

الدرس 1.1 كثيرات الحدود و الدوال النسبية

**Polynomials and Rational Functions**

dxb

1. حل المتباينات الخطية
2. حل المتباينات ثنائية الطرف ، مركبة
3. حل متباينة تتضمن كسراً
4. حل متباينة تربيعية
5. حل متباينة تتضمن قيمة مطلقة

**Solving a Linear Inequality****حل متباينات خطية****التمرين الأول أوجد حل المتباينة**

1)  $3x + 2 < 8$

b \*)  $2x - 3 \geq 11$

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

2)  $3 - 2x < 7$

b \*)  $-5x + 1 < -4x + 7$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$c *) \frac{2}{3}(x + 7) < \frac{1}{2}(2 - 3x)$$

حل متباينات ثنائية الطرف و مركبة

Solving a Two-Sided Inequality

$$3) 1 \leq 2 - 3x < 6$$

$$b *) -2 < 3x - 1 \leq 5$$

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$4) -2 < 2x - 3 \leq 5$$

$$b) 2 \geq x - 1 \text{ or } 2x - 8 \geq 6$$

almanahj.com/ae

$$c) 5 \geq x - 1 \text{ and } 2x - 4 > 2$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$5) \frac{x + 2}{x - 4} \geq 0$$

$$6) \frac{2x + 1}{x + 2} < 0$$

almanahj.com/ae

### Solving a Quadratic Inequality

### حل متباينات تربيعية

$$7) x^2 + 2x - 3 \geq 0$$

$$b *) x^2 - 5x < 14$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$8) x^2 - 5x - 6 < 0$$

$$b *) 2x + x^2 \geq 3$$

$$c *) x^2 + 2x + 15 \leq 0$$

almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$d *) \frac{x + 3}{x^2 - 4} \leq 0$$

### Solving an Inequality Containing an Absolute Value

### حل متباينات قيمة مطلقة

$$9) |x + 5| < 2$$

$$b *) |2x - 8| \geq 6$$

almanahj.com/ae

$$|x + 5| < -2$$

$$|x + 5| \leq 0$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$10) |2x + 1| < 2$$

$$b *) |2x - 8| + 4 > 6$$

almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

Using Slope to Determine if Points Are Colinear

Using the Distance Formula

Finding the Slope of a Line

Equations of Lines

1. النقاط المستقيمة
2. المسافة بين النقطتين
3. نقطة المنتصف بينهما
4. ميل المستقيم
5. معادلة المستقيم المار بالنقطتين

**التمرين الثاني:** حدد فيما اذا كانت النقاط الثلاث التالية متسامتة ( تقع على مستقيم واحد ) أم لا ؟

determine if the points are colinear.

11)  $(2, 1), (0, 2), (4, 0)$

12)  $(3, 1), (4, 4), (5, 8)$

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

13)  $(4, 1), (3, 2), (1, 3)$

14)  $(1, 2), (2, 5), (4, 8)$

SAIF ALDEEN

**D\*** إذا كانت النقاط الثلاث التالية  $A(2, -5), B(5, k), C(3, -1)$  متسامتة أوجد قيمة  $k$

SAIF ALDEEN



تكتب معادلة المستقيم بثلاث صيغ

صيغة الميل- نقطة: .....

صيغة الميل -المقطعالرأسي.....

الصيغة القياسية: .....

In exercises 15–18, find (a) the distance between the points,  
(b) the slope of the line through the given points, and (c) an  
equation of the line through the points.

**التمرين الثالث:** أوجد المسافة بين النقطتين و نقطة المنتصف بينهما و ميل المستقيم المار بهما ، و معادلة المستقيم المار بالنقطتين في كل مما يلي

15) (1,2) , (3,6)

b \*) A(3, -5), B(-2,6)

almanahj.com/ae

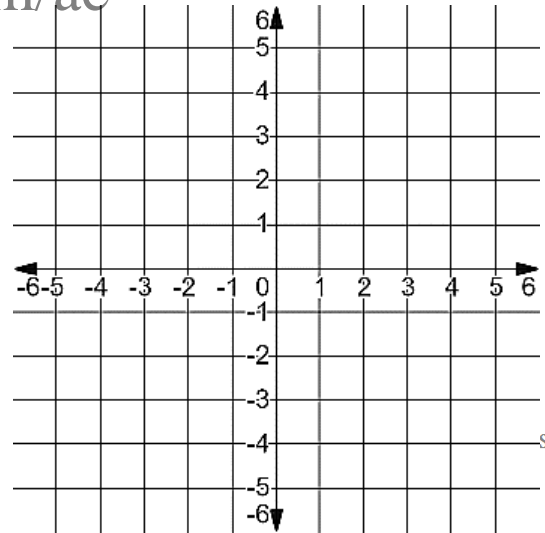
15)  $(1, -2), (-1, -3)$

In exercises 19–22, find a second point on the line with slope  $m$  and point  $P$ , graph the line and find an equation of the line.

