرة بسيطة بها ثلاثة مكثفات متصلة على التوالى.



**الشكل 4.18** الجهد في دائرة بها ثلاثة مكثفات متصلة على التوالي.

#### مراجعة المفاهيم 4.5

بالنسبة إلى دائرة بثلاثة مكثفات متصلة على التوالي، يجب أن تكون السعة الكافية دائمة

- (a) مساوية لأكبر الساعات الفردية الثلاث.
- (b) مساوية لأصغر الساعات الفردية الثلاث.
- (c) أكبر من أكبر الساعات الفردية الثلاث.
- (d) أصغر من أصغر الساعات الفردية الثلاث.

بالمضي توصيل لوح  $C_3$  السالب الشحنة باللوح الأيمن لـ  $C_2$ ، والذي يصبح عندها موجب الشحنة لأنه لا يمكن أن تترافق الشحنة في الجزء المعزول بين اللوح الأيسر لـ  $C_3$  واللوح الأيمن لـ  $C_2$ . يستمر لوح  $C_2$  الموجب الشحنة شحنة سالبة متساوية في المقدار على اللوح الآخر لـ  $C_2$ . ثم يترك لوح  $C_2$  السالب الشحنة شحنة موجبة على لوح  $C_1$  المتصل به، مما يحفظ شحنة سالبة على اللوح الأيسر لـ  $C_1$ . يتصل لوح  $C_1$  السالب الشحنة بالطرف السالب للبطارية. وهكذا، تتدفق الشحنة من البطارية. فتشحن اللوح الموجب لـ  $C_3$  بشحنة قيمتها  $+q$  وتحفظ شحنة مقابله قيمتها  $-q$  على لوح  $C_1$  السالب الشحنة. لذلك، يحظى كل مكثف فعلًا بالشحنة نفسها في النهاية.

عند شحن المكثفات الثلاثة في الدائرة في الشكل 4.17. يجب أن يساوي مجموع هبوط الجهد في المكثفات الثلاثة فرق الجهد الذي توفره البطارية. هذا موضح في الشكل 4.18. وهو تمثيل ثلاثي الأبعاد للجهد في الدائرة التي بها ثلاثة مكثفات متصلة على التوالي، مشابه لذلك الذي في الشكل 4.15. لاحظ أن هبوط الجهد في المكثفات الثلاثة المتصلة على التوالي ليس متساوياً، هذا صحيح بشكل عام للتوصيل على التوالي).

وكما ترى من الشكل 4.18. يجب أن يكون مجموع هبوط الجهد في المكثفات الثلاثة متساوياً إجمالياً فرق الجهد،  $\Delta V$ ، الذي توفره البطارية. ولأن كل مكثف لديه الشحنة نفسها، تحصل على

$$\Delta V = \Delta V_1 + \Delta V_2 + \Delta V_3 = \frac{q}{C_1} + \frac{q}{C_2} + \frac{q}{C_3} = q \left( \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} \right)$$

يمكن كتابة السعة المكافئة في صورة

$$\Delta V = \frac{q}{C_{eq}}$$

حيث

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3}$$

#### مراجعة المفاهيم 4.6

هبوط الجهد لدائرة بثلاثة مكثفات لها ساعات مختلفة موضحة على التوالي هو

- (a) نفسه عبر كل مكثف وله قيمة فرق الجهد.
- (b) نفسه الذي توفره البطارية.
- (c) أكبر في المكثف ذي السعة الأصغر.
- (d) أكبر في المكثف ذي السعة الأكبر.

(b) نفسه عبر كل مكثف ولديه  $\frac{1}{3}$  من قيمة فرق الجهد الذي توفره البطارية.

#### سؤال الاختبار الذاتي 4.2

ما السعة المكافئة لأربعة مكثفات بسعة  $10.0 \mu F$  متصلة على التوالي؟ ما السعة المكافئة لأربعة مكثفات بسعة  $10.0 \mu F$  متصلة على التوازي؟

لذا، يمكن استبدال المكثفات الثلاثة المتصلة على التوالي في الدائرة الموضحة في الشكل 4.17 بسعة مكافئة يتم الحصول عليها من خلال المعادلة 4.13. وهذا ينتج الرسم التخطيطي نفسه للدائرة مثل الوارد في الشكل 4.16.

بالنسبة إلى نظام يتكون من عدد  $n$  من المكثفات، تعمم المعادلة 4.13 إلى

$$\frac{1}{C_{eq}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}$$

ومن ثم، فإن سعة نظام من المكثفات المتصلة على التوازي دائمًا ما تكون أقل من أصغر سعة في النظام. إن إيجاد السعات المكافئة للمكثفات المتصلة على التوالي وعلى التوازي يتيح حل المسائل المتعلقة بالدوائر المعقّدة. كما يوضح المثال التالي.

## مثال 4.2 نظام من المكثفات

### المأساة

فكّر في الدائرة الموضحة في الشكل 4.19a. فيما يبدو ترتيباً معقداً من خمسة مكثفات تتصل ببطارياً. ما السعة الكلية لهذه المجموعة المكونة من خمسة مكثفات؟ إذا كانت سعة كل مكثف  $5.0 \text{ nF}$ . فما السعة المكافئة للمجموعة؟ إذا كان فرق جهد البطارية  $12 \text{ V}$ . فما الشحنة على كل مكثف؟

### الحل

قد تبدو هذه المسألة معقدة في البداية، لكن يمكن تبسيطها إلى خطوات متتالية. باستخدام القواعد الخاصة بالساعات المكافئة للمكثفات المتصلة على التوالي وعلى التوازي. نبدأ بالتركيبات الداخلية للدائرة ونعمل نحو الخارج.

### الخطوة 1

بالنظر إلى المكثفين 1 و 2 في الشكل 4.19a، نرى على الفور أنهما متصلان على التوازي. ولأن المكثف 3 يقع على مسافة بعيدة، فقد لا يبدو واضحاً أنه أيضاً متصل على التوازي مع 1 و 2. لكن الألواح العليا لهذه المكثفات الثلاثة متصلة بواسطة الأسلاك، ومن ثم لها الجهد نفسه. والأمر كذلك بالنسبة إلى ألواحهما السفلية، لذا فالثلاثة متصلة على التوازي بالفعل. وفقاً للمعادلة 4.12، السعة المكافئة لهذه المكثفات الثلاثة هي

$$C_{123} = \sum_{i=1}^3 C_i = C_1 + C_2 + C_3$$

هذا النجدة موضح في الشكل 4.19b.

### الخطوة 2

في الشكل 4.19b،  $C_{123}$  و  $C_4$  متصلين على التوالي. لذا، فإن سعتها المكافئة، وفقاً للمعادلة 4.14، هي

$$\frac{1}{C_{1234}} = \frac{1}{C_{123}} + \frac{1}{C_4} \Rightarrow C_{1234} = \frac{C_{123}C_4}{C_{123} + C_4}$$

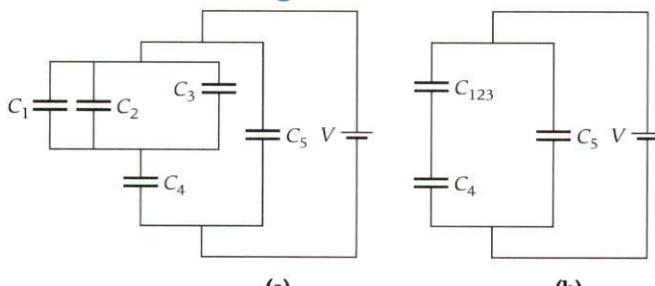
يمكننا استبدال المكثفات المذكورة بمدعاً واحداً له السعة المكافئة لهذا الاستبدال كما هو موضح في الشكل 4.19c.

### الخطوة 3

أخيراً،  $C_{1234}$  و  $C_5$  متصلان على التوازي في الشكل 4.19c. لذلك، يمكننا استخدام العملية الحسابية لإيجاد السعة المكافئة لمكثفين متصلين على التوازي، وإيجاد السعة المكافئة للمكثفات الخمسة جماعياً:

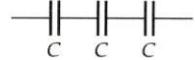
$$C_{12345} = C_{1234} + C_5 = \frac{C_{123}C_4}{C_{123} + C_4} + C_5 = \frac{(C_1 + C_2 + C_3)C_4}{C_1 + C_2 + C_3 + C_4} + C_5$$

تعطينا هذه النتيجة الدائرة البسيطة الموضحة في الشكل 4.19d.



## مراجعة المفاهيم 4.7

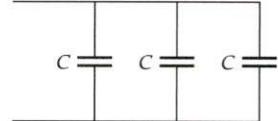
ثلاثة مكثفات، كل بسعة  $C$ . متصلة كما هو موضح في الشكل. ما السعة المكافئة لهذا المجموع من المكثفات؟



- a)  $C/3$
- b)  $3C$
- c)  $C/9$
- d)  $9C$
- e) لا شيء، مما سبق

## مراجعة المفاهيم 4.8

ثلاثة مكثفات، كل بسعة  $C$ . متصلة كما هو موضح في الشكل. ما السعة المكافئة لهذا الترتيب من المكثفات؟



- d)  $9C$
- a)  $C/3$
- b)  $3C$
- c)  $C/9$
- e) لا شيء، مما سبق

## الشكل 4.19 نظام من المكثفات:

- (a) التشكيل الأصلي للدائرة (b) تخفيف المكثفات المتوازية إلى المكافئ الخاص بها؛
- (c) تخفيف المكثفات المتولدة إلى المكافئ الخاص بها؛ (d) السعة المكافئة للمجموعة الكاملة من المكثفات.

**الخطوة 4: التعويض بالأرقام للمكثفات**

يمكننا الآن إيجاد السعة المكافئة إذا كان لكل المكثفات سعات  $5.0 \text{ nF}$  متماثلة:

$$\left( \frac{(5.0 + 5.0 + 5.0)5.0}{5.0 + 5.0 + 5.0 + 5.0} + 5.0 \right) \text{nF} = 8.8 \text{ nF}$$

كما نرى، يوفر المكثف 5 وحده أكثر من نصف إجمالي السعة لهذه الجموعة. توضح هذه النتيجة أنه لا بد من الحذر الشديد في ما يخص كيفية عملية تجميع المكثفات في الدوائر.

**الخطوة 5: حساب الشحنات على المكثفات**

$C_5$  متصلان على التوازي. لذلك، لهما فرق الجهد نفسه. وهو  $12 \text{ V}$ . وهذا يعني أن الشحنة على  $C_{1234}$  تساوي  $C_5$

$$q_5 = C_5 \Delta V = (5.0 \text{ nF})(12 \text{ V}) = 60. \text{nC}$$

مكون من  $C_{123}$  و  $C_4$  الموصلين على التوالى. لذلك يجب أن يكون لدى  $C_{123}$  و  $C_4$  الشحنة نفسها  $q_4$ . لذا

$$\Delta V = \Delta V_{123} + \Delta V_4 = \frac{q_4}{C_{123}} + \frac{q_4}{C_4} = q_4 \left( \frac{1}{C_{123}} + \frac{1}{C_4} \right)$$

إذا فالشحنة على  $C_4$  تساوي

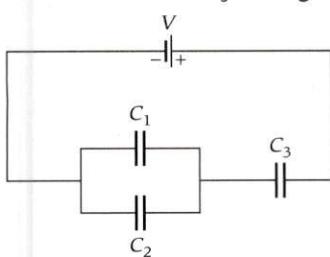
$$q_4 = \Delta V \frac{C_{123}C_4}{C_{123} + C_4} = \Delta V \frac{(C_1 + C_2 + C_3)C_4}{C_1 + C_2 + C_3 + C_4} = (12 \text{ V}) \frac{(15 \text{ nF})(5.0 \text{ nF})}{20.0 \text{ nF}} = 45 \text{ nC}$$

كافى لثلاثة مكثفات متصلة على التوازي. ولديه كذلك شحنة  $C_4$  نفسها أو  $45 \text{ nC}$ . للمكثفات الثلاثة  $C_1$  و  $C_2$  و  $C_3$  السعة نفسها وفرق الجهد نفسه لأنها متصلة على التوازي، ويجب أن يساوى مجموع الشحنة على هذه المكثفات الثلاثة  $45 \text{ nC}$ . لذلك، يمكننا أن حسب الشحنة على  $C_1$  و  $C_2$  و  $C_3$ :

$$q_1 = q_2 = q_3 = \frac{45 \text{ nC}}{3} = 15 \text{ nC}$$

**مراجعة المفاهيم 4.9**

ثلاثة مكثفات متصلة بطارية كما هو موضح في الشكل. إذا كان  $C_1 = C_2 = C_3 = 10.0 \mu\text{F}$  و  $V = 10.0 \text{ V}$ . فما الشحنة على المكثف  $C_3$ ؟



- a)  $66.7 \mu\text{C}$
- b)  $100. \mu\text{C}$
- c)  $150. \mu\text{C}$
- d)  $300. \mu\text{C}$
- e)  $457. \mu\text{C}$

**4.5 الطاقة المخزنة في المكثفات**

المكثفات مفيدة للغاية في تخزين طاقة الوضع الكهربائية. فهي أكثر فائدة بكثير من البطاريات إذا كان لا بد من تحويل طاقة الوضع إلى أشكال أخرى للطاقة بسرعة شديدة. تم وصف أحد التأثيرات العملية للمكثفات في تخزين طاقة الوضع الكهربائية وحريرتها بشكل سريع في المثال 4.4. عن المدر على الطاقة في منشأة الإشعاع الوطنية. لاختبار كمية الطاقة التي يمكن تخزينها في مكثف، يجب أن تبذل بطارية شغلاً لشحن المكثف. يمكن صياغة مفهوم الشغل بدلاله التغير في طاقة الوضع الكهربائية للمكثف. لتحقيق عملية الشحن، يجب نقل الشحنة بعكس المجال الكهربائي بين لوحي المكثف. وكما لاحظنا سلفاً في هذه الوحدة، كلما زادت شحنة المكثف، زاد فرق الجهد بين اللوحتين. هذا يعني أنه كلما زادت الشحنة الموجودة على المكثف بالفعل، صار من الصعب إضافة كمية شحن تفاضلية إلى المكثف. الشغل التفاضلي،  $dW$ ، الذي تبذله بطارية بفرق جهد  $\Delta V$  لوضع شحنة تفاضلية،  $dq$ ، على مكثف بسعة  $C$  هو

$$dW = \Delta V dq = \frac{q'}{C} dq$$

حيث  $\Delta V$  و  $q'$  هما فرق الجهد والشحن اللحظيين (المتزايدين). على التوالى، على المكثف أثناء عملية الشحن. يتم الحصول على إجمالي الشغل  $W_t$  المطلوب لشحن المكثف بالكامل،  $q$ . من خلال المعادلة

$$W_t = \int dW = \int_0^q \frac{q'}{C} dq = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C}$$

يخزن هذا الشغل في صورة طاقة وضع كهربائية:

$$(4.15) \quad U = \frac{1}{2} \frac{q^2}{C} = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} q \Delta V$$

كل الصياغات الثلاثة لطاقة الوضع الكهربائية المخزنة الواردة في المعادلة 4.15 صالحة على السواء. يمكن تحويل كل منها إلى واحدة من الآخريات باستخدام  $q = C\Delta V$  واستبعاد إحدى الكميات الثلاثة لصالح الكميتين الأخريين.

تُعرف كثافة الطاقة الكهربائية،  $u$ . على أنها طاقة الوضع الكهربائية لوحدة الحجم:

$$u = \frac{U}{\text{الحجم}}$$

(ملاحظة: لا تُستخدم  $V$  هنا لتمثيل الحجم، لأنها محصورة في هذا السياق للجهد).

في الحالة الخاصة لمكثف متوازي اللوحين ليس له مجال عند الاطراف، يسهل حساب الحجم المخصوص بين لوحين مساحة كل منهما  $A$  ومسافة عمودية  $d$ . فيكون عبارة عن مساحة كل لوحة مضروبة في المسافة بين اللوحين، أو  $Ad$ . باستخدام المعادلة 4.15 لطاقة الوضع الكهربائية، نحصل على

$$u = \frac{U}{Ad} = \frac{\frac{1}{2}C(\Delta V)^2}{Ad} = \frac{C(\Delta V)^2}{2Ad}$$

باستخدام المعادلة 4.6 لسعنة المكثف متوازي اللوحين الذي به فراغ بين اللوحين، نحصل على

$$u = \frac{(\epsilon_0 A/d)(\Delta V)^2}{2Ad} = \frac{1}{2}\epsilon_0 \left(\frac{\Delta V}{d}\right)^2$$

ملاحظة أن  $\Delta V/d$  عبارة عن مقدار المجال الكهربائي،  $E$ . نحصل على تعبير لكتافة الطاقة الكهربائية لمكثف متوازي اللوحين:

$$(4.16) \quad u = \frac{1}{2}\epsilon_0 E^2$$

تُعد هذه النتيجة ملائمة بشكل أكبر في الواقع، بالرغم من أنها مشتقة لمكثف متوازي اللوحين. يمكن وصف طاقة الوضع الكهربائية المخزنة في أي مجال كهربائي لكل وحدة حجم يشغلها ذلك المجال باستخدام المعادلة 4.16.

## مراجعة المفاهيم 4.10

ما مقدار الطاقة المخزنة في مكثف سعنته  $F = 180 \mu\text{F}$  ومتغير كاميرا مشحونة إلى  $V = 300.0$ ؟

- |           |          |
|-----------|----------|
| a) 1.22 J | d) 115 J |
| b) 8.10 J | e) 300 J |
| c) 45.0 J |          |

## مثال 4.3 السحابة الرعدية

افتراض أن سحابة رعدية بعرض 2.0 km وطول 3.0 km خوم على ارتفاع 0.50 km فوق منطقة مسطحة. تحمل السحابة شحنة قدرها  $C = 160 \mu\text{C}$  ولا تحمل الأرض أي شحنة.

### المأساة 1

ما فرق الجهد بين السحابة والأرض؟

### الحل 1

يمكننا مقاربة نظام السحابة والأرض في صورة مكثف متوازي اللوحين. سعته، وفقاً للمعادلة 4.6، هي

$$C = \frac{\epsilon_0 A}{d} = \frac{(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})(2.0 \text{ km})(3.0 \text{ km})}{0.50 \text{ km}} = 0.11 \mu\text{F}$$

لأننا نعلم الشحنة التي تحملها السحابة،  $C = 160 \mu\text{C}$ . يكون من المغرى التعويض بهذه القيمة في العلاقة بين الشحنة، والسعنة، وفرق الجهد (المعادلة 4.1) لإيجاد الإجابة المرغوب فيها. غير أنه يمكن لمكثف متوازي اللوحين ذي شحنة  $+q$  على أحد اللوحين و $-q$  على اللوح الآخر اختلاف في الشحنة قدره  $2q$  بين اللوحين. لنظام السحابة والأرض،  $C = 160 \mu\text{F}$ . بدلاً من ذلك، يمكننا اعتبار السحابة عازلاً مشحونةً ونستخدم النتيجة من القسم 22.9. وهي أن المجال الناتج عن طبعة مستوية من الشحنة هو

$$E = \sigma / 2\epsilon_0$$

$$\Delta V = \frac{q}{C} = \frac{80. \mu\text{C}}{0.11 \mu\text{F}} = 7.3 \cdot 10^8 \text{ V}$$

فرق الجهد يبلغ أكثر من 700 مليون فولت!

### المأساة 2

تطلب صواعق البرق فوق مجال كهربائي تصل إلى حوالي  $2.5 \text{ MV/m}$ . هل الظروف الموصوفة في نص المأساة كافية لحدوث صاعقة برق؟

**الحل 2**

نستخدم فرق الجهد بين السحابة والأرض والمسافة المعطاة بينهما لحساب مقدار المجال الكهربائي:

$$E = \frac{\Delta V}{d} = \frac{7.3 \cdot 10^8 \text{ V}}{0.50 \text{ km}} = 1.5 \text{ MV/m}$$

ومن هذه النتيجة، يمكننا استنتاج أنه لن يحدث برق في هذه الظروف، غير أنه إذا انحرفت السحابة فوق برج لاسلكي، فربما يزيد المجال الكهربائي وسيؤدي إلى تفريغ شحنة للبرق.

