



مدرسة طارق السيد رجب

العام الدراسي: ٢٠٢٠ - ٢٠١٩



وزارة التربية
MINISTRY OF EDUCATION

الفصل الدراسي الأول



الرياضيات

الصف التاسع

اسم الطالب: الفصل:

نسخة محلولة

موقع المناهج الكويتية kwedufiles.com

حدد ما إذا كان كل عدد مما يلي عدداً نسبياً أم غير نسبي :

$\frac{1}{27}$, $0,131331333\dots$, $-0,77$, π , $\frac{25}{7}$

عدد غير نسبي

π

$0,131331333\dots$

عدد نسبي

$\frac{25}{7}$

$-0,77$

$1, \frac{25}{7}$

أوجِد ناتج كل مما يلي موظفاً خواص الجذور التربيعية :

$$\frac{1}{9} - = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{81}} - = \frac{1}{\sqrt{81}} -$$

$$14 = \sqrt{196} = \sqrt{49 \times 4} = \sqrt{49} \times \sqrt{4}$$

$$0. = 0 \times 1. = \sqrt{200} \times \sqrt{100} = \sqrt{200 \times 100} = \sqrt{20000}$$

$$3. = 0 \times 7 = \sqrt{7} \times \sqrt{7} \times 2 \times 3 = \sqrt{49} \times \sqrt{6}$$

رتب تصاعدياً الأعداد التالية :

$$\pi^2, \sqrt{25}, \sqrt[3]{487}, -\frac{7}{20}$$

$$-\frac{7}{20}, \sqrt[3]{487}, \sqrt{25}, -6$$

أوجِد الناتج في أبسط صورة :

$$9 \times 4 + 0, \bar{7} \div \sqrt{25} \times 8$$

$$9 \times 4 + \frac{7}{3} \div 0 \times 8 =$$

$$36 + \frac{7}{3} \times 8 =$$

$$36 + 7 \cdot \frac{8}{3} =$$

$$96 =$$

أوجِد مجموعه حل كل من المعادلات التالية في x :

$$\begin{aligned} & 3x - 1 = 4 \\ & 1 - 3x = 4 \\ & \frac{4}{3} - x = 1 \\ & 1 - x = 4 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & 3 = 1 + 4x \\ & 1 - 3 = 4x \\ & \frac{1}{2} = x \\ & x = \frac{1}{2} \end{aligned}$$

$$0 = 9 - |4x + 1|$$

$$\frac{9}{3} = |11 + 4x|$$

$$3 = |11 + 4x|$$

أوجِد مجموّعة حلّ كلّ من المتباينات التالية في \mathbb{R} ، ومثلّها على خطّ الأعداد الحقيقية .

$$11 > 3 + 2 \geq 1$$

$$3 - 11 > 3 - 3 + 3 \geq 3 - 1$$

$$\frac{1}{2} > \frac{3x}{4} \geq \frac{-1}{2}$$

$$4 > 3x \geq -1$$



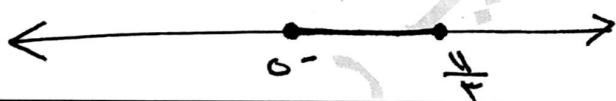
$$(-1, 2) = 2.2$$

$$2 - 13 \geq 4 - 5x \geq -3 \geq 2 - 12$$

$$\frac{11}{2} \geq 4 - \frac{5x}{2} \geq \frac{10}{2}$$

$$\frac{11}{2} \geq 4 \geq 0$$

$$\left[\frac{11}{2}, 0 \right] = 2.2$$



$$x \geq 0 - |2 + 3|$$

$$0 + x \geq 12 + 3$$

$$12 \geq 12 + 3$$

$$12 \geq 2 + 3 \geq 12$$

$$z \geq 2 + 3$$

$$z - z \geq 2$$

$$7 - z \geq 2$$

$$\infty$$

$$(\infty, 2] \cup [7 - \infty, -) = 2.2$$

$$z \leq |2 + 3|$$

$$z \leq 2 + 3$$

$$z - z \leq 3$$

$$z \leq 3$$

أُوجِد ناتج كُلّ مَا يلي بالصورة العلمية :

$$^{\circ} 10 \times (2,2 + 3,5) = ^{\circ} 10 \times 2,2 + ^{\circ} 10 \times 3,5$$

$$10 \times 5 =$$

$$^{\circ} 10 \times (2,7 - 9,1) = ^{\circ} 10 \times 2,7 - ^{\circ} 10 \times 9,1$$

$$10 \times 7 =$$

$$(^{\circ} 10 \times 10) \times (2,1 \times 3) = (^{\circ} 10 \times 4,1) \times (^{\circ} 10 \times 3)$$

$$10 \times 12 =$$

$$10 \times 12 =$$

$$(^{\circ} 10 \div 10) \times (7 \div 2,4) = (^{\circ} 10 \times 6) \div (^{\circ} 10 \times 2,4)$$

$$10 \times 4 =$$

$$10 \times 4 =$$

أولاً : في البنود التالية ، ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، و ظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

	١	$\sqrt{s+7} = \sqrt{7+s}$	١
	١	الأعداد : $\pi, -3, 6, 10$ مرتبة ترتيباً تناظرياً .	٢
	١	مجموعة حل المعادلة $ s-5 = 5$ في ح ، هي $\{5, -5\}$	٣
٢		مجموعة حل المتباينة $ s+1 \geq 3$ في ح ، هي $[2, 4]$	٤
٢		إذا كانت $s=3$ ، فإن قيمة $ s-7 + 7-s $ هي ٧	٥

ثانياً : لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة .

٦ الفترة التي تمثل مجموعة الأعداد الحقيقية الأصغر من ٥ والأكبر من أو تساوي -٥ هي :

- (١) $(-5, 5)$ (٢) $(5, 5)$ (٣) (٤) $[5, 5]$

٧ الفترة الممثلة على خط الأعداد هي :

- (١) $(-\infty, 2)$ (٢) $(2, \infty)$ (٣) (٤) $(2, \infty)$

٨ مجموعة حل المتباينة $|2s-1| > 3$ في ح هي :

- (١) $(-\infty, 2)$ (٢) (٣) $(-1, \infty)$ (٤) $(2, \infty)$

- (١) $(-\infty, 2) \cup (1, \infty)$ (٢) (٣) $(-1, \infty)$ (٤) $(2, \infty)$

$$= \frac{\sqrt{27}}{\sqrt{3}} - \frac{3}{2} \times 8$$

١١- د

ج

ب

٩

١٠ أكبر الأعداد التالية هو :

ب ٣٨٠٠٠

١ ١٠ × ٤,٢٣

د ١٠ × ٩,٣٧

٢ ١٠ × ٤,٢٣

١١ العدد ٥٤٣,٠٠٥٤٣ بالصورة العلمية هو :

١ ١٠ × ٥,٤٣

١ ١٠ × ٥,٤٣

د ١٠ × ٥٤٣

ج ١٠ × ٥٤,٣

١٢ العدد غير النسبي في ما يلي هو :