### التمرين الرابع

اكتب معادلة المستقيم بدلالة المعطيات و مثله بيانيا

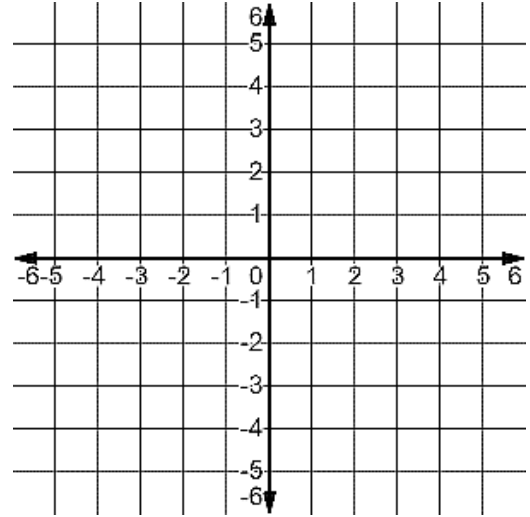
19)  $m = 2$ ,  $p(1,3)$  يمر بالنقطة [almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)



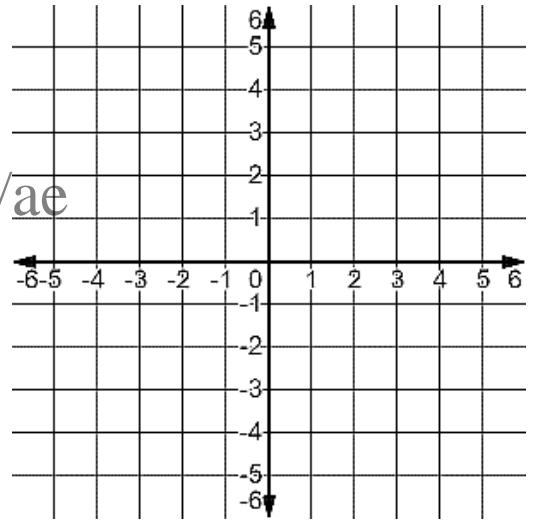
SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

يمر بالنقطة  $p(-1,1)$  ,  $m = 0$  20)



يمر بالنقطتين  $(-2,1)$  ,  $(3,5)$  \* ) b

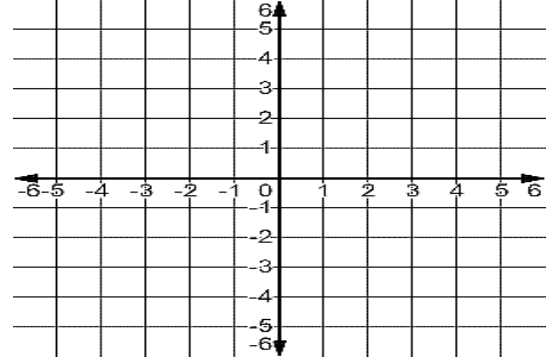


almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

ميله غير معرف ، و يمر بالنقطة  $(-3, 2)$   $c *$



### المستقيمات

1. المستقيمات المتوازية
2. المستقيمات المتعامدة

**التمرين الخامس :** حدد ما إذا كان المستقيمان متوازيين أم متعامدين أم غير ذلك ثم حدد عدد حلول

المعادلتين

In exercises 23–28, determine if the lines are parallel, perpendicular, or neither.

$$23) y = 3(x - 1) + 2 \text{ and } y = 3(x + 4) - 1$$

SAIF ALDEEN

$$b *) x + 2y = 1 \text{ and } 2x + 4y = 3$$

SAIF ALDEEN

$$24) y = 2(x - 3) + 1 \text{ and } y = 4(x - 3) + 1$$

$$25) y = -2(x + 1) - 1 \text{ and } y = \frac{1}{2}(x - 2) + 3$$

$$26) y = 2x - 1 \text{ and } y = -2x + 2$$

$$27) y = 3x + 1 \text{ and } y = -\frac{1}{3}x + 2$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$28) x + 2y = 1 \quad \text{and} \quad 2x + 4y = 3$$

$$b *) 3y + x = 2 \quad \text{and} \quad y = 3x + 1$$

almanahj.com/ae

$$c *) 2x - 3y = 4 \quad \text{and} \quad 6y - 4x = -8$$

$$d *) y = 3 \quad \text{and} \quad x = -1$$

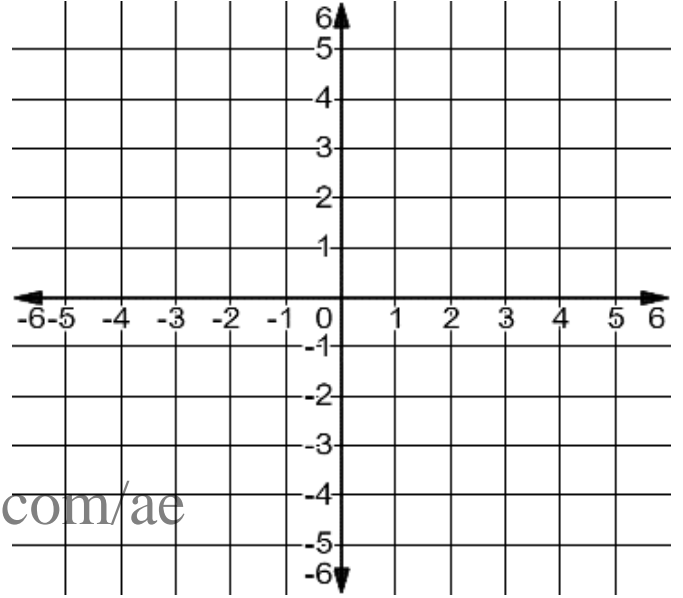
SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

**التمرين السادس :** أوجد معادلة مستقيم يمر بالنقطة المعطاة إضافة إلى مستقيم موازاً و آخر عمودي يمر كل منهما بالنقطة المعطاة ، ثم مثل بيانياً

In exercises 29–32, find an equation of a line through the given point and (a) parallel to and (b) perpendicular to the given line.