**المشكلة 3**

ما إجمالي طاقة الوضع الكهربائية التي يحتويها المجال الواقع بين هذه السحابة الرعدية والأرض؟

**الحل 3**

من المعادلة 4.15، يبلغ إجمالي طاقة الوضع الكهربائية المخزنة في نظام السحابة والأرض

$$U = \frac{1}{2} q \Delta V = 0.5(80. \text{ C})(7.3 \cdot 10^8 \text{ V}) = 2.9 \cdot 10^{10} \text{ J}$$

للمقارنة، تكفي هذه الطاقة لتشغيل مجفف شعر قياسي بقدرة W 1500 1500 لأكثر من 5000 ساعة.

**مأسأة محلولة 4.1****المأسأة**

بافتراض وجود الكثير من المكثفات، لكل منها  $C = 90.0 \mu\text{F}$ . متصلة على التوازي عبر بطارية مع فرق جهد يساوي  $V = 160.0 \text{ V}$ . كم يلزم من المكثفات لتخزين  $J = 95.6 \text{ J}$  من الطاقة؟

**الحل**

بتم حساب السعة المكافحة للعديد من المكثفات المتصلة على التوازي بواسطة مجموع ساعات كل المكثفات، يمكننا حساب الطاقة المخزنة من السعة المكافحة للمكثفات المتصلة على التوازي وفقاً بعد البطارية.

**الرسم** يوضح الشكل 4.20 دائرة بها عدد  $n$  من المكثفات المتصلة على التوازي عبر بطارية.

**ابحث** السعة المكافحة،  $C_{eq}$ . لعدد  $n$  من المكثفات، لكل منها سعة  $C$ . متصلة على التوازي هي

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \dots + C_n = nC$$

بتم حساب الطاقة المخزنة في المكثفات عندئذ من خلال

$$U = \frac{1}{2} C_{eq} (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} nC (\Delta V)^2$$

**بسط** حل المعادلة (i) للعدد المطلوب من المكثفات بعطيها

$$n = \frac{2U}{C(\Delta V)^2}$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$n = \frac{2(95.6 \text{ J})}{(90.0 \cdot 10^{-6} \text{ C})(160.0 \text{ V})^2} = 82.986$$

**قرّب** نقدم نتائجنا في صورة عدد صحيح من المكثفات:

$$83 = n$$

**تحقق ثانية** سعة 83 مكثفاً لها  $C = 90.0 \mu\text{F}$  هي

$$C_{eq} = 83(90.0 \mu\text{F}) = 0.00747 \text{ F}$$

شحن هذا المكثف ببطارية بجهد 160 V ينتج طاقة مخزنة قدرها

$$U = \frac{1}{2} C_{eq} (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} (0.00747 \text{ F}) (160.0 \text{ V})^2 = 95.6 \text{ J}$$

ومن ثم، تكون إجابتنا عن عدد المكثفات متسقة.

## منشأة الإشعال الوطنية

### مثال 4.4

منشأة الإشعال الوطنية (NIF) عبارة عن ليزر عالي الطاقة مصمم لإنتاج تفاعلات اندماج مشابهة لتلك التي حدثت في الشمس. يستخدم الليزر نبضة ضوئية قصيرة عالية الطاقة لتسخين كرية صغيرة تحتوي على نظائر الهيدروجين وضغطها. يستمد الليزر طاقته من 192 وحدة تكييف للقدرة (الشكل 4.21). تضم كل منها عشرين مكثفًا بقدرة 300  $\mu\text{F}$  متصلة على التوازي ومشحونة بطاقة قدرها 4.0 kV. تُشحن المكثفات على مدار فترة تبلغ 5.90.0 s. ثم يُطلق الليزر بتغريغ كل الطاقة المخزنة في المكثفات خلال 400  $\mu\text{s}$ .



### المأساة 1

كم الطاقة المخزنة في مكثفات NIF؟

#### الحل 1

المكثفات متصلة على التوازي. ومن ثم، تكون السعة المكافئة لكل وحدة تكييف للقدرة هي

$$C_{eq} = 20(300) \mu\text{F} = 6.00 \text{ mF}$$

وتكون الطاقة المخزنة في كل وحدة تكييف للقدرة هي

$$U = \frac{1}{2} C_{eq} (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} (6.00 \cdot 10^{-3} \text{ F}) (24.0 \cdot 10^3 \text{ V})^2 = 1.73 \text{ MJ}$$

ومن ثم، يكون إجمالي الطاقة المخزنة في كل مكثفات NIF هو

$$U_{total} = 192(1.73 \text{ MJ}) = 332 \text{ MJ}$$

### المأساة 2

ما متوسط القدرة المخزنة واسطة حدات تكييف القدرة أثناء نبضة الليزر؟

#### الحل 2

القدرة عبارة عن الطاقة لكل وحدة من الـ 192. ويتم حسابها من خلال

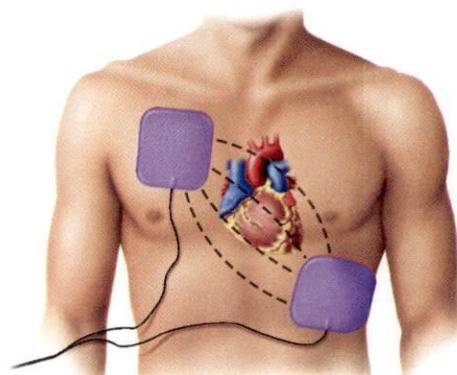
$$P = \frac{\Delta U}{\Delta t} = \frac{332 \text{ MJ}}{400 \cdot 10^{-6} \text{ s}} = \frac{332 \cdot 10^6 \text{ J}}{400 \cdot 10^{-6} \text{ s}} = 8.30 \cdot 10^{11} \text{ W} = 0.830 \text{ TW}$$

بالمقارنة، كان متوسط القدرة الكهربائية المولدة في الولايات المتحدة في عام 2010 هو 0.47 TW. يُحتفظ بالقدرة 0.830 TW الموضعة في الليزر الخاص بـ NIF جزء صغير من الثانية فحسب.

**الشكل 4.21** ثمانية وأربعون وحدة تكييف القدرة في إحدى الحجرات الأربع في منشأة الإشعال الوطنية في مختبر لورانس ليفرمور الوطني.



(a)



(b)

**الشكل 4.22** (a) جهاز إزالة الرجفان الخارجي التلقائي (AED) في حامله على المائدة. (b) رسم تخطيطي يوضح مكان وضع الأقطاب التي لا تتطلب استخدام اليدين.

يُعد مزيل الرجفان التلقائي الخموي (AED) أحد أهم تطبيقات المكثفات، وهو جهاز مصمم لتقديم صدمة لقلب شخص ما في حالة رجفان بطيء. يعرض الشكل 4.22a جهاز AED قياسيًا.

يعني التعرض للرجفان البطيء أن القلب لا ينبع بنمط منتظم. أو بدلاً من ذلك تكون الإشارات التي تحكم في ضربات القلب غير منتظمة. ما يمنع القلب من أداء وظيفته المتمثلة في الحفاظ على دوران منظم للدم عبر الجسم. يجب علاج هذه الحالة خلال دقائق قليلة لتجنب الضرر الدائم أو الموت. ووجود عدد من أجهزة AED في أماكن عامة يمكن الوصول إليها بسيع العلاج السريع لهذه الحالة.

يوفر جهاز AED نبضة تيار كهربائي بهدف تبيه القلب ليخفق بانتظام. وعادة ما يكون جهاز AED مصممًا لتحليل معدل ضربات قلب الشخص بصورة تلقائية، وتحديد ما إذا كان الشخص في حالة رجفان بطيء، وتقدم النبض الكهربائي عند الحاجة. يجب على مشغل جهاز AED توصيل أقطاب الجهاز بصدر الشخص الذي يعاني من المشكلة والضغط على زر البدء.

لن يقوم جهاز AED بأي شيء إذا لم يكن الشخص يعاني من رجفان بطيء. إذا حدث جهاز AED أن الشخص يعاني من رجفان بطيء، فسيوجه جهاز AED المشغل إلى الضغط على الزر لبدء النبض الكهربائي. لاحظ أن AED غير مصمم لإعادة النبض إلى قلب لا ينبع. وإنما هو مصمم لاستعادة معدل منتظم لضربات القلب المنتظم عندما ينبع القلب بشكل غير منتظم.

عادة ما ينتقل جهاز AED طاقة كهربائية قدرها  $J = 150$  جول إلى المريض، تصل عبر زوج من الأقطاب التي يتم توصيلها بمنطقة الصدر (انظر الشكل 4.22b). تخزن هذه الطاقة بشحن مكثف عبر دائرة خاصة من بطارية منخفضة الجهد. وتكون للمكثف عادة سعة قدرها  $100 \mu\text{F}$ . وبشحنه خلال 5.10 ms، وتكون القدرة المستخدمة عند الشحن هي

$$P = \frac{E}{t} = \frac{150 \text{ J}}{10. \text{ ms}} = 15 \text{ W}$$

والتي تُعد ضعف مقدرة بطارية بسيطة. ثم تفرّغ طاقة المكثف خلال 10 ms. تكون القدرة اللحظية أثناء تفريغ الطاقة هي

$$P = \frac{E}{t} = \frac{150 \text{ J}}{10. \text{ ms}} = 15 \text{ kW}$$

وهي تفوق مقدرة بطارية صغيرة محمولة. لكنها تقع تماماً ضمن قدرات مكثف مصمم جيداً. الطاقة الخزنة في المكثف هي  $U = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2$ . عندما يكون المكثف مشحوناً، يكون فرق الجهد الخاص به هو

$$\Delta V = \sqrt{\frac{2U}{C}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 150 \text{ J}}{100 \cdot 10^{-6} \text{ F}}} = 1.7 \text{ kV}$$

عندما ينتج AED تياراً كهربائياً، يُشحن المكثف من بطارية بسعة 100 فاراد على جول. ثم تفرّغ طاقة المكثف إلى الشخص لتنتبه القلب لينبع بطريقة منتظمة. يمكن لغاية أجهزة AED إنتاج التيار الكهربائي عدة مرات دون إعادة شحن البطارية.

### سؤال الاختبار الذاتي 4.3

إحدى طرق زيادة سعة مكثف متوازي اللوحين، غير إضافة عازل كهربائي بين اللوحين، هي تقليل المسافة بين اللوحين. ما الخط الأدنى للمسافة بين اللوحين في مكثف متوازي اللوحين إذا كان الفراغ مملوءاً بالهواء وكان أقصى حد لفرق الجهد بين اللوحين 7.100.0 فولت؟ (تمرين: قد يكون الجدول 4.1 مفيداً.)

### مراجعة المفاهيم 4.11

- افتراض أنه قمت بشحن مكثف متوازي اللوحين به عازل كهربائي بين اللوحين باستخدام بطارية ثم أزالت البطارية. وقامت بعزل المكثف وتركه مشحوناً. ثم أزالت العازل الكهربائي من بين اللوحين. عندها فرق الجهد بين اللوحين سوف (a) يزيد. (b) ينخفض. (c) بظل كما هو. (d) لا يمكن تحديده.

## 4.6 المكثفات والعوازل الكهربائية

المكثفات التي تم مناقشتها يفصل بين لوحيها هواء أو فراغ. غير أن المكثفات المستخدمة في تطبيقات تجاري تقترباً خطوة على مادة عازلة. تُسمى العازل الكهربائي، بين اللوحين. يخدم العازل الكهربائي عدة أغراض: أولاً، يحافظ على انفصال اللوحين. ثانياً، يعزل لوحيها لوحيها كهربائياً. ثالثاً، يعزز العازل الكهربائي للمكثف الحفاظ على فرق جهد أعلى مما يمكنه في حالة وجود الهواء فقط بين اللوحين.

أخيراً، يزيد العازل الكهربائي من سعة المكثف. سترى أن هذه القدرة على زيادة السعة ترجع إلى التركيب الجزيئي للغاز العازل الكهربائي.

ملء الحيز الموجود بين لوحي المكثف تماماً بغاز كهربائي يزيد من سعة المكثف بمقدار عامل عددي يسمى ثابت العزل الكهربائي،  $\kappa$ . سنفترض أن العازل الكهربائي يملأ الحجم الذي بين لوحي المكثف بالكامل، إلا إذا ذكر خلاف ذلك صراحة. المسألة المخلولة 4.2 تدرس مثالاً يكون فيه الماء جزئياً فقط. يتم حساب السعة،  $C$ . الخاصة بكثف يملأ الحيز بين لوحيه عازل كهربائي له ثابت عزل كهربائي  $\kappa$  من خلال

$$(4.17) \quad C = \kappa C_{\text{هواء}}$$

حيث تمثل  $C_{\text{هواء}}$  سعة المكثف بدون العازل الكهربائي. يؤدي وضع عازل كهربائي بين لوحي المكثف إلى خفض المجال الكهربائي بين اللوحين (انظر القسم 4.7). ويسمح بتخزين شحنة أكبر في المكثف. فعلى سبيل المثال، المجال الكهربائي بين لوحي المكثف متوازي اللوحين المع بمعادلة 4.4 يمكن تعديله بوجود العازل الكهربائي ليصبح

$$(4.18) \quad E = \frac{E_{\text{هواء}}}{\kappa} = \frac{q}{\kappa \epsilon_0 A} = \frac{q}{\epsilon A}$$

يمثل الثابت  $\epsilon_0$  السماحة الكهربائية للفراغ، وقد تعرفنا عليها من قبل في قانون كولوم. حصلنا على الجانب الآخر من المعادلة 4.18 من خلال استبدال العامل  $\kappa \epsilon_0$  بـ  $\epsilon$  الذي يمثل

**السماحية الكهربائية للعزل الكهربائي.** يعني آخر، السماحية الكهربائية للعزل الكهربائي هي ناتج ضرب السماحية الكهربائية للفراغ في ثابت العزل الكهربائي الخاص بالعزل الكهربائي:

$$(4.19) \quad \kappa = \kappa_0 \epsilon_0$$

لاحظ أن استبدال  $\kappa$  بـ  $\epsilon_0$  هو كل ما تحتاج إليه لعميم صيغ السعة. مثل المعادلات 4.6 و 4.8 و 4.10. و خوبها من معادلات يمكن تطبيقها على المكثف الذي يملأ الفراغ الحيز بين لوحيه إلى الحدود يمكن تطبيقها على المكثف الذي يملأ الحيز بين لوحيه عازل كهربائي. يمكننا الآن ملاحظة كمية زيادة السعة عند إضافة عازل كهربائي بين اللوحين. يعطى فرق الجهد في مكثف متوازي اللوحين بالعلاقة

$$\Delta V = Ed = \frac{qd}{\kappa \epsilon_0 A}$$

ومن ثم، يمكننا كتابة السعة في صورة

$$C = \frac{q}{\Delta V} = \frac{\kappa \epsilon_0 A}{d} = \kappa C_{\text{الهواء}}$$

**شدة العزل الكهربائي** للمادة عبارة عن قياس لقدرتها على تحمل فرق الجهد. إذا جاوزت شدة المجال الكهربائي في العزل الكهربائي شدة العزل الكهربائي، فسيتعطل العزل الكهربائي ويفيد في توصيل شرارة بين اللوحين عبر شرارة. وهذا يؤدي عادة إلى تلف المكثف. لذلك يجب أن يحتوي المكثف المفيد على عازل كهربائي لا يوفر سعة محددة فقط ولكن أيضًا يتيح للجهاز تحمل فرق الجهد المطلوب دون أن يُعْلَم. تحدد المكثفات عادة من خلال قيمة سعتها وأقصى فرق جهد صمدت لتحمله.

ثابت العزل الكهربائي للفراغ محدد بالعدد 1. وثابت العزل الكهربائي للهواء قريب من 1.0. ثابت العزل الكهربائي شدة العزل الكهربائي للهواء ولمواد شائعة أخرى المستخدمة كعوازل كهربائية مذكورة في الجدول 4.1.

## مثال 4.5 المكثف متوازي اللوحين المزود بغاز كهربائي

### المأساة 1

افتراض في مكثف متوازي اللوحين من دون عازل كهربائي سعته  $C = 2.00 \mu\text{F}$  وموصل بطارية ذات فرق جهد  $\Delta V = 12.0 \text{ V}$  (الشكل 4.23a). ما الشحنة المخزنة في المكثف؟

### الحل 1

باستخدام تعريف السعة (المعادلة 4.1). نحصل على

$$q = C\Delta V = (2.00 \cdot 10^{-6} \text{ F})(12.0 \text{ V}) = 2.40 \cdot 10^{-5} \text{ C}$$

### المأساة 2

في الشكل 4.23b، أدخل عازل كهربائي له  $\kappa = 2.50$  بين لوحي المكثف ليملأ الفراغ بينهما بالكامل. ما الشحنة التي على المكثف الآن؟

### الحل 2

زادت سعة المكثف بواسطة العزل الكهربائي:

$$C = \kappa C_{\text{الهواء}}$$

الشحنة تساوي

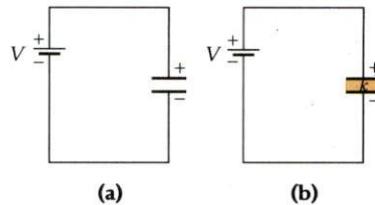
$$q = \kappa C_{\text{الهواء}} \Delta V = (2.50)(2.00 \cdot 10^{-6} \text{ F})(12.0 \text{ V}) = 6.00 \cdot 10^{-5} \text{ C}$$

تزيد الشحنة التي على المكثف عندما تزيد السعة لأن البطارية تحافظ على فرق جهد ثابت في أجزاء المكثف. وتتوفر البطارية الشحنة الإضافية حتى يكتمل شحن المكثف.

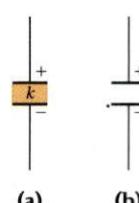
**الجدول 4.1** ثبات العزل الكهربائي وقواه لبعض المواد النموذجية

ال المادة	ثبات العزل الكهربائي $\kappa$ (kV/mm)	قوة العزل
الفراغ	1	الهواء (1 atm)
النتروجين السائل	2.5	1.00059
النعلون	60	1.454
البولي إيثيلين	50	2.1
البنترين		2.25
البوليستيرين	24	2.28
الليكسان	.16	2.6
الميكا	220-150	2.96
الورق	16	6-3
الملايلار	280	3
الزجاج الواقي	30	3.1
كlorيد متعدد (PVC)	29	3.4
الفايبيل (PVC)	14	3.4
الزجاج	12	5
الشوابيرن		16
الجرمانيوم		16
الجلسرين	42.5	42.5
الماء	65	80.4
ثنانات		310
الستروتنيوم	8	ناتانات

لاحظ أن هذه قيم تقريرية وفي درجة حرارة الغرفة.



**الشكل 4.23** مكثف متوازي اللوحين  
موصل بطارية: (a) من دون عازل كهربائي؛  
(b) مع عازل كهربائي موضوع بين اللوحين.



**الشكل 4.24** مكثف معزول: (a) مع العزل الكهربائي و(b) مع إزالة العزل الكهربائي.

**المأساة 3**

افتراض الآن أن المكثف مفصول عن البطاربة (الشكل 4.24a). يحتفظ المكثف المعزول في الوقت الحالي بشحنته  $C = 6.00 \cdot 10^{-5} \text{ C}$  وبفرق جهد  $\Delta V = 12.0 \text{ V}$ . ماذا سيحدث للشحنة وفرق الجهد إذا أزلنا العازل الكهربائي مع الإبقاء على المكثف معزولاً (الشكل 4.24b)؟

**الحل 3**

لا يمكن تغيير الشحنة الموجودة على المكثف المعزول عند إزالة العازل الكهربائي لأنه لا يوجد مكان تتدفق فيه الشحنة. وهكذا، سيساوي فرق الجهد في المكثف

$$\Delta V = \frac{q}{C} = \frac{6.00 \cdot 10^{-5} \text{ C}}{2.00 \cdot 10^{-6} \text{ F}} = 30.0 \text{ V}$$

يزيد فرق الجهد لأن إزالة العازل الكهربائي تزيد المجال الكهربائي وفرق الجهد الناتج بين اللوحين.