د ٠,٣

ج $\frac{1}{64}$

ب $\frac{7}{9}$

١٥٧

حلّ كلاً مما يلي تحليلًا تامًا :

$$b^3 - b^2 + 2b = b(b^2 - b + 2)$$

$$(25 + 11x - 14)(5 + 12x) = 125 + 18$$

$$54b^2 - 2b = b(27b - 1)(b^2 + 9b + 1)$$

$$16s^3 + 54s^2 - 6s = s(8s^2 + 27s + 27)(s - 6)$$

$$s^3 - 6s^2 + 9s = s(s^2 - 3s - 2)(s - 3) = s(s - 2)(s - 3)$$

$$s^2 + s - 20 = (s + 5)(s - 4)$$

$$s^2 + 7s - 44 = (s + 11)(s - 4)$$

$$2n^2 + 15n + 7 = (n+1)(n+2)$$

~~$$n = n + n$$~~

$$2k^2 - 11k - 21 = (k+3)(k-7)$$

~~$$k = k + k$$~~

~~$$k = k - k$$~~

$$4s^2 - ss - 5s^2 = (s-2)(s+5)$$

$$5s^2 = (s+5) \cancel{-} \cancel{s-2}$$

$$5s^2 = (s+5) +$$

$$= s^2 + 2s + 1s + b s =$$

$$= (s+1)^2 + 5s + b =$$

$$= s(s+1+b) + 5s =$$

$$= (s+5)(s+1+b) =$$

$$s^2 + 2s - 25s - 50 = (s-5)(s+25) =$$

$$= s(s-5) + (25-s)(s-5) =$$

$$= (s-5)(25-s) =$$

$$= (s-5)(s+5)(s+25) =$$

أوجد قيمة ج التي تجعل الحدوية التالية مربعاً كاملاً :

$$4s^2 - js + 9s^2$$

$$\downarrow$$

$$5s^2$$

$$\downarrow$$

$$s^2$$

$$5s^2 \times s^2 - js \times s^2 = \pm$$

$$js \times s^2 = \pm \underline{\underline{12}}$$

$$12 \pm = j$$

أُوجِد مجموّعة حل كلّ من المعادلات التالية :

$$ص^2 - 10ص - 11 = 0$$

$$(ص + 1)(ص - 11) = 0$$

$$\therefore ص = 11 \quad \text{أو} \quad ص = -1$$

$$\therefore ص = 11 \quad \text{أو} \quad ص = -1$$

$$\therefore \{ 11ص - 2 = 2ص \}$$

$$ص = 2$$

$$\therefore \{ 2ص - 2 = 2ص \}$$

$$ص = 2$$

$$(ص + 3)(ص - 3) = 0$$

$$ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$\therefore ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$\therefore ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$ص = 3 \quad \text{أو} \quad ص = -3$$

$$\therefore \{ 2ص - 2 = 2ص \}$$

$$\text{ن} \cdot \text{ن} = (n + n)$$

~~$$\text{ن} \cdot \text{ن} = (n + n)$$~~

$$= n^2 + 2n + 4$$

$$= (n + 2)(n + 2)$$

$$\therefore = n^2 + 2n + 4$$

$$\begin{aligned} \frac{n}{2} - \frac{n}{2} &= 2 \\ n &= 2 \end{aligned}$$

$$9s^2 - 5s = 6s^2 - 3s + 4$$

$$\therefore = 0 - s^2 - 6 - s^2 - 0 - 9$$

$$= 0 - s^2 - 6$$

$$\therefore = (11 + s)(s - 5)$$

$$\therefore = 1 + s - 5s$$

$$\begin{aligned} 1 - s &= 0 \\ \frac{s}{2} - \frac{s}{2} &= 0 \\ 0 &= 0 \end{aligned}$$

$$\left\{ \frac{5}{3}s^2 - 1 \right\} = 2$$

$$\therefore = 15s^2 + 10s - 25$$

$$\therefore = \frac{10}{5} - s - \frac{10}{5} + \frac{20}{5}$$

$$= 2 - s - s + 2$$

$$\therefore = (11 + s)(s - 5)$$

$$\begin{aligned} \therefore &= 1 + s - 5s \\ 1 - s &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{s}{2} - \frac{s}{2} &= 0 \\ \frac{2}{5} &= s \\ \frac{2}{5} &= s \end{aligned}$$

$$\left\{ \frac{2}{5}s^2 - 1 \right\} = 2 \cdot 2$$

أولاً : في البنود التالية ، ظلل ① إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل ② إذا كانت العبارة غير صحيحة .

١	<input checked="" type="radio"/>	$s^2 - \frac{1}{8} = (s - \frac{1}{2})(s^2 + \frac{1}{2}s + \frac{1}{4})$
٢	<input checked="" type="radio"/>	إذا كانت $s - c = 5$ ، $s + c = 11$ ، فإن $s^2 - c^2 = 55$
٣	<input checked="" type="radio"/>	$s^2 + s + 1 = (s + 1)^2$
٤	<input checked="" type="radio"/>	مجموعـة حلـ المعادـة $s^2 + 3s = 0$ ، $s \in \mathbb{H}$ هي $\{3, 0\}$
٥	<input checked="" type="radio"/>	$(s + c)^2 = s^2 + c^2$
٦	<input checked="" type="radio"/>	إذا كان $4c^2 + jc + 9$ مربعاً كاملاً ، فإن أحدى قيم j هي ١٢

ثانياً : لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة .

٧ إذا كانت $a^2 = 10$ ، $b^2 = 2$ فإن $(a+b)(a-b) =$

٢٠ د

١٢ ج

٨

٨- ١

٨ س $(s-3) - 3s + 9 =$

١ (س - 3)

١ (س - 3) (س + 3)

د (س + 3)

ج (س - 3) (س + 1)

٩ إذا كان $l + m = 3$ ، $l^3 + m^3 = 51$ ، فإن $l^2 - lm + m^2 =$

١٥٣ د

٥٤ ج

٤٨ ب

١٧

١٩ (س - 3)^2 - 16 =

١ ب (س + 5) (س - 11)

١ (س - 5) (س + 11)

ج (س + 1) (س - 7)

ج (س - 1) (س + 7)

إذا كان $2s^2 + ms - 7 = (2s - 1)(s + 7)$ ، فإن $m =$ ١١

١٥ (٤)

١٤ (ج)

١٣ (٦)

١٣- (١)

مجموعه حل المعادله $s(s-2) = 15$ في ح هي :

{٥،٣} (ب)

{٥-،٣} (١)

{٥،٣-} (٦)

{٢،٠} (ج)

١٣ $s^4 + 27,000s =$

(١) $s(s+3)(s^2 + 3,000s + 9,000)$

(ب) $s(s-3)(s^2 - 3,000s - 9,000)$

(ج) $s(s+3)(s^2 - 3,000s + 9,000)$

(د) $s(s+3)(s^2 - 6,000s + 9,000)$

١٤ قيمة جـ التي يجعل الحدوـية التـالـيـة $s^2 - 6s + جـ$ مربعاً كـامـلاً هي :

٣٦ (٤)

٩ (٦)

٣ (ب)

٩- (١)

اخـترـ منـ القـائـمـةـ (٢)ـ ماـ يـنـاسـبـ كـلـ بـنـدـ مـنـ القـائـمـةـ (١)ـ لـتـحـصـلـ عـلـىـ عـبـارـةـ صـحـيـحةـ .