29)  $y = 2(x + 1) - 2$  at  $(2,1)$

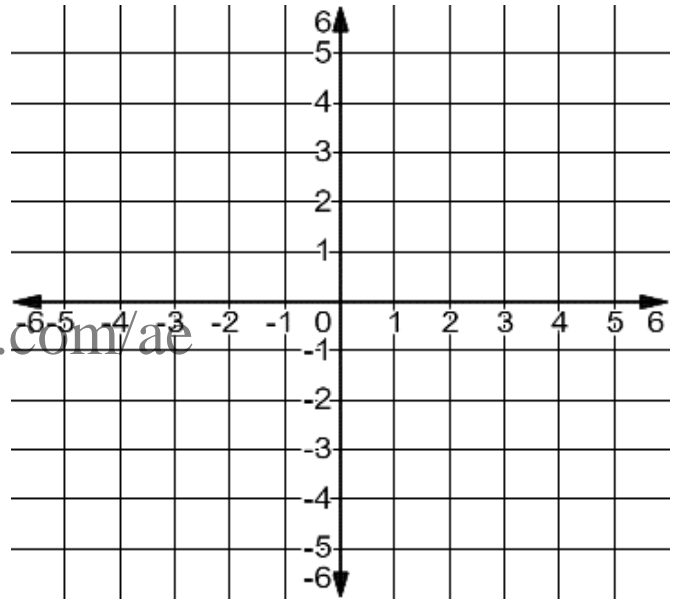


almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$30) y = 3(x - 2) + 1 \text{ at } (0, 3)$$

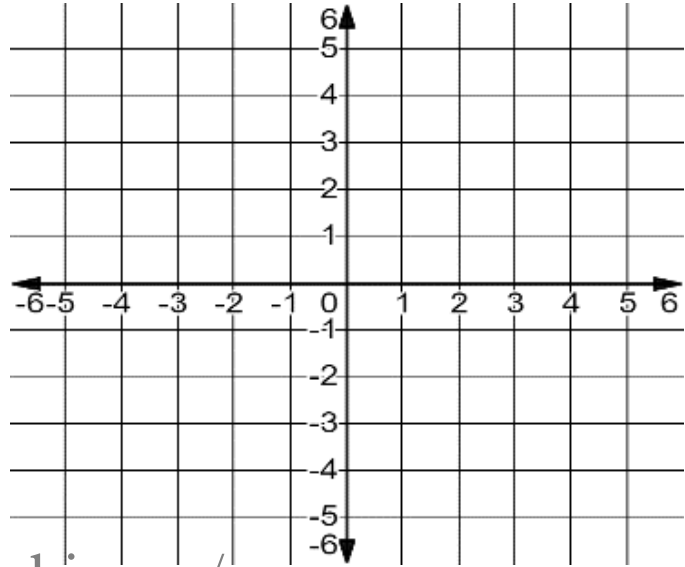


SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN



$$b *) x + 2y = -6 \quad \text{at } (-1, 3)$$

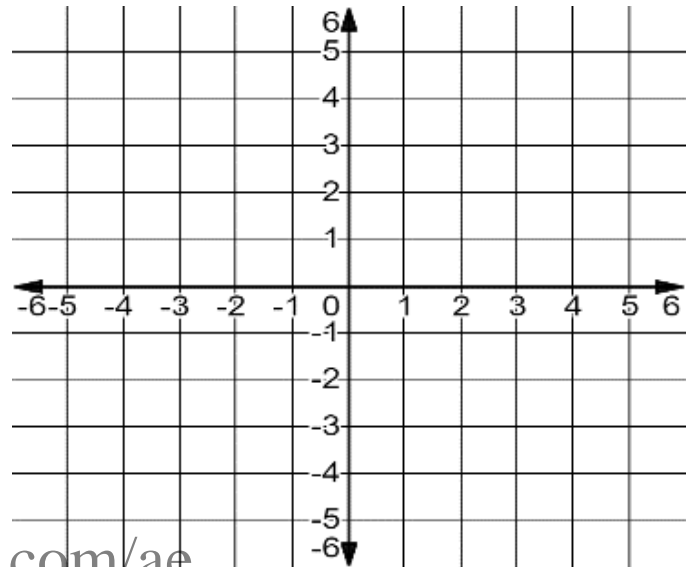


almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

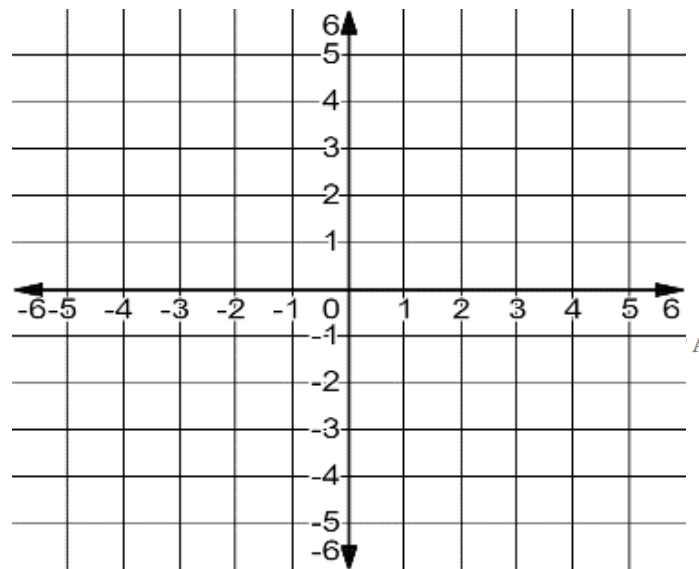
SAIF ALDEEN

$$31) y = 2x + 1 \text{ at } (3,1)$$



$$32) y = 1 \text{ at } (0, -1)$$

almanahj.com/ae



ALDEEN

SAIF ALDEEN

B\* أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين ( 2 ، -1 ) ، ( 3 ، 0 ) ، ثم أوجد معادلة المستقيم العمودي عليه و المار بالنقطة ( -3,2 )

almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

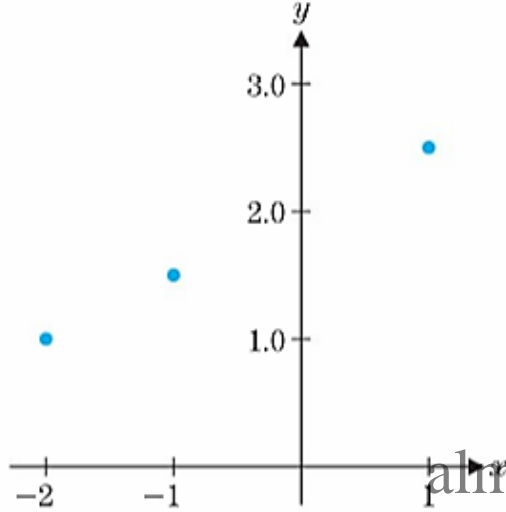
## التمرين السابع :

أوجد معادلة المستقيم المار بالنقاط المعطاة ، و احسب الاحداثي  $y$  للنقطة الواقعة على المستقيم و

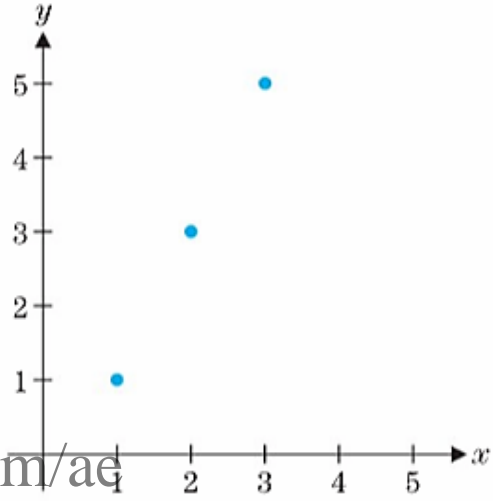
المقابلة لـ  $x=4$

In exercises 33 and 34, find an equation of the line through the given points and compute the  $y$ -coordinate of the point on the line corresponding to  $x = 4$ .

33)



34)



SAIF ALDEEN

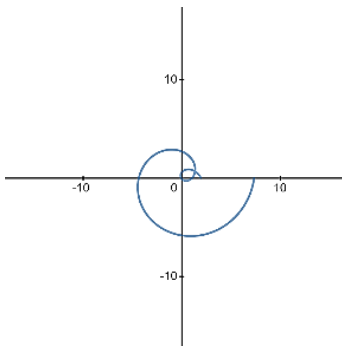
SAIF ALDEEN

1. نظرية اختبار الخط الرأسي  
2. تحديد الدوال كثيرة الحدود و النسبية

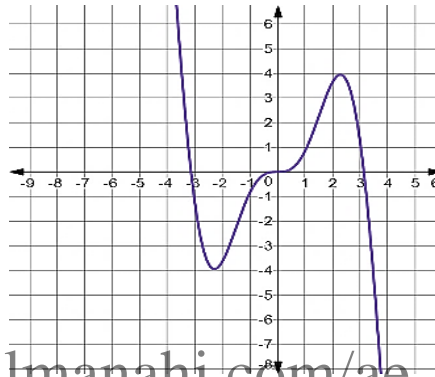
**التمرين الثامن:** استخدم اختبار المستقيم الرأسي لتحديد ما إذا كان المنحنى تمثيل بياني لدالة .

In exercises 35–38, use the vertical line test to determine whether the curve is the graph of a function.

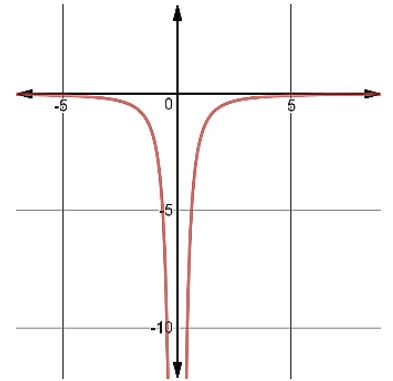
1 )



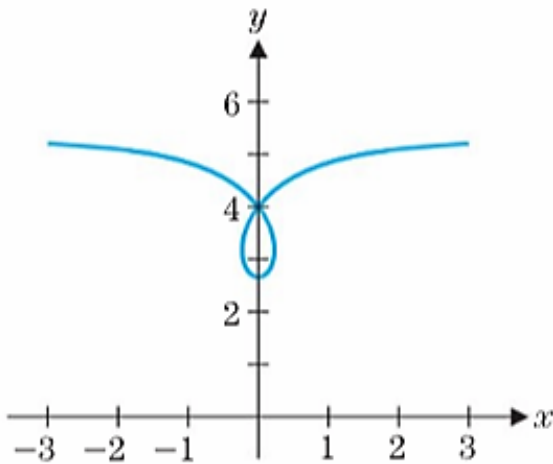
35)



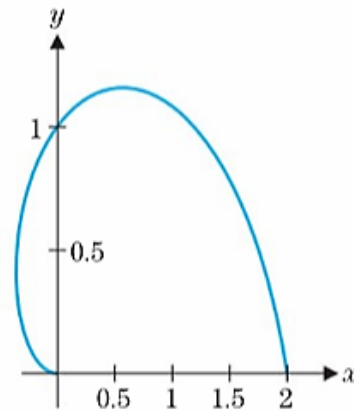
36)



37)



38)



SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

**التمرين التاسع:** حدد ما إذا كانت الدالة المعطاة كثيرة حدود أو نسبية، أو كلاهما أو غير ذلك

In exercises 39–42, identify the given function as polynomial, rational, both or neither.

$$39) f(x) = x^4 - 4x + 5$$

$$d *) g(x) = x^{\frac{1}{2}} + 5x^2 - 3$$

$$40) d(x) = \frac{x^3 + 4x - 1}{x^4 - 1}$$

$$41) f(x) = \frac{x^2 - 2x - 1}{x + 1}$$

almanahj.com/ae

$$42) n(x) = \sqrt{x^2 + 2}$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

## ايجاد مجال الدالة

find the domain of the function.