**المأساة 4**

هل إزالة العازل الكهربائي تغير الطاقة المخزنة في المكثف؟

**الحل 4**

يتم حساب الطاقة المخزنة في المكثف خلال المعادلة 4.15. قبل إزالة العازل الكهربائي، كانت الطاقة المخزنة في المكثف

$$U = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} \kappa C_0 (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} (2.50) (2.00 \cdot 10^{-6} \text{ F}) (12.0 \text{ V})^2 = 3.60 \cdot 10^{-4} \text{ J}$$

بعد إزالة العازل الكهربائي، أصبحت الطاقة

$$U = \frac{1}{2} C_0 (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} (2.00 \cdot 10^{-6} \text{ F}) (30.0 \text{ V})^2 = 9.00 \cdot 10^{-4} \text{ J}.$$

حدث زيادة الطاقة من  $3.60 \cdot 10^{-4} \text{ J}$  إلى  $9.00 \cdot 10^{-4} \text{ J}$  عند إزالة العازل الكهربائي بسبب الشغل المبذول على العازل الكهربائي أثناء سحبه من المجال الكهربائي بين اللوحين.

**مأساة محلولة 4.2****المأساة**

يتكون مكثف متوازي اللوحين من لوحين موصلين مربعيين بطول ضلع  $L = 10.0 \text{ cm}$  (الشكل 4.25a).تساوي المسافة بين اللوحين  $d = 0.250 \text{ cm}$ . أدخل عازل كهربائي ذو عزل كهربائي  $\kappa = 15.0$  مسماً  $0.250 \text{ cm}$  بين اللوحين. يبلغ عرض العازل الكهربائي  $L = 10.0 \text{ cm}$  وطوله  $L/2 = 5.00 \text{ cm}$ . ما سعة هذا المكثف؟

**الحل**

**فكّر** لدينا مكثف متوازي اللوحين ملء جزئياً بعازل كهربائي. يمكننا التعامل مع هذا المكثف كمكثفين متصلين على التوازي. يكون أحدهما مكثفاً متوازي اللوحين بمساحة لوح  $L/2 = A$  وهواء بين اللوحين. ويكون الثاني مكثفاً متوازي اللوحين بمساحة لوح  $A = L(L/2) = L^2/2$  وعازل كهربائي بين اللوحين.

**ارسم** الشكل 4.25b يوضح تمثيلاً للمكثف الملء جزئياً كمكثفين متصلين على التوازي: أحدهما ملء بعازل كهربائي والآخر ملء بالهواء.

**ابحث** يتم حساب السعة  $C_1$  لمكثف متوازي اللوحين من خلال المعادلة 4.6:

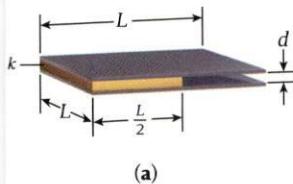
$$C_1 = \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

حيث تمثل  $A$  مساحة اللوحين ويمثل  $d$  الفاصل بينهما. إذا وضعنا عازلاً كهربائياً بين اللوحين، فستصبح السعة

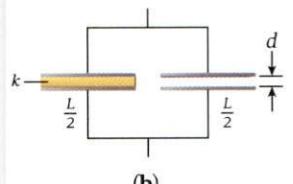
$$C_2 = \kappa \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

حيث يمثل  $\kappa$  ثابت العزل الكهربائي. بالنسبة إلى المكثفين  $C_1$  و  $C_2$  المتصلين على التوازي، يتم حساب السعة الفعالة  $C_{12}$  من خلال

$$C_{12} = C_1 + C_2$$



(a)



(b)

**الشكل 4.25** (a) مكثف متوازي اللوحين يحتوي على لوحين مربعيين طول ضلعهما  $L$  وتحصلهما مسافة  $d$  مع عازل كهربائي بعرض  $L$  وطول  $L/2$  ولها ثابت عزل كهربائي  $\kappa$  موضع بين اللوحين.  
(b) المكثف الممثل حتى نصفه يمثل بمكثفين متصلين على التوازي.

**بُشّط** عند التعويض بتعابيرات السعدين الفردتين في المجموع، نحصل على

$$(i) \quad C_{12} = \frac{\epsilon_0 A}{d} + \kappa \frac{\epsilon_0 A}{d} = (\kappa + 1) \frac{\epsilon_0 A}{d}$$

ستساوي مساحة اللوحين في كل مكثف

$$A = (L)(L/2) = L^2/2$$

التعويض بتعابير المساحة في المعادلة (i) يعطي سعة المكثف الملوء جزئياً:

$$C_{12} = (\kappa + 1) \frac{\epsilon_0 (L^2/2)}{d} = \frac{(\kappa + 1) \epsilon_0 L^2}{2d}$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$C_{12} = \frac{(15.0 + 1)(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})(0.100 \text{ m})^2}{2(0.00250 \text{ m})} = 2.832 \cdot 10^{-10} \text{ F}$$

**قرب** نقدم نتيجتنا مقربة إلى ثلاثة أرقام معنوية:

$$C_{12} = 2.83 \cdot 10^{-10} \text{ F} = 283 \text{ pF}$$

**تحقق ثانية** لتحقق مجدداً من إجابتنا، سنجيب سعة المكثف من دون أي عازل كهربائي:

$$C = \frac{\epsilon_0 A}{d} = \frac{(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})(0.100 \text{ m})^2}{0.0025 \text{ m}} = 3.54 \cdot 10^{-11} \text{ F} = 35.4 \text{ pF}$$

ثم نحسب سعة المكثف إذا كان ملوء بالكامل بالعزل الكهربائي:

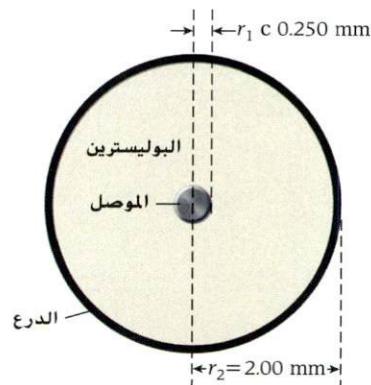
$$C = \kappa \frac{\epsilon_0 A}{d} = (15.0)(35.4 \text{ pF}) = 5.31 \cdot 10^{-10} \text{ F} = 531 \text{ pF}$$

تساوي إجابتنا عن المكثف الملوء جزئياً نصف مجموع هاتين النتيجيتن، لذلك تبدو معقولة.

### سعة كابل محوري

### مثال 4.6

تستخدم الكابلات الخورية لنقل الإشارات، مثل إيسارات التلفزيونية، بين الأجهزة بأقل تداخل من البيبة الخيطية. يتكون كبل محوري 20.0 m من موصل دُرِّي موصل محوري حول الموصل. ومتى المساحة بين الموصل والدرع بادة البوليسترلين. يبلغ نصف قطر الموصل 0.250 mm ونصف قطر الدرع 2.00 mm (الشكل 4.26).



**السؤال**  
ما سعة الكابل الخوري؟

**الحل**  
يمكننا اعتبار موصل الكابل الخوري كأسطوانة لأن كل الشحنة الموجودة في الموصل تستقر على سطحه. من الجدول 4.1، يساوي ثابت العزل الكهربائي لمادة البوليسترلين 2.6. يمكننا التعامل مع الكابل الخوري كمكثف أسطواني له  $r_1 = 0.250 \text{ mm}$  و  $r_2 = 2.00 \text{ mm}$ . وملوء عازل كهربائي له  $\kappa = 2.6$ .

ثم يمكننا استخدام المعادلة 4.8 لإيجاد سعة الكابل الخوري:

$$C = \kappa \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(r_2/r_1)} = \frac{2.6(2\pi)(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})(20.0 \text{ m})}{\ln[(2.00 \cdot 10^{-3} \text{ m})/(2.50 \cdot 10^{-4} \text{ m})]} = 1.4 \cdot 10^{-9} \text{ F} = 1.4 \text{ nF}$$

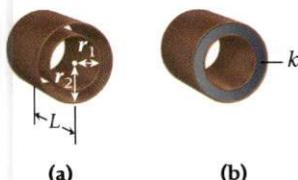
**الشكل 4.26** مقطع عرضي لکابل محوري.

يعد قياس مستويات النبيروجين السائل في أجهزة الكريستالات (حاويات معزولة للحفاظ على درجات الحرارة المنخفضة) من أحد تطبيقات السعة وثابت العزل الكهربائي المثيرة للاهتمام. يكون عادة من الصعب إجراء فحص مرتئي لتحديد مقدار النبيروجين السائل المتبقى في جهاز الكريستالات. رغم ذلك،

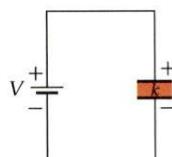
### مراجعة المفاهيم 4.13

اذكر ما إذا كانت كل من العبارات التالية حول مكثف متوازي اللوحين معزول صحيحة أم خاطئة.

- (a) عند مضاعفة المسافة بين اللوحين، تتضاعف الطاقة الخزنة في المكثف.
- (b) زيادة المسافة بين اللوحين تزيد المجال الكهربائي بينهما.
- (c) عند تقليل المسافة بين اللوحين إلى النصف، تظل الشحنة على اللوحين كما هي.
- (d) يزيد إدخال عازل كهربائي بين اللوحين من الشحنة عليها.
- (e) يقلل إدخال عازل كهربائي بين اللوحين من الطاقة الخزنة في المكثف.



**الشكل 4.27** (a) مكثف أسطواني له نصف قطر داخلي  $r_1$ . ونصف قطر خارجي  $r_2$ . وطول  $L$ . (b) عازل كهربائي له ثابت عزل كهربائي  $k$  يوضع بين الأسطوانات.



**الشكل 4.28** مكثف أسطواني موصل ببطارية.

إذا حدد الشخص السعة  $C$  لجهاز الكريوسنات الفارغ، ثم حددتها عند امتلاكه بالكامل بالتيتروجين السائل، فينبع أن تساوي سعة جهاز الكريوسنات  $C = 1.454 \kappa C$ . لأن ثابت العزل الكهربائي للتيتروجين السائل يساوى 1.454. تتنوع السعة بسلامة كدالة للأمتلاء بين القيمة القصوى  $\kappa C = 1.454 C$  لجهاز الكريوسنات المملوء بالكامل وقيمة  $C$  لجهاز الكريوسنات الفارغ. ما عطينا طريقة سهلة لتحديد مقدار امتلاء جهاز الكريوسنات.

### مسألة محلولة 4.3

#### المؤلة

فكّر في مكثف أسطواني نصف قطره الداخلي  $r_1 = 10.0 \text{ cm}$ ، ونصف قطره الخارجي  $r_2 = 12.0 \text{ cm}$ ، وطوله  $L = 50.0 \text{ cm}$  (الشكل 4.27a). يملا العازل الكهربائي ذو ثابت العزل الكهربائي  $\kappa = 12.5$  الحجم بين الأسطوانتين (الشكل 4.27b). المكثف موصل ببطارية بقدرة 100.0 V ومشحون بالكامل. ما الشحنة الموجودة على المكثف؟

#### الحل

**فكّر** لدينا مكثف أسطواني مملوء بغاز كهربائي. عندما يوصل المكثف بالبطارية، ستتراكم الشحنة في المكثف حتى يكتمل شحن المكثف. يمكننا حساب مقدار الشحنة على المكثف.

**ارسم** يوجد رسم تخطيطي لدائرة بها مكثف أسطواني موصل ببطارية موضح في الشكل 4.28.

**ابحث** يتم حساب السعة  $C$  لمكثف أسطواني من خلال المعادلة 4.8:

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(r_2/r_1)}$$

حيث يمثل  $r_1$  نصف قطر الداخلي للمكثف، ويتمثل  $r_2$  نصف قطره الخارجي للمكثف ويتمثل  $L$  طول المكثف. عند وضع عازل كهربائي بين اللوحين، تصبح السعة

حيث يمثل  $\kappa$  ثابت العزل الكهربائي. بالنسبة إلى مكثف سنته  $C$  ومشحون ب差  $\Delta V$ . يتم حساب الشحنة  $q$  من خلال المعادلة 4.1:

$$q = C\Delta V$$

**بسط** عند دمج المعادلين (i) و(ii)، نحصل على

$$q = C\Delta V = \left( \kappa \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(r_2/r_1)} \right) \Delta V = \frac{2\kappa\pi\epsilon_0 L \Delta V}{\ln(r_2/r_1)}$$

**احسب** بالتعويض بالقيم العددية، نحصل على

$$q = \frac{2\kappa\pi\epsilon_0 L \Delta V}{\ln(r_2/r_1)} = \frac{2(12.5)\pi(8.85 \cdot 10^{-12} \text{ F/m})(0.500 \text{ m})(100.0 \text{ V})}{\ln[(0.120 \text{ m})/(0.100 \text{ m})]} = 19.0618 \cdot 10^{-8} \text{ C}$$

**قرّب** نقرب نتائجنا إلى ثلاثة أرقام معنوية:

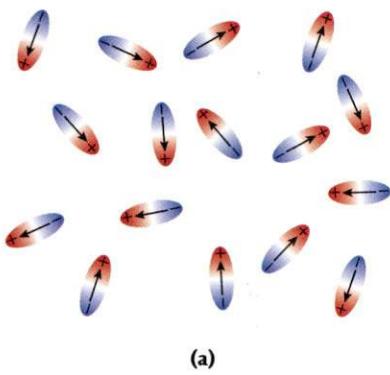
$$q = 19.1 \cdot 10^{-8} \text{ C} = 191 \text{ nC}$$

**تحقق ثانية** إن إجابتنا عبارة عن كسر صغير جداً من كيلوم الشحنة. لذلك فإنها تبدو معقولة.

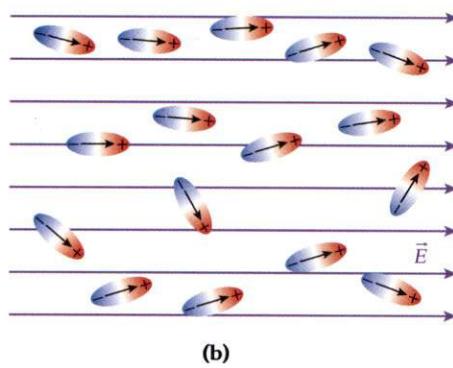
### 4.7 منظر مجهرى للعوازل الكهربائية

لنفكر في ما يحدث على المستوى الذري والجزئي عند وضع عازل كهربائي في مجال كهربائي. يوجد نوعان من المواد العازلة للكهرباء: عوازل كهربائية قطبية وعوازل كهربائية غير قطبية.

**العازل الكهربائيقطبي** عبارة عن مادة مكونة من جزيئات لديها عزم ثانوي القطب كهربائي دائم بسبب تركيبها. يُعد الماء مثلاً شائعاً مثل هذه الجزيئات. توزع عادة الجزيئات الأقطاب

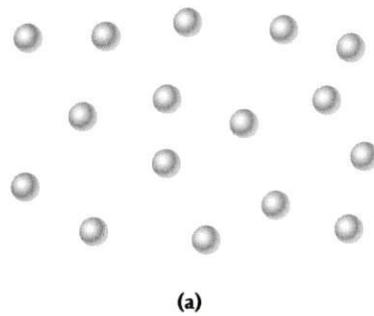


(a)

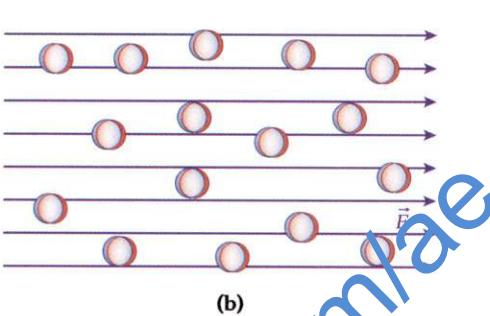


(b)

**الشكل 4.29** الجزيئات القطبية:  
 (a) موزعة عشوائياً (b) موجهة بواسطة مجال كهربائي خارجي.



(a)



(b)

**الشكل 4.30** الجزيئات غير القطبية:  
 (a) من دون عزم ثانوي القطب كهربائي  
 (b) بعزم ثانوي القطب كهربائي مستحث  
بواسطة مجال كهربائي خارجي.

الثنائية الكهربائية يشتمل على (الشكل 4.29a). رغم ذلك، عندما توضع هذه الجزيئات القطبية في مجال كهربائي، فإنها تميل إلى مسافة المجال (الشكل 4.29b).

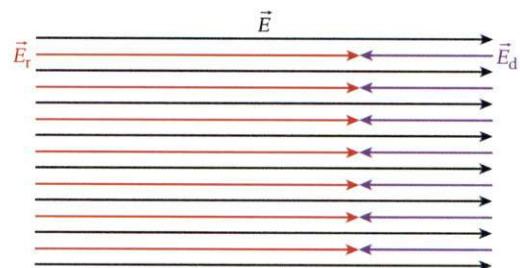
**العازل الكهربائي غير القطب** عبارة عن مادة مكونة من ذرات أو جزيئات ليس لديها عزم ثانوي القطب كهربائي متناول (الشكل 4.30a). يمكن حد هذه الذرات أو الجزيئات ليكون لها عزم ثانوي القطب تحت تأثير مجال كهربائي خارجي (الشكل 4.30b). يؤدي الاتجاهات المتضادة للقطب الكهربائي المبذولة على الشحنات السالبة والموجبة في الذرة أو الجزيء إلى إزاحة توزيعات هاتين الشحنتين وإنتاج عزم ثانوي القطب كهربائي مستحث. في كل من العوازل الكهربائية الطبية وغير القطبية، تميل الحالات الناتجة عن العزم الثنائي القطب الكهربائي المعاكس إلى إلغاء تأثير الكهربائي الخارجي الأصلي بشكل جزئي (الشكل 4.31). بالنسبة إلى المجال الكهربائي الناجم  $\vec{E}_r$  المبذول على مكثف يحتوي على عازل كهربائي بين لوحيه، سيساوى المجال الكهربائي الناجم  $\vec{E}_d$  الموجود داخل المكثف مجموع المجال الأصلي والمجال الكهربائي المستحث في المادة العازلة للكهرباء  $\vec{E}_d$ .

$$\vec{E}_r = \vec{E} + \vec{E}_d$$

أو

$$\vec{E}_r = \vec{E} - \vec{E}_d$$

لاحظ أنّ الحقل الكهربائي الناجم يشير إلى اتجاه الحقل الأصلي نفسه لكنه أصغر في المقدار. يتم الحصول على ثابت العزل الكهربائي من خلال  $k_r = E/E_r = E/E_d$ .



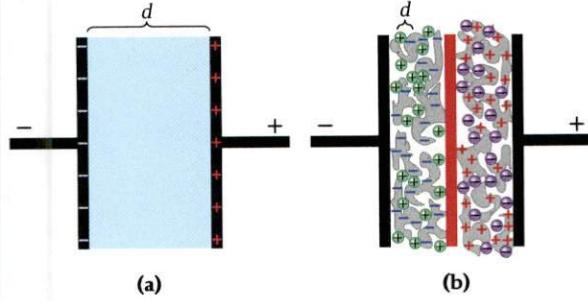
**الشكل 4.31** إبطال جزئي ل المجال الكهربائي مطبق على مكثف متوازي اللوحين بواسطة الأقطاب الثنائية الكهربائية لعازل كهربائي.