القائمة (٢)	القائمة (١)
(أ) $(3s-1)(s+2)$	١٥ $6s^2 - 11s + 4 =$
(ب) $(3s-2)(s+1)$	١٦ $6s^2 - 5s - 4 =$
(جـ) $(2s-1)(3s-4)$	١٧ $9s^2 + 3s - 6 =$
(د) $(2s+1)(3s-4)$	١٨ $s(3s+5) - 2 =$
(هـ) $(2s-1)(3s+4)$	

ضع في أبسط صورة كلاً ممما يلي :

$$\frac{5-s}{s+5} = \frac{(5-s)(s-3)}{(s+5)(s-3)} = \frac{s^2 - 10s + 15}{s^2 - 9}$$

$$\frac{5+s}{s^2 + s + 5} = \frac{(5+s)(s-5)}{(s^2 + s + 5)(s-5)} = \frac{s^2 - 25}{s^2 - 125}$$

$$\frac{(s^2 + s - 15 - s)(s + 5 - 3)}{(s - 5)(s + 5 - 3)} = \frac{125s^2 - 27}{10s^2 - s - 3}$$

$$\frac{s^2 + s - 15 - s}{s - 5} =$$

$$\frac{s - l}{s + l} = \frac{(s - l)(s + l - l)}{(s + l)(s + l - l)} = \frac{l^2 - l^2}{l^2 + l - l}$$

$$\frac{s}{3} = \frac{(s + 1)(s - 1)}{(s + 1)(s - 1)} = \frac{2s^2 - 2}{3s^2 + 3s}$$

أوجِد الناتج في أبسط صورة:

$$\frac{(s-3)(s-2)}{s^2} \times \frac{s^2}{(s-3)(s-2)} = \frac{s-3}{s^2} \times \frac{3}{s-2}$$

$$\frac{9}{s^2} =$$

$$= \frac{s^2 - 6s + 5}{s^2 - 5s} \times \frac{1}{s^2 - 2s + 1}$$

$$\frac{1}{s-5} = \frac{(s-1)(s-5)}{(s-1)(s-5)} \times \frac{1}{(s-1)(s-5)}$$

$$= \frac{s^2 - 14s + 42}{s^2 - 12s + 35} \times \frac{7s^2 - 28s}{2s^2 - 12s + 7}$$

$$\frac{1}{s} = \frac{(s-3)(s-4)}{(s-3)(s-4)} \times \frac{(s-3)(s-4)}{(s-3)(s-4)}$$

$$= \frac{3-s}{9-s} \div \frac{s^2}{3s^2 - 5s + 2}$$

$$\frac{(s-3)(s-2)}{(s-3)(s-2)} \times \frac{s^2}{(3+s)(1-s)} = \frac{9-s}{3-s} \times \frac{s^2}{3-s^2 + s}$$

$$\frac{s^2}{1-s^2} =$$

$$= \frac{s^2 + 10s - 14}{s^2 - 49} \div \frac{10 - s^2 + 10s}{3 - s^2 + s}$$

$$\frac{(s+5)(s-1)}{(s+5)(s-1)} \times \frac{(3-s)^2 + s^2 - 5}{(3-s)^2 + s^2 - 12} = \frac{49 - s^2}{49 + s^2 - 12} \times \frac{10 - s^2 + 10s}{3 - s^2 + s}$$

$$= \frac{(s-5)(s+5)}{(s+5)(s-1)} =$$

$$\frac{16 - s^2}{9 + s^2 - 3s} \times \frac{27 + s^2}{24 - s^2 - 6s} = \frac{9 + s^2 - 3s}{16 - s^2} \div \frac{27 + s^2}{24 - 5s}$$

$$r = \frac{r}{1} = \frac{(s-5)(s+5)}{(s-5)(s+5)} \times \frac{(9 + s^2 - 3s)(s^2 + s)}{(s^2 + s)(s-5)}$$

إذا كانت $m = \frac{s^2 + 2s + 1}{s^2 + s - 5}$ ، $n = \frac{s^2 - 2s + 1}{s^2 + 4s - 5}$ فأوجد :

أ $m \times n$

$$\begin{aligned}
 &= \frac{1+s-2}{5-s+4} \times \frac{s+2}{s-2+s+1} = \\
 &= \frac{(1-s)(1-s)}{(5+s)(1-s)} \times \frac{s(s+1)}{(s+1)(1-s)} \\
 &\quad \frac{s}{s+5} =
 \end{aligned}$$

ب $m \div n$

$$\begin{aligned}
 &\frac{1+s-2}{5-s+4} \div \frac{s+2}{s-2+s+1} = \\
 &\frac{5-s+2}{1+s-2} \times \frac{s(s+1)}{(s+1)(1-s)} = \\
 &\frac{(5+s)(1-s)}{(1-s)(1-s)} \times \frac{s(s+1)}{(s+1)(1-s)} = \\
 &\frac{s(s+1)}{(s-1)(s-1)} = \frac{s(s+1)}{(s-1)(s-1)} =
 \end{aligned}$$

أوجِد ناتج كُل ممَّا يلي في أبْسْط صورة :

$$4 - \frac{9}{s} = \frac{(3-s)(3+s)}{3+s} = \frac{9-s^2}{3+s} = \frac{9}{3+s} - \frac{s^2}{3+s}$$

$$= \frac{3}{1-b_1} - \frac{1}{1-b_2}$$

$$\frac{4}{1-b_2} = \frac{3}{1-b_2} + \frac{1}{1-b_2}$$

$$= \frac{s}{s^2+6s+9} - \frac{s}{s^2-9}$$

$$\frac{s}{(s-3)(s+3)(s^2+3s)} - \frac{s}{(s-3)(s+3)(s^2-3s)}$$

$$\frac{s(s-3)}{(s-3)(s+3)(s^2+3s)(s^2-3s)} - \frac{s(s+3)}{(s-3)(s+3)(s^2+3s)(s^2-3s)}$$

$$\frac{6s}{(s-3)(s+3)^2} = \frac{s^2+3s}{(s-3)(s+3)(s^2+3s)} - \frac{s^2+3s}{(s-3)(s+3)(s^2-3s)}$$

$$= \frac{s^2 - s}{2 - s} + \frac{4 - 2s}{4 - s}$$

$$\frac{s(s-1)}{(1+s)(1+s)} + \frac{(s-2)(s-2)}{(2+s)(2+s)}$$

$$| = \frac{r+s}{r+s} = \frac{s}{r+s} + \frac{r}{r+s}$$

$$= \frac{\xi}{2+s} - \frac{r}{2+3s+s}$$

$$\frac{(1+s)\xi}{(1+s)(2+s)} - \frac{r}{(s+1)(s+2)}$$

$$\frac{r+s\xi -}{(1+s)(2+s)} = \frac{\xi - s\xi - r}{(1+s)(2+s)}$$

$$\frac{(1-s)(2r-)}{(s+1)(s+2)} =$$

أولاً : في البنود التالية ، ظلل **١** إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل **ب** إذا كانت العبارة غير صحيحة .