التمرين العاشر: أوجد مجال كل من الدوال التالية :

$$1) f(x) = \sqrt{x + 2}$$

almanahj.com/ae

$$2) m(x) = \sqrt{-3x - 2}$$

$$3) g(x) = \sqrt[3]{2x - 6}$$

SAIF ALDEEN

$$4) r(x) = \sqrt[4]{3 - 8x}$$

SAIF ALDEEN

$$5) f(x) = \sqrt{\frac{x^2 - x - 6}{x - 5}}$$

$$6) g(x) = \frac{\sqrt{x^2 - x - 6}}{x - 5}$$

almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN



$$7) f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{\sqrt{9 - x^2}}$$

$$8) g(x) = \sqrt{\frac{x^2 - 9}{x^2 - 4}}$$

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$9) f(x) = \frac{7}{3x^2 + 13x - 10}$$

$$10) d(x) = \frac{x^2 - 9}{x^2 - 4}$$

$$11) f(x) = \log (2x - 1)$$

almanahj.com/ae

$$12) g(x) = \ln \frac{2x - 6}{x + 5}$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

43)  $f(x) = \sqrt{x + 2}$

44)  $f(x) = \sqrt[3]{x - 1}$

45)  $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - x - 6}}{x - 5}$

46)  $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 4}}{\sqrt{9 - x^2}}$

almanahj.com/ae

47)  $f(x) = \frac{4}{x^2 - 1}$

48)  $f(x) = \frac{4x}{x^2 + x - 6}$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

find the indicated function values.

التمرين الحادي عشر : أوجد قيم الدالة المحددة

$$49) f(x) = x^2 - x - 1 \quad f(0) \quad , f(2) \quad , f(-3) \quad , f\left(\frac{1}{2}\right)$$

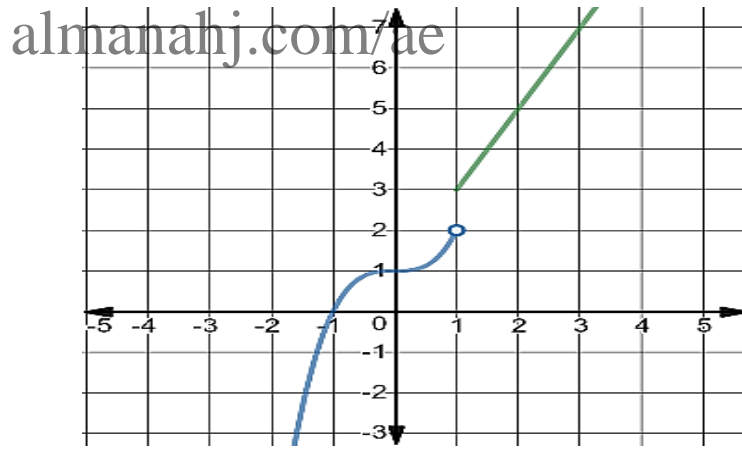
من التمثيل البياني أوجد كل من

$$b *) f(0) =$$

$$f(1) =$$

$$f(-1) =$$

$$f(3) =$$



SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

**التمرين الثاني عشر:** اذكر مجال معقول للمتغير المحدد

(51) يرغب ببيع قطعة حلوى جديدة ،  $x$  تمثل عدد قطع الحلوى المباعة في الشهر الأول

(52) ترغب ببناء مصف للسيارات فوق قطعة أرض بعدها  $200' \times 200'$   $x$  تمثل عرض المصنف بالأقدام

**التمرين الثالث عشر:** ناقش ما إذا كنت تعتقد أن  $y$  ستكون دالة لـ  $x$

(53)  $y$  تمثل الدرجة التي تحصلها في الامتحان ،  $x$  عدد ساعات دراستك .

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

(54)  $y$  احتمال الإصابة بسرطان الرئة ،  $x$  عدد السجائر المدخنة في اليوم .

SAIF ALDEEN

(56)  $y$  سرعة سقوط جسم ،  $x$  وزن الجسم .

SAIF ALDEEN

يمثل الشكل المجاور سرعة أحد الدراجين بالنسبة للزمن ، بالنسبة إلى الأجزاء المستوية ( أفقية ) من هذا التمثيل البياني ، ما الذي يحدث لسرعة الدراج؟