### المكثفات الإلكترولية

بدلاً من أن يتكون المكثف من لوحين موصلين بعازل كهربائي، يمكن استبدال أحد لوحي المكثف بسائل موصل للأيونات، أو إلكتروليت، وهو سائل يحتوى على أيونات تتحرك بحرية داخله. غالباً ما تتكون هذه المكثفات الإلكترولية من قطعتين من رقاقات الألومنيوم، تُنْكَل إحداهاما بطبقة أكسيد عازلة. يتم فصل الرقاقتين بمقاييس ورقى مشبعة بالإلكتروليت. عادة ما يكون لدى طبقة الأكسيد ثابت عزل كهربائي  $10\sim 10^3$  وقوفه

عزل 20–30 kV/mm. لذلك يمكن أن تكون هذه الطبقة رقيقة للغاية. ولدى هذا النوع من المكثفات الإلكتروليتية سعة شحن عالية نسبياً.

العيوب الرئيسي في المكثف الإلكتروليتي هو أنه مستقطب ويجب إبقاء أحد القطبين دائمًا عند جهد موجب بالنسبة إلى الآخر. سوف يدمر فرق الجهد العكسي المنخفض إلى 1–2 V طبقة الأكسيد ويؤدي إلى تقصير الدائرة وتدمير المكثف.



**الشكل 4.32** مقارنة بين (a) مكثف متوازي اللوحين تقليدي (b) ومكثف فائق تملوء بالفحم المشطط.

يسمح ذلك لكل جانب من المكثف الفائق بتخزين أيونات الإلكتروليت الحرة المشحونة عكسيًا. عادة ما يكون الفصل بين أيونات الإلكتروليت والشحنات على الفحم المشطط بترتيب النانومترات (nm). أي أصغر بملايين المرات من المكثفات التقليدية. يوفر الفحم المشطط ترتيبات عديدة لـ زيادة المساحة السطحية تزيد في المقدار عن المكثفات التقليدية. وبما أن السعة تناسب طردياً مع مساحة السطح، وتناسب عكسيًا مع فصل الألواح، كما لاحظنا في القسم 4.3. تُنتج هذه التقنية عن مكثفات متاحة حالياً ذات ساعات بترتيب كيلو فاراد (kF)، أي أكبر بملايين المرات من تلك المستخدمة في منشأة الإشعال الوطنية (NIF).

لم لا تستخدم منشأة الإشعال الوطنية (NIF) مكثفات فائقة الإيجابية هي أن هذه المكثفات الفائقة لا تعمل سوى بفروق جهد تصل إلى 2–3 V. ولدى المكثفات السداسية ذات أعلى سعة والمتوفرة حالياً قيم سعة تصل إلى 5 kF. يُظهر استخدام  $U = \frac{1}{2}C(\Delta V)^2$  أن المكثف الفائق يمكنه أن يحمل 10 kJ. تستطيع المكثفات التي سعتها 300 μF المستخدمة في منشأة الإشعال الوطنية (NIF) حمل 86.4 kJ. عند شحنها إلى 24 kV. إضافة إلى ذلك، يمكن تغريفيها بسرعة أكبر وهو أمر ضروري من أجل تحقيق شرط توافر طاقة عالية لأشعة الليزر في منشأة الإشعال الوطنية (NIF).



**الشكل 4.33** حافلة تعمل بالمكثف الفائق خرجت لإعادة شحنها في موقف حافلات في شنغهاي بالصين.

مع ذلك، يمكن للمكثفات الفائقة الوصول إلى قدرات تخزين للطاقة تفوق قدرات البطاريات التقليدية.علاوة على ذلك، يمكن شحن المكثفات الفائقة وتغريفيها بملايين المرات، مقارنة بآلاف المرات للبطاريات القابلة للشحن. هذا، إضافة إلى وقت شحنها القصير جداً، مما يجعلها مناسبة للعديد من التطبيقات. على سبيل المثال، يوجد بحث مكثف حول استخدام هذه المكثفات الفائقة للمركبات الكهربائية. تُستخدم حالياً حافلة تعتمد على تقنية تخزين الطاقة هذه، تُسمى *capabus*. في شنغهاي بالصين (انظر الشكل 4.33).

ثمة مجموعة أبحاث مبشرة حول تحسين فرق الجهد الذي يمكن أن تستخدمه المكثفات الفائقة تتناول إمكانية استخدام الأنابيب التانوية الكريوفيت والجرافين بدلاً من الفحم المشطط. تبدو النماذج الختبرية الأولية واعدة للغاية، ويمكن أن تصبح المنتجات التجارية المعتمدة على هذه الطريقة متاحة للاستخدام خلال بضع سنوات. كما يُجَزِّ البحث في تحسين قدرات المكثفات الفائقة على تخزين الطاقة مع خفض الأسعار. فيمكن الآن شراء مكثف فائق سعة 5 kF كانت تكلفته \$5,000 عام 2000 بسعر قيمته 1% من ذلك السعر.

## ما تعلمناه | دليل المذاكرة للاختبار

■ يتم حساب كثافة الطاقة الكهربائية،  $U$ . بين لوحي مكثف متوازي اللوحين مع فراغ (أو هواء) بين اللوحين من خلال  $U = \frac{1}{2} \epsilon_0 E^2$

■ يمكن استبدال نظام ينكون من عدد من  $n$  من المكثفات المتصلة على التوازي في دائرة بسعة مكافئة يتم حسابها من مجموع ساعات المكثفات:

$$C_{\text{eq}} = \sum_{i=1}^n C_i$$

■ يمكن استبدال نظام ينكون من عدد  $n$  من المكثفات المتصلة على التوازي في دائرة بمكثف له سعة مكافئة يتم حسابها من المكوس الضريبي لمجموع الساعات التبادلية للمكثفات:

$$\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \sum_{i=1}^n \frac{1}{C_i}$$

■ عندما يتم ملء الحيز بين لوحي المكثف عازل كهربائي ثابت العزل الكهربائي الخاص به,  $k$ , تزداد السعة بالنسبة إلى السعة في الهواء:  $C = kC_{\text{air}}$

■ طاقة الوضع الكهربائية المخزنة في مكثف هي

$$U = \frac{1}{2} q^2 / C = \frac{1}{2} C (\Delta V)^2 = \frac{1}{2} q \Delta V$$

■ تُعرَف سعة المكثف — قدرته على تخزين الشحن — بدلالة الشحنة,  $q$ , التي يمكن تخزينها على المكثف وفرق الجهد,  $V$ . بين الألواح:  $q = C \Delta V$ .

$$1 \text{ F} = \frac{1 \text{ C}}{1 \text{ V}}$$

■ يتم حساب سعة مكثف متوازي اللوحين مساحة لوحيه مع فراغ (أو هواء) بين اللوحين المفصليين بالمسافة  $d$  من خلال  $C = \frac{\epsilon_0 A}{d}$

■ يتم حساب سعة مكثف أسطواني طوله  $L$  مكون من أسطوانتين متحدتي المحور مع فراغ (أو هواء) بين الأسطوانتين بنصف قطر داخلي  $r_1$  ونصف قطر خارجي  $r_2$  من خلال

$$C = \frac{2\pi\epsilon_0 L}{\ln(r_2/r_1)}$$

■ يتم حساب سعة مكثف كروي مكون من موصلين كرويين متحددي المركز يفصل بينهما الهواء أو الفراغ بنصف قطر داخلي  $r_1$  ونصف قطر خارجي  $r_2$  من خلال

$$C = 4\pi\epsilon_0 \frac{r_1 r_2}{r_2 - r_1}$$

## إجابات أسئلة الاختبار الذاتي

4.3  $100 \text{ V} = d(2500 \text{ V/mm}) \Rightarrow d = 0.04 \text{ mm}$

4.1 يظل المجال الكهربائي ثابتاً.

4.2 على التوازي:  $\frac{1}{C_{\text{eq}}} = \frac{4}{C} \Rightarrow C_{\text{eq}} = \frac{1}{4} C = 2.50 \mu\text{F}$

على التوازي:  $C_{\text{eq}} = 4C = 40.0 \mu\text{F}$

## إرشادات حل المسائل

3. يمكنك ذكر أهم النتائج الخاصة بمكثف ممزوج عازل كهربائي إذا ذكرت أن العازل الكهربائي يزيد السعة. (هذا هو ما يجعل العازل الكهربائي مفيداً). إذا أظهرت حساباتك سعة أقل مع عازل كهربائي، فتحقق من عملك مرة أخرى.

4. يمكنك أن تحسب الطاقة المخزنة في مكثف إذا عرفت اثنين من هذه الكميات الثلاث: الشحنة على اللوح، وسعة المكثف، وفرق الجهد بين اللوحين. تأكد من استفادتك من المعادلة 4.15 بالصيغة المناسبة.

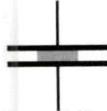
1. تذكر أن القول بأن لدى مكثف شحنة  $q$  يعني أن أحد اللوحين لديه شحنة  $+q$  واللوح الآخر لديه شحنة  $-q$ . تأكد من فهمك لكيفية توزيع شحنة مطبقة على مكثف بين اللوحين الموصلين؛ راجع المثال 4.3 إذا لم تكن متأكداً من هذا.

2. من المستحسن أن ترسم رسماً خطوطياً لدائرة عند حل مسألة تتضمن دائرة. إذا لم يتتوفر واحد. قد تحتاج معرفة التوصيل على التوازي وعلى التوازي إلى بعض الممارسة. لكنه عادة خطوة أولى مهمة في تحويل دائرة معمقدة الشكل إلى دائرة مكافئة يسهل التعامل معها. تذكر أن المكثفات المتصلة على التوازي لديها جميعاً الشحنة نفسها. ولدى جميع المكثفات المتصلة على التوازي فرق الجهد نفسه.

## أسئلة الاختيار من متعدد

- c) المسافة الفاصلة بين اللوحين  
d) مساحة كل لوحة  
e) جميع ما سبق  
f) لا شيء مما سبق

**4.8** أدخل عازل كهربائي ذو ثابت عزل كهربائي  $\kappa = 4$  في مكثف متوازي اللوحين، فبما أن الحجم، كما هو موضح في الشكل، إذا كانت سعة المكثف من دون العازل الكهربائي  $C$ . فما سعة المكثف مع العازل الكهربائي؟

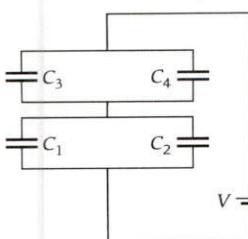


- a) 0.75C  
b) C  
c) 2C  
d) 4C  
e) 6C

**4.9** مكثف متوازي اللوحين موصل ببطاريه للشحن. وبعد مرور بعض الوقت بينما لا تزال البطاريه موصلة بالمكثف، تضاعفت المسافة بين لوحي المكثف. أي العبارات التالية صحيحة؟

- (a) ينخفض المجال الكهربائي إلى النصف.  
(b) ينخفض فرق جهد البطاريه إلى النصف.  
(c) تضاعف السعة.  
(d) لا يتغير فرق الجهد عبر او بين اللوحين.  
(e) لا تغير الشحنة على اللوحين.

**4.10** ارجع إلى الشكل. وحدد أي المعادلات التالية صحيحة. افترض أن كل المكثفات لديها سمات مختلفة. فرق الجهد في المكثف  $C_1$  هو  $V_1$ . فرق الجهد في المكثف  $C_2$  هو  $V_2$ . فرق الجهد في المكثف  $C_3$  هو  $V_3$ . فرق الجهد في المكثف  $C_4$  هو  $V_4$ . الشحنة المخزنة في المكثف  $C_1$  هي  $q_1$ . الشحنة المخزنة في المكثف  $C_2$  هي  $q_2$ . الشحنة المخزنة في المكثف  $C_3$  هي  $q_3$ . الشحنة المخزنة في المكثف  $C_4$  هي  $q_4$ .



- a)  $q_1 = q_3$   
b)  $V_1 + V_2 = V$   
c)  $q_1 + q_2 = q_3 + q_4$   
d)  $V_1 + V_2 = V_3 + V_4$   
e)  $V_1 + V_3 = V$

**4.11** لديك عدد  $N$  من المكثفات المتماثلة كل منها لديه السعة  $C$  متساوية على هذا النظام من المكثفات تساوي لها هذا النظام من المكثفات التالية

- a)  $NC$ .  
b)  $C/N$ .  
c)  $N^2C$ .  
d)  $C/N^2$ .  
e)  $C$ .

**4.12** لديك عدد  $N$  من المكثفات المتماثلة كل منها لديه السعة  $C$  متناسبة على التوازي. السعة المكافأة لهذا النظام من المكثفات تساوي

- a)  $NC$ .  
b)  $C/N$ .  
c)  $N^2C$ .  
d)  $C/N^2$ .  
e)  $C$ .

**4.13** عندما يوضع عازل كهربائي بين لوحي مكثف معزول ومشحون، فإن المجال الكهربائي داخل المكثف

- (a) يزيد.  
(b) يقل.  
(c) يظل كما هو.

(d) يزيد إذا كانت الشحنة على اللوحين موجبة.

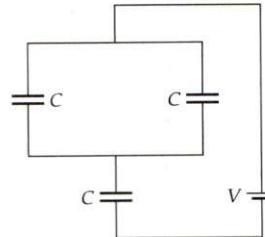
(e) يقل إذا كانت الشحنة على اللوحين موجبة.

**4.14** يتم شحن مكثف متوازي اللوحين مزود بعازل كهربائي يملأ الحجم بين لوحيه، الشحنة تكون

- (a) مخزنة على اللوحين.

- (b) مخزنة على العازل الكهربائي.

- (c) مخزنة على كل من اللوحين وفي العازل الكهربائي.



**4.1** في الدائرة الموضحة في الشكل، سعة كل مكثف هي  $C$ . السعة المكافأة لهذه المكثفات الثلاثة تساوي

- a)  $\frac{1}{3}C$ .  
b)  $\frac{2}{3}C$ .  
c)  $\frac{5}{3}C$ .  
d)  $\frac{5}{3}C$ .  
e)  $C$ .  
f)  $\frac{5}{3}C$ .

**4.2** مكثف متوازي اللوحين سعته  $C$  ومساحة لوحة  $A$  مع مسافة  $d$  بينهما. عند توصيل المكثف ببطاريه توفر فرق جهد  $V$ . يكون لديه شحنة مقدارها  $Q$  على لوحيه. أثناء توصيل المكثف بالبطاريه، يتم تحويل المسافة بين اللوحين بمقدار الثلث. عندها سيتساوي مقدار الشحنة على اللوحين والمساحة

- a)  $\frac{1}{3}C$  و  $\frac{1}{3}Q$ .  
b)  $\frac{1}{3}C$  و  $\frac{1}{3}Q$ .  
c)  $3C$  و  $3Q$ .  
d)  $3C$  و  $\frac{1}{3}Q$ .

**4.3** تضاعف المسافة بين لوحي مكثف متوازي اللوحين بمقدار النصف وتتضاعف مساحة اللوحين. ماذا يحدث للمساحة؟

- a) تبقى بدون تغيير.  
b) تتضاعف.  
c) تضاعف أربع مرات.  
d) تضاعف بمقدار النصف.

**4.4** أي المكثفات التالية لديه أكبر شحنة؟

(a) مكثف متوازي اللوحين مساحته  $10 \text{ cm}^2$ . وبفضل بين لوحيه مسافة  $2 \text{ mm}$  ومحصل ببطاريه  $10 \text{ V}$

(b) مكثف متوازي اللوحين مساحته  $5 \text{ cm}^2$ . وبفضل بين لوحيه مسافة  $1 \text{ mm}$  ومحصل ببطاريه  $10 \text{ V}$

(c) مكثف متوازي اللوحين مساحته  $10 \text{ cm}^2$ . وبفضل بين لوحيه مسافة  $4 \text{ mm}$  ومحصل ببطاريه  $5 \text{ V}$

(d) مكثف متوازي اللوحين مساحته  $20 \text{ cm}^2$ . وبفضل بين لوحيه مسافة  $2 \text{ mm}$  ومحصل ببطاريه  $20 \text{ V}$

(e) لدى جميع المكثفات الشحنة نفسها.

**4.5** م موصى مكثفين متوازيين اللوحين متماثلين في دائرة كما هو موضح في الشكل. م ماء الفراغ بين لوحي كل مكثف ميدانياً بالهوا. أي من التغييرات التالية ستضاعف إجمالي كمية الشحنة المخزنة على كلا المكثفين مع تطبيق فرق الجهد نفسه؟

- (a) ماء الفراغ بين لوحي  $C_1$  بالزجاج (ثابت العزل الكهربائي مقداره 4) وترك  $C_2$  كما هو.

- (b) ماء الفراغ بين لوحي  $C_1$  بالتللفون (ثابت العزل الكهربائي مقداره 2) وترك  $C_2$  كما هو.

- (c) ماء الفراغ بين لوحي كل من  $C_1$  و  $C_2$  بالتللفون (ثابت العزل الكهربائي مقداره 2).

- (d) ماء الفراغ بين لوحي كل من  $C_1$  و  $C_2$  بالزجاج (ثابت العزل الكهربائي مقداره 4).

**4.6** م ماء الفراغ بين لوحي مكثف متوازي اللوحين معزول بلوح من مادة عازلة للكهرباء. حيث يبقى مقدار الشحنة  $Q$  على كل لوحة ثابتاً. إذا أزيلت المادة العازلة للكهرباء، فإن الطاقة المخزنة في المكثف

- (a) تزيد.

- (b) تظل كما هي.

- (c) تتحفظ.

- (d) قد تزيد أو تتحفظ.

**4.7** أي مما يلي يناسب طردياً مع سعة مكثف متوازي اللوحين؟

- (a) الشحنة المخزنة في كل لوحة موصولة

- (b) فرق الجهد بين اللوحين

## أسئلة معاهمية

عند العمل على إحدى المعدات، يربط الكهربائيون وفنيو الإلكترونيات أحياناً سلك تأريض بالقطعة حتى بعد إغلاق الجهاز وفصله من المقابس. لماذا يفعلون هذا؟

**4.24** مكثف متوازي اللوحين  $C$  موصل بمصدر طاقة يحافظ على فرق جهد ثابت  $V$ . بعد ذلك أدخل لوح من عازل كهربائي ذي ثابت عزل كهربائي  $k$  في المساحة الفارغة بين اللوحين وملتها بالكامل.

(a) ماذا كانت الطاقة الخزنة في المكثف قبل إدخال العازل الكهربائي؟

(b) ماذا كانت الطاقة الخزنة بعد إدخال العازل الكهربائي؟

(c) هل سحب العازل الكهربائي إلى المساحة بين اللوحين أم كان يجب دفعه إلى الداخل؟ اشرح.

**4.25** مكثف متوازي اللوحين يحتوي على لوحين مربعين طول حرفهما  $L$  وتحصلهما المسافة  $d$  أعطى شحنة  $Q$ . ثم قُصل عن مصدر طاقته. وبعد ذلك، أدخل لوح عازل كهربائي مثبت بإحكام له ثابت عزل كهربائي  $k$  في المساحة الفارغة بين اللوحين. احسب القوة التي سحب بها اللوح إلى المكثف أثناء عملية الإدخال.

**4.26** مكثف أسطواني نصف قطره الخارجي  $R$  ويوجد فاصل  $d$  بين الأسطوانتين. حدد القيمة التقريبية للسعة ضمن الحد حيث  $R \ll d$ . (نلمح: عبر عن السعة بدلالة النسبة  $d/R$  ثم ادرس ماذا يحدث عندما تصغر تلك النسبة صغيرة جداً مقارنة بـ 1). اشرح السبب الذي يجعل الحد على السعة بيديه معقولاً.