ب	٥	$1 - \frac{3}{s-3}$ ١
٤	٦	$\frac{5}{4s+2} = \frac{3}{3+s} + \frac{2}{1+s}$ ٢
ب	٧	$\frac{3s}{2s^3-2s^2-5s} = \frac{2s}{2s^3-2s^2}$ ٣
ب	٨	$\frac{s+2}{s+3} \div (s+2) = \frac{1}{s+3}$ ٤

ثانياً: لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة .

$$\frac{m^6}{2-m} \div \frac{m^3}{1-m} = \frac{m^6}{(2-m)(1-m)} \quad \text{٥}$$

د $\frac{1-m}{(2-m)^2}$ **ب** $\frac{2-m}{(m-1)(m-2)}$ **أ** $\frac{2-m}{m-1}$ **ج** $\frac{m^6}{m-1}$ **٦** $\frac{s^2}{s-2} - \frac{s^2}{2-s}$

١ m^6 **ج** $s^2 - 4$ **٢** $s+2$ **أ** $s-2$

الحدودية النسبية التي في أبسط صورة هي :

$$\frac{3-m^3}{1-m} \quad \text{٥} \quad \frac{7-s}{s-7} \quad \text{ج} \quad \frac{2n-1}{n^2+4} \quad \text{ب} \quad \frac{s+1}{s-1} \quad \text{أ}$$

١ m^3 **٢** $s-7$ **ب** n^2+4 **ج** $2n-1$ **٥** $s-1$ **٦** $\frac{4}{s+2} + \frac{2}{2+s}$

١ d **٢** $-$ **ب** $2s$ **ج** n^2+4 **أ** $s-1$ **٧**

٩ $\frac{2s}{s+2} \times \frac{3s}{s^2+6}$ **١٠** $= \frac{1}{1+s} + \frac{s}{s+1} - \frac{2s}{s+1}$

١ $\frac{3}{s}$ **ج** $6s$ **ب** $\frac{s}{6}$ **أ** $\frac{6}{s}$

١ $\frac{1}{s+3}$ **ج** $\frac{3}{s+1}$ **ب** $\frac{1}{3+s}$ **أ** $s+1$

البعد بين النقطتين $A(s_1, c_1)$ ، $B(s_2, c_2)$ هو :

$$AB = \sqrt{(s_2 - s_1)^2 + (c_2 - c_1)^2}$$

أوجد البعد بين النقطتين $A(2, 4)$ ، $B(6, 7)$.

$$AB = \sqrt{(6-2)^2 + (7-4)^2} = \sqrt{16+9} = \sqrt{25} = 5 \text{ وحدة طول}$$

إذا كانت $A(8, 5)$ ، $B(3, 2)$ ، $C(5, 4)$ ، $D(2, 8)$ ، أوجد طول AB .

$$AB = \sqrt{(8-3)^2 + (5-2)^2} = \sqrt{(5-3)^2 + (8-5)^2} = \sqrt{25+9} = \sqrt{36} = 6 \text{ وحدة طول}$$

إذا كانت $L(1, 2)$ ، $N(-1, 3)$ ، $M(0, 4)$ ، أثبت أن : $LN = LM$.

$$LN = \sqrt{(-1-1)^2 + (3-2)^2} = \sqrt{(1+2)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{9+4} = \sqrt{13}$$

$$LM = \sqrt{(0-1)^2 + (4-2)^2} = \sqrt{(2-1)^2 + (0-3)^2} = \sqrt{1+9} = \sqrt{10}$$

$$MN = \sqrt{(0+1)^2 + (4+3)^2} = \sqrt{1+49} = \sqrt{50}$$

$$\therefore LN = LM$$

في المستوى الإحداثي إذا كانت $A(s_1, c_1)$ ، $B(s_2, c_2)$ فإنّ:
إحداثياً نقطة متصف \overline{AB} هي

$$\left(\frac{s_1 + s_2}{2}, \frac{c_1 + c_2}{2} \right)$$

أوجد النقطة N متصف \overline{GD} حيث $G(3, 5)$ ، $D(-4, -9)$.

$$N = \left(\frac{-4 + 3}{2}, \frac{-9 + 5}{2} \right) = \left(\frac{-1}{2}, -2 \right)$$

\overline{AB} قطر في الدائرة التي مركزها M حيث $A(1, 5)$ ، $B(7, 1)$ ،
أوجد:

النقطة M مركز الدائرة.

$$M = \left(\frac{1+7}{2}, \frac{1+5}{2} \right)$$

$$M = (4, 3)$$

إذا كانت ك(٣،٩) تتصف دف حيث د(-١،٣)، فأوجد النقطة ف.

$$x_1 = 3 \quad y_1 = 9 \quad d = \frac{3 + 9}{2}$$

$$x_2 = ? \quad y_2 = 1 - \frac{3 + 9}{2}$$

$$F = (7, 1)$$

إذا كانت م(٢،١) نقطة منتصف ب حيث ب(٣،٢)، أوجد النقطة ب.

$$x_1 = 2 \quad y_1 = 1 \quad M = \frac{x_1 + x_2}{2}$$

$$y_2 = ? \quad x_2 = 3 + 1 \quad B = \frac{y_1 + y_2}{2}$$

$$B = (10, 2)$$

إذا كانت (s, c) نقطة في المستوى الإحداثي فإن :

$(s, c) \xleftarrow{90^\circ} (-c, s)$ يُسمى دوران ربع دورة $\frac{1}{4}$ دورة .

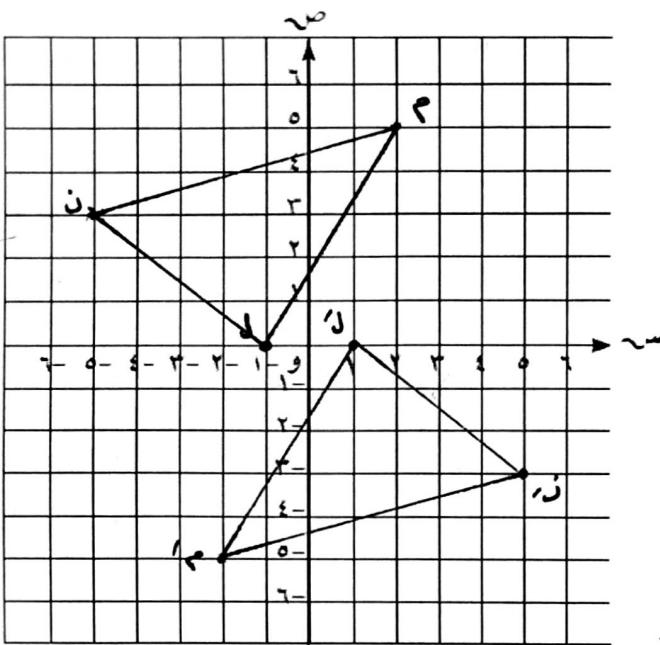
$(s, c) \xleftarrow{270^\circ} (-s, -c)$ يُسمى دوران $\frac{3}{4}$ دورة .

$(s, c) \xleftarrow{180^\circ} (-s, c)$ يُسمى دوران نصف دورة $\frac{1}{2}$ دورة .

$(s, c) \xleftarrow{180^\circ} (-s, -c)$ يُسمى دوران نصف دورة $\frac{1}{2}$ دورة .

$(s, c) \xleftarrow{270^\circ} (c, -s)$ يُسمى دوران $\frac{3}{4}$ دورة .