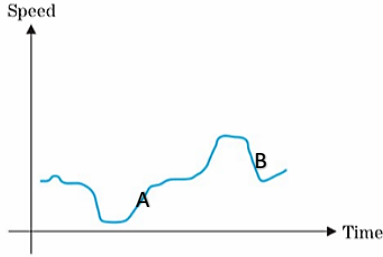


FIGURE A  
Bicycle speed

ما الذي سيحدث لسرعة الدراج عندما يصعد الرسم البياني للأعلى؟

ما الذي سيحدث لسرعة الدراج عندما يهبط الرسم البياني للأسفل؟

اختر جزء المنحنى المقابل لصعود الدراج ( A or B ) فسر؟

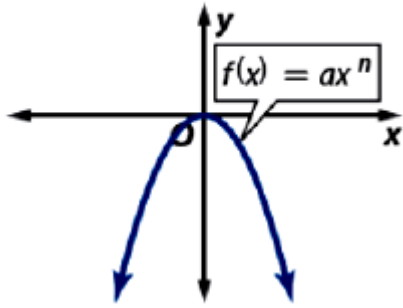
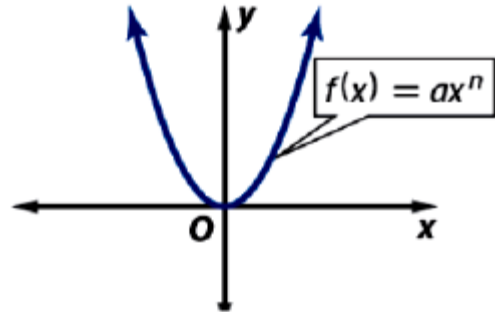
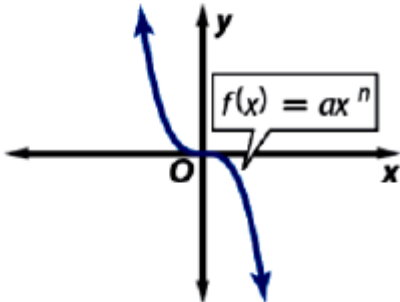
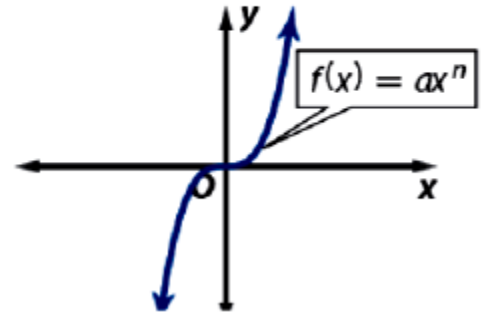
[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

اختر جزء المنحنى المقابل لهبوط الدراج لأسفل ( A or B ) . فسر؟

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

## تحليل الدوال كثيرة الحدود جبرياً و بيانياً

 $n$  عدد زوجي،  $a$  سالب $n$  عدد زوجي،  $a$  موجب $n$  عدد فردي،  $a$  سالب $n$  عدد فردي،  $a$  موجب

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$59) y = x^2 - 2x - 8$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة)

(ب) نقاط التقاطع مع المحور y

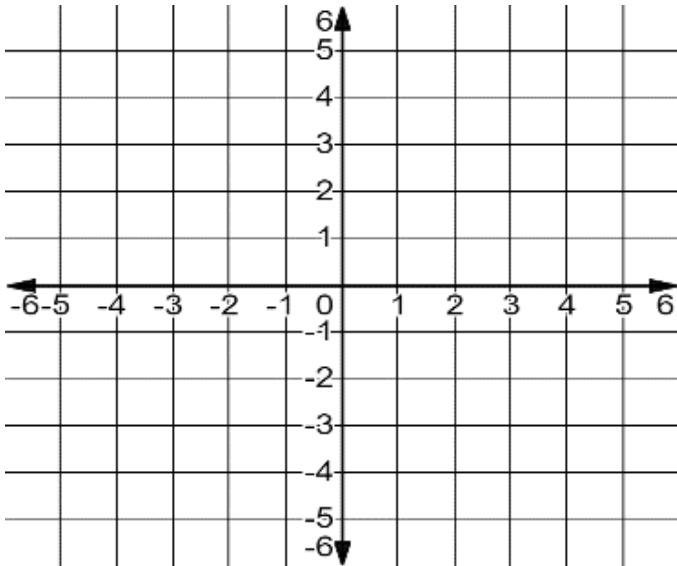
find all points of intersection.

(ت) المجال

(ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة (إن وجدت)

(ج) السلوك الطرفي

almanahj.com/ae



(ح) نقاط الانفصال و نوعها (إن وجدت)

(خ) فترات الاتصال

SAIF ALDEEN

(د) مثل الدالة بيانياً

SAIF ALDEEN

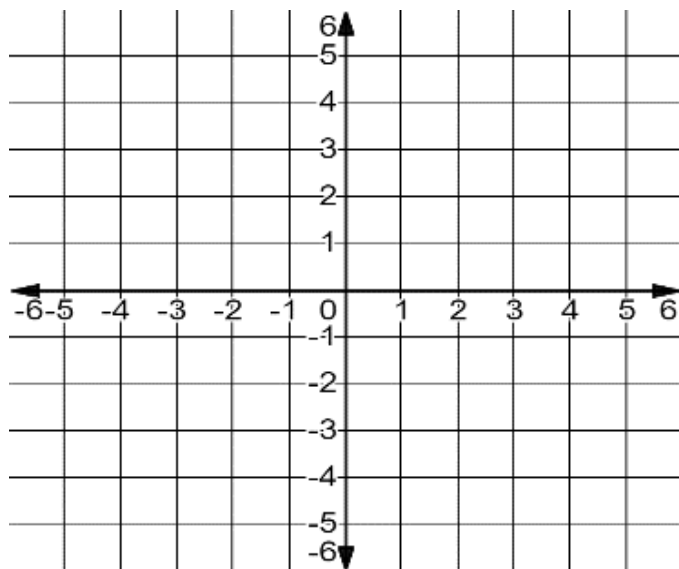


$$62) y = x^3 - 3x^2 + 3x - 1$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة) (ب) نقاط التقاطع مع المحور y

(ت) المجال (ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة (إن وجدت)