**4.27** يمكن مكثف متوازي اللوحين من لوحين لهما مساحاتان مختلفتان. إذا كان المكثف في البداية غير مشحون، ثم تم توصيله بطارية، فما وجه المقارنة بين مقدار الشحنة على اللوح الكبير ومقدار الشحنة على اللوح الصغير؟

**4.28** مكثف متوازي اللوحين موصل بطارية. عند إبعاد اللوحين عن بعضها، ماذا سيحدث لكل مما يلي؟

(a) فرق الجهد بين اللوحين

(b) الشحنة على اللوحين

(c) المجال الكهربائي بين اللوحين

**4.15** هل يجب أن يكون لوكا المكثف مصنوعين من مادة موصلة؟ وماذا سيحدث في حالة استخدام لوحين معزولين بدلاً من لوحين موصلين؟

**4.16** في أي الحالتين يبذل شغاً أكبر لفصل لوحي مكثف متوازي اللوحين مشحون. عندما يكون متصل مع بطارية الشحن أم بعد فصله عن بطارية الشحن؟

**4.17** عند العمل على إحدى المعدات، يربط الكهربائيون وفنيو الإلكترونيات أحياناً سلك تأريض بالقطعة حتى بعد إغلاق الجهاز وفصله من المقابس. لماذا يفعلون هذا؟

**4.18** لا يذكر الجدول 4.1 قيمة ثابت العزل الكهربائي لأي موصل جيد. ما القيمة التي ستتحدد لها؟

**4.19** يتم شحن مكثف متوازي اللوحين بطارية ثم يفصل عنها مع ترك مقدار محدد من الطاقة الخزنة في المكثف. ثم يزيد الفاصل بين اللوحين. ماذا سيحدث للطاقة الخزنة في المكثف؟ ناقش إجابتك في ضوء حفظ الطاقة.

**4.20** لديك جهاز كهربائي يحتوي على مكثف سعته  $\mu F = 10.0$ . لكن التطبيق يحتاج إلى مكثف سعته  $\mu F = 18.0$ . ما التعديل الذي يمكن أن تجريه على جهازك لزيادة سعته إلى  $\mu F = 18.0$ ؟

**4.21** مكثفان سعتهما  $C_1$  و  $C_2$  متصلان على التوالي. أثبت أنهمهما كانت قيمة  $C_1 + C_2$ . فستكون السعة المكافحة دائماً أقل من إجمالي السعتين.

**4.22** مكثفان سعتهما  $C_1$  و  $C_2$  متصلان على التوالي. يعطي كروي الجهد  $V_0$  على مجموعة المكثفات. أوجد فرق الجهد  $V_1$  و  $V_2$  في المكثفات الفردية بدلالة  $C_1$  و  $C_2$ .

**4.23** موصل كروي صلب ومعزول يبلغ نصف قطره  $5.00\text{ cm}$  محاط به جاف. ثم يعطى شحنة ويكسب الجهد  $V$ . مع جهد عند اللانهاية يفترض أن يكن متساوياً. (a) احسب الحد الأقصى لقدر  $V$ .  
(b) اشرح بوضوح واختصار سبب وجود حد أقصى.

## تمارين

يبلغ نصف قطره  $6.371\text{ km}$ .

**4.34** جسمان كرويان معدنيان متحددان المركز فرق جهدهما يساوي  $900\text{ V}$  عندما تطبيق عليهما شحنة مقدارها  $C = 6.726 \times 10^{-8}\text{ C}$ . يبلغ نصف قطر الجسم الكروي الخارجي  $0.210\text{ m}$ . ما نصف قطر الجسم الكروي الداخلي؟

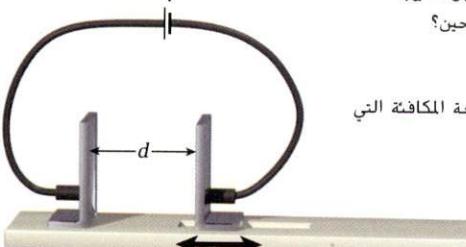
**4.35** يتكون مكثف من لوحين متوازيين، لكن يمكن أن يتحرك أحدهما نسباً إلى الآخر. كما هو موضح في الشكل. يتأثر الهواء المساحة بين اللوحين. وتبلغ السعة  $32.0\text{ pF}$  عندما يساوي الفاصل بين اللوحين  $d = 0.500\text{ cm}$ . ما توزيع الشحنة على اللوح الأيسر؟ ما المساحة  $C$  وتوزيع الشحنة  $\sigma$  عندما تتغير  $d$  إلى  $0.250\text{ cm}$ ؟

(a) موصل باللوحين بطارية توفر فرق جهد يبلغ  $V = 9.00\text{ V}$ . ما توزيع الشحنة على اللوح الأيسر؟ ما المساحة  $C$  وتوزيع الشحنة  $\sigma$  عندما تتغير  $d$  إلى  $0.250\text{ cm}$ ؟

(b) عندما يساوي  $d = 0.500\text{ cm}$ ، فصلت البطارية عن اللوحين. ثم خر크 اللوحين لتتصبح المسافة  $d = 0.250\text{ cm}$ . ما فرق الجهد  $V$  بين اللوحين؟

### القسم 4.4

**4.36** حدد كل قيمة المساحة المكافحة التي



يشير رقم المسألة الأزرق إلى توفر حل في دليل حلول الطالب. تشير علامة النقطة الواحدة • والنقطتين .. إلى زيادة مستوى صعوبة المسألة.

### القسم 4.3

**4.29** يصنع المكثفات الفائقة التي تبلغ سعتها  $1.00\text{ F}$  أو أكثر من ألواح ذات تركيب يشبه الإسفنج بمساحة سطح كبيرة جداً. حدد مساحة سطح المكثف الفائق الذي تبلغ سعته  $1.00\text{ F}$  ولديه فاصل فعال بين لوحيه مسافة  $d = 1.00\text{ mm}$ .

**4.30** يبلغ فرق الجهد  $100\text{ V}$  بين أسطوانتين موصليتين متحدتي الألور الموضعين في الشكل. يبلغ نصف قطر الأسطوانة الخارجية  $10.0\text{ cm}$  وطول  $15.0\text{ cm}$  ونصف قطر الأسطوانة الداخلية  $40.0\text{ cm}$ . كم مقدار الشحنة التي تطبيق على كل أسطوانتين؟ ما مقدار المجال الكهربائي بين الأسطوانتين؟

**4.31** ما نصف قطر مكثف كروي معزول تبلغ سعته  $F = 1.00\text{ F}$ .

**4.32** مكثف كروي مصنوع من موصلين ومنحدي المركز. حيث يكون نصف قطر الدرع الداخلي  $r_1$  ونصف قطر الدرع الخارجي  $r_2$ . ما الفرق الكسري في سعتي هذا المكثف الكروي ومكثف متوازي اللوحين مصنوع من لوحين لهما المساحة نفسها مثل الجسم الكروي الداخلي والفاصل نفسه الذي يبلغ  $d = r_2 - r_1$ ؟

**4.33** احسب سعة كوكب الأرض. تعامل مع كوكب الأرض كموصل كروي معزول

الألوان متماثلة لجميع المكثفات. غير عن السعة المكافحة للمجموعة الكاملة بدلالة  $C_1$  (سعة المكثف الأول).

**4.44.** يحصل مكثف سعهه  $5.00 \text{ nF}$  مشحون إلى  $7.00 \text{ V}$  بمكثف سعهه  $7.00 \text{ nF}$  مشحون إلى  $40.0 \text{ V}$  من جهة لوحهما السالب. ما الشحنة النهاية على المكثف الذي سعهه  $7.00 \text{ nF}$ ؟

## 4.5 القسم

**4.45.** عندما يكون لدى مكثف شحنة مقدارها  $C_1 = 60.0 \mu\text{F}$  على كل لوحة، وفرق الجهد في اللوحين  $V = 12.0 \text{ V}$ . ما كمية الطاقة الخزنة في هذا المكثف عندما يكون فرق الجهد في اللوحين  $V = 120 \text{ V}$ ؟

**4.46.** يتم شحن المكثف في مذيل الرجعان الخارجي التلائفي إلى  $7.50 \text{ kV}$  ويختزن  $2400 \text{ J}$  من الطاقة. ما سعته؟

**4.47.** لدى الأرض مجال كهربائي يبلغ  $150 \text{ V/m}$  بالقرب من سطحها. أوجد الطاقة الكهربائية التي يحتاجها كل متراً مكعب من الهواء بالقرب من السطح.

**4.48.** فرق الجهد في مكثفين متصلين على التوالي هو  $V = 120 \text{ V}$ . والسعات هي  $C_1 = 1.00 \cdot 10^{-3} \mu\text{F}$  و  $C_2 = 1.50 \cdot 10^{-3} \mu\text{F}$ .

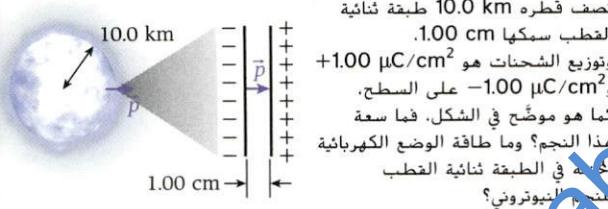
(a) ما إجمالي السعة لهذا الزوج من المكثفات؟

(b) ما الشحنة على كل مكثف؟

(c) ما فرق الجهد على كل مكثف؟

(d) ما إجمالي الطاقة التي يخزنها المكثفان؟

**4.49.** يعتقد أن النجوم البيوتورية تخوّي على طبقات ثنائية القطب الكهربائي ( $\beta$ ) على أسطحها. إذا كان لدى خم نجوم بيوتوري نصف قطره  $10.0 \text{ km}$  طبقة ثنائية القطب سمكها  $1.00 \text{ cm}$ .



وتوزيع الشحنتان هو  $+1.00 \mu\text{C/cm}^2$  و  $-1.00 \mu\text{C/cm}^2$ .

ما هو موضع في الشكل. هنا سعة هذا النجم؟ وما طاقة الوضع الكهربائية

التي يجدها في الطبقة ثنائية القطب

شنقاً بيوتورياً؟

**4.50.** مكثف متوازي اللوحين سعهه  $10^3 \text{ nF}$  موضى ببطارية ذات  $4.00 \text{ V}$  وقد تم شحنه.

(a) ما الشحنة على اللوح الموجب للمكثف؟

(b) ما طاقة الوضع الكهربائية الخزنة في المكثف؟

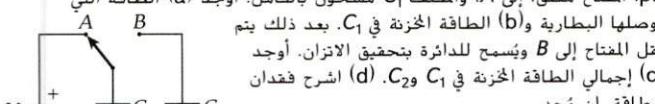
بعد ذلك يحصل المكثف على شحنة  $10^3 \text{ nF}$  من البطارية  $V = 4.00 \text{ V}$  ويسخدم في شحن ثلاثة مكثفات غير مشحونة. مكثف سعهه  $100 \text{ nF}$  ومكثف سعهه  $200 \text{ nF}$  وآخر سعهه  $300 \text{ nF}$  متصل على التوالي.

(c) بعد الشحن، ما فرق الجهد في كل من المكثفات الأربع؟

(d) ما مقدار الطاقة الكهربائية الخزنة في المكثف الذي سعهه  $4.00 \cdot 10^3 \text{ nF}$  الذي تم تنقله إلى المكثفات الثلاثة الأخرى؟

**4.51.** يعرض الشكل دائرة لها  $V = 12.0 \text{ V}$  و  $C_1 = 500 \text{ pF}$  و  $C_2 = 500 \text{ pF}$ .

المفتاح مغلق. إلى A. والمكثف  $C_1$  مشحون بالكامل. أوجد (a) الطاقة التي



توصلاها البطارية و(b) الطاقة الخزنة في  $C_1$ . بعد ذلك يتم

نيل المفتاح إلى B ويسمح للدائرة بتحقيق الانزام. أوجد

(c) إجمالي الطاقة الخزنة في  $C_1$  و  $C_2$ . (d) اشرح فداناً

الطاقة، إن وجد.

**4.52.** تتماسك الأرض بفعل جاذبيتها. لكنها أيضاً موصل بحمل الشحن.

(a) يمكن اعتبار الأرض جسماً كروياً موصلاً نصف قطره  $6371 \text{ km}$ . مع مجال كهربائي  $E = -150 \text{ V/m}$  على سطحها. حيث  $\hat{r}$  منتجه وحدة بتجه قطرها إلى الخارج. احسب إجمالي طاقة الوضع الكهربائية المرتبطة بالشحنة والجالب الكهربائيين للأرض.

(b) لدى الأرض طاقة وضع جذبية، متماثلة لطاقة الوضع الكهربائية. احسب هذه الطاقة. بالتعامل مع الأرض كجسم كروي صلب ومنظم. (ظبط:  $dU = -(Gm/r)dm$ ).

(c) يستخدم شائع الجرأين (a) و(b) للإجابة عن هذا السؤال: إلى أي مدى تؤثر القوى الكهرومغناطيسية في بيئة الأرض؟

يمكنك إنشاؤها باستخدام أي مجموعة من ثلاث مكثفات متماثلة ذات السعة  $C$ .

**4.37.** سقط مكثف كبير متوازي اللوحين يحتوي على لوحين مربعين يبلغ طول ضلعهما  $1.00 \text{ cm}$  وتنفصلهما مسافة تبلغ  $1.00 \text{ mm}$  فتحطم. ثم تقرير نصف مساحتى اللوحين من بعضهما لتبلغ المسافة  $0.500 \text{ mm}$ . ما سعة المكثف المطamed؟

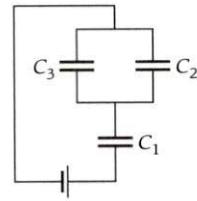
**4.38.** تم توصيل ثلاثة مكثفات ذات سعات

$C_1 = 3.10 \text{ nF}$  و  $C_2 = 1.30 \text{ nF}$

و  $C_3 = 3.70 \text{ nF}$  بطارية ذات  $V = 14.9 \text{ V}$ .

كم هو موضح في الشكل.

ما مقدار البيوت في الجهد في المكثف  $C_2$ ؟



**4.39.** تم توصيل أربعة مكثفات ذات سعات

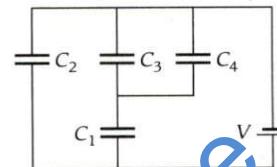
$C_1 = 3.50 \mu\text{F}$  و  $C_2 = 2.10 \mu\text{F}$

و  $C_3 = 1.30 \mu\text{F}$  و  $C_4 = 4.90 \mu\text{F}$

بطارية ذات  $V = 10.3 \text{ V}$ .

كم هو موضح في الشكل.

ما السعة المكافحة لمجموعة المكثفات هذه؟



**4.40.** لدى المكثفات في الدائرة الموضحة

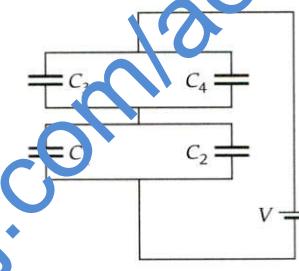
في الشكل السعات  $C_1 = 18.0 \mu\text{F}$  و  $C_2 = 11.3 \mu\text{F}$

و  $C_3 = 33.0 \mu\text{F}$  و  $C_4 = 44.0 \mu\text{F}$

و فرق الجهد يساوي  $V = 10.0 \text{ V}$ .

التي يجب أن يوفرها مصدر الطاقة لشحن

هذا الترتيب من المكثفات؟



**4.41.** سته مكثفات متصلة

كم هو موضح في الشكل.

(a) إذا كان  $C_3 = 2.300 \text{ nF}$

فماذا يجب أن يكون  $C_2$  ليتسع سعة مكافحة قدرها  $5.000 \text{ nF}$  لـ  $5$  مكثف؟

(b) بنفس قيمة  $C_2$  و  $C_3$  كما في الجزء

(a). ما قيمة  $C_1$  التي ستعطى سعة مكافحة قدرها  $1.914 \text{ nF}$  لمجموعة المكثفات الثلاثة؟

(c) بنفس قيمة  $C_1$  و  $C_2$  كما

في الجزء (b). ما السعة المكافحة للمجموعة الكاملة من المكثفات إذا كانت قيم السعات الأخرى  $= 1.700 \text{ nF}$ ؟

(d) إذا كانت ثمة بطارية بفرق جهد  $11.70 \text{ V}$  موصولة بالمكثفات كما هو موضح

في الشكل. فما إجمالي الشحنة على المكثفات الستة؟

(e) ما مقدار البيوت في الجهد في  $C_5$  في هذه الحالة؟

**4.42.** يُطبق فرق جهد بمقدار

$V = 80.0 \text{ V}$  على دائرة سعادتها

$C_1 = 15.0 \text{ nF}$  و  $C_2 = 7.00 \text{ nF}$

و  $C_3 = 20.0 \text{ nF}$  و  $C_4 = 13.00 \text{ nF}$

كم هو موضح في الشكل. ما مقدار

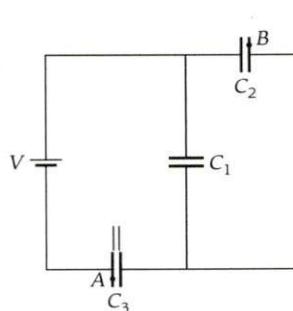
إشارية  $V_3$  على اللوح الأيسر

لـ  $C_3$  (محدة بالقطة A)؟ وما الجهد

في  $C_3$ ؟ وما مقدار

الشحنة على اللوح الأيمن  $q_{2r}$  وإشارتها؟ على اللوح الأيمن

لـ  $C_2$  (محدة بالقطة B)؟



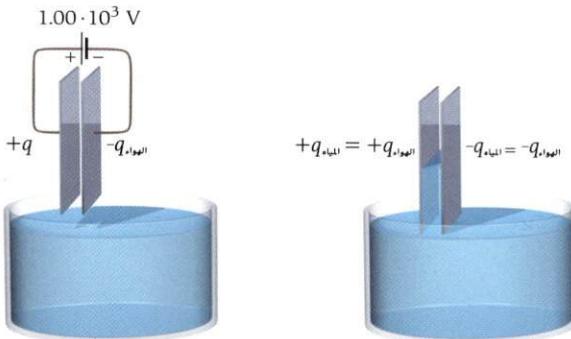
**4.43.** خمسون مكثفاً متوازي اللوحين متصلين على التوالي. المسافة بين اللوحين

هي  $d$  للمكثف الأول و  $2d$  للمكثف الثاني و  $3d$  للمكثف الثالث. وهكذا. مساحة

## القسم 4.6

3.40 وشدة عزل  $10^7 \text{ V/m}$ . يجب أن يُجعل المكثف الخاص بك صغيراً بقدر الإمكان. حدد جميع الأبعاد المناسبة. خاهم أي مجال عند الطرف على حواف لوخي المكثف.

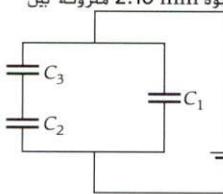
4.63 مكثف متوازي اللوحين يتكون من زوج من الألواح المستطيلة. قياس كل منها  $1.00 \text{ cm} \times 10.0 \text{ cm}$ . مع فصل بين اللوحين قدره  $0.100 \text{ mm}$ . قياس كل منها  $1.00 \times 10^3 \text{ V}$ . بعد ذلك، ثبت إزالة مصدر



الطاقة. وبدون تفريغه، وضع المكثف في موضع رأسى فوق حاوية بها مياه غير متأتية. مع لامسة الجوانب الخصبة لللوحين للماء، كما هو موضح في الشكل. باستخدام اعتبارات الطاقة، أثبت أن المياه ستترفع بين اللوحين. مع إهمال التأثيرات الأخرى، حدد نظام المعادلات الذي يمكن استخدامه لحساب الارتفاع الذي تصل إليه المياه بين اللوحين. ليس عليك أن تقوم بحل النظام.