$(s, c) \xleftarrow{90^\circ} (c, -s)$ يُسمى دوران ربع دورة $\frac{1}{4}$ دورة .



أُرسم المثلث L من الذي إحداثيات رؤوسه:

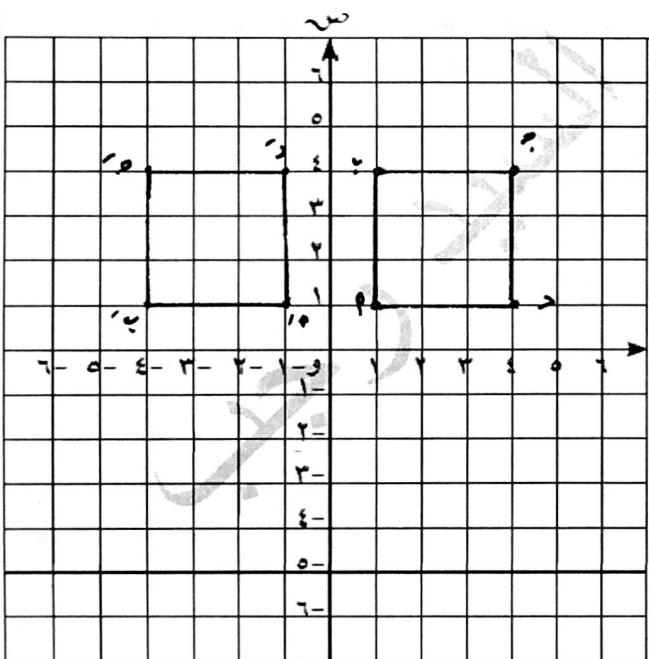
$L(-1, 0)$, $M(5, 2)$,
 $N(3, -5)$,

ثم أرسم صورته بدوران حول نقطة الأصل وبزاوية قياسها 180° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة.

$L(-1, 0) \rightarrow L(1, 0)$

$M(2, 5) \rightarrow M(-2, -5)$

$N(5, 3) \rightarrow N(-3, -5)$



أُرسم المربع $ABCD$ الذي إحداثيات

رؤوسه: $A(1, 1)$, $B(4, 1)$,
 $C(4, 4)$, $D(1, 4)$,

ثم أرسم صورته تحت تأثير د($x, y \rightarrow \frac{y}{9} - \frac{2}{9}$) حيث (w) نقطة الأصل.

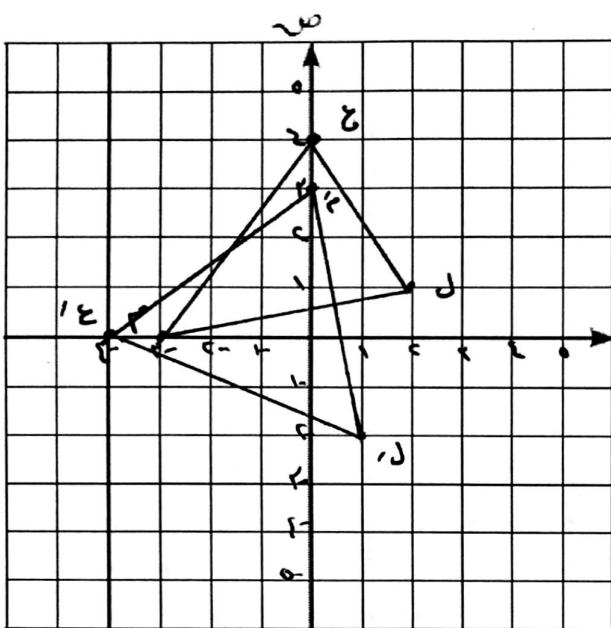
$A(1, 1) \rightarrow A(1, 4)$

$B(4, 1) \rightarrow B(-4, 1)$

$C(4, 4) \rightarrow C(-4, 4)$

$D(1, 4) \rightarrow D(-1, 4)$

ارسم المثلث UML الذي رؤوسه: $U(4, 0)$, $M(-4, 0)$, $L(1, 2)$, ثم ارسم صورته بدوران حول نقطة الأصل وبزاوية قياسها 270° عكس اتجاه حركة عقارب الساعة.

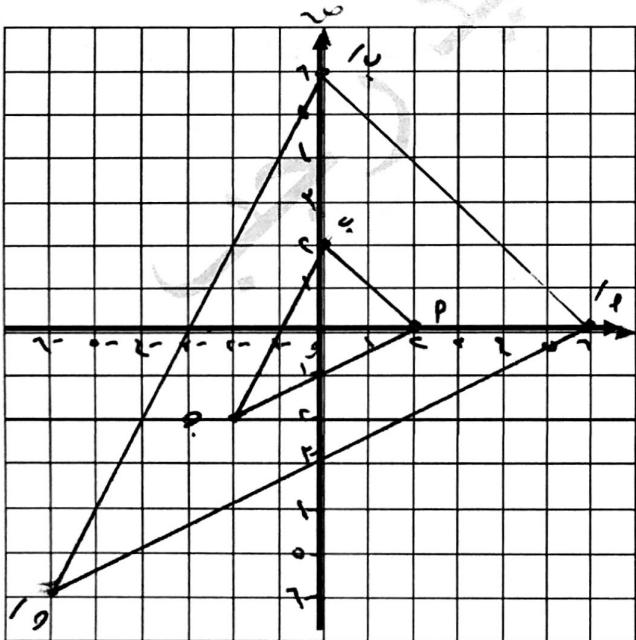


$$U(4, 0) \rightarrow U(-4, 0)$$

$$M(-4, 0) \rightarrow M(4, 0)$$

$$L(1, 2) \rightarrow L(-1, -2)$$

أُرسم المثلث ABC حيث $A(2, 0)$, $B(0, 2)$, $C(-2, 2)$. ثم أُرسم صورته تحت تأثير ت (و) نقطة الأصل.

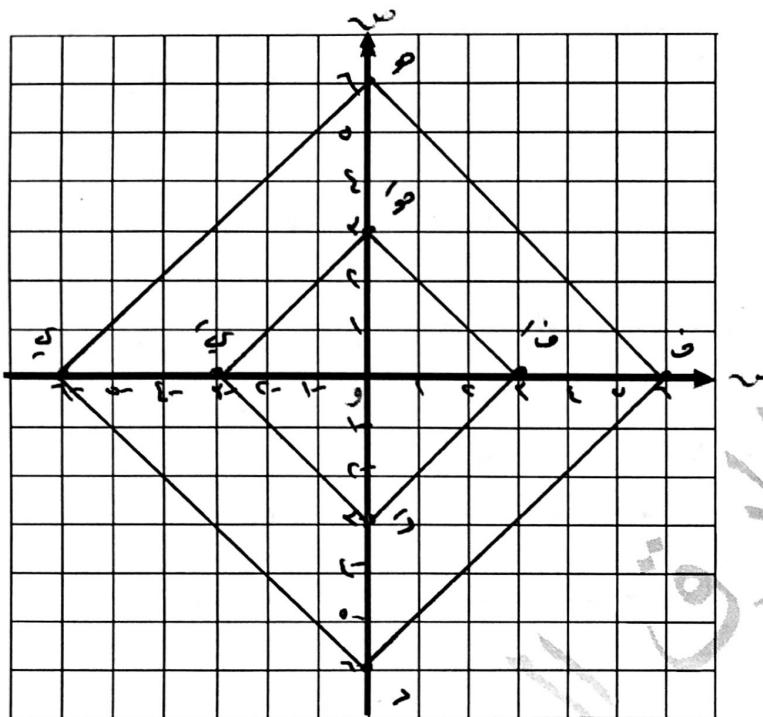


$$A(2, 0) \rightarrow A(0, 2)$$

$$B(0, 2) \rightarrow B(2, 0)$$

$$C(-2, 2) \rightarrow C(2, -2)$$

أرسم الشكل الرباعي F الذي فيه $F(6, 0)$, $H(0, 6)$,
 $I(-6, 0)$, $D(0, -6)$, ثم أرسم الشكل F' صورة الشكل
 F تحت تأثير ترجمة $(x, y) \rightarrow (x + \frac{1}{2}, y + \frac{1}{2})$.