(ج) السلوك الطرفي (ح) نقاط الانفصال ونوعها (إن وجدت)



(خ) فترات الاتصال

(د) مثل الدالة بيانياً

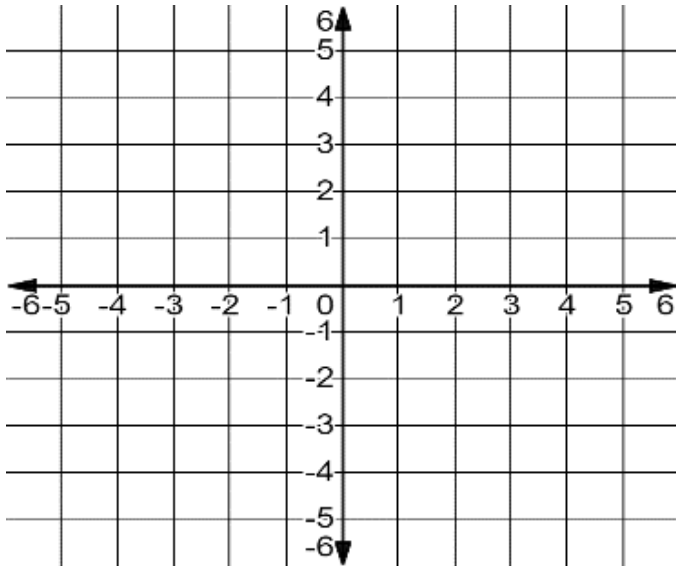
$$b *) f(x) = 6x - 4x^2 - 2x^3$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة) (ب) نقاط التقاطع مع المحور y

(ت) المجال (ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة (إن وجدت)

(ج) السلوك الطرفي (ح) نقاط الانفصال و نوعها (إن وجدت)

almanahj.com/ae



(خ) فترات الاتصال

(د) مثل الدالة بيانياً

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

## تحليل الدوال النسبية جبرياً و بيانياً

## المفهوم الأساسي الخطوط المقاربة الأفقية والرأسية

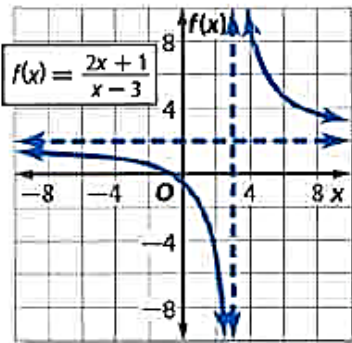
الشرح إذا كانت  $f(x) = \frac{a(x)}{b(x)}$  وكان  $a(x)$  و  $b(x)$  دالتين كثيرتي الحدود ليس بينهما أي عوامل مشتركة سوى 1، وكان  $b(x) \neq 0$ ، فإن:

- $f(x)$  لها **خط مقارب رأسي** عندما تكون  $b(x) = 0$ .
- $f(x)$  لها **خط مقارب أفقي** واحد على الأكثر.
- إذا كانت درجة  $a(x)$  أكبر من درجة  $b(x)$ ، فلا يوجد خط مقارب أفقي.
- إذا كانت درجة  $a(x)$  أقل من درجة  $b(x)$ ، فسيكون الخط المقارب الأفقي هو الخط  $y = 0$ .
- إذا كانت درجة  $a(x)$  تساوي درجة  $b(x)$ ، فسيكون الخط المقارب

$$\frac{\text{المعامل الرئيسي لـ } a(x)}{\text{المعامل الرئيسي لـ } b(x)} = y \text{ هو الخط الأفقي}$$

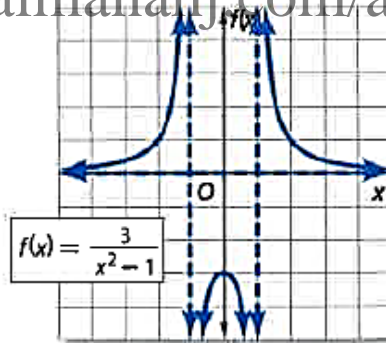
أمثلة

يوجد خط مقارب أفقي واحد



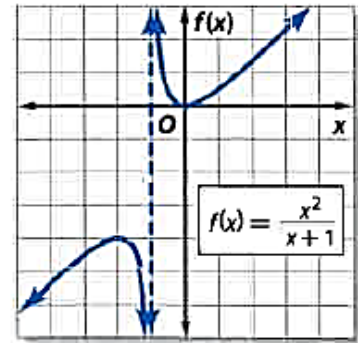
الخط المقارب الرأسي:  
 $x = 3$   
الخط المقارب الأفقي:  
 $f(x) = 2$

almanahj.com/ae



الخطوط المقاربة الرأسية:  
 $x = -1, x = 1$   
الخط المقارب الأفقي:  
 $f(x) = 0$

لا يوجد خط مقارب أفقي



الخط المقارب الرأسي:  
 $x = -1$

يكون للدالة مقارب مائل إذا كانت درجة البسط أكبر من درجة المقام بواحد وهو ناتج قسمة البسط على المقام إذا وجدت عوامل خطية مشتركة في البسط و المقام يصبح للتمثيل البياني فجوات (انفصال قابل للإزالة) عند أصفار هذه

العوامل

$$63) y = \frac{x^2 - 4}{x + 1}$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة) (ب) نقاط التقاطع مع المحور y