### ćمارين إضافية

4.64 يستخدم لوحة معدنية دائريان يبلغ نصف قطرهما  $0.610 \text{ m}$  وسمكهما  $7.10 \text{ mm}$  في مكثف متوازي اللوحين، حيث توجد فجوة مترورة بين اللوحين، ويتناهى الفراغ بينهما (شبة دائرة) بمسافة كهربائي مقداره  $11.1 \text{ cm}$  ويعتبر النصف الماء باللوحة. ما سعة هذا المكثف؟



4.65 إذا أخذت في الاعتبار شدة العزل الكهربائي للهواء، بما مقداره  $1.50 \text{ nF/cm}^2$ ، فيمكن حساب سعة المكثف.

4.66 يعرض الشكل ثلاثة مكثفات في دائرة:  $C_1 = 2.00 \text{ nF}$ ,  $C_2 = 4.00 \text{ nF}$ ,  $C_3 = 6.00 \text{ nF}$ .

أوجد الشحنة على كل لوحة عندما يساوي فرق الجهد المطبق  $V = 1.50 \text{ V}$ .

4.67 يتصل مكثف بفراغ بين لوحيه ببطارية ملائمة. كم مقدار الزيادة في التسعة المئوية لسعة تخزين الطاقة ثم تملأ الفجوة بمادة الميلار. كم مقدار الزيادة في التسعة المئوية لسعة تخزين الطاقة في المكثف؟

4.68 مكثف متوازي اللوحين يمساحة لوحة  $12.0 \text{ cm}^2$  وهواء في الفراغ بين اللوحين، الذين تفصلهما مسافة  $1.50 \text{ mm}$ . موصول ببطارية  $V = 9.00 \text{ V}$ . إذا سحب اللوحان إلى الخلف حيث تزيد مسافة الفصل إلى  $2.75 \text{ mm}$ . فكم مقدار الشغل المبذول؟

4.69 افترض أنك تريد صنع مكثف سعنته  $1.00 \text{ F}$  باستخدام لوحين مربعين من رقائق الألومنيوم. إذا فصلت رقائق الألومنيوم بورقة واحدة (سُكّها حوالي  $\kappa = 5.00$  و  $0.100 \text{ mm}$ ). فأوجد قياس رقائق الألومنيوم (طول كل حافة).

4.70 مكثف متوازي اللوحين سعنته  $4.00 \text{ pF}$  وبه فرق جهد يبلغ  $10.0 \text{ V}$ . وبعد اللوحان مسافة  $3.00 \text{ mm}$ . وتحتوى المسافة بينهما على هواء.

(a) ما الشحنة على المكثف؟

(b) ما مقدار الطاقة المخزنة في المكثف؟

(c) ما مساحة اللوحين؟

(d) ماذا ستكون سعة هذا المكثف إذا امتلاً الفراغ بين اللوحين بعادة البوليسترين؟

4.53 مكثفان متوازيان اللوحين مساحات ألواهما متماثلة والفوائل بينهما متماثلة. يُحدّد الحد الأقصى للطاقة التي يمكن أن يخزنها كل منها بناء على الحد الأقصى لفرق الجهد الذي يمكن أن يطبّق قبل انهيار العازل الكهربائي. يحتوي أحد المكثفين على هواء بين اللوحين، بينما يحتوي الآخر على الميلار. أوجد النسبة بين الحد الأقصى للطاقة التي يستطيع مكثف الميلار تخزينها وأحد الأقصى للطاقة التي يستطيع مكثف الهواء تخزينها.

4.54 مكثف يحتوي على لوحة متوازية، ونصف الفراغ بين اللوحين ملؤه بمادة عازلة للكهرباء ثابت  $K$  والنصف الآخر ملؤه بالهواء كما هو موضح في الشكل. افترض أن المسافة بين اللوحين مرباع، وطول  $L$ . وأن المسافة الفاصل بين الألواح  $d$ . حدد السعة كدالة  $L$ .

4.55 احسب الحد الأقصى لتوزيع الشحنة على السطح الذي يمكن الاحتفاظ بها على أي سطح مُحاط بالهواء الجاف.

4.56 الكابل الحراري هو نوع من الكابلات الحرارية يستخدم لترشيح عالي التردد في تجارب الحوسنة الكمية عالية التبريد. القطر الداخلي لدرعه المصوّع من الغواص المقاوم للصدأ يبلغ  $0.350 \text{ mm}$ . وقطر موصله المصوّع من التيتانيوم يبلغ  $0.170 \text{ mm}$ . يُستخدم التيتانيوم لأن مقاومته لا تتغير كثيراً عند الانتقال من درجة حرارة الفرقة إلى ما يقرب من الصفر، العازل الكهربائي هو أكسيد الماغنيسيوم ( $\text{MgO}$ )، الذي لديه ثابت عزل كهربائي مقداره  $70$ . أوجد السعة لكل متر للكابل الحراري.

4.57 مكثف متوازي اللوحين يحتوي على لوحة مربعين طول  $10.0 \text{ cm}$  والمسافة بينهما  $d = 1.00 \text{ cm}$ . الفراغ بين الألواح ملؤه بعالي كثافة له ثابت عزل كهربائي  $K_1 = 20.0$ . والجزء المتبقّي من الفراغ ملؤه بعالي كثافة مختلف، مع  $K_2 = 5.00$ . أوجد سعة المكثف.

4.58 مكثف متوازي اللوحين سعنته  $4.0 \text{ nF}$  مزود بطبقة من الميلار ( $3.1 \text{ m}$ ). تم إدخال لوحة عازل بين اللوحين، ثم شحنته إلى  $4.00 \text{ pC}$  ثم فصله. (a) ما مقدار الشغل المطلوب لإزالة طبقة الميلار تماماً من الفراغ بين اللوحين؟ (b) ما فرق الجهد بين لوخي المكثف بمجرد إزالة طبقة الميلار تماماً؟

4.59 في ملء الحجم بين أسطوانتي مكثف أسطواني إلى النصف بغاز كهربائي ثابت عزل الكهربائي هو  $K$  وفقاً بطارية ذات فرق جهد  $\Delta V$ . ما الشحنة التي وضعت على المكثف؟ ما النسبة بين هذه الشحنة والشحنة التي وضعت على مكثف مماثل بدون عازل كهربائي متصل بنفس الطريقة عبر الهبوط في الجهد نفسه؟

4.60 في إدخال لوحة عزل كهربائي بكتافة  $d$  وثابت عزل كهربائي  $K = 2.31$  في مكثف متوازي اللوحين، ثم شحنته إلى  $120 \text{ pC}$ . ولديه مساحة  $A = 100. \text{ cm}^2$  ومسافة فصل  $d = 2.50 \text{ cm}$  (a) أوجد السعة. (b) وفرق الجهد. (c) وطاقة الوضع الكهربائية المخزنة في المكثف.

4.61 (a) أوجد  $C$  و  $V$  و  $Q$  و  $E$  و  $W$  بعد أن يتم إدخال لوحة عزل الكهربائي و تكون البطارية متصلة. (b) أوجد  $C$  و  $V$  و  $Q$  و  $E$  و  $W$  عندما يكون لوحة عزل الكهربائي في مكانه والبطارية مفصولة.

4.62 مكثف متوازي اللوحين سعنته  $120. \text{ pF}$  ومساحة لوحيه  $100. \text{ cm}^2$  الفراغ بين اللوحين ملؤه بعالي الكثافة التي يبلغ ثابت عزلها الكهربائي  $K = 5.40$ . يتم الاحتفاظ بلوخي المكثف عند  $V = 50.0 \text{ V}$ .

(a) ما شدة المجال الكهربائي في العالي؟

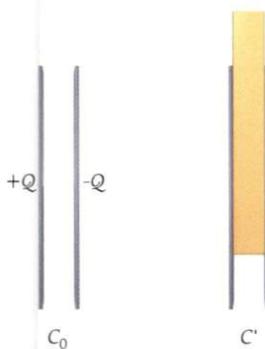
(b) ما كمية الشحنة الحرة على اللوحين؟

(c) ما كمية الشحنة المستخرجة على العالي؟

4.63 ضمّ مكثفاً متوازياً اللوحين سعنته  $47.0 \text{ pF}$  وشحنته  $7.50 \text{ nC}$ . يتوفر لديك ألواح موصولة، يمكن قطعها إلى أي حجم. وطبقات من الزجاج الواقي، يمكن قطعها إلى أي حجم وتشكلها إلى أي شكل. للزجاج الواقي ثابت عزل كهربائي

بعد ذلك، يسحب لوح من النايلون سمكه 1.00 mm ثابت العزل الكهربائي يساوي 3.50 N/mm بين اللوحين. ما متوسط القوة (المقدار والاتجاه) المبذولة على لوح النايلون أثناء ادخاله في المكبس؟

**4.80.** يدخل بروتون ينتقل على طول المخور  $X$  بسرعة  $1.00 \cdot 10^6 \text{ m/s}$  إلى الفجوة بين لوحي المكثف المتوازي اللوحين الذين يبلغ عرضهما  $2.00 \text{ cm}$ . يتم حساب توزيعات شحنة السطح على اللوحين من خلال  $\sigma = \pm 1.00 \cdot 10^6 \text{ C/m}^2$ . كم يبلغ انحراف البروتون على الجانب ( $\Delta x$ ) عندما يصل إلى الحافة البعيدة من المكثف؟ افترض أن المجال الكهربائي منتظم داخل المكثف وبساوي صفرًا خارجه.



**مكثف مشحون مع إدخال سووج من الزجاج الواقى**

٥) إذا تقاضينا عن الجاذبية، فهل يجب أن يبذل مدخل لوح العزل الكهربائي شغلاً أم لا؟

**4.82** خزنت بطارية AAA عادية طاقة تساوي  $1.5 \text{ V}$ . تكتب سعة بطارية عادة  $6.25 \text{ mA h}$ . ما يعني أن كمية كبيرة من الشحنة يمكن توصيلها لـ  $1.5 \text{ V}$  بطارية. افترض أنك تريد صنع مكثف متوازي اللوحين لت تخزين هذا المقدار من الطاقة باستخدام فاصل بين الوهابين يبلغ  $1.0 \text{ mm}$  مع هواء ملء الفراغ بين الوهابين.

a) إذا افترضنا أن فرق الجهد في المكثف يساوي 1.50 V، فماذا يجب أن تساوي مساحة كل ورق؟

b) إذا افترضنا أن قرفة الجهد في المكثف يساوي اقصى حد يمكن تطبيقه دون انبعاث العازل الكهربائي، فـما يجب أن تساوي مساحة كل لوحة؟

**4.83** مكثف متوازي اللومن  $C_{29}$  موضلان على التوازي ببطارية AAA .96.0 V

يُوصى بـ  $C_1$  على هواء بين لوحيه، ويمثل ذلك الفراغ في  $C_2$  بالبورسلين. تأثير العزل الكهربائي  $7.00 \text{ kV/mm}$  وشدة العزل الكهربائي تبلغ  $5.70 \text{ kV/mm}$ .  
 (a) ما الشحنة على كل مكثف بعد الشحن؟

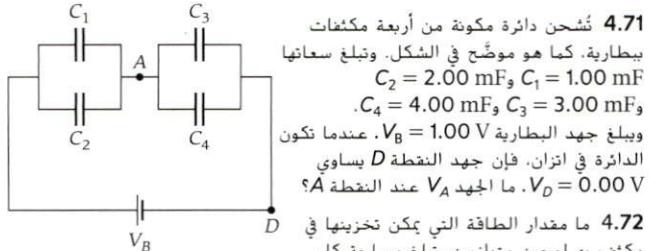
b) ما إجمالي الطاقة المخزنة في المكثفين؟

c) ما المجال الكهربائي بين لوحي  $C_1$  و  $C_2$ ؟

**4.84** ينكون لوخي المكثف المتوازي اللوхين A من فرعين معدنيين لهما نصف قطر متباين  $R_1 = 4.00 \text{ cm}$ ,  $d = 2.00 \text{ mm}$ . وتنصلهما مسافة  $R_1$ . كما هو موضح في الشكل.

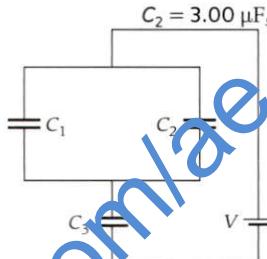
(a) احسب سعة هذا المكعب المتوازي اللوحيين مع ملء الفراغ بين اللوحين بالهوا.  
(b) يوضع عازل كهربائي على شكل أسطوانة ذات نصف قطر خارجي

$d = 2.00 \text{ mm}$ ,  $R_2 = 2.00 \text{ cm}$ , و  $R_1 = 4.00 \text{ cm}$



منفذة بـ 4 موصي ومحول موسيبي. يبلغ مساحة كل منها  $64.0 \text{ cm}^2$  وتتصفيلاها في جوهرة  $1.30 \text{ cm}^2$ . مكثفة بالبورسلين الذي يبلغ ثابت العزل الكهربائي الخاص به 7.00. ويحمل شحنات متوازية ومتساوية بمقدار  $420 \mu\text{C}$ .

**4.73** يتكون جهاز ميكانيكي كمي يعمر بوصلة جوزيفسون من طبقتين متداخلتين من المعادن فائقة التوصيل (على سبيل المثال: الألومنيوم عند 1.00 nm، يتحصل طبقة سمكها 20.0 من أكسيد الألومنيوم التي يبلغ ثابت عزليها الكهربائي 9.10. إذا كانت مساحة الجهاز بلغ  $\mu\text{m}^2$  100. وله تركيب يتتألف



**4.75** لعمل مشروع علمي، تقطع طالبة في الصف الرابع أغطية علىتي حسأء وفواهد المتساوية الارتفاع. يقدار  $4.16 \text{ cm}$  و  $7.24 \text{ cm}$ . ويبلغ نصف قطريهما  $3.02 \text{ cm}$ . ثم تضع أصغرهما داخل أكبرهما. وتلصقهما بالغراء الساخن على لوح من البلاستيك. كما هو موضح في الشكل. ثم تملأ الفجوة بين العلب "بحسأء" خاص (نابت العزل الكهربائي  $63.0 \text{ cm}^2$ ). ما سعة هذا الترتيب؟

**4.76** يمكن اعتبار الأرض بمنطقة مكثف كروي. إذا كان صافي الشحنة على الأرض يساوي  $C = 7.80 \times 10^5$ 库仑. فما يوجد (a) سعة الأرض (b) وطاقة الوضع الكهربائية المخزنة على سطح

**٤.٧٧.** مكثف متوازي اللوحين يحتوي على هواء في الفجوة بين اللوحين موغل ببطارقة ٧.٦٠٠ أصبحت الطاقة المخزنة في المكثف بعد الشحن  $n$  ٧٢.٥. أدخل عازل كهربائي في الفجوة من دون فصل المكثف عن البطارية. وتدفق مقدار إضافي من الطاقة يعادل  $n$  ٣١٧ من البطارية إلى المكثف.

b) ما تأثّر العزل الكهربائي للعازل الكهربائي؟  
 إذا كانت مساحة كل لوح من اللوحيين تبلغ  $50.0 \text{ cm}^2$ .  
 فيما الشحنة على لوح المكثف الموجب بعد إدخال العازل الكهربائي؟

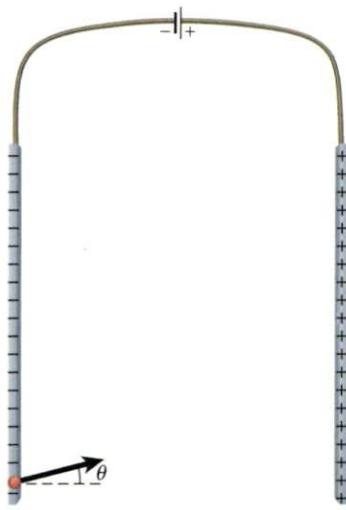
c) ما مقدار المجال الكهربائي بين اللوหين قبل إدخال العازل الكهربائي؟  
d) ما مقدار المجال الكهربائي بين اللوหين بعد إدخال العازل الكهربائي؟

**4.78.** يُشحن مكثف سعته  $8.00 \mu\text{F}$  بالكامل بطارية  $V$ . بعد ذلك، يُعد ذلك. يتم توصيل المكثف غير مشحون في البداية.  $C$ .

**4.79-** **مقدار الماء المفقود** في حجم 300 cm<sup>3</sup> من الماء عند ترسيخه في حجم 350 cm<sup>3</sup> هي **نحو 85%**.

وتحصلهما مسافة 1.00 mm. ثم يُشحّن المكثف ببطارئه 7. 15.0. وثُمّ الـ البطارئ

حتى نصف القطر  $r_2 < R < r_1$  على عازل كهربائي له  $\epsilon = 10\epsilon_0$ .  
أوجد تعبيراً للسعة، وتحقق من الحدود عندما  $r_1 = R = r_2$ .



- 4.87.** في الشكل، مكثف متوازي اللوحين موصّل ببطارياً 300 V متصلًا. يطلق بروتون بسرعة  $2.00 \times 10^5 \text{ m/s}$  من (عبر) اللوح السالب في المكثف بزاوية  $\theta$  بين العمودي واللوح.  
 (a) أثبت أنَّ البروتون لا يستطيع الوصول إلى اللوح الموجب للمكثف. أيَّ كانت الزاوية  $\theta$ .  
 (b) ارسم مسار البروتون بين اللوحين.  
 (c) بافتراض أنَّ  $V = 0$  في اللوح السالب. احسب الطاقة عند التقطة بين اللوحين التي يعكس فيها البروتون حركته في الاتجاه  $X$ .  
 (d) بافتراض أنَّ اللوحين طوبلان بما يكفي للبروتون أن يبعُد بينهما خلال حركته. احسب سرعة البروتون (المقدار فقط) عند اصطدامه باللوح السالب.

- 4.88.** بالنسبة إلى المكثف متوازي اللوحين المزدوج بغاز كهربائي الموضح في الشكل، أثبت أنه عند شُكِّ معين للوح العازل الكهربائي، لا تنتهي السعة على وضع اللوح بالنسبة إلى اللوحين الموضعين (أي أنها لا تنتهي على قيم  $d_1$  و  $d_2$ ).



يبينها تماماً، ثم تم توصيل المكثف بعد ذلك ببطارياً يحافظ على فرق جهد 10.03 V بين اللوحين. ما مقدار الشغل المطلوب لسحب مادة العزل من المكثف؟

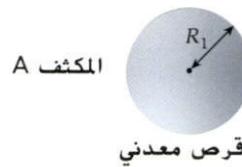
- 4.93.** لدى مكثف متوازي اللوحين مع فراغ بين اللوحين سعة  $3.607 \mu\text{F}$ .  
 ثم وضع مادة عازلة للكهرباء بين اللوحين، حيث ملأت الحجم بينهما تماماً.  
 ثم تم توصيل المكثف بعد ذلك ببطارياً يحافظ على فرق جهد 11.33 V بين اللوحين.  
 ثم سحب المادة العازلة للكهرباء من المكثف، وهذا يتطلب  $J^{-4} \times 4.804 \times 10^{-4}$  من الشغل. ما ثابت العزل الكهربائي للمادة؟

- 4.94.** لدى مكثف متوازي اللوحين مع فراغ بين اللوحين سعة  $3.669 \mu\text{F}$ .  
 ثم وضع مادة عازلة للكهرباء لها ثابت  $\kappa = 3.533$  بين اللوحين، حيث ملأت الحجم بينهما تماماً.  
 ثم تم توصيل المكثف بعد ذلك ببطارياً يحافظ على فرق جهد 7 V بين اللوحين.  
 ثم سحب المادة العازلة للكهرباء من المكثف، وهذا يتطلب  $J^{-4} \times 7.389 \times 10^{-4}$  من الشغل. ما فرق الجهد؟

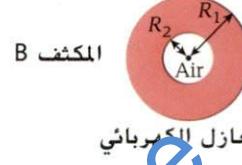
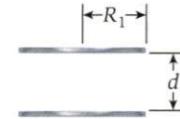
وثابت عزل كهربائي  $\kappa = 2.00$  بين اللوحين، لتكون متعددة الخور معهما كما هو موضح في الشكل. احسب سعة المكثف مع العازل الكهربائي.