$$F(0, 6) \rightarrow F'(0, 3)$$

$$H(0, -6) \rightarrow H'(-3, -3)$$

$$I(-6, 0) \rightarrow I'(-3.5, 0.5)$$

$$D(0, -6) \rightarrow D'(-3, -3)$$

مستطيل بعدها 3 سم، 5 سم. أوجد محيط ومساحة صورته تحت تأثير تكبير
 $T(x, y) \rightarrow (2x, 2y)$.

~~$$\text{محيط الصورة} = 2(16 + 8) = 48 \text{ سم}$$~~

$$\text{محيط الصورة} = \frac{2}{1}$$

$$\text{مساحة الصورة} = 130 \text{ سم}^2$$

$$\frac{9}{1} = \frac{\text{مساحة الصورة}}{10}$$

أولاً : في البنود التالية ، ظلل **١** إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل **٢** إذا كانت العبارة غير صحيحة .

١	ب	د (و ، ٦٠°) يكافئ د (و ، ٣٠٠°)
٢	ب	التكبير هو تحويل هندسي لا يحافظ على الأبعاد .
٣	أ	الدوران لا يحوي نقاطاً صامدة .
٤	ب	إذا كانت ج متصل بـ أب وكانت ج (٥،٣)، (٤،١) فإن ب (٤،١).
٥	ب	مثلث أطوال أضلاعه ٥ سم ، ٦ سم ، ٣ سم فإن محيط صورته تحت تأثير تكبير ت (و ، ٢) هو ٢٨ سم .

ثانياً : لكل بند من البنود التالية أربعة اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة .

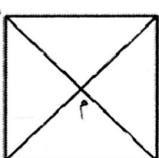
٦ إذا كانت ق (٣،٠) ، ك (١،٠) فإن : ق ك = وحدة طول .

٧ **١** **٢** **٣** **٤** **٥**

شكل هندسي مساحته 4 سم^2 ومساحة صورته تحت تأثير تكبير ما هي 36 سم^2 فإن معامل التكبير هو :

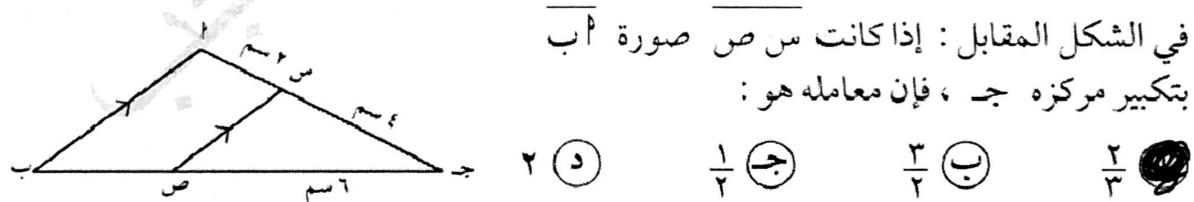
٦ **٧** **٨** **٩** **١٠**

٨ أب جـ د رباعي تقاطع قطرية في النقطة م ، صورة $\triangle ABD$ بدوران $D(M, -270^\circ)$ هي :



١ **٢** **٣** **٤** **٥** **٦** **٧** **٨** **٩** **١٠**

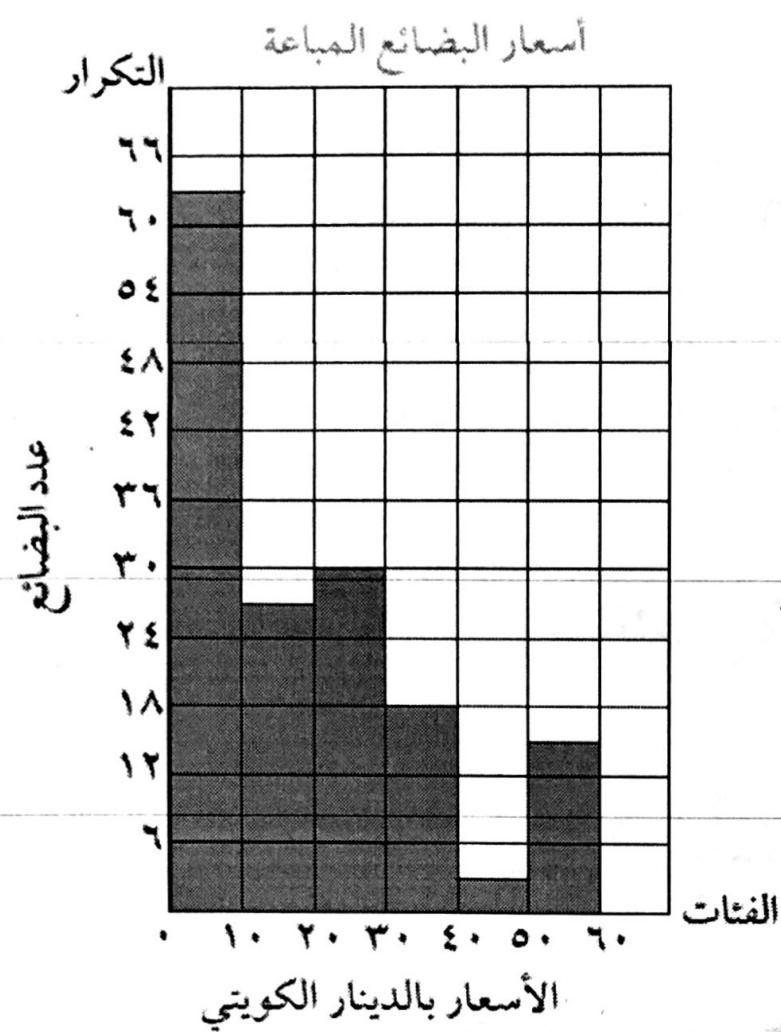
٩ في الشكل المقابل : إذا كانت س ص صورة أب بتكبير مركزه جـ ، فإن معامله هو :



١٠ إذا كانت النقطة جـ (٤،٢) هي صورة النقطة أ بتصغير ت (و ، $\frac{1}{2}$) فإن أ هي :

٦ **٧** **٨** **٩** **١٠**

يبين المدرج التكراري المقابل أسمار مختلف البضائع المباعة في إحدى الجمعيات التعاونية بالدينار الكويتي :



