

تم تحميل هذا الملف من موقع المناهج الإماراتية



almanahj.com

موقع  
المناهج الإماراتية

\*للحصول على أوراق عمل لجميع الصفوف وجميع المواد اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا [15/ae/com.almanahj//:https](https://almanahj.com/ae/15math)

\* للحصول على جميع أوراق الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات ولجميع الفصول, اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15math>

\* للحصول على أوراق عمل لجميع مواد الصف الثاني عشر المتقدم في مادة رياضيات الخاصة بـ الفصل الأول اضغط هنا

<https://almanahj.com/ae/15math1>

\* لتحميل كتب جميع المواد في جميع الفصول للـ الصف الثاني عشر المتقدم اضغط هنا [grade15/ae/com.almanahj//:https](https://almanahj.com/ae/grade15)

للتحدث إلى بوت المناهج على تلغرام: اضغط هنا [bot\\_almanahj/me.t//:https](https://t.me/bot_almanahj)

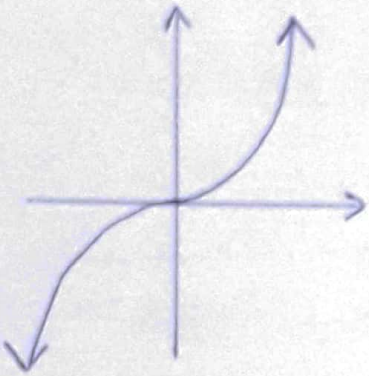
①

# دوال القطع الزائد

محمود مراد 0506565584

$y = \sinh(x)$

$\sinh x = \frac{e^x - e^{-x}}{2}$

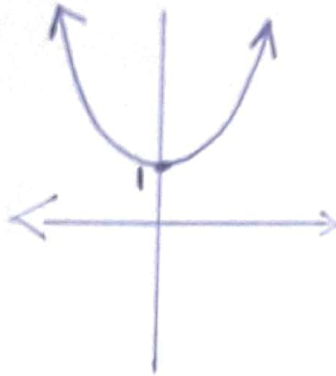


مجال  $\mathbb{R}$   
مدى  $\mathbb{R}$

$\lim_{x \rightarrow \infty} \sinh x = \infty$   
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} \sinh x = -\infty$

$y = \cosh(x)$

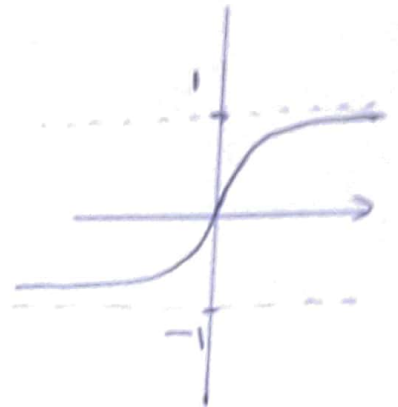
$\cosh = \frac{e^x + e^{-x}}{2}$



مجال  $\mathbb{R}$   
المدى  $[1, \infty)$

$y = \tanh(x)$

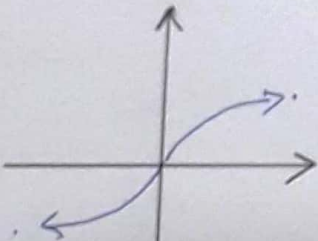
$\tanh x = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$



مجال  $\mathbb{R}$   
مدى  $(-1, 1)$

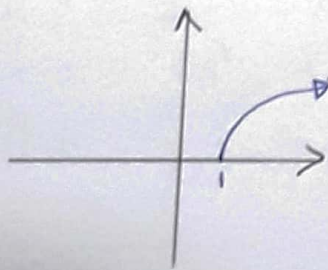
$\lim_{x \rightarrow \infty} \tanh x = 1$   
 $\lim_{x \rightarrow -\infty} \tanh x = -1$   
خطوط تقاربية أفقية  $y = 1$   
 $y = -1$

$y = \sinh^{-1} x$



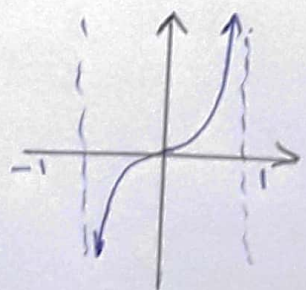
مجال  $\mathbb{R}$   
مدى  $\mathbb{R}$

$y = \cosh^{-1} x$



مجال  $[1, \infty)$   
مدى  $[0, \infty)$

$y = \tanh^{-1} x$



مجال  $(-1, 1)$   
مدى  $\mathbb{R}$   
خطوط تقاربية عمودية  $x = 1$   
 $x = -1$



$$(2) \cosh^2 - \sinh^2 = 1$$

مواصلة

$$\frac{1}{\cosh x} = \operatorname{sech} x$$

$$\sinh x \operatorname{csch} x = 1$$

$$\sinh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 + 1})$$

$$\cosh^{-1} x = \ln(x + \sqrt{x^2 - 1})$$

$$\tanh^{-1} x = \frac{1}{2} \ln\left(\frac{1+x}{1-x}\right)$$

مشتقات الدوال القطع الزائده

y	y'
$\sinh(u)$	$+ u' \cosh(u)$
$\cosh(u)$	$+ u' \sinh(u)$
$\tanh(u)$	$+ u' \operatorname{sech}^2(u)$
$\coth(u)$	$- u' \operatorname{csch}^2(u)$
$\operatorname{sech}(u)$	$- u' \operatorname{sech}(u) \tanh(u)$
$\operatorname{csch}(u)$	$- u' \operatorname{csch}(u) \coth(u)$



③

y

y'

$$\sinh^{-1}(u)$$

+

$$\frac{u'}{\sqrt{1+(u')^2}}$$

$$\cosh^{-1}(u)$$

+

$$\frac{u'}{\sqrt{(u')^2-1}}$$

$$\tanh^{-1}(u)$$

+

$$\frac{u'}{1-(u')^2}$$

$$\coth^{-1}(u)$$

+

$$\frac{u'}{1-(u')^2}$$

$$\operatorname{sech}^{-1}(u)$$

-

$$\frac{u'}{u\sqrt{1-(u')^2}}$$

$$\operatorname{csch}^{-1}(u)$$

-

$$\frac{u'}{|u|\sqrt{1+(u')^2}}$$