- (c) تزال الأسطوانة العازلة للكهرباء ويوضع بدلاً منها قرص صلب يبلغ نصف قطره  $R_1$  مصنوع من مادة العازل الكهربائي نفسها بين اللوحين لتكون المكثف C، كما هو موضح في الشكل. ما السعة الجديدة؟

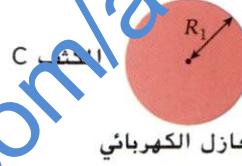
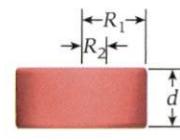
### منظر علوي



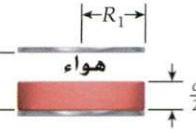
### منظر جانبى



### العزل الكهربائي



### العزل الكهربائي



- 4.85.** مكثف سعة  $1.00 \mu\text{F}$  ومشحون إلى 50.0 V متصل بمكثف آخر سعة  $2.00 \mu\text{F}$  ومشحون إلى 20.0 V، حيث يكون اللوح الموجب لكل منها متصل باللوح السالب للأخر. ما الشحنة النهاية للمكثف سعة  $1.00 \mu\text{F}$ ؟

- 4.86.** يتم حساب سعة مكثف كروي يتكون من جسمين كرويين موصلين متعدد المراكز ونصف قطرهما  $r_1$  و  $r_2$  ( $r_2 > r_1$ ) من خلال  $C = 4\pi\epsilon_0 r_1 r_2 / (r_2 - r_1)$ . افترض أن الفراغ بين الجسمين الكرويين من

## تمارين بمعطيات متعددة

- 4.89.** تخزن بطارية سيارة كهربائية MJ 53.63 من الطاقة. كم عدد المكثفات الفائقة، كل منها سعة  $C = 3.361 \text{ kF}$  وفرق جهد 2.121 V، المطلوبة لتوفير هذه الكمية من الطاقة؟

- 4.90.** تخزن بطارية سيارة كهربائية MJ 60.51 من الطاقة. إذا كان المطلوب لتوفير هذه الكمية من الطاقة من الطاقة 6990 مكثفًا فائقًا، كل منها سعة  $C = 3.423 \text{ kF}$ . فما فرق الجهد في كل مكثف فائق؟

- 4.91.** تخزن بطارية سيارة كهربائية MJ 67.39 من الطاقة. إذا كان ثمة 6845 مكثفًا فائقًا، كل منها سعة  $C$  وتم شحنها إلى فرق الجهد 2.377 V. تستطيع توفير هذه الكمية من الطاقة، فيما قيمة  $C$  لكل مكثف فائق؟

- 4.92.** لدى مكثف متوازي اللوحين مع فراغ بين اللوحين سعة  $3.547 \mu\text{F}$ .  
 ثم وضع مادة عازلة للكهرباء لها ثابت  $\kappa = 4.617$  بين اللوحين، حيث ملأت الحجم

# الملحق A

## تمهيد الرياضيات

A-1	1. الجبر
A-1	1.1 الأساسيات
A-2	1.2 الأسس
A-2	1.3 اللوغاريتمات
A-3	1.4 المعادلات الخطية
A-3	2. الهندسة
A-3	2.1 الأشكال الهندسية في بعدين
A-3	2.2 الأشكال الهندسية في ثلاثة أبعاد
A-3	3. حساب المثلثات
A-2	3.1 المثلثات قائمة الزاوية
A-2	3.2 المثلثات العامة
A-6	4. حساب التفاضل والتكامل
A-6	4.1 المشتقات
A-6	4.2 التكاملات
A-7	5. الأعداد المركبة
A-8	مثال A.1 مجموعة ماندليرو

### الرمز:

تمثل الحروف  $a$  و  $b$  و  $c$  و  $x$  و  $y$  أعداداً حقيقة.

يتمثل الحرف  $n$  أعداداً صحيحة.

تمثل الحروف اليونانية  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\gamma$  الزوايا المقيسة بالراديان

## 1. الجبر

### 1.1 الأساسيات

المعاملات:

$$(A.1) \quad ax + bx + cx = (a + b + c)x$$

$$(A.2) \quad (a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

$$(A.3) \quad (a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

$$(A.4) \quad (a + b)(a - b) = a^2 - b^2$$

المعادلة التربيعية:

إن المعادلة التي بالصيغة

$$(A.5) \quad ax^2 + bx + c = 0$$

بالنسبة إلى قيم  $a$  و  $b$  و  $c$  المحددة، يكون لها حلان:

$$(6.A) \quad x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

$$x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

يُطلق على حلّي المعادلة التربيعية جذور. وتكون الجذور أعداداً حقيقة إذا كانت  $4ac \geq b^2$ .

## 1.2 الأسس

إذا كان  $a$  عدداً، فإن  $a^n$  هو ناتج ضرب  $a$  في نفسه عدد  $n$  من المرات:

$$(A.7) \quad a^n = \underbrace{a \times a \times a \times \cdots \times a}_n$$

ويُسمى العدد  $n$  الأسس. ومع ذلك، لا يلزم أن يكون الأسس عدداً موجباً أو عدداً صحيحاً. فـأي عدد حقيقي  $x$  يمكن أن يستخدم كأس.

$$(A.8) \quad a^{-x} = \frac{1}{a^x}$$

$$(A.9) \quad a^0 = 1$$

$$(A.10) \quad a^1 = a$$

الجذور:

$$(A.11) \quad a^{1/2} = \sqrt{a}$$

$$(A.12) \quad a^{1/n} = \sqrt[n]{a}$$

الضرب والقسمة:

$$(A.13) \quad a^x a^y = a^{x+y}$$

$$(A.14) \quad \frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$$

$$(A.15) \quad (a^x)^y = a^{xy}$$

## 1.3 اللوغاريتمات

اللوغاريتم هو الدالة العكسيّة للدالة الأسية:

$$(A.16) \quad y = a^x \Leftrightarrow x = \log_a y$$

يشير الرمز  $\log_a$  إلى لوغاريتم  $y$  للأساس  $a$ . وظاهر أن الدالتين الأسية واللوغاريتمية كل منهما معكوس للأخرى. يمكننا كذلك كتابة هذه المتطابقة:

$$(A.17) \quad x = \log_a (a^x) = a^{\log_a x} \quad (\text{لأي أساس } a)$$

الأساسان الأكثر استخداماً هما الأساس 10، أساس اللوغاريتم العشري، والأساس  $e$ . أساس اللوغاريتم الطبيعي. القيمة العددية للأساس  $e$

$$(A.18) \quad e = 2.718281828 \dots$$

الأساس 10:

$$(A.19) \quad y = 10^x \Leftrightarrow x = \log_{10} y$$

الأساس  $e$ :

$$(A.20) \quad y = e^x \Leftrightarrow x = \ln y$$

يتبع هذا الكتاب قاعدة استخدام  $\ln$  للإشارة إلى لوغاريتم الأساس  $e$ . تأتي قواعد الحساب باستخدام اللوغاريتمات من الموارد الخاصة بالأسس:

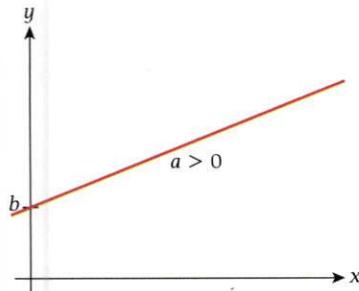
$$(A.21) \quad \log(ab) = \log a + \log b$$

$$(A.22) \quad \log\left(\frac{a}{b}\right) = \log a - \log b$$

$$(A.23) \quad \log(a^x) = x \log a$$

$$(A.24) \quad \log 1 = 0$$

ونظرًا لأن هذه القواعد صالحة لأي أساس، فقد حُذف الرمز السقطي الذي يشير إلى الأساس.



**الشكل 1.A** التمثيل البياني للمعادلة الخطية.

(A.25)

$$y = ax + b$$

حيث  $a$  و  $b$  ثابتان. ويكون التمثيل البياني لـ  $y$  مقابل  $x$  عبارة عن خط مستقيم؛ ويكون  $a$  ميل هذا الخط و  $b$  هو المقطع  $y$ . انظر الشكل A.1. يمكن حساب ميل الخط المستقيم بالتعويض بقيمتين مختلفتين  $x_1$  و  $x_2$  في المعادلة الخطية ثم حساب القيم الناتجة  $y_1$  و  $y_2$ :

(A.26)

$$a = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{\Delta y}{\Delta x}$$

إذا كان  $a = 0$ . فسيكون الخط المستقيم أفقياً؛ وإذا كان  $a > 0$ . فسيترتفع الخط المستقيم مع زيادة قيمة  $x$  كما هو موضح في المثال الخاص بالشكل 1: A. إذا كان  $a < 0$ . فسيختفي خط المستقيم مع زيادة قيمة  $x$ .

## 2. الهندسة

### 2.1 الأشكال الهندسية في بُعدٍ

يعرض الشكل A.2 المساحة  $A$ . وطول الخطيب  $C$ . لأشكال هندسية شائعة ثنائية الأبعاد.



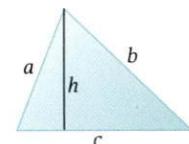
مربع  
 $A = a^2$   
 $C = 4a$



مستطيل  
 $A = ab$   
 $C = 2(a + b)$



دائرة  
 $A = \pi r^2$   
 $C = 2\pi r$

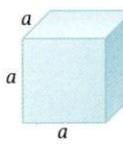


مثلث  
 $A = \frac{1}{2}ch$   
 $C = a + b + c$

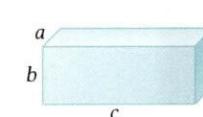
**الشكل A.2** المساحة  $A$ . وطول الخطيب  $C$ . للمرربع والمستطيل والدائرة والمثلث.

### 2.2 الأشكال الهندسية في ثلاثة أبعاد

يعرض الشكل A.3 الحجم  $V$ . ومساحة السطح  $A$ . لأشكال هندسية شائعة ثلاثة الأبعاد.



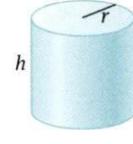
مكعب  
 $V = a^3$   
 $A = 6a^2$



متوازي مستويات  
 $V = abc$   
 $A = 2(ab + ac + bc)$



كرة  
 $V = \frac{4}{3}\pi r^3$   
 $A = 4\pi r^2$



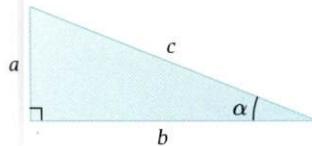
أسطوانة  
 $V = \pi r^2 h$   
 $A = 2\pi r^2 + 2\pi rh$

**الشكل A.3** الحجم  $V$ . ومساحة السطح  $A$ . للمكعب ومتوازي المستويات والكرة وأسطوانة.

## 3. حساب المثلثات

من المهم ملاحظة أنه يلزم قياس جميع الزوايا بالراديان لكي تسري عليها الأمور التالية.

### 3.1 المثلثات قائمة الزاوية



**الشكل 4.A** خديد أطوال الأضلاع  $a$  و  $b$  والزوايا للمثلث قائم الزاوية.

المثلث قائم الزاوية هو مثلث إحدى زواياه ثلاثة قائمة، أي زاوية تساوي  $90^\circ$  بالتحديد ( $\text{rad } \pi/2$ ) (يشار إليها بعلامة الزاوية الصغيرة في الشكل A.4). ووتر المثلث هو الضلع المقابل للزاوية  $90^\circ$ . ويرمز الحرف  $c$  عادةً إلى وتر المثلث.

نظرية فيثاغورس:

$$(A.27) \quad a^2 + b^2 = c^2$$

الدوال المثلثية (انظر الشكل A.5):

$$(A.28) \quad \sin \alpha = \frac{a}{c} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$(A.29) \quad \cos \alpha = \frac{b}{c} = \frac{\text{ال المجاور}}{\text{الوتر}}$$

$$(A.30) \quad \tan \alpha = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \frac{a}{b}$$

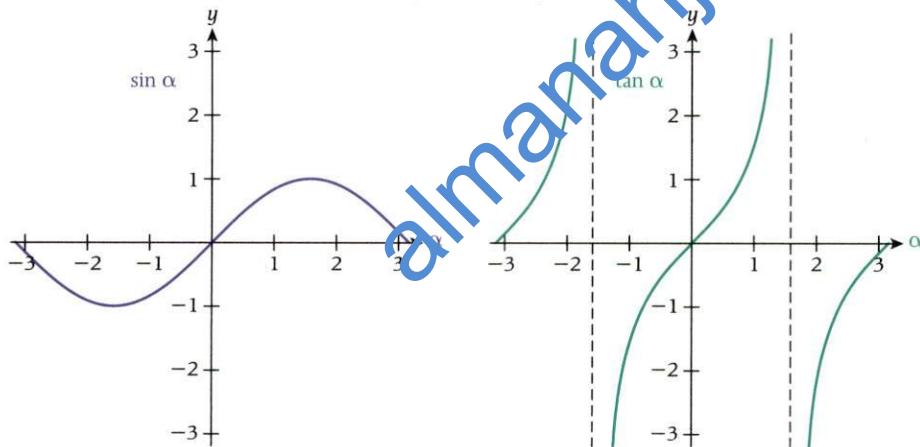
$$(A.31) \quad \cot \alpha = \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha} = \frac{1}{\tan \alpha} = \frac{b}{a}$$

$$(A.32) \quad \sin^{-1} \frac{a}{c} = \arcsin \frac{a}{c} = \alpha$$

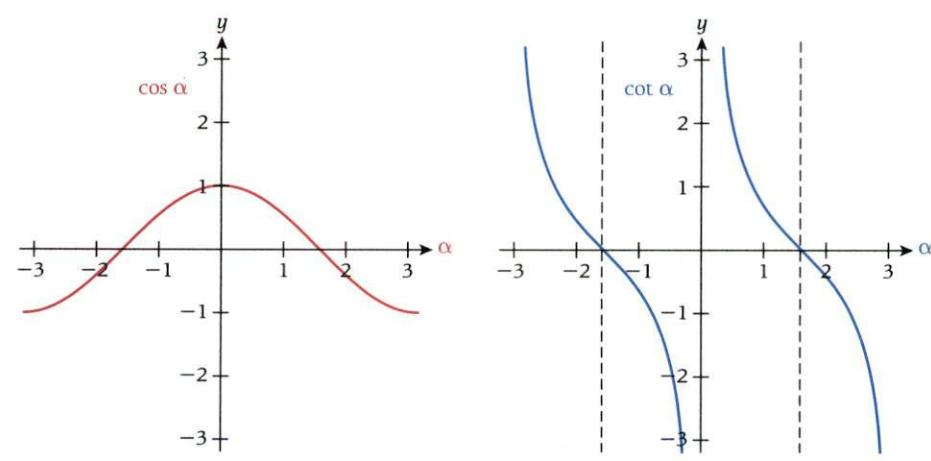
$$(A.33) \quad \cos^{-1} \frac{b}{c} = \arccos \frac{b}{c} = \alpha$$

الدوال المثلثية العكسيّة (استُخدمت الرموز  $\sin^{-1}$  و  $\cos^{-1}$  إلخ. في هذا الكتاب):

$$(A.34) \quad \sin^{-1} \frac{a}{c} = \arcsin \frac{a}{c} = \alpha$$



**الشكل 5.A** الدوال المثلثية  $\sin$  و  $\cos$  و  $\cot$  و  $\tan$ .



$$(A.35) \quad \cos^{-1} \frac{b}{c} = \arccos \frac{b}{c} = \alpha$$

$$(A.36) \quad \tan^{-1} \frac{a}{b} = \arctan \frac{a}{b} = \alpha$$

$$(A.37) \quad \cot^{-1} \frac{b}{a} = \operatorname{arccot} \frac{b}{a} = \alpha$$

$$(A.38) \quad \csc^{-1} \frac{c}{a} = \operatorname{arccsc} \frac{c}{a} = \alpha$$

$$(A.39) \quad \sec^{-1} \frac{c}{b} = \operatorname{arcsec} \frac{c}{b} = \alpha$$

جميع الدوال المثلثية دورية:

$$(A.40) \quad \sin(\alpha + 2\pi) = \sin \alpha$$

$$(A.41) \quad \cos(\alpha + 2\pi) = \cos \alpha$$

$$(A.42) \quad \tan(\alpha + \pi) = \tan \alpha$$

$$(A.43) \quad \cot(\alpha + \pi) = \cot \alpha$$

العلاقات الأخرى بين الدوال المثلثية:

$$(A.44) \quad \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$(A.45) \quad \sin(-\alpha) = -\sin \alpha$$

$$(A.46) \quad \cos(-\alpha) = \cos \alpha$$

$$(A.47) \quad \sin(\alpha \pm \pi/2) = \pm \cos \alpha$$

$$(A.48) \quad \sin(\alpha \pm \pi) = -\sin \alpha$$

$$(A.49) \quad \cos(\alpha \pm \pi/2) = \mp \sin \alpha$$

$$(A.50) \quad \cos(\alpha \pm \pi) = -\cos \alpha$$

صيغ الجمع:

$$(A.51) \quad \sin(\alpha \pm \beta) = \sin \alpha \cos \beta \pm \cos \alpha \sin \beta$$

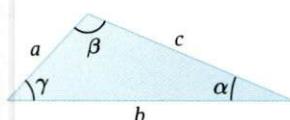
$$(A.52) \quad \cos(\alpha \pm \beta) = \cos \alpha \cos \beta \mp \sin \alpha \sin \beta$$

تقريب الزوايا الصغيرة:

$$(A.53) \quad \sin \alpha \approx \alpha - \frac{1}{6} \alpha^3 + \dots \quad (\text{لكل } |\alpha| \ll 1)$$

$$(A.54) \quad \cos \alpha \approx 1 - \frac{1}{2} \alpha^2 + \dots \quad (\text{لكل } |\alpha| \ll 1)$$

بالنسبة إلى الزوايا الصغيرة حيث  $|\alpha| \ll 1$ . يكون من المقبول غالباً استخدام تقريرات الزوايا الصغيرة  $\sin \alpha = \tan \alpha = \alpha \cos \alpha = 1$ .



**الشكل 6.A** خالد أضلاع وزوايا المثلث

$$(A.55)$$

مجموع زوايا المثلث الثلاثة يساوي  $\pi$  rad (انظر الشكل A.6)

$$\alpha + \beta + \gamma = \pi$$

:cosine قانون

$$(A.56) \quad c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$$

(هذا تعليم لنظرية فيثاغورس في الحالة التي لا تكون فيها قيمة الزاوية  $\gamma$  تساوي  $90^\circ$  أو  $\pi/2$  rads)

## 3.2 المثلثات العامة

مجموع زوايا المثلث الثلاثة يساوي  $\pi$  rad (انظر الشكل A.6)

$$\alpha + \beta + \gamma = \pi$$

:cosine قانون

قانون sine:

$$(A.57) \quad \frac{\sin \alpha}{a} = \frac{\sin \beta}{b} = \frac{\sin \gamma}{c}$$

## 4. حساب التفاضل والتكامل

### 4.1 المشتقات

كثيرات الحدود:

$$(A.58) \quad \frac{d}{dx} x^n = nx^{n-1}$$

الدوال المثلثية:

$$(A.59) \quad \frac{d}{dx} \sin(ax) = a \cos(ax)$$

$$(A.60) \quad \frac{d}{dx} \cos(ax) = -a \sin(ax)$$

$$(A.61) \quad \frac{d}{dx} \tan(ax) = \frac{a}{\cos^2(ax)}$$

$$(A.62) \quad \frac{d}{dx} \cot(ax) = -\frac{a}{\sin^2(ax)}$$

الأسس واللوغاريتمات:

$$(A.63) \quad \frac{d}{dx} e^{ax} = ae^{ax}$$

$$(A.64) \quad \frac{d}{dx} \ln(ax) = \frac{1}{x}$$

$$(A.65) \quad \frac{d}{dx} a^x = e^{ax} \cdot a$$

قاعدة نافذ الضرب:

$$(A.66) \quad \frac{d}{dx} (f(x)g(x)) = \left( \frac{df(x)}{dx} \right) g(x) + f(x) \left( \frac{dg(x)}{dx} \right)$$

قاعدة السلسلة:

$$(A.67) \quad \frac{dy}{dx} = \frac{dy}{du} \frac{du}{dx}$$

### 4.2 التكاملات

لجميع التكاملات غير المحددة ثابت تكامل.  $c$ .

كثيرات الحدود:

$$(A.68) \quad \int x^n dx = \frac{1}{n+1} x^{n+1} + c \quad (\text{لكل } n \neq -1)$$

$$(A.69) \quad \int x^{-1} dx = \ln|x| + c$$

$$(A.70) \quad \int \frac{1}{a^2 + x^2} dx = \frac{1}{a} \tan^{-1} \frac{x}{a} + c$$

$$(A.71) \quad \int \frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} dx = \ln \left| x + \sqrt{a^2 + x^2} \right| + c$$

$$(A.72) \quad \int \frac{1}{\sqrt{a^2 - x^2}} dx = \sin^{-1} \frac{x}{|a|} + c = \tan^{-1} \frac{x}{\sqrt{a^2 - x^2}} + c$$

$$(A.73) \quad \int \frac{1}{(a^2 + x^2)^{3/2}} dx = \frac{1}{a^2} \frac{x}{\sqrt{a^2 + x^2}} + c$$

$$(A.74) \quad \int \frac{x}{(a^2 + x^2)^{3/2}} dx = -\frac{1}{\sqrt{a^2 + x^2}} + c$$

الدوال المثلثية:

$$(A.75) \quad \int \sin(ax) dx = -\frac{1}{a} \cos(ax) + c$$

$$(A.76) \quad \int \cos(ax) dx = \frac{1}{a} \sin(ax) + c$$

الأسس:

$$(A.77) \quad \int e^{ax} dx = \frac{1}{a} e^{ax} + c$$

## 5. الأعداد المركبة

نحن جيغا نعلم الأعداد الحقيقة التي يمكن فرزها على طول خط الأعداد، تزداد قيمة متزايدة من  $-\infty$  إلى  $+\infty$ . تدرج الأعداد الحقيقة ضمن مجموعة أعداد أكبر بكثير تسمى الأعداد المركبة. وتحدد الأعداد المركبة بدلالة أجزاءها الحقيقة وأجزائها التخيلية. ويتمثل حيز الأعداد المركبة في مستوى، يتشكل فيه الأجزاء الحقيقة محوراً، يسمى  $\Re(z)$  في الشكل A.7. وتشكل الأجزاء التخيلية محوراً آخر، يسمى  $\Im(z)$  في الشكل A.7 (لتمثيل الأجزاء الحقيقة والتخيلية للأعداد المركبة).

يُحدد العدد المركب  $z$  بدلالة جزئه الحقيقي،  $x$  وجزئه التخييلي،  $y$  وثابت أوبلر،  $i$ :

$$(A.78) \quad z = x + iy$$

ويحدد ثابت أوبلر كما يلي:

$$(A.79) \quad i^2 = -1$$

ويعتبر كل من الجزء الحقيقي،  $x = \Re(z)$ ، والجزء التخييلي،  $y = \Im(z)$  للعدد المركب عدداً حقيقياً.

وبتم جمع الأعداد المركبة وطرحها وضربها وقسمتها بطريقة تماثل العمليات نفسها على الأعداد الحقيقة، حيث  $i^2 = -1$ :

$$(A.80) \quad (a + ib) + (c + id) = (a + c) + i(b + d)$$

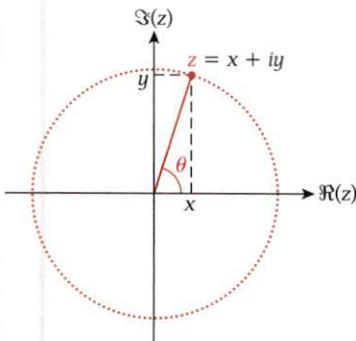
$$(A.81) \quad (a + ib) - (c + id) = (a - c) + i(b - d)$$

$$(A.82) \quad (a + ib)(c + id) = (ac - bd) + i(ad + bc)$$

$$(A.83) \quad \frac{a + ib}{c + id} = \frac{(ac + bd) + i(bc - ad)}{c^2 + d^2}$$

لكل عدد مركب  $z$ ، يوجد م Rafiq مركب  $z^*$  يتكون من الجزء الحقيقي نفسه، لكن الجزء التخييلي يكون مختلف الإشارة:

$$(A.84) \quad z = x + iy \Leftrightarrow z^* = x - iy$$



**شكل 7.A** المستوى المركب. يتشكل المخور الأفقي من الأجزاء الحقيقة للأعداد المركبة والمخور الرأسي من الأجزاء التخيلية.

يمكنا التعبير عن الجزأين الحقيقي والتخييلي للعدد المركب بدلالة العدد ومرافقه المركب:

$$(A.85) \quad \Re(z) = \frac{1}{2}(z + z^*)$$

$$(A.86) \quad \Im(z) = \frac{1}{2}i(z - z^*)$$

كما هو الحال مع المتجه ثنائي الأبعاد، يكون للعدد المركب  $|z| = x + iy$  المدار  $|z|$  إلى جانب الزاوية  $\theta$  مع المحور الأفقي للمستوى المركب، كما موضح في الشكل A.7:

$$(A.87) \quad |z|^2 = zz^*$$

$$(A.88) \quad \theta = \tan^{-1} \frac{\Im(z)}{\Re(z)} = \tan^{-1} \frac{i(z - z^*)}{(z + z^*)}$$

وبذلك يمكننا كتابة العدد المركب  $z = x + iy = |z| \cos \theta + i |z| \sin \theta$  "زوجي الدلالة والزاوية الطور":

$$(A.89) \quad z = |z|(\cos \theta + i \sin \theta)$$

ثمة متطابقة مثيرة وأكثر نفعاً تمثل في صيغة أويلر:

$$(A.90) \quad e^{i\theta} = \cos \theta + i \sin \theta$$

فباستخدام هذه المتطابقة، يمكننا صياغة ما يلي، لأي عدد مركب  $z$ :

$$(A.91) \quad z = |z|e^{i\theta}$$

ومن ثم يمكننا رفع العدد المركب  $z$  إلى أي قوة  $n$ :

$$(A.92) \quad z^n = |z|^n e^{in\theta}$$

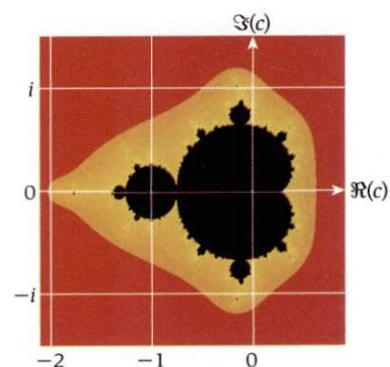
### مجموعة ماندليرو

### A.1 مثال

يمكنا الاستعادة عملياً بشكل جيد من معرفتنا بأنّ العدد المركبة وضربها من خلال دراسة مجموعة ماندليرو وهي مجموعة مكونة من جميع النقاط في المستوى المركب والتي لا تؤول فيها متسلسلة التكرارات

$$z_{n+1} = z_n^2 + c \quad z_0 = c$$

إلى ما لا نهاية، أي تبقى  $|z_n|$  ممتدة لكل التكرارات. تبدو قاعدة التكرار هذه بسيطة، فعلى سبيل المثال، نرى أن أي عدد فيه  $|c| > 2$  ليس جزءاً من مجموعة ماندليرو. ومع ذلك، فإذا مثّلنا نقطتين ماندليرو في المستوى المركب، فسيظهر جسم رباعي مدهش. في الشكل A.8، تمثل النقاط السوداء جزءاً من مجموعة ماندليرو بينما تُمَرَّ النقاط المتبقية بالألوان وفقاً لمدى سرعة تباعد  $z_n$  إلى ما لا نهاية.



**الشكل 8.A** مجموعة ماندليرو في المستوى المركب.

# الملحق B

## خواص العناصر

$Z$  العدد الذري (عدد البروتونات في النواة = عدد الإلكترونات)

$\rho$  كثافة الكتلة عند درجة حرارة ( $0^\circ\text{C} = 273.15\text{ K}$ ) = 1 غلاف جوي

$m$  الوزن الذري القياسي (متوسط كتلة الذرة متوسط كتل النظائر المرجح حسب توافرها في الطبيعة)

$T_{\text{انصهار}}$  درجة حرارة الانصهار (نقطة التحول بين الحالة الصلبة والسائلة) عند ضغط 1 atm

$T_{\text{الفليان}}$  درجة حرارة الغليان (نقطة التحول بين الحالة السائلة والغازية) عند ضغط 1 atm

$L_m$  حرارة الانصهار/الاندماج

$L_v$  حرارة التبخر

$E_1$  طاقة التأين (الطاقة اللازمة لإزالة أقل الإلكترونات ارتباطاً بالذرة)

$E_1$ (eV)	$L_v$ (kJ/mol)	$L_m$ (kJ/mol)	$T_{\text{غليان}}$ (K)	$T_{\text{انصهار}}$ (K)	$n$ (mol)	$\rho$ (g/cm <sup>3</sup> )	ترتيب الإلكترون	الاسم	الرمز	$Z$
13.5984	0.904	0.117	20.28	14.01	1.00794	$8.988 \cdot 10^{-5}$	$1s^1$	البيدروجين غاز	H	1
24.5874	0.0829	—	4.22	—	4.002602	$1.786 \cdot 10^{-4}$	$1s^2$	هيليوم غاز	He	2
5.3917	147.1	3.00	1615	453.69	6.941	0.534	[He]2s <sup>1</sup>	الليثيوم	Li	3
9.3227	297	7.895	2742	1560	9.012182	1.85	[He]2s <sup>2</sup>	البريليومن	Be	4
8.2980	480	50.2	4200	2349	10.811	2.34	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>1</sup>	البورون	B	5
11.2603	710.9	117	4300	3800	12.0107	2.267	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>2</sup>	الكريبون جرافيت	C	6
14.5341	5.56	0.72	77.36	63.1526	14.0067	$1.251 \cdot 10^{-3}$	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>3</sup>	النيتروجين غاز	N	7
13.6181	6.82	0.444	90.20	54.36	15.9994	$1.429 \cdot 10^{-3}$	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>4</sup>	الأكسجين غاز	O	8
17.4228	6.62	0.510	85.03	53.53	18.998403	$1.7 \cdot 10^{-3}$	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>5</sup>	الفلور غاز	F	9
21.5645	1.71	0.335	27.07	24.56	20.1797	$9.002 \cdot 10^{-4}$	[He]2s <sup>2</sup> 2p <sup>6</sup>	النيون غاز	Ne	10
5.1391	97.42	2.60	1156	370.87	22.989770	0.968	[Ne]3s <sup>1</sup>	الصوديوم	Na	11
7.6462	128	8.48	1363	923	24.3050	1.738	[Ne]3s <sup>2</sup>	الماغنيسيوم	Mg	12
5.9858	294.0	10.71	2792	933.47	26.981538	2.70	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>1</sup>	الألومنيوم	Al	13
8.1517	359	50.21	3538	1687	28.0855	2.3290	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>2</sup>	السيليكون	Si	14
10.4867	12.4	0.66	550	317.3	30.973761	1.823	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>3</sup>	الفوسفورانيز	P	15
10.3600	45	1.727	717.8	388.36	32.065	1.92–2.07	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>4</sup>	الكبريت	S	16
12.9676	20.41	6.406	239.11	171.6	35.453	$3.2 \cdot 10^{-3}$	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>5</sup>	الكلور	Cl	17
15.7596	6.43	1.18	87.30	83.80	39.948	$1.784 \cdot 10^{-3}$	[Ne]3s <sup>2</sup> 3p <sup>6</sup>	الأرجون	Ar	18
4.3407	79.1	2.4	1032	336.53	39.0983	0.89	[Ar]4s <sup>1</sup>	البوتاسيوم	K	19



$E_1$ (eV)	$L_v$ (kJ/mol)	$L_m$ (kJ/mol)	غليان (K)	$T$ (K)	انصهار (K)	$m$ (g/mol)	$\rho$ (g/cm³)	الترتيب الالكتروني	الاسم	الرمز	Z
5.6437	165	8.62	2067	1345		150.36	7.52	[Xe]4f⁶ 6s²	السامريوم	Sm	62
5.6704	176	9.21	1802	1099		151.964	5.264	[Xe]4f⁷ 6s²	اليوروبيوم	Eu	63
6.1498	301.3	10.05	3546	1585		157.25	7.90	[Xe]4f⁷ 5d¹ 6s²	اجادولينيوم	Gd	64
5.8638	293	10.15	3503	1629		158.92534	8.23	[Xe]4f⁹ 6s²	التربيوم	Tb	65
5.9389	280	11.06	2840	1680		162.500	8.540	[Xe]4f¹⁰ 6s²	الدسبروزيوم	Dy	66
6.0215	265	17.0	2993	1734		164.93032	8.79	[Xe]4f¹¹ 6s²	الهوليوم	Ho	67
6.1077	280	19.90	3141	1802		167.259	9.066	[Xe]4f¹² 6s²	الإربيوم	Er	68
6.1843	247	16.84	2223	1818		168.93421	9.32	[Xe]4f¹³ 6s²	الثوليوم	Tm	69
6.2542	159	7.66	1469	1097		173.04	6.90	[Xe]4f¹⁴ 6s²	الإيتريوم	Yb	70
5.4259	414	22	3675	1925		174.967	9.841	[Xe]4f¹⁴ 5d¹ 6s²	اللوتيشيوم	Lu	71
6.8251	571	27.2	4876	2506		178.49	13.31	[Xe]4f¹⁴ 5d² 6s²	الهافيوم	Hf	72
7.5496	732.8	36.57	5731	3290		180.9479	16.69	[Xe]4f¹⁴ 5d³ 6s²	التتاليوم	Ta	73
7.8640	806.7	52.31	5828	3695		183.84	19.25	[Xe]4f¹⁴ 5d⁴ 6s²	التنغستين	W	74
7.8335	704	60.3	5869	3459		186.207	21.02	[Xe]4f¹⁴ 5d⁵ 6s²	الريبيوم	Re	75
8.4382	738	57.85	5285	3306		190.23	22.61	[Xe]4f¹⁴ 5d⁶ 6s²	الأوزميوم	Os	76
8.9670	563	41.12	4701	2739		192.217	22.56	[Xe]4f¹⁴ 5d⁷ 6s²	الإيريديوم	Ir	77
8.9588	469	22.17	4098	2041.4		195.078	21.45	[Xe]4f¹⁴ 5d⁹ 6s¹	البلاتين	Pt	78
9.2255	324	12.55	3129	1337.33		196.96655	19.3	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s¹	الذهب	Au	79
10.4375	59.11	2.29	629.88	234.32		200.59	13.534	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s²	الزيفقاس	Hg	80
6.1082	165	4.14	1746	577		204.533	11.85	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p¹	الثاليلوم	Tl	81
7.4167	179.5	4.77	2022	600.61		205.2	11.34	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p²	الرصاص	Pb	82
7.2855	151	11.30	1837	544.7		208.98038	9.78	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p³	البزموت	Bi	83
8.414	102.91	13	1235	527		(209)	9.320	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p⁴	البوليونيوم	Po	84
?	?	?	?	?		(210)	?	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p⁵	الأستاتين	At	85
10.7485	18.10	3.247	211.3	262		(222)	$9.73 \cdot 10^{-3}$	[Xe]4f¹⁴ 5d¹⁰ 6s² 6p⁶	الرادون	Rn	86
4.0727	~65	~2	~950	~300		(223)	1.87	[Rn]7s¹	الفرانسيوم	Fr	87
5.2784	113	8.5	2010	973		(226)	5.5	[Rn]7s²	الراديوium	Ra	88
5.17	400	14	3471	1323		(227)	10	[Rn]6d¹ 7s²	الأكتنيوم	Ac	89
6.3067	514	13.81	5061	2115		232.0381	11.7	[Rn]6d² 7s²	الثوريوم	Th	90
5.89	481	12.34	~4300	1841		231.03588	15.37	[Rn]5f² 6d¹ 7s²	البروتكتينيوم	Pa	91
6.1941	417.1	9.14	4404	1405.3		238.02891	19.1	[Rn]5f³ 6d¹ 7s²	البيورانيوم	U	92
6.2657	336	3.20	4273	910		(237)	20.45	[Rn]5f⁴ 6d¹ 7s²	الثنبيونيوم	Np	93
6.0260	333.5	2.82	3505	912.5		(244)	19.816	[Rn]5f⁶ 7s²	البلوتونيوم	Pu	94
5.9738	238.5	14.39	2880	1449		(243)	12	[Rn]5f⁷ 7s²	الألمريسيوم	Am	95
5.9914	?	~15	3383	1613		(247)	13.51	[Rn]5f⁷ 6d¹ 7s²	الكوربيوم	Cm	96
6.1979	?	?	?	1259		(247)	~14	[Rn]5f⁹ 7s²	البركيليوم	Bk	97
6.2817	?	?	?	1743	1173	(251)	15.1	[Rn]5f¹⁰ 7s²	الكايليفورنيوم	Cf	98
6.42	?	?	?	1133		(252)	8.84	[Rn]5f¹¹ 7s²	الآيشتابينيوم	Es	99
6.50	?	?	?	1800		(257)	?	[Rn]5f¹² 7s²	الفيرميوم	Fm	100
6.58	?	?	?	1100		(258)	?	[Rn]5f¹³ 7s²	المتدليغيميوم	Md	101
6.65	?	?	?	?		(259)	?	[Rn]5f¹⁴ 7s²	السوبيليوم	No	102

$E_1$ (eV)	$L_v$ (kJ/mol)	$L_m$ (kJ/mol)	$T$ (غليان) (K)	$T$ انصهار (K)	$m$ (g/mol)	$\rho$ (g/cm <sup>3</sup> )	الترتيب الإلكتروني	الاسم	الرمز	Z
4.9	?	?	?	?	(262)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>1</sup>	اللورانيوم	Lr	103
6	?	?	?	?	(263)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>2</sup> 7s <sup>2</sup>	البرذرفورديوم	Rf	104
?	?	?	?	?	(268)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>3</sup> 7s <sup>2</sup>	الدوبنيوم	Db	105
?	?	?	?	?	(271)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>4</sup> 7s <sup>2</sup>	السيبورجيوم	Sg	106
?	?	?	?	?	(270)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>5</sup> 7s <sup>2</sup>	البيوريوم	Bh	107
?	?	?	?	?	(270)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>6</sup> 7s <sup>2</sup>	الهاسيوم	Hs	108
?	?	?	?	?	(278)	?	[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>7</sup> 7s <sup>2</sup>	اللانثريوم	Mt	109
?	?	?	?	?	(281)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>9</sup> 7s <sup>1</sup>	الدارمشتاتيوم	Ds	110
?	?	?	?	?	(281)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>9</sup> 7s <sup>2</sup>	الروتنجيبيوم	Rg	111
?	?	?	?	?	(285)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup>	الكوبرينيسيوم	Cn	112
?	?	?	?	?	(286)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>1</sup>			113
?	?	?	?	?	(289)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>2</sup>	الفليروفينيوم	Fl	114
?	?	?	?	?	(289)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>3</sup>			115
?	?	?	?	?	(293)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>4</sup>	الليفرموريوم	Lv	116
?	?	?	?	?	(294)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>5</sup>			117
?	?	?	?	?	(294)	?	*[Rn]5f <sup>14</sup> 6d <sup>10</sup> 7s <sup>2</sup> 7p <sup>6</sup>			118

(أطول النظائر  
عمرها)

\*متوقع