أجب عما يلي :

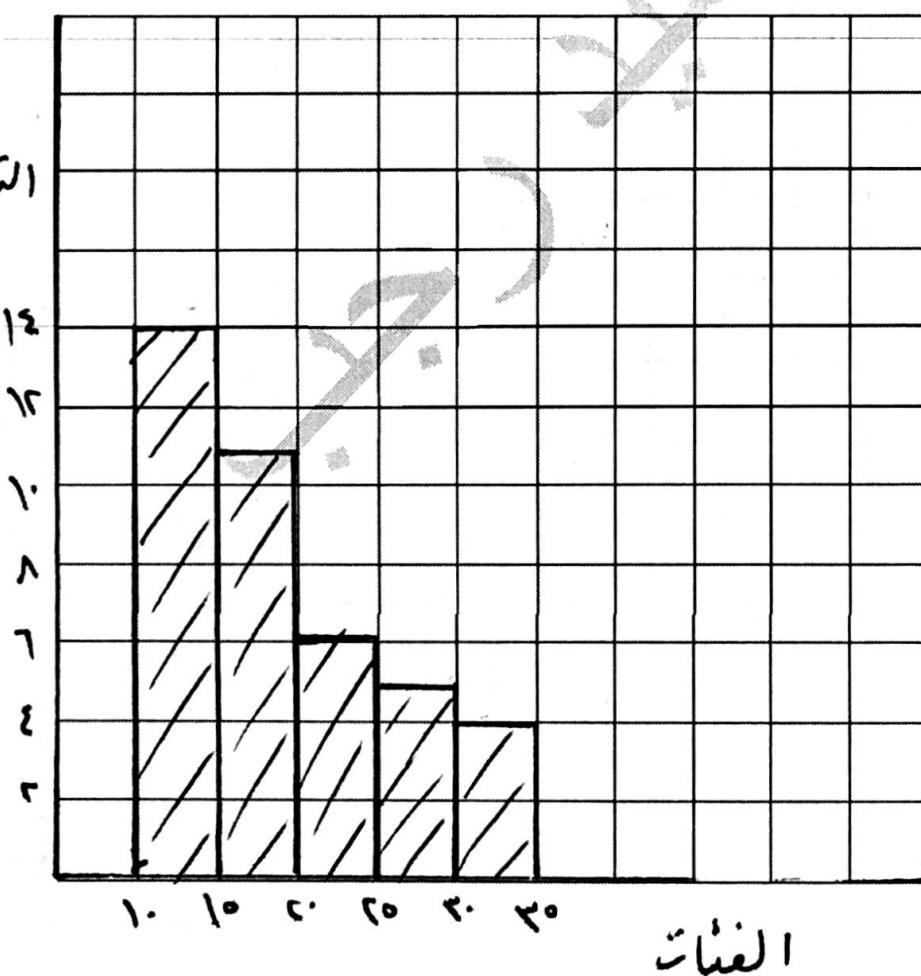
أ ما طول الفئة ؟ _____ ١٠

ب كم عدد البضائع التي بلغ سعرها

٣٦ ديناراً فأكثر ؟ _____ ٣٠

ج ما الفئة الأكثـر مبيعاً ؟ _____ ١٠ - ٢٠

يبين الجدول التالي الزمن بالدقائق الذي استغرقه ٤٠ متعلماً للوصول من المنزل إلى المدرسة ، اصنع مدرج تكرارياً لهذه البيانات .



النكرار	الفئات
١٤	- ١٥
١١	- ٢٠
٦	- ٢٥
٥	- ٣٠
٤	- ٣٥

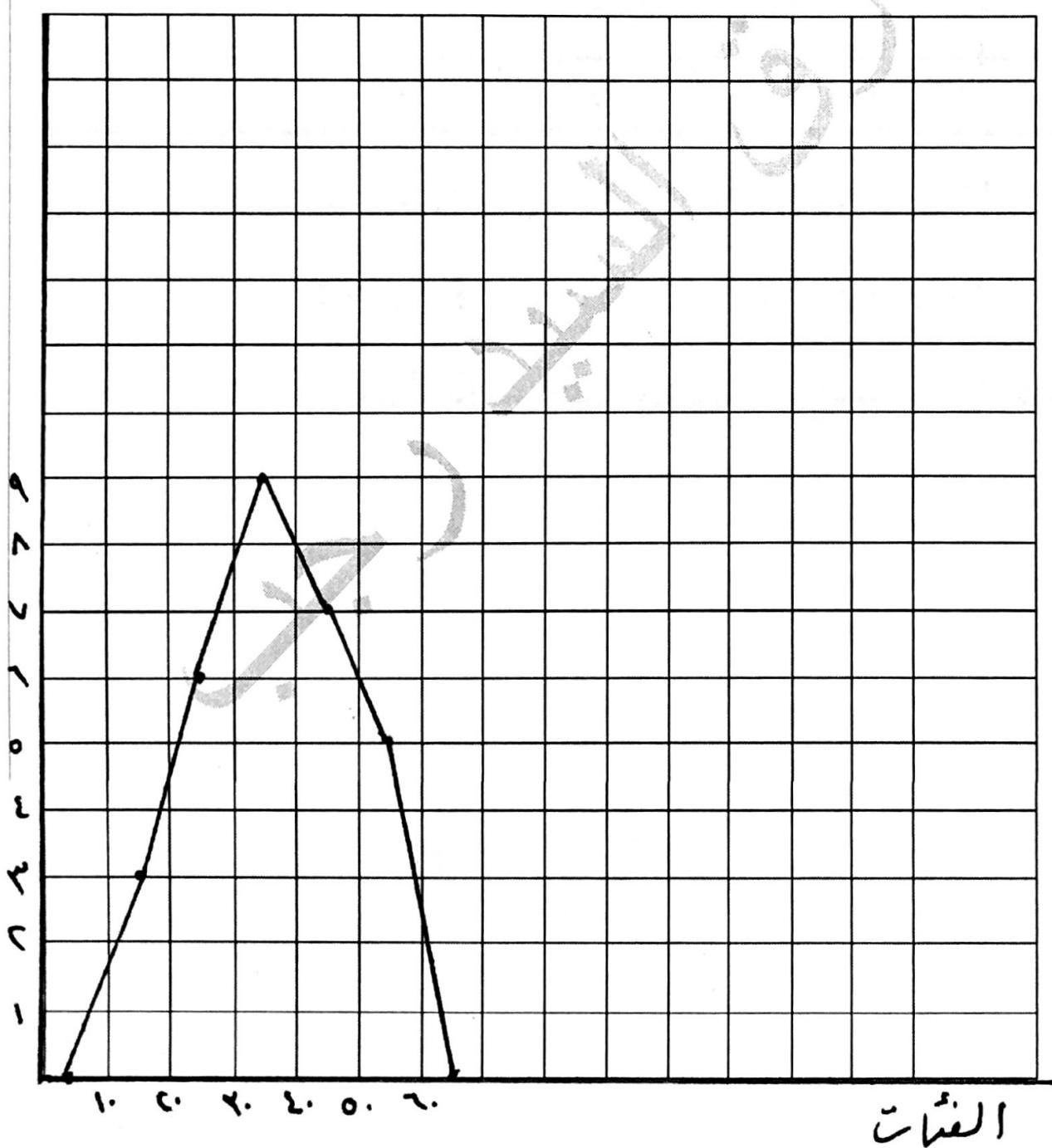
يوضح الجدول التالي درجات الحرارة المسجلة لبعض دول العالم خلال أحد الأشهر.