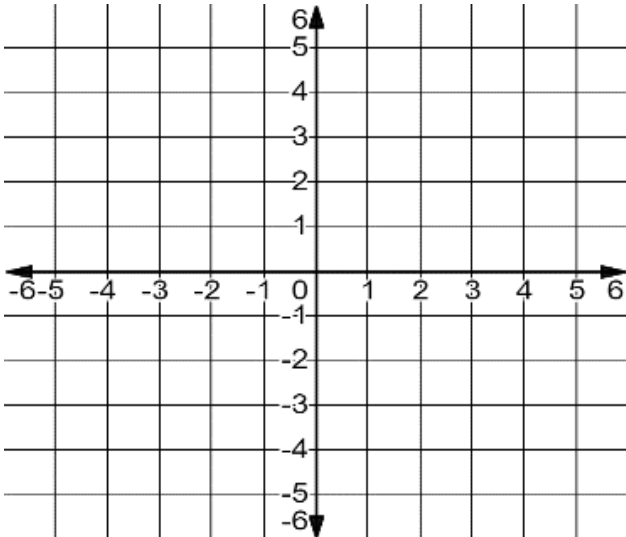
(ت) المجال

(ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة ( إن وجدت )

almanahj.com/ae

(ج) السلوك الطرفي

(د) مثل الدالة بيانياً



(ح) نقاط الانفصال و نوعها

SAIF ALDEEN

(خ) فترات الاتصال

SAIF ALDEEN

$$64) y = \frac{2x - 1}{x^2 - 4}$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة) (ب) نقاط التقاطع مع المحور y

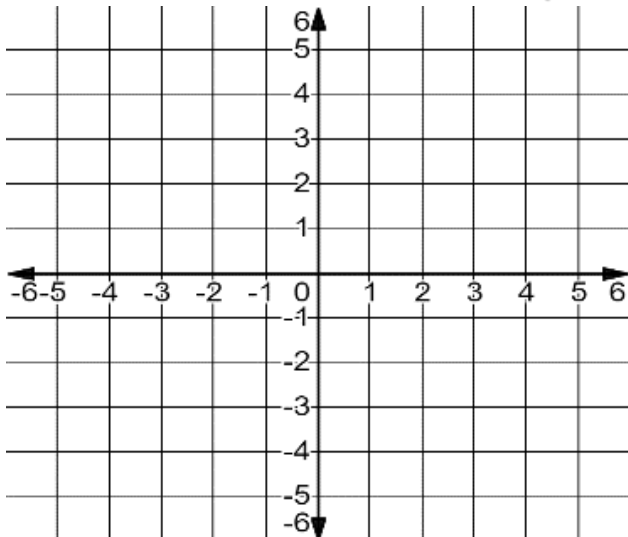
(ت) المجال

(ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة (إن وجدت)

almanahj.com/ae

(ج) السلوك الطرفي

(د) مثل الدالة بيانياً



(ح) نقاط الانفصال و نوعها

SAIF ALDEEN

(خ) فترات الاتصال

SAIF ALDEEN

$$b *) y = \frac{x^2 - 4x + 3}{x^2 - 9}$$

(أ) نقاط تقاطع التمثيل البياني مع المحور x (أصفار الدالة) (ب) نقاط التقاطع مع المحور y

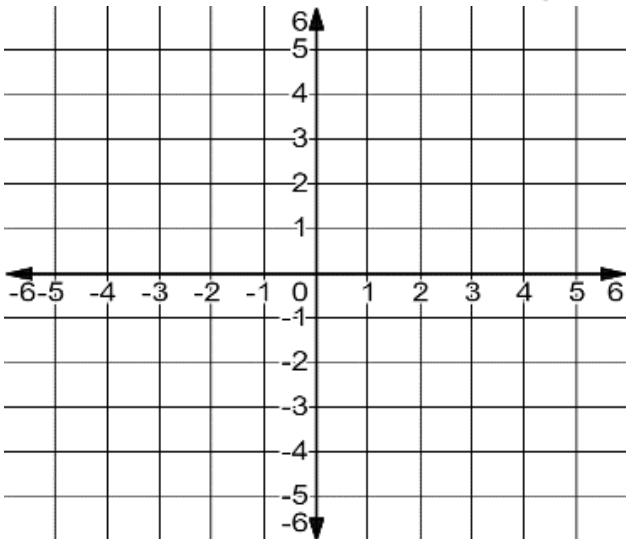
(ت) المجال

(ث) المقاربات الرأسية ، الأفقية ، المائلة (إن وجدت)

almanahj.com/ae

(ج) السلوك الطرفي

(د) مثل الدالة بيانياً



(ح) نقاط الانفصال و نوعها

SAIF ALDEEN

(خ) فترات الاتصال

SAIF ALDEEN

find all zeros of the given function.

التمرين الخامس عشر : أوجد أصفار كل دالة فيما يلي (جبرياً)

$$65) f(x) = x^2 - 4x + 3$$

$$66) f(x) = x^2 + x - 12$$

$$67) f(x) = x^2 - 4x + 2$$

$$69) f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$$

almanahj.com/ae

$$68) f(x) = 2x^2 + 4x - 1$$

$$70) f(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$71) f(x) = x^6 + x^3 - 2$$

$$72) f(x) = x^3 + x^2 - 4x - 4$$

[almanahj.com/ae](http://almanahj.com/ae)

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN



## حل أنظمة المعادلات جبرياً

SAIF find all points of intersection. ( حل أنظمة المعادلات ) التمرين السادس عشر : أوجد نقاط التقاطع للمنحنيين

$$73) y = x^2 + 2x + 3 \quad ; \quad y = x + 5$$

$$74) y = x^2 + 4x - 2 \quad ; \quad y = 2x^2 + x - 6$$

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN

$$b *) \quad y = 3x$$
$$2y + x^2 - 4x - 8 = 0$$

almanahj.com/ae

SAIF ALDEEN

SAIF ALDEEN