- ٥٠	- ٤٠	- ٣٠	- ٢٠	- ١٠	الفئات
٥	٧	٩	٦	٣	النكرار
٥٥	٤٥	٣٥	٢٥	١٥	مراكز الفئات

أكمل الجدول السابق بإيجاد مراكز الفئات .

ب مثل البيانات في الجدول السابق بمخطط تكراري .

(نكر)



في مجموعة البيانات التالية : ٦ ، ٧ ، ١ ، ٣ ، ٥ ، ٨ ، ٤

١ أوجِد كلاً ممَّا يلي :

١) القيمة الصغرى للبيانات هي

٢) القيمة الكبرى للبيانات هي

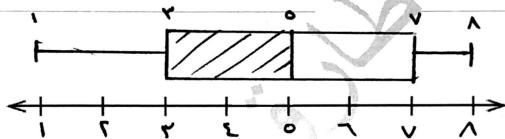
٣) المدى هو

٤) الوسيط هو

٥) الأربعى الأدنى هو

٦) الأربعى الأعلى هو

ب أرسم مخطط الصندوق ذي العارضتين لهذه المجموعة من البيانات .



تصفحت حصة كتيبة دعائياً لأحد متاجر الملابس . سجلت أسعار الفساتين فيه

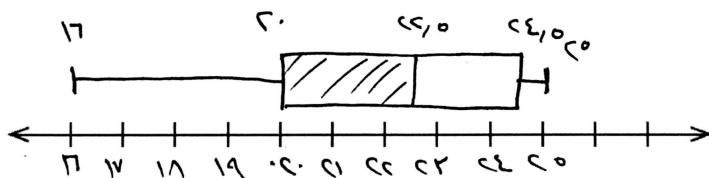
(بالدينار) كالتالي : ٢٥ ، ٢٥ ، ١٦ ، ٢٣ ، ٢٣ ، ٢٠ ، ٢٤ ، ٢٥ ، ٢٢ ، ٢٠ .

أرسم مخطط الصندوق ذي العارضتين لمجموعة البيانات السابقة .

الوسيط = ٢٣٥

الإرباعى الأدنى = ٢٠

الإرباعى الأعلى = ٢٤٥



إذا كان احتمال وقوع حدثاً ما هو $\frac{5}{9}$. فما هو ترجيح هذا الحدث؟

$$\text{احتمال ترجيح الحدث} = \frac{5}{4}$$

في تجربة إلقاء مكعب منتظم مرقم من 1 إلى 6 مرة واحدة، أكمل ما يلي:

أ) عدد النواتج الممكنة = 6

ب) عدد نواتج الحدث A (ظهور عدد فردي) = 3

ج) عدد نواتج الحدث B (ظهور عامل من عوامل العدد 6) = 2

د) $L(A) = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$

هـ $L(B) = \frac{2}{6} = \frac{1}{3}$

و) ترجيح الحدث $A = \frac{1}{2}$

ز) ترجيح الحدث $B = \frac{1}{3}$

يحتوي كيس على ٦ كرات زرقاء و ٣ كرات خضراء و ٥ كرات حمراء و كرة واحدة بيضاء.

سحبت كرة واحدة عشوائياً. أوجد كلاً مما يلي :

$$\textcircled{1} \quad \text{ل (زرقاء)} = \frac{6}{10}$$

$$\textcircled{2} \quad \text{ل (بيضاء)} = \frac{1}{10}$$

$$\rightarrow \textcircled{3} \quad \text{ل (ليست خضراء)} = \frac{12}{10}$$

$$\textcircled{4} \quad \text{ترجيح (سحب كرة زرقاء)} = \frac{6}{9}$$

$$\textcircled{5} \quad \text{ترجيح (سحب كرة حمراء)} = \frac{1}{10}$$

يبين مخطط الصندوق ذي العارضتين مجموعة من البيانات ، أو جد كلاً مما يلي :



$$\textcircled{1} \quad \text{المدى} = 80 - 20$$

$$\textcircled{2} \quad \text{الوسيط} = 50$$

$$\rightarrow \textcircled{3} \quad \text{الأربعيني الأدنى} = 35$$

$$\textcircled{4} \quad \text{الأربعيني الأعلى} = 65$$

أولاً : في البنود التالية ، ظلل **أ** إذا كانت العبارة صحيحة ، وظلل **ب** إذا كانت العبارة غير صحيحة .

<input type="radio"/> ب <input checked="" type="radio"/> أ	١ طول الفئة $(10 - 6)$ هو
	٢ أسلوب التمثيل في الشكل المجاور هو المدرج التكراري .
<input type="radio"/> ب <input checked="" type="radio"/> أ	٣ في مخطط الصندوق ذي العارضتين المقابل ، الأرباعي الأدنى لهذه البيانات هو
	٤ عند رمي مكعب منتظم مرموم من ١ إلى ٦ ، يفوز عيد بنقطة إذا ظهر عدد أولي ، ويغرس فهيد بنقطة إذا ظهر عدد زوجي ، فإن هذه اللعبة عادلة .

ثانياً: لكل بند من البنود التالية أربعة اختبارات ، واحد فقط منها صحيح ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة .

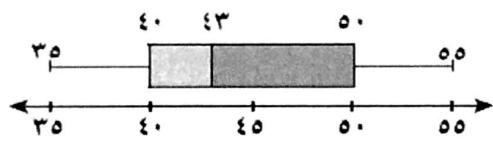
الفئات	-	-	-	-	-
النكرار	٢٦	٢٢	١٨	١٤	١٠

٥ مركز الفئة الثالثة هو :

٢٤ **٢٢** **ج** **٢٠** **ب** **١٨** **أ**

٦ في البيانات الإحصائية إذا كان مركزا فئتين متتاليتين هما **١٥** ، **٢٥** على الترتيب ،
فإن طول الفئة يساوي :

٢٥ **٢٠** **ج** **١٥** **ب** **١٠**



٧ في مخطط الصندوق ذي العارضتين المقابل ،
المدى لهذه البيانات هو :

٢٠ (د)

٤٠ (ج)

٤٣ (ب)

٥٠ (أ)

٨ إذا كان الترجيح لحدث ما يساوي $\frac{2}{3}$ فإن احتمال وقوع هذا الحدث يساوي :

$\frac{3}{5}$ (د)

$\frac{2}{3}$ (ج)

$\frac{2}{3}$ (ب)

$\frac{2}{5}$ (هـ)

٩ إذا كان احتمال وقوع حدث ما $\frac{7}{11}$ فإن ترجيح هذا الحدث هو :

١٨:٧ (د)

٤:٧ (هـ)

١١:٤ (ب)

٧:٤ (أ)

١٠ ترجيح ظهور العدد (٣ أو ٤) عند رمي مكعب منتظم مرقم من ١ إلى ٦ مرة واحدة هو :

٤:٣ (د)

١:٢ (جـ)

٢:١ (هـ)

٣:١ (